

حلول تمارين الكتاب

المدرسي الرياضيات

السنة الثالثة

متوسط

جميع الحقوق محفوظة

حل مشكلات و معادلات من الدرجة الأولى

نشاط (3) ص 75 من إختبر مكتسباتك

- في المساويات $a(b+c) = ab + ac$

$a^2 - 4 = (a+2)(a-2)$ الرمز = يدل على تساوي الطرفين من أجل كل قيم الأحرف a, b, c

- في المساويات $7a+5=6a-9$ و $b+2=5b+3$

يقصل الرمز = بين طرفي معادلة وحل كل من هاتين المعادلتين يحدد قيمة a أو b التي تحقق المساواة

(1) المعادلات هي : $7a + 5 = 6a - 9$

$$-b + 2 = 5b + 3$$

(2) من أجل $a = 1$ المساواة صحيحة

من أجل $a = -3$ المساواة صحيحة

من أجل $a = \frac{1}{2}$ المساواة صحيحة

هذه المساواة صحيحة من أجل كل قيم المتغير a

هذه المساواة ليست صحيحة من أجل $b = -3, b = 1$

$$. b = \frac{1}{2}$$

- قيمة b التي تحقق المساواة هي $b = \frac{-1}{6}$

نشاط (1) ص 76

(1) مقالة زين الدين صحيح لأن $a=550g, b=550g$

(2) بما أن $a=b$ فإن $a+20 = b-50$

- لا يختل التوازن

$$\text{بما أن } a = b \text{ فإن } a - 50 = b - 50$$

$$\text{- يتحقق التوازن لأن } a = b \text{ فإن } 2a = 2b$$

$$\text{- بما أن } a = b \text{ فإن } \frac{a}{5} = \frac{b}{5}$$

$$(3) \text{ } a = b \text{ و } c \text{ عددا نسبيا فإن } a+c = b+c$$

$$\text{و } a-c = b-c \text{ و } a \times c = b \times c \text{ و } \frac{a}{c} = \frac{b}{c} \text{ مع } c \neq 0$$

نشاط (2) ص 76

$$(1) (a+c) - (b+c) = a+c - b-c$$

$$a-b$$

$$=0$$

ومنه $a+c = b+c$ فنقول أن العددين $a+c$ و $b+c$ هما طرفي المساواة $(a+c) - (b+c) = 0$

بنفس الطريقة يستنتج أنه من أجل كل اعداد نسبية a, b, c

$$(a-c) - (b-c) = 0 \text{ تعني } a-c = b-c$$

$$ca - cb = c(a-b) \text{ ومنه } ca - cb = c(0)$$

$$ca - cb = 0 \text{ نقول أن } ca \text{ و } bc \text{ طرفي المساواة}$$

$$\text{أي } ca = cb$$

$$\frac{a}{c} - \frac{b}{c} = 0 \text{ ومنه } \frac{a}{c} - \frac{b}{c} = \frac{a-b}{c} = \frac{0}{c} = 0^*$$

$$\text{أي : } \frac{a}{c} = \frac{b}{c}$$

نشاط (1) و (2) ص 75 من إختبر مكتسباتك

(1) الترتيب التصاعدي

$$0.25, \frac{4.2}{3}, \frac{15}{7}, 2.15, \frac{13}{6}, 2.357, 2.5, 2.53, 9$$

$$\frac{3452}{567} > \frac{3278}{891} \quad ; \quad \frac{3452}{567} - \frac{3278}{891} = 2.41 \quad (2)$$

نشاط (1) ص 77

يحضر هذا النشاط في البيت

* قبل الشروع في المرحلة الأولى يمكن تقديم تذكير لمفهوم المسافة إلى الصفر و فاصلة نقطة ، يمكن أن يكون هذا التذكير كالاتي :

- ترتب النقط على مستقيم مدرج من اليسار إلى اليمين حسب الترتيب التصاعدي لفواصلها (التي هي أعداد نسبية)

