

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	

الموضوع الأول

التمرين الأول : (04نقاط)		
01	0.25	(1) تبين أن المثلث ABC قائم: $\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 0$
	0.50	تعيين شعاع ناظم $\vec{n}(1, -2, 1)$
	0.25	معادلة ديكرتية للمستوي (ABC) $x - 2y + z - 4 = 0$
01.25	0.25	(2) أ) تبين أن المستويين (P) و (Q) متعامدان.
	0.50	التمثيل الوسيطى للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (P) و (Q)
0.75	0.25	ب) تعيين تقاطع المستويات (P) ، (Q) ، و (ABC) :
	0.50	$(ABC) \cap (P) \cap (Q) = (ABC) \cap (\Delta) = \{A(0; -1; 2)\}$
0.75	0.25	(3) للتحقق أن A هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي (ABC) .
	0.50	حساب حجم رباعي الوجوه $DABC$: $V = 27 u.v$
01	0.50	(4) تبين أن $\frac{\pi}{4}$ قيس بالراديان للزاوية $B\hat{D}C$:
	0.50	$\cos(\overline{DB}, \overline{DC}) = \frac{\overline{DB} \cdot \overline{DC}}{DB \times DC} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ استنتاج h المسافة بين النقطة A والمستوي (BDC) : لدينا $V = \frac{1}{2} BD \times DC \times \sin(BDC) \times h$ إذن $h = 3$.
التمرين الثاني : (04نقاط)		
01	0.25x4	(1) من أجل $k \in N$ لدينا: $3^{4k} \equiv 1[5]; 3^{4k+1} \equiv 3[5]; 3^{4k+2} \equiv 4[5]; 3^{4k+3} \equiv 2[5]$
0.50	0.50	(2) $1437^{2017} \equiv 2[5]$
01	2x0.25	(3) لدينا: $48^{4n+3} \equiv 2[5]$ ، $2 \times 9^{2n+1} \equiv 3[5]$
	0.50	إذن: $48^{4n+3} - 2 \times 9^{2n+1} + 1 \equiv 0[5]$
1.50	4x0.25	(4) تعيين الأعداد الطبيعية n حتى يكون العدد $(3^{4n} + 27^n - 4)$ قابلا للقسمة على 5:
	0.50	لدينا: $27^n = 3^{3n}$ إذن $3^{4n} + 27^n - 4 \equiv 0[5]$ تعني: $3^{3n} \equiv 3[5]$ أي $3^{3n} \equiv 1[4]$ بالتالي: $n = 4\alpha + 3, \alpha \in N$
التمرين الثالث: (05 نقاط)		
01	4x0.25	(I) حل المعادلة: $z_2 = 1 - i\sqrt{3}$ ، $z_1 = 1 + i\sqrt{3}$ ، $z_0 = 4$ ، $\Delta = -12 = 12i^2$
01	0.50	(II) (1) الكتابة على الشكل الأسى: $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = 1 \times e^{i\frac{\pi}{3}}$
	0.50	المثلث ABC متقايس الأضلاع

العلامة		عناصر الإجابة								
مجموع	مجزأة									
01	0.50	(2) أ) لاحقة النقطة D : $z_D = r(z_B) = -2$								
	0.50	ب) $ABDC$ معين .								
02	01	(3) أ) التبيان $z_n = z_A^n + z_B^n = 2^{n+1} \cos\left(\frac{n\pi}{3}\right)$								
	0.50	ب) التعبير عن t_n بدلالة n : $t_n = 2^{6n+1}$								
	0.50	$P_n = t_0 \times t_1 \times t_2 \times \dots \times t_n = 2^{1+7+13+\dots+(6n+1)} = 2^{(n+1)(3n+1)}$								
التمرين الرابع: (07 نقاط)										
0.50	0.25x2	(I) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\frac{1}{2}$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = +\infty$								
01	2x0.25	(2) $g'(x) = \frac{-5+2 \ln x}{x^3}$ وإشارتها								
	2x0.25	اتجاه التغير و جدول التغيرات								
1.25	0.75	(3) بتطبيق مبرهنة القيم المتوسطة المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α .								
	0.50	إشارة $g(x)$:								
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>α</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	0	α	$+\infty$	$g(x)$	-	0	+
x	0	α	$+\infty$							
$g(x)$	-	0	+							
01	2x0.25	(II) أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$								
	2x0.25	ب) اتجاه التغير و جدول التغيرات								
01	0.25	(2) أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[f(x) + \frac{1}{2}x - 2 \right] = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left[\frac{\ln x - 1}{x} \right] = 0$								
	0.25	ب) وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) . من الجدول :								
	0.50	نستنتج : لما $x \in]0; e[$ يقع تحت (Δ) و لما $x \in]e; +\infty[$ يقع فوق (Δ) . $(C_f) \cap (\Delta) = \{(e; f(e))\}$								
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>e</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)-y$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	0	e	$+\infty$	$f(x)-y$	-	0	+
x	0	e	$+\infty$							
$f(x)-y$	-	0	+							

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
0.75	0.25	<p>(3) رسم المستقيم (Δ) تمثيل المنحنى (C_f)</p>
	0.50	
1.50	0.25	<p>(4) أ) حساب $A(\lambda)$ بدلالة λ. لدينا : $A(\lambda) = \int_1^\lambda (y - f(x)) dx = \int_1^\lambda \left(-\frac{\ln x}{x} + \frac{1}{x}\right) dx$ أي : $A(\lambda) = \left[-\frac{1}{2}(\ln x)^2 + \ln x\right]_1^\lambda$ بالتالي : $A(\lambda) = \left(-\frac{1}{2}(\ln \lambda)^2 + \ln \lambda\right) cm^2$ ب) قيمة $\lambda : \lambda = e$</p>
	0.50	
	0.50	
	0.25	

