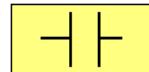


ثنائي القطب Dipole RC

I – المكثف Condensateur

تعريف ورمز المكثف .

المكثف ثنائي قطب ، يتكون من موصلين متقابلين ، نسميهما لبوسين ، يفصل بينهما عازل استقطابي



رمز للمكثف بـ

1 – شحنتا اللبوسين – شحنة المكثف دراسة تحرسية

النشاط التجريبي 1 : العلاقة بين شحنتي لبوسي المكثف .

ننجز التركيب الممثل في الشكل جانبه .

نغلق قاطع التيار بعد أن تم إفراغ المكثف بوصل مربطيه بمربطي موصل أومي مناسب لمدة ثانية واحدة على الأقل .

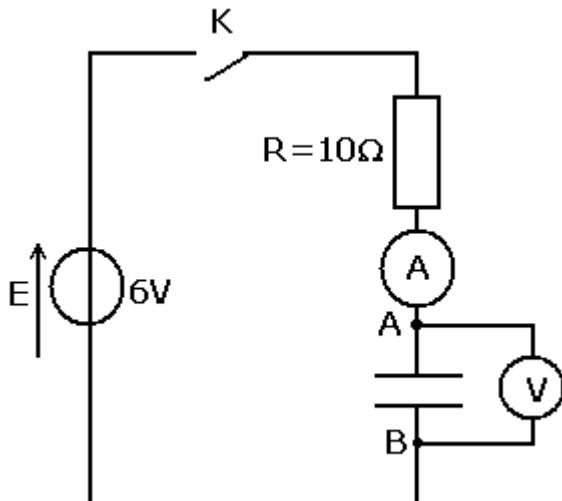
استئمار:

1 – كيف يتغير التوتر بين مربطي المكثف وشدة التيار المار في الدارة ؟

عند غلق قاطع التيار نلاحظ ظهور تيار كهربائي في الدارة وأن التوتر U_{AB} يزداد إلى أن تصبح $U_{AB}=E$.

2 – أ – مثل على تركيب الشكل 2 منحى التيار الكهربائي ومنحى انتقال الإلكترونات .

ب – استنتج إشارتي q_A و q_B شحنتي اللبوسين A و B للمكثف .



عند غلق قاطع التيار تتحرك الإلكترونات من اللبوس A نحو اللبوس B وبوجود عازل استقطابي تراكم على اللبوسين حيث يشحن اللبوس A بشحنة موجبة q_A واللبوس B بشحنة سالبة q_B

3 – علماً أن الشحنة الكهربائية تتحفظ ، ما العلاقة التي تربط بين الشحنتين q_A و q_B عند كل لحظة ؟

بماً أن الشحنة تتحفظ فإن $q_A+q_B=0$ أي أن $q_A=-q_B$

خلاصة: تحقق q_A و q_B شحنتا لبوسي المكثف ، في كل لحظة العلاقة : $q_A=-q_B$.

تعريف :

شحنة المكثف أو كمية الكهرباء المخزونة في مكثف هي شحنة اللبوس الموجب للمكثف . ونرمز لها بـ Q ووحدتها الكولوم (C)

$$Q = +q_A = -q_B$$

2 – العلاقة بين الشحنة وشدة التيار .

نختار منحى موجباً لشدة التيار حيث يدخل من اللبوس A :

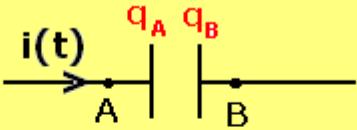
– عندما يمر التيار في المنحى المختار فإن $i > 0$

– عندما يمر التيار في المنحى المعاكس فإن $i < 0$

إن كمية الكهرباء تتغير في اللبوسين بنفس المقدار وبإشارتين مختلفتين . إذن خلال مدة زمنية جزئية أي متناهية في الصغر dt تتغير شحنة اللبوس A بـ dq_A وشحنة اللبوس B بـ dq_B بحيث أن $dq_A = -dq_B$

نعرف شدة التيار (i) هي كمية الكهرباء dq_A التي ازدادت في اللبوس A على المدة الزمنية dt :

$$i(t) = \frac{dq_A}{dt}$$



$i > 0$ أي $\frac{dq_A}{dt} > 0$: تزايد q_A
 $i < 0$ أي $\frac{dq_A}{dt} < 0$: تناقص q_A

i(t) موجهة نحو اللبوس A
الوحدات :

q_A بالكيلوم (C) ، t بالثانية (s) و i(t) بالأنبییر (A) .