مثلاً M و N نقطتان من المستقيم المدرج

إذا كانت M تقع على يمين N فإن فاصلة M أكبر من فاصلة N

- R و S نقطتان فاصلتهما 'x و x' على الترتيب

إذا كان 'x أكبر من 'x' فإن S تقع على يمين R

(1) نقل المستقيم المدرج ثم تعلم النقطتين $A(\frac{7}{4})$ ، $B(\frac{5}{2})$

لدينا $\frac{5}{2} > \frac{7}{4}$ (لأن على المستقيم المدرج النقطة B تقع على يمين A)

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \quad \text{و} \quad \frac{7}{4} + \frac{1}{2} = \frac{7+2}{4} = \frac{9}{4} \quad (2)$$

تعلم النقطتين C و D نلاحظ النقطة D تقع على يمين C

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{2} > \frac{7}{4} + \frac{1}{2} \quad \text{إذن}$$

- القيام بنفس العمل مع النقطتين E و F ذات الفاصلتين

$$\frac{5}{2} - \frac{1}{2} > \frac{7}{4} - \frac{1}{2} \quad \text{حيث نجد} \quad \frac{5}{2} - \frac{1}{2} \quad \text{و} \quad \frac{7}{4} - \frac{1}{2}$$

لدينا $2 \times \frac{7}{4} = \frac{7}{2}$ و $2 \times \frac{5}{2} = 5$ نلاحظ أن $5 > \frac{7}{2}$

$$2 \times \frac{5}{2} > 2 \times \frac{7}{4} \text{ إذن}$$

نفس العمل من أجل النقطتين K و L ذات الفاصلتين

$$(-2) \times \frac{5}{2} < (-4) \times \frac{7}{4} \text{ نجد } (-2) \times \frac{5}{2} \text{ و } (-4) \times \frac{7}{4}$$

نشاط (2) ص 77

(1) لدينا $a < b$

$$(a+c)-(b+c) = a+c -b-c$$

$$=a -b$$

إذن $(a+c)-(b+c) < 0$ و منه $a+c = b+c$ و عليه

إذا كانت $a < b$ فإن $a+c < b+c$

$$(a-c)-(b-c) = a-c -b+c$$

$$=a -b$$

ومنه $(a-c)-(b-c) < 0$ إذن $a-c < b-c$

و عليه إذا كان $a < b$ فإن $a-c < b-c$

(2)

$ac -bc = c(a-b)$ ولدينا c عدد موجب تماماً

بما أن $a-b < 0$ فإن $c(a-b) < 0$ أي $ac -bc < 0$

$$\text{أي } ac < bc$$

و عليه إذا كان $a < b$ و c عدد موجب تماماً فإن $ac < bc$

- في حالة c عدد سالب تماماً

يصبح $ac -bc > 0$ أي $ac > bc$

و عليه إذا كان $a < b$ و c عدد سالب تماماً فإن $ac > bc$

النشاط (4) من إختبر مكتسباتك

$$a = \frac{2}{3} ؛ a = \frac{1}{4} ، a = -1 ، a = 9 \quad (1)$$

$$-1 = -1 \text{ أي } -7 + 6 = -1 \text{ ومنه } 7(-1) + 6 = -1 \quad (2)$$

نشاط (1) ص 79

(1) عدد حبات الفاكهة على كفة الميزان (1) هو 6 وعدد الحبات في كفة الميزان (2) هو 3
يمكن ترجمة الوضعيتين كالاتي

$$6f = 1000 + 2b \text{ : الوضعية الأولى}$$

$$2b = 500 + 3b \text{ : الوضعية الثانية}$$

حيث يرمز f إلى كتلة حبة الفاكهة ويرمز b إلى كتلة العلبة

(2)

