

فرض رقم 2 في مادة الرياضيات المدة 1 سا

## التمرين الأول

الشكل التالي لدالة  $f$  معرفة وقابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R} - \{-2, 4\}$ .من البيان أوجد  $\lim_{x \rightarrow -4} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ 

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(4f(x)+1)}{4x} \quad \lim_{x \rightarrow -2} f(x), \quad \lim_{x \rightarrow -2} f(x); \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)+5}{(2x+6)}$$

$$\left( \frac{1}{4}(-3) = -\frac{3}{4} \right)$$

## التمرين الثاني

لتكن  $f(x) = 2 + \frac{\cos x}{x^2 + 1}$  ب  $\mathbb{R}$  معرفة على  $\mathbb{R}$ 

$$1. \quad \frac{2x^2 + 1}{x^2 + 1} \leq f(x) \leq \frac{2x^2 + 3}{x^2 + 1} \quad x \text{ بين أنه من أجل كل عدد حقيقي}$$

$$2. \quad \text{استنتج } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x); \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

## التمرين الثالث

$$\text{أحسب النهايات التالية} \quad \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x+6}{x^2+x-6} \quad \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2+5x-6}{x^2-1} \quad \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2+2x+1}{-x+3} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x^2+2x+6}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x^2+2x+5} - (x+1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2+1} - 2x$$

## التمرين الرابع

لتكن  $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 3}$  ب  $\mathbb{R} - \{3\}$  معرفة على  $\mathbb{R} - \{3\}$  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب لمعلم متعامد ومتجانس .

1. أحسب النهايات عند أطراف مجموعة التعريف .

2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها .3. عين معادلات الخطوط المقاربة ل  $(C_f)$  .انتهى  
بالإنجليزية