ملحوظة : حالة التيار المستمر : في حالة شحن المکثف بواسطه مولد ممثّل للتيار ($I=Cte$) تصبح العلاقة بين شدة التيار وشحنة المکثف هي : $q_A = I \cdot \Delta t$

3 – العلاقة بين الشحنة والتوتر : السعة .

النشاط التجاربي 2

نستعمل في هذه التجربة مولد ممثّل للتيار يمكنه أن يمنحك لدارة تيار ثابت .

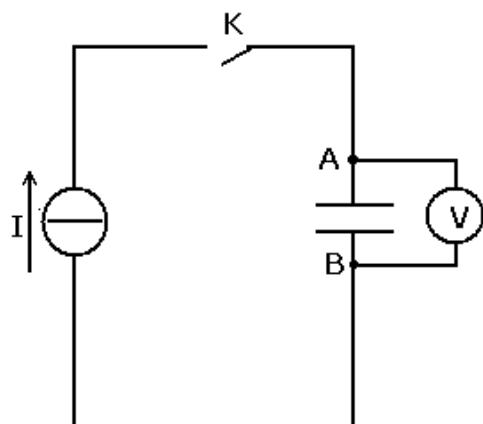
نضبط شدة التيار التي يمنحها المولد على القيمة $I=100\mu A$

نفرغ المکثف بوصل مربطيه بمربطي موصل أومي مناسب لمدة ثانية واحدة على الأقل .

نجري التركيب الممثل في الشكل جانبه .

نغلق قاطع التيار ونشغل الميقت .

نقىس التوتر بين مربطي المکثف بعد كل 10 ثوان ، وندون النتائج في الجدول التالي :



$u_{AB}(V)$	0	2	4	6	8	10
$t(s)$	0	4,3	8,6	12,9	17,1	21,4
$q_A(C)$	0	0,0043	0,0086	0,0129	0,0171	0,0214

استئمار :

1 – ما العلاقة بين q_A شحنة المکثف والزمن t ؟ أتمم ملأ الجدول اعلاه .

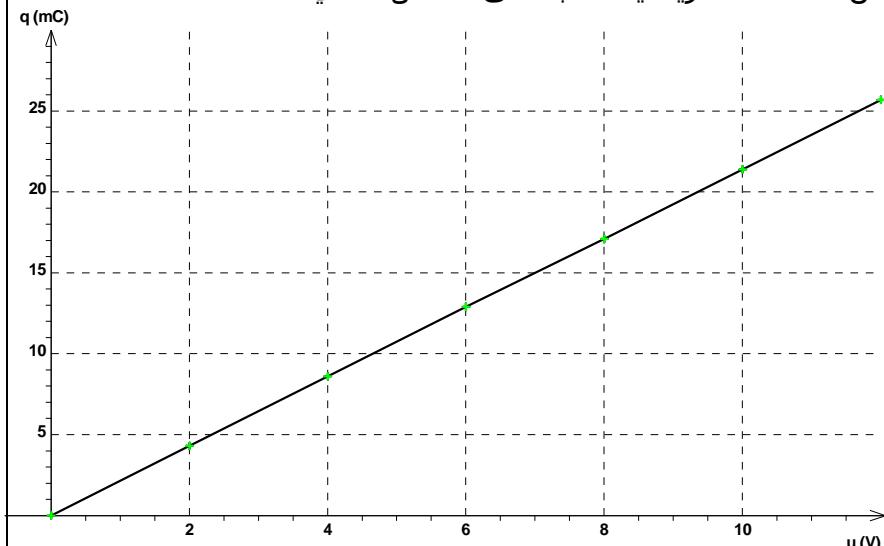
$q_A = I \cdot t$ من خلال القيم المتوفرة بالجدول يمكن حساب q_A .

2 – مثل المنحنى $q_A = f(u_{AB})$ باختيار سلم ملائم .

3 – ما هو شكل المنحنى المحصل عليه ؟ أكتب معادله الرياضية .