الوضعية الأولى يتحقق التوازن في حالة f = 170g و b = 20g

الوضعية الثانية يتحقق التوازن في حالة f = 50g و

$$b = 325g$$

نشاط (2) ص 79

$$2x - 5 = 7 \quad (1) \text{ نضيف إلى الطرفين العدد 5}$$

$$2x = 12 \text{ نجد } 2x - 5 + 5 = 7 + 5$$

بقسمة طرفي المساواة على 2 نجد :

$$x = 6$$

*

$$5x - 3 = x + 21 \text{ نطرح من الطرفين المجهول } x \text{ فنجد}$$

$$4x - 3 = 21 \text{ فتصبح } 5x - 3 - x = x + 21 - x$$

نضيف إلى الطرفين العدد 3

$$4x = 24 \text{ ومنه } 4x - 3 + 3 = 21 + 3$$

$$\text{بقسمة طرفي المعادلة على 4 نجد } x = 6$$

(2)

$$\text{لدينا المعادلة (1) } x - 5 = 7 \text{ من أجل } x = 6$$

$$\text{نجد } 7 = 7 - 5 \text{ أي } 12 - 5 = 7 \text{ ومنه } 7 = 7 \text{ فالمساواة صحيحة}$$

$$\text{لدينا المعادلة (2) } 5x - 3 = x + 21 \text{ من أجل } x = 6$$

$$\text{نجد } 27 = 27 - 3 = 5 \times 6 - 3 \text{ ومنه } 27 = 27 \text{ فالمساواة صحيحة}$$

فالمساواة صحيحة

$$7x + 5 = 2x - 7 \text{ (3)}$$

نطرح 5 من طرفي المعادلة

$$7x + 5 - 5 = 2x - 7 - 5$$

$$\text{نجد } 7x = 2x - 12$$

نطرح $2x$ من طرفي المعادلة

$$7x - 2x = 2x - 12 - 2x$$

$$\text{نجد } 5x = -12$$

$$\text{نقسم على 5 طرفي المعادلة } \frac{5x}{5} = \frac{-12}{5}$$

$$\text{ومنه } x = \frac{-12}{5}$$

* بنفس الخطوات و الخوارزمية التي تسمح بحل معادلة نجد

$$\text{- حل المعادلة } x - 0.7x = 7.2 - 0.3 \text{ هو } x = 5.75$$

$$\text{حل المعادلة } 3.25x - 0.25 = -0.5x + 1 \text{ هو } x = 0.33$$

$$\text{حل المعادلة } x = \frac{2}{5} \text{ هو } \frac{x+2}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1-2x}{4} + \frac{1}{2}$$

نشاط (5) و (6) من إختبر مكتسباتك

(5)

(1) لجعفر مبلغ من المال ، لو أضاف إليه ثلاثة أرباعه لأصبح في حوزته 5347 ديناراً

$$\text{ترفق هذه الوضعية بالمساواة } x + x \frac{3}{4} = 5347$$

(2) إرتفاع مثلث 15cm و مساحته 210 cm^2

$$\text{يرفق هذه الوضعية بالمساواة } x \frac{15}{2} = 210$$

(3) ضعف عدد هو هذا العدد مطروح منه 15

$$\text{يرفق هذه الوضعية بالمساواة } 2x = x - 15$$

(6)

(1) إذا أضفنا 10 إلى ثلاث مرات عدد فالنتائج يفوق 200

$$\text{تترجم بالمتباينة } 3x + 10 > 200$$

(2) إذا طرحنا عدداً من مربعه فالنتائج هو 6

$$\text{تترجم بالمساواة } x^2 - x = 6$$

(3) صرف ياسين مبلغ 310DA في شراء كتاب سعره 180DA و كراسين

$$\text{تترجم بالمساواة } 2x + 180 = 310$$

نشاط (3) ص 80

* تحديد الجملة المحورية في النص

يشارك حكيم و زهراء في مبلغ من المال قدره 7500DA (1)

* تحديد الجمل التي لها صلة بالجملة المحورية

- لو نقصت حصة زهراء بمبلغ 250DA (2)

- لو زادت حصة حكيم بمبلغ 500DA (3)

