

الجزور التربيعية1- جذر مربع عدد موجب:تعريف:ليكن a عددا حقيقيا موجبا. \sqrt{a} هو العدد الموجب الذي مربعه يساوي a . أي: $(\sqrt{a})^2 = a$

نتيجة

 a عدد حقيقي موجب :

$$\sqrt{a^2} = (\sqrt{a})^2 = a$$

أمثلة:

- $\sqrt{9} = \sqrt{3^2} = 3$
- $\sqrt{0,25} = \sqrt{0,5^2} = 0,5$
- $\sqrt{\frac{16}{25}} = \sqrt{\left(\frac{4}{5}\right)^2} = \frac{4}{5}$
- $\sqrt{2^6} = \sqrt{(2^3)^2} = 2^3 = 8$
- $\sqrt{4\pi^2} = \sqrt{(2\pi)^2} = 2\pi$

ملاحظات:

1- جذر مربع عدد حقيقي يكون دائما موجبا.

$$\sqrt{(-7)^2} = \sqrt{7^2} = 7 \quad \rightarrow \quad (-x)^2 = x^2$$

$$\sqrt{(3 - \pi)^2} = \sqrt{(\pi - 3)^2} = \pi - 3$$

سؤال: حدد العدد x الذي يحقق $\sqrt{x} = -5$ جواب: طبعا لا يوجد عدد حقيقي x جذر مربعه يساوي -5 , لأن جذر مربع عدد حقيقي يكون

دوما موجبا.

2- لا يوجد جذر مربع عدد سالب.

لا يوجد: $\sqrt{-3^2}$, $\sqrt{-25}$, ...حل المعادلة: $x^2 = a$ ليكن a عددا حقيقيا:

$$x^2 = a$$

إذا كان $a < 0$ فإن:

المعادلة ليس لها حل

إذا كان $a = 0$ فإن:

$$x = 0$$

إذا كان $a > 0$ فإن:

$$x = \sqrt{a}$$

$$x = -\sqrt{a}$$

مثال:

لنحل المعادلة: $2x^2 = 3$

لدينا: $x^2 = \frac{3}{2} > 0$

و منه: $x = \sqrt{\frac{3}{2}}$ أو $x = -\sqrt{\frac{3}{2}}$

المعادلة لها حلان هما: $x = \sqrt{\frac{3}{2}}$ و $x = -\sqrt{\frac{3}{2}}$.

مثال 2:

لنحل المعادلة: $3x^2 + 5 = 1$

لدينا: $x^2 = -\frac{4}{3}$, و بالتالي فإن المعادلة ليس لها حل.

قواعد:

قاعدة 01:

ليكن a و b عددين حقيقيين موجبان:

$$\sqrt{a \cdot b} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$$

أمثلة:

- $\sqrt{50} = \sqrt{25 \cdot 2} = \sqrt{25} \cdot \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$
- $\sqrt{8} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{8 \cdot 2} = \sqrt{16} = 4$

ملاحظات:

عموما: $\sqrt{a \cdot b} \neq \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$

لنأخذ المثال التالي:

$$\sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5$$

$$\sqrt{16} + \sqrt{9} = 4 + 3 = 7$$

$$\sqrt{16 + 9} \neq \sqrt{16} + \sqrt{9} \text{ إذن:}$$

كذلك لدينا عموما: $\sqrt{a - b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$

قاعدة 02:

ليكن a و b عدنان حقيقيان موجبان و $b \neq 0$.

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

أمثلة:

$$\sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{25}} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{8}} = \sqrt{\frac{50}{8}} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \sqrt{\left(\frac{5}{2}\right)^2} = \frac{5}{2}$$

كيف نتخلص من الجذر المربع من المقام:

أمثلة:

- $\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2 \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$
- $\frac{1}{2\sqrt{5}} = \frac{1 \cdot \sqrt{5}}{2\sqrt{5} \cdot \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{2 \cdot 5} = \frac{\sqrt{5}}{10}$
- $\frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{5} - \sqrt{6}} = \frac{1}{(\sqrt{2} + \sqrt{5}) - \sqrt{6}} = \frac{1 \cdot [(\sqrt{2} + \sqrt{5}) + \sqrt{6}]}{[(\sqrt{2} + \sqrt{5}) - \sqrt{6}] \cdot [(\sqrt{2} + \sqrt{5}) + \sqrt{6}]}$
 $= \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{5}) + \sqrt{6}}{(\sqrt{2} + \sqrt{5})^2 - \sqrt{6}^2} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}}{7 + 2\sqrt{10} - 6} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}}{1 + 2\sqrt{10}}$
 $= \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}) \cdot (1 - 2\sqrt{10})}{(1 + 2\sqrt{10}) \cdot (1 - 2\sqrt{10})} = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}) \cdot (1 - 2\sqrt{10})}{1^2 - (2\sqrt{10})^2}$
 $= \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}) \cdot (1 - 2\sqrt{10})}{1 - 4 \cdot 10} = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{5} + \sqrt{6}) \cdot (1 - 2\sqrt{10})}{-39}$

جميع الحقوق محفوظة لموقع عيون البصائر

<http://www.elbassair.net>