ما هو المدلول الفيزيائي للمعامل الموجة لهذا المنحنى ؟ ما هي وحدته في النظام العالمي للوحدات ؟

شكل النحنى عبارة عن مستقيم يمر من 0 معادله الرياضية تكتب على الشكل التالي :



$q_A = K \cdot u_{AB}$ ، K المعامل الموجة

للمستقيم قيمته هي : $K = 2,14 mF$

المدلول الفيزيائي للمعامل الموجة

يمثل سعة المکثف ونرمز لها ب C

أي أن العلاقة الرياضية تصبح :

$$q_A = C \cdot u_{AB}$$

وحدة C في النظام العالمي

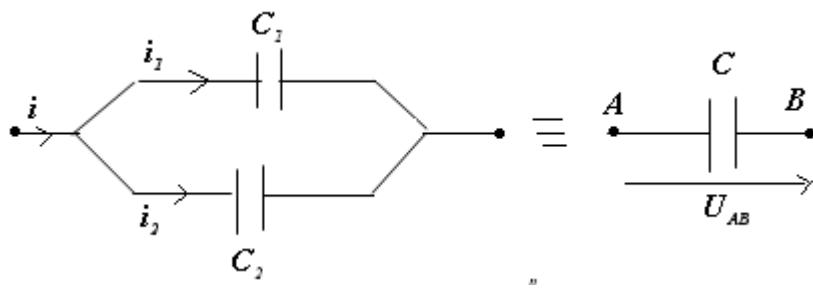
للوحدات هي : الفاراد

أجزاء الفاراد :

$$mF = 10^{-3} F$$

$$\mu F = 10^{-6} F$$

$$nF = 10^{-9} F$$



II – تجميع المكثفات .

1 – التركيب على التوازي

$$q = q_A + q_B \Leftrightarrow i = i_1 + i_2$$

$$q = C_1 U_{AB} + C_2 U_{AB}$$

$$q = C U_{AB}$$

$$C = C_1 + C_2$$

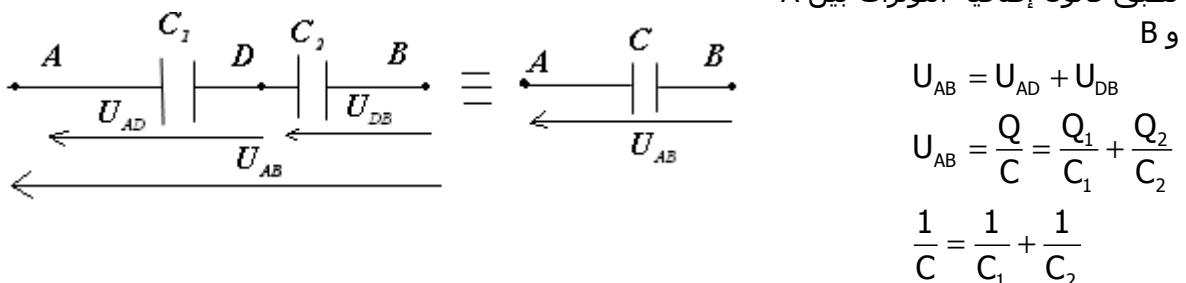
وتعمم هذه النتيجة بالنسبة لمكثفات مركبة على التوازي مهما كان عددها :

$$C = \sum_{i=1}^n C_i$$

فائدة التركيب على التوازي : تضخيم السعة عند تطبيق توتر ضعيف . وكذلك يمكن ، بتطبيق توتر ضعيف ، من الحصول على شحنة كهربائية كبيرة قد لا يوفرها كل مكثف على حدة .

2 – التركيب على التوالى

تطق قانون إضافية التوترات بين A و B



تعمم هذه النتيجة بالنسبة لمكثفات مركبة على التوالى مهما كان عددها :

$$\frac{1}{C} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}$$

فائدة التركيب على التوالى : يمكن من الحصول على سعة قيمتها صغيرة جدا ، مع تطبيق توترا جد عالى قد لا يتحمله كل مكثف على حدة ، بينما يبقى التوتر المطبق بين كل مكثف معتدلا.

III – استجابة ثنائى القطب RC لرتبة توتر .

1 – تعريف

ثنائى قطب RC هو تجميع على التوالى لموصل أومي مقاومته R ومكثف سعته C .