- لأصبح لدى كل من الأخوين نفس المبلغ (4)

نرمز بالحرف a لحصة زهراء و بالحرف b لحصة حكيم

- بالرمز x لحالة تساوي حصتي الأخوين

و عليه تترجم الجمل الأربعة كالاتي

الجملة (1) تترجم بالمعادلة $a + b = 7500$ (5)

الجملة (2) و (3) و (4) تترجم كالاتي

حصة زهراء هي $a = x + 250$ DA

حصة حكيم هي $b = x - 500$ DA

المعادلة (5) تصبح إذن :

$$(x + 250) + (x - 500) = 7500$$

بحل المعادلة الأخيرة يكون $x = 3875$

وتكون حصة زهراء هي 4125DA

و حصة حكيم هي 3375 DA

نشاط (4) ص 80

الجملة المحورية هي مساحة مستطيل

الجملة المرفقة للجملة المحورية

(1) حصر لطول المستطيل بين 1.40cm و 1.60cm

(2) عرض المستطيل 0.70cm

(3) حصر مساحة المستطيل

التأكد من معرفة التلميذ للعلاقة التي تعطي مساحة مستطيل كالاتي

$$l \times S = L \quad (4)$$

الجملة (1) تترجم كالاتي

$$1.40 < L < 1.60 \quad (5)$$

إذن نضرب الأطراف الثلاثة للمتباينة (5) بالعدد

يعطينا

$$1.40l < Ll < 1.60l .$$

إذن مساحة السجادة محصورة بين 0.98 و 1.12

$$0.98 < < 1.12 \quad \text{أي}$$

حل تمرين 1 ص 86

$$a = -10 \quad \text{الفرضية}$$

(1) يمكن الإجابة عن الفرع الأول بكيفيتين

- الإنطلاق من المساواة الواردة في السؤال للحصول على الفرضية في حالة كون المساواة صحيحة

لدينا $a + 5 = -5$ بطرح العدد 5 من طرفي المساواة يكون $-5 = -5a + 5 - 5 = -5$ أي $a = -10$ إذن المساواة صحيحة

- الإنطلاق من الفرضية للحصول على المساواة المعطاة أيضاً إذا كانت صحيحة

$$\text{لدينا } a = -10 \text{ بإضافة العدد } 5 \text{ إلى طرفي المساواة نحصل على : } a + 5 = -10 + 5$$

بعد التبسيط نحصل على $a + 5 = -5$ وهي المساواة المطلوبة

* يمكن أيضاً نتحقق من صحة المساواة و بالتحقيق من صحة المساواة $a + 5 = -5$ من أجل $a = -10$

الفرع الثاني

الأمر يتعلق بعبارة و ليس مساواة إذن ننطلق من الفرضية

$$\text{لدينا } a = -10 \text{ بإضافة العدد } 10 \text{ إلى طرفي المساواة نحصل على } a + 10 = -10 + 10$$

بعد التبسيط نحصل على $a + 10 = 0$ إذن قيمة $a + 10$ هي 0 بطريقة مماثلة نحصل على إجابات السؤال 2

حل تمرين 11 ص 87

حل جزئي

$$1.5 < b < 3.2 \text{ الفرضية}$$

في مثل هذه الحالة يستحسن الإنطلاق من الفرضية بعد التمعن في العلاقة المعطاة ($5 < 2b + 2 < 7.5$) نلاحظ أن الأمر يتعلق بحصر $2b+2$

- الخطوة الأولى :

بضرب المتباينة المزدوجة $1.5 < b < 3.2$ بالعدد 2 نتحصل إثرها على $2 \times 1.5 < 2b < 2 \times 3.2$ أي

$$3 < 2b < 6.4$$

- الخطوة الثانية :