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	

الموضوع الثاني

التمرين الأول : (04نقاط)		
01	0.50	(1) التَّحَقِّقْ أَنَّ النَّقْطَةَ A تنتمي إلى المستقيم (Δ_2)
	0.50	(Δ_1) و (Δ_2) غير متطابقين
01	01	(2) تبين أن الجملة: تمثيل وسيطي للمستوي (P) :
01	2x0.50	(3) إثبات أن I هي المسقط العمودي للنقطة B على المستوي (P) .
		I تنتمي إلى المستوي (P) و \overline{IB} ناظم للمستوي (P) .
01	0.25	(4) أ) تبين أن (S) سطح كرة: $(\sqrt{38})^2 = (x-1)^2 + (y-7)^2 + (z+3)^2$
	0.25	(S) مركزها B و نصف قطرها $\sqrt{38}$
	0.25	ب) التحقق أن المستوي (P) يمس (S) .
	0.25	تعيين نقطة التماس: هي النقطة I .
التمرين الثاني : (04نقاط)		
01.50	0.75	(1) أ) إثبات بالتراجع أن من أجل كل n من \mathbb{N}^* : $u_n > 0$
	0.50	ب) (u_n) متناقصة تماما:
		لدينا: $u_{n+1} - u_n = \frac{(1-a)n+1}{an} u_n$ إذن: $u_{n+1} - u_n \leq 0$
0.25	المتتالية (u_n) متناقصة تماما و محدودة من الأسفل فهي متقاربة.	
01.50	0.50	(2) أ) المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{a}$ لأن: $v_{n+1} = \frac{1}{a} v_n$.
	0.25	حدّها الأول $v_1 = \frac{1}{a^2}$.
	3x0.25	ب) $v_n = \frac{1}{a^2} \left(\frac{1}{a}\right)^{n-1} = \frac{1}{a^{n+1}}$ و $u_n = a \times n \times v_n = \frac{n}{a^n}$ و $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
01	0.50	$S_n = S_n = a(v_1 + v_2 + \dots + v_n) = \left(\frac{1-(\frac{1}{a})^n}{a-1}\right)$: المجموع (3)
	0.50	$a = 2017$ لما $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = \frac{1}{2016}$
التمرين الثالث : (05 نقاط)		
01	4x0.25	(I) حل المعادلة : $\Delta = -12$ و $S = \{-1 + \sqrt{3}; -1 - i\sqrt{3}; -1 + i\sqrt{3}\}$
01	0.25	(II) 1) تبين أن : $z_B - z_A = i(z_C - z_A)$
	0.50	المثلث ABC قائم في A و متساوي الساقين.
	0.25	و مساحته : $S_{ABC} = 3 u.a$
1.50	0.25	(2) أ) الشكل الجبري العدد المركب $L = \frac{z_C - z_A}{z_C} = \frac{\sqrt{3}+3}{4} + i \frac{3-\sqrt{3}}{4}$
	0.50	ب) تبين أن : $L = \frac{\sqrt{6}}{2} \left(\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right)$
	3x0.25	استنتاج $\tan \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ و $\cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ و $\sin \frac{\pi}{12} = 2 - \sqrt{3}$
1.50	0.50	(3) تبين أن S تشابه مباشر : $BM' = \frac{\sqrt{6}}{2} BM$ و $(\overline{BM}; \overline{BM'}) = \frac{\pi}{12}$
	3x0.25	عناصره المميزة : المركز هو B النسبة هي $\frac{\sqrt{6}}{2}$ ، زاوية له $\frac{\pi}{12}$
	0.25	مساحة المثلث $A'B'C'$: $S_{A'B'C'} = \left(\frac{\sqrt{6}}{2}\right)^4 S_{ABC} = \frac{27}{4} u.a$
التمرين الرابع : (07 نقاط)		
0.75	0.25	(I) اتجاه تغير الدالة g : من أجل كل عدد حقيقي x : $g'(x) = 2(x-1)e^{-x}$.
	0.25	g متناقصة تماما على المجال $]-\infty, 1]$ و متزايدة تماما على المجال $[1, +\infty[$
	0.25	إشارة $g(x) > 0$: من أجل كل عدد حقيقي x ،
1.25	0.50	(II) 1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
	0.25	(ب) اتجاه تغير الدالة $f : f'(x) = g(x)$ ،
	0.50	f متزايدة تماما على \mathbb{R} و جدول تغيرات f
1.50	0.25	(2) أ) تبين أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x] = 1$
	0.50	استنتاج معادلة لـ (Δ) : $y = x + 1$
	0.50	(ب) (C_r) يقع تحت (Δ) على المجال $]-\infty, -1[$ و (C_r) يقع فوق (Δ) على المجال $]-1, +\infty[$ و $(C_r) \cap (\Delta) = \{I(-1, 0)\}$
0.75	0.50	(3) إثبات أن (C_r) يقبل مماسا وحيدا (T) يوازي (Δ) : $f'(x) = 1$ تكافئ $x = 0$
	0.25	معادلة (T) : $y = x + 3$
1.75	0.75	(3) تعيين قيم m حتى يكون للمعادلة $f(x) = x + m$ حلين مختلفين:
	0.25	رسم المنحنى (Δ) و (C_r) . رسم (T) :
	