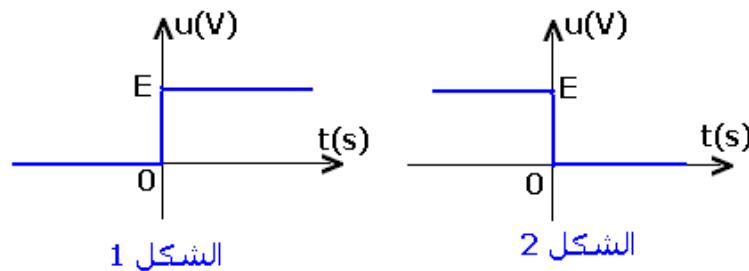
رتبة توتر هي إشارة كهربائية $u(t)$ ونميز بين :

– رتبة صاعدة للتوتر ومعادلتها هي :

بالنسبة ل $t \leq 0$ $u(t) = 0$ وبالنسبة ل $t > 0$ $u(t) = E$: الشكل 1

– رتبة نازلة للتوتر ومعادلتها هي :

بالنسبة ل $t \leq 0$ $u(t) = 0$ وبالنسبة ل $t > 0$ $u(t) = -E$: الشكل 2



2 – الدراسة التجريبية :

ننجز التركيب الممثل في الشكل 3 . المدخلين Y_1 و Y_2 مرتبطين بمدخل راسم التذبذب . نضع قاطع التيار في الموضع 1 . ثم نضع مرة أخرى في الموضع 2 . ونلاحظ في كل حالة شكل المنحنى المحصل عليه .

استثمار :

I - نضع قاطع التيار في الموضع 1

1 - ما هو التوتر المعاين في المدخل Y_1 لراسم التذبذب ؟ أكتب معادله .

في المدخل Y_1 نعاين التوتر بين مربطي المولد المؤتمل للتوتر $U_{DB}=E$

2 - المعادلة التفاضلية :

ما هو التوتر المعاين في المدخل Y_2 لراسم التذبذب ؟ في المدخل Y_2 نعاين التوتر U_C ، التوتر بين مربطي المكثف عند غلق الدارة ، يكون المكثف غير مشحون ، أي أن التوتر بين مربطيه منعدما .

نغلق الدارة في اللحظة $t=0$ تعتبر كacula للتواريخ فنحصل على الدارة الممثلة في الشكل 4

2 - 1 بتطبيق قانون إضافية التوترات بين أن :

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

والتي تمثل المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر $u_C(t)$ في كل لحظة t في الدارة RC خاضعة لرتبة توتر صاعدة .

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$u = E + u_R + u_C \text{ بحيث أن } u_R + u_C = u$$

لدينا $u_R(t) = Ri(t)$ حسب قانون أوم ، ولدينا كذلك : $i(t) = \frac{dq}{dt}$

$$i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} \text{ أي أن } q(t) = C.u_C(t)$$

وبالتالي تصبح المعادلة السابقة :

$$Ri(t) + u_C(t) = E \Rightarrow RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

2 - 2 حل المعادلة التفاضلية

حل هذه المعادلة التفاضلية هو على الشكل التالي :

$$u_C(t) = Ae^{-xt} + B \text{ بحيث أن } A \text{ و } B \text{ ثوابت يمكن تحديدها .}$$

بتعميض هذا الحل في المعادلة التفاضلية ، حدد الثابتة x والثابتة B .

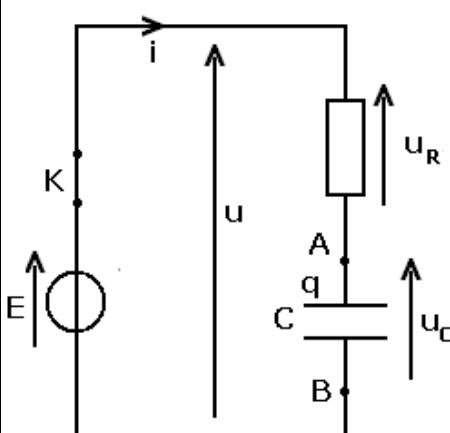
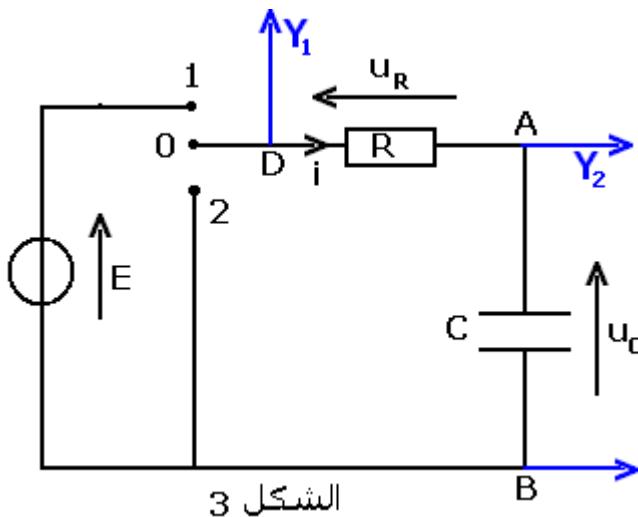
نعرض هذا الحل في المعادلة التفاضلية :