إضافة العدد 2 إلى أطراف المتباينة المزدوجة الأخيرة نحصل على المتباينة $1.5 \times 2 < 2b + 2 < 6.4 + 2$

$$5 < 2b + 2 < 8.4 \text{ أي}$$

هذه المتباينة الأخيرة تعطينا حصر للعبارة $2b+2$

هذه العبارة إذن محصورة بين العددين 5 و 8.4 وليس بين العددين 5 و 7.4 كما جاء في السؤال (1)

$$1.5 < b < 3.2 \text{ إذن العلاقة}$$

لا نستطيع الحصول على $5 < 2b + 2 < 7.4$

يمكن التأكد من النتيجة بإعادة العمليات مرة أخرى

المسألة 30 ص 89

توجيهات

a حصة جعفر ، b حصة محمد و c حصة نور الدين إذن

$$(1) a + b + c = 7245$$

$$c = \frac{1}{2} (b+a) \text{ و } a = \frac{2}{3} b$$

من المساويتين الأخيرتين نحصل على المساواة

$$c = \frac{5}{6} b \text{ أي } c = \frac{1}{2} \left(\frac{2}{3} b + b \right)$$

بتعويض a و c في المساواة (1) نحصل على المعادلة $\frac{2}{3} b + b + \frac{5}{6} b = 7245$

بحل هذه المعادلة نحصل على الإجابة المطلوبة

المسألة 35 ص 89

توجيهات

الفرضيات : ABC مثلث $\hat{A} = 3\hat{B}$ و $\hat{C} = \hat{B} \frac{1}{2}$

- حساب الأقياس : \hat{A} و \hat{B} و \hat{C}

إن مثل هذا التمارين يوضح للتلميذ أن جهله للتعريف و الخواص و النظريات لا يمكنه من أداء عمله حتى إذا كان بسيطاً
لذا يتبين ضرورة مراجعة دروسه بتمعن (وليس مراجعة سطحية)

إن مجموع أقياس زوايا مثلث هو 180°

إذن $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ و بإستعمال المعلومات الواردة في الفرضيات نحصل على المعادلة :

$$3\hat{B} + \hat{B} + \hat{B} \frac{1}{2} = 180^\circ$$

بحل هذه المعادلة نحصل على قيس \hat{B} ثم قيس كل من

\hat{A} و \hat{C}

مسألة 37 ص 89

ملاحظة :

بإعتماد على الشكل نتبين أنه مركب من مستطيل ونصف قرص متجاورتان و منفصلان وأن مساحة هذا الشكل هي مجموع مساحتي المستطيل و نصف القرص

* تحديد نصف قطر الدائرة المحيطة بالقرص

- مساحة المستطيل هي : $10 \times 14 = 140 \text{ cm}^2$

- بما أن المساحة الإجمالية للشكل هي 156 cm^2 فإن مساحة القرص هي : $156 - 140 = 16 \text{ cm}^2$

- بما أن مساحة نصف القرص الموجود في الشكل هي 16 cm^2 فإن مساحة القرص بكامله هي $2 \times 16 \text{ cm}^2$

لكن مساحة قرص نصف قطره r هي $(\pi \times r^2)$

$$\text{إذن } \pi \times r^2 = 2 \times 16 \text{ cm}^2 \text{ أي } r^2 = \frac{32}{\pi}$$

باستعمال حاسبة نحصل على نصف قطر الدائرة المحيطة بنصف قرص الشكل وهو $r \approx 3.2\text{cm}$

مسألة 38 ص 90

توجيهات

- مساحة المستطيل ABCD تساوي $12 \times 7 \text{ cm}^2$

إذن مساحة المستطيل ABMN هي $\frac{2}{3} \times 12 \times 7 \text{ cm}^2$

- نضع $MB = x$ و نلاحظ على الشكل أن عرض المستطيل ABMN هو نفسه عرض المستطيل ABCD

إذن مساحة المستطيل ABMN تساوي $7 \times x$ (2)

من (01) و (2) نحصل على المعادلة $7 \times x = \frac{2}{3} \times 12 \times 7$

بحل المعادلة نحصل على موقع النقطة M

(النقطة N نقطة من [AD] حيث $AN = x$)

مسألة 41 ص 90

توجيهات :

إن شبه المنحرف الأزرق و المثلث الأبيض مفصولان بمستقيم المنتصفين ($B'C'$)

إذن : $B'C' = x$ و $B'C' = x \frac{1}{2}$

(1) شبه المنحرف الأزرق و المثلث الأبيض هما متجاورين و منفصلين

من الشكل نتبين أنه يمكن الإجابة على السؤال الأول بعدة طرق مثلا :

- عن طريق الحساب لدينا

مساحة الجزء الأزرق هي عبارة عن الفرق بين مساحة المثلث ABC و مساحة المثلث الأبيض $A'B'C'$ ثم نقارن بين مساحة المثلث والمساحة الناتجة عن الفرق المحسوب.

- عن طريق المقارنة :

تحليل المثلث ABC إلى أربعة مثلثات قابلة للمقارنة

لاحظ الشكل إنه محلل إلى أربعة مثلثات قابلة للمطابقة

ثلاثة منها تشكل الجزء الأزرق إذن تمثل $\frac{3}{4}$ المثلث ABC

المسألة 42 ص 90

(1) بالتمعن في الشكل نلاحظ أنه يتكون من 3 متوازيات أضلاع أحدها مربع، يتوسطها المثلث ذو الأضلاع الحمراء

يتكون من 3 مثلثات كل منها هو نصف أحد متوازيات الأضلاع الثلاثة المذكورة

إذن لتحديد مساحة هذا يكفي تحديد مساحات متوازيات الأضلاع الثلاثة ثم إستنتاج مساحة المثلث

- المربع طول ضلعه a إذن مساحته a^2

- متوازي الأضلاع الجانبي (يمينا) طول ضلع فيه هو a وطول الإرتفاع المتعلق بهذا الضلع هو c إذن مساحته ac

- متوازي الأضلاع (الأسفل) طول ضلع فيه هو a وطول الإرتفاع المتعلق بهذا هو b إذن مساحته ab نستنتج أن مساحة

$$\text{المثلث هي } \frac{1}{2}(a^2 + ab + ac) \text{ أو } \frac{1}{2}a(a+b+c)$$

(2) علما أن مساحة المثلث هي 25cm^2 وأن طول ضلع المربع هو $a = 5\text{ cm}$ يكون لدينا إذن

$$b+c = 5\text{ cm أي } \frac{1}{2} \times 5(5 + b + c) = 25$$

مسألة 43 ص 90

1- عرض المستطيل هو $1080 \div 40 = 27\text{m}$

محيطه هو $2(40 + 27) = 134\text{m}$

2- عرض القطعة المعينة بزرع البطاطا هو 27m وطولها $x\text{cm}$

إذن العبارة $27 \times x$ تمثل مساحة القطعة المعينة بالزرع

و $2(x + 27)$ تمثل محيطها

3- مساحة هذه القطعة لا تقل عن 810m^2 إذن $27 \times x > 810$ (1)

- محيط هذه القطعة لا يزيد عن 100m إذن $2(x+27) < 100$ (2)

- من المتباينتين الأخيرتين نحصل الحصر للعدد x

$$\text{وهو } 30 < x < 23$$

مسألة 45 ص 90

1* حساب x

في الشكل قطعتان عموديتان على نفس الضلع إذن هما متوازيان و نحصل على التناسب الآتي $\frac{x}{x+8} = \frac{3}{3+6}$

- حساب t

المثلث الكبير قائم

(2) المثلث AED قابل للتطابق مع مثلث السؤال الأول

المثلث AFE نظير المثلث AED بالنسبة للمستقيم (AE)

- النقط F, E, D على إستقامة واحدة إذن D هي منتصف الضلع [FD]

بالتالي (GE) هو مستقيم المنتصفين في المثلث FEA

- المثلث FEA قائم في E و (GE) متوسط فيه