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E \Rightarrow RC(-Axe^{-xt}) + Ae^{-xt} + B = E$$

$$RC.x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{RC} = \frac{1}{\tau}$$

$$E - B = 0 \Rightarrow B = E$$

وبالتالي يكون حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي : $u_C(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + E$



وباعتبار الشروط البدئية $u_C(0)=0$ حدد الثابتة A . واستنتج المعادلة $u_C(t)$ بدلالة الزمن t .
باعتبار الشروط البدئية أعلاه لدينا $u_C(0)=0$ ، وهذا لكون الدالة متصلة في أي لحظة t من لحظات تشغيل المكثف بما فيها اللحظة $t=0$. $t=0^+$ $u_C(t=0^+)=u_C(t=0)=0$.

$$u_C(0) = A + E = 0 \Rightarrow A = -E$$

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

3 – المنحنى المحصل عليه خلال التجربة (أنظر الشكل 4 ب) يمثل المعادلة الرياضية التي تم التوصل إليها ، حل المعادلة التفاضلية السابقة

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

3 – يبرز المنحنى وجود نظامين :

نظام انتقالى : يتغير خلاله التوتر

نظام دائم : يصل خلاله التوتر إلى قيمة حدية ثابتة .
حدد على المبيان هذين النظامين .

3 – عين (0) و $u_C(\infty)$ قيمة $u_C(t)$ عندما تؤول t

4 – تسمى τ ثابتة الزمن لثباتي القطب RC ، وبينت الدراسة النظرية أن $\tau = R.C$.

4 – باستعمال معادلة الأبعاد بين أن τ عبارة عن زمن .

ثانية الزمن $\tau = RC$

حسب معادلة الأبعاد بالنسبة للمكثف :

$$i = C \frac{du}{dt} \Leftrightarrow C = \frac{[I][t]}{[V]}$$

بالنسبة للموصل الأومي :

$$u = Ri \Leftrightarrow R = \frac{[U]}{[i]}$$

$$R.C = \frac{[I][t]}{[U]} \cdot \frac{[U]}{[i]} = [t]$$

المقدار τ له بعد زمني . يسميه بالثابتة الزمن لثباتي القطب RC ، وحدته هي : الثانية s .

4 – تتحقق من أن قيمة الجداء $R.C$ تساوي τ .

عند حساب $RC=33s$ وحسب المبيان فإن $\tau=33s$.

5 – نعتبر الدالة التي تمثل المنحنى $u_C(t)$.

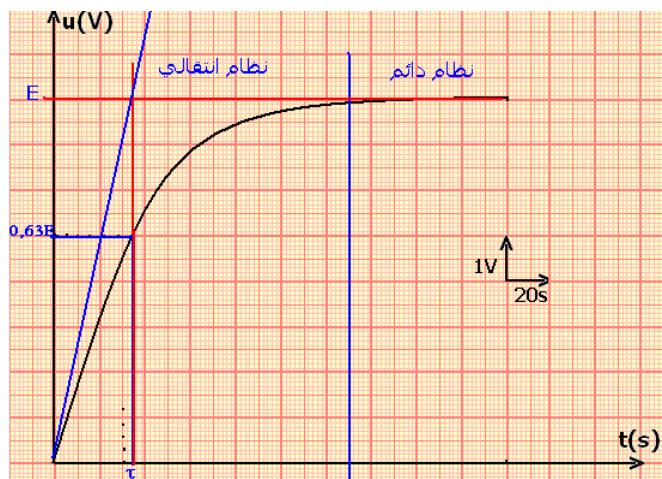
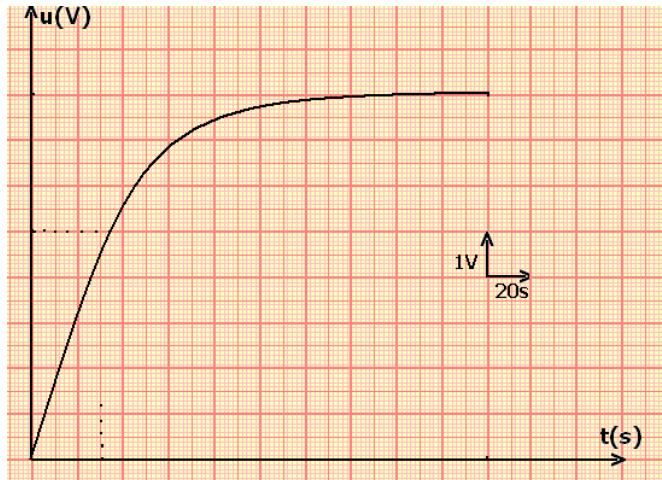
5 – عبر عن $u_C(t=\tau)$ بدلالة E .

$$u_C(\tau) = E(1 - e^{-1}) = 0,63E$$

5 – استنتاج طريقة مبيانية تمكن من تحديد τ .
أن τ هو الأقصول الذي يوافق الأرثوب $0,63E$.

5 – عبر عن الاشتتقاق $\left(\frac{du_C}{dt} \right)$ عند $t=0$ بدلالة τ و E ، ثم استنتاج طريقة مبيانية ثانية تمكن من

تحديد τ .



$$\left(\frac{du_c}{dt} \right)_{t=0} = \frac{E}{\tau} t \quad t=0$$

يقطع مماس المنحنى $u_c(t)$ عند اللحظة $t=0$ المقارب $u_c=E$ ، في اللحظة τ .

6 - تعبير شدة تيار الشحن .

بين أن شدة التيار الكهربائي المار في دارة RC خاضعة لرتبة صاعدة للتواتر هي :

$$i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

تعبر شدة التيار الكهربائي المار في ثانية القطب RC

نعلم أن

$$i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_c}{dt} \quad u_c(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{و بما أن } \tau = RC$$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_c}{dt} = CE(0 - \left(-\frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{\tau}} \right)) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

II - وضع قاطع التيار في الموضع 2

1 - ما هو التوتر المعاين في المدخل Y_1 لراسم التذبذب ؟ أكتب معادلته .

حسب قانون أوم : $u_R = Ri$

2 - ما هو التوتر المعاين في المدخل Y_2 لراسم التذبذب ؟ في المدخل Y_2 نعاين التوتر u_c ، التوتر بين مربطي المكثف تعتبر اللحظة التي تم فيها وضع قاطع التيار في الموضع 2 كأصل للتواريخ $(t=0)$ فنحصل على دارة الشكل 5 حيث يكون المكثف في هذه الحالة مشحونة $(u_c(0)=E)$.

2 - بتطبيق قانون إضافية التوتّرات بين أن :

$$\tau \frac{du_c}{dt} + u_c = 0$$

والتي تمثل المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_c(t)$ بين مربطي المكثف في كل لحظة t في الدارة خلال تفريغه في RC .

حسب قانون إضافية التوتّرات لدينا :

$$u_R + u_c = 0 \Rightarrow Ri + u_c = 0$$

$$i = \frac{dq}{dt} \Rightarrow i = C \frac{du_c}{dt}$$

$$RC \frac{du_c}{dt} + u_c = 0$$

2 - حل المعادلة التفاضلية

حل هذه المعادلة التفاضلية هو على الشكل التالي : $u_c(t) = Ae^{-xt} + B$ بحيث أن A و B و x ثوابت يمكن تحديدها .

بتعمويض هذا الحل في المعادلة التفاضلية ، حدد الثابتة x والثابتة B . نعرض هذا الحل في المعادلة التفاضلية :

$$RC \frac{du_c}{dt} + u_c = 0 \Rightarrow RC(-Axe^{-xt}) + Ae^{-xt} + B = 0$$

$$RC.x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{RC} = \frac{1}{\tau}$$

$$B = 0$$

$$u_c(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}}$$

وبالتالي يكون حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :
و باعتبار الشروط البدئية $u_c(0) = E$ حدد الثابتة A . واستنتج المعادلة $u_c(t)$ بدلالة الزمن t .
باعتبار الشروط البدئية أعلاه لدينا $u_c(0) = 0$ ، وهذا لكون الدالة متصلة في أي لحظة t من لحظات تشغيل المكثف بما فيها اللحظة $t=0^+$. $u_c(t=0^-) = E$. $t=0$. $u_c(t=0^+) = E$.

$$u_c(0) = A = E \Rightarrow A = E$$

$$u_c(t) = Ee^{-\frac{t}{\tau}}$$

ـ المنحنى المحصل عليه خلال التجربة معادله

$$u_c(t) = k'e^{-\frac{t}{\tau}}$$

حدد قيمتي الثابتين 'k' و ' τ ' .

3 - تعرف النظام الانتقالى والنظام الدائم ، من خلال
المنحنى المحصل عليه على شاشة راسم التذبذب .
ثم عين :

$u_c(\infty)$ و $u_c(0)$ قيمة $u_c(t)$ عندما تؤول t إلى ما لا
نهاية .

$u_c(0) = E$ ، عندما تؤول t إلى ما لا نهاية تؤول u_c إلى
الصفر

ـ تعرف على الثابتة 'k' .
 $k' = E$

4 - ماذا تمثل الثابتة ' τ ' ؟

ـ تمثل ثابتة الزمن

5 - عين مبيانيا الثابتة ' τ ' بطريقتين مختلفتين .
بواسطة المماس عند اللحظة $t=0$ أو بالأقصول الذي
يوافق الأرثوب $0,37E$.

6 - أحسب $u_c(t)$ في اللحظة $t=5\tau$ ، ثم عبر عن

القسمة $\frac{u_c(5\tau)}{u_c(0)}$ بالنسبة المائوية . ماذا تستنتج ؟

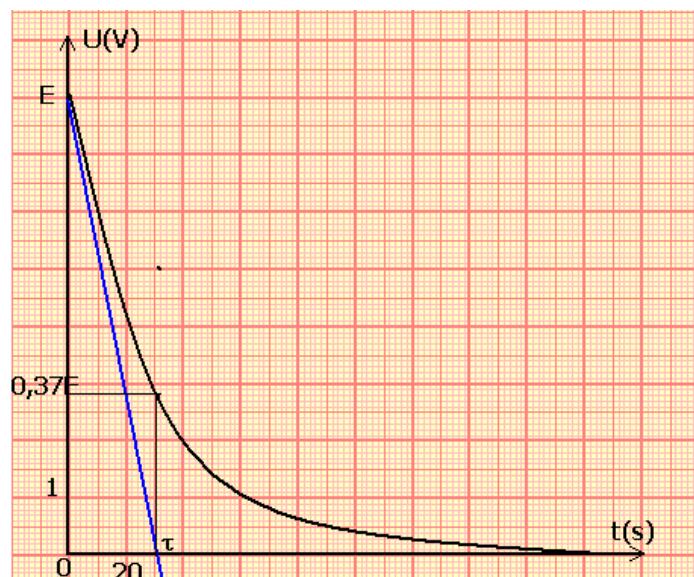
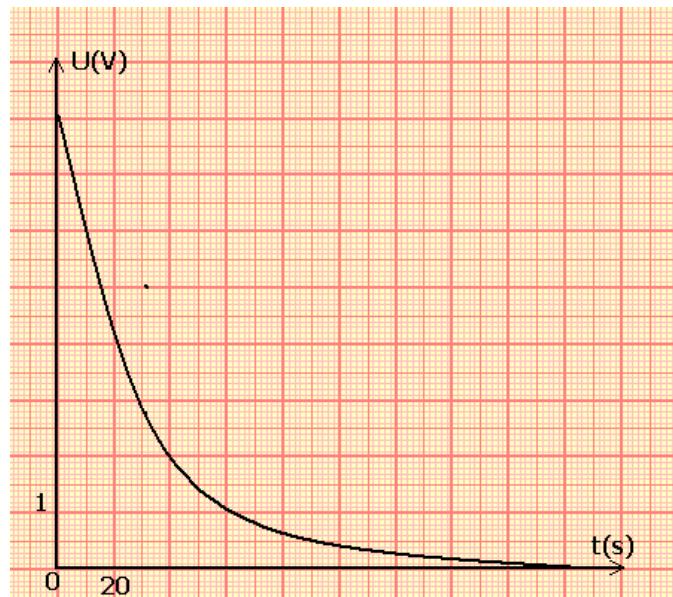
$$\frac{u_c(5\tau)}{u_c(0)} = 6,73 \cdot 10^{-3} = 0,67\%$$

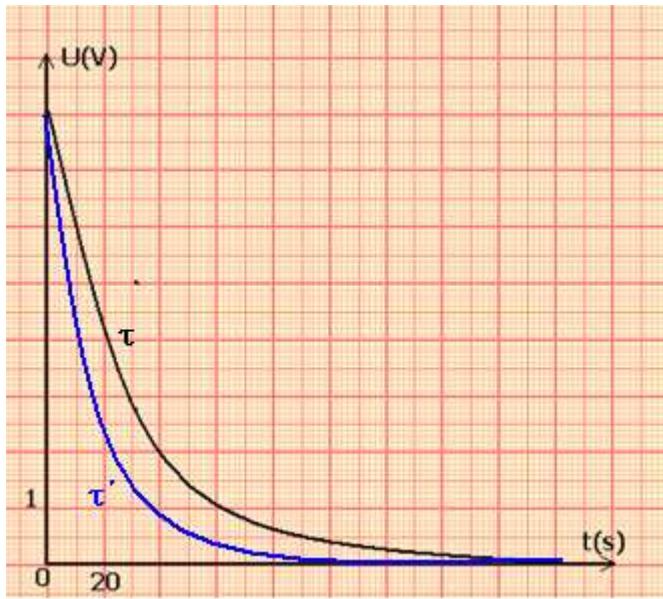
أي أنه عند $t=5\tau$ ينعدم التوتر .

7 - نغير ' τ ' فنحصل على التمثيل الشكل 3 . ما

تأثير ' τ ' على تفريغ المكثف في الدارة RC ؟

كلما كانت ' τ ' أصغر كلما كان تفريغ المكثف أسرع .





8 – بين أن شدة التيار الكهربائي خلال تفريغ مكثف

$$i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نعلم أن

$$u_C(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{و بما أن : } i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

: $\tau = RC$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

شدة التيار الكهربائي خلال تفريغ مكثف في موصل

$$i(t) = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

IV – الطاقة المخزونة في المكثف .

1 – الإبراز التجريبي

نعتبر التركيب التجريبي الممثل في الشكل جانبه :

نقوم بشحن المكثف بواسطة مولد التوتر المستمر .

يرجح قاطع التيار K إلى الموضع 2 :

ماذا نلاحظ ؟

نلاحظ أشتغال المحرك وصعود الكتلة المعلمة المعلقة بواسطة خيط ملفوف حول مرود المحرك .

كيف نفسر هذه الملاحظة ؟

يفسر صعود الكتلة المعلمة واكتسابها طاقة وضع ثقالية إلى الطاقة الكهربائية التي اخترنها المكثف أثناء شحنه .

نستنتج أن المكثف يمكن من تخزين طاقة كهربائية قصد استعمالها عند الحاجة .

2 – تعبير الطاقة المخزونة في المكثف .

القدرة الكهربائية الممنوعة للمكثف هي : $P = i \cdot u_C = C \frac{du_C}{dt}$ حيث أن $i = \frac{dq}{dt}$ وبالتالي فإن :

$$P = C \cdot u_C \frac{du_C}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} C u_C^2 \right)$$

ونعلم أن القدرة

$$P = \frac{d\xi_e}{dt} \Rightarrow \xi_e = \frac{1}{2} C u_C^2 + K$$

باعتبار أن $\xi_e(0) = 0$ عندما يكون المكثف غير مشحون

وإذن تكون الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثف هي :

$$\xi_e = \frac{1}{2} C u_C^2$$

خاصية تخزين الطاقة الكهربائية بواسطة مكثف وإمكانية استرجاعها عند الحاجة تمكن من استعماله

في عدة أجهزة كمثلا الذاكرة المتطرافية الدينامية RAM للحاسوب ، التغذية الكهربائية المستمرة

والمحبة ، الأجهزة الفوتوغرافية حيث تتمكن الطاقة المخزنة في المكثف من تشغيل مصباح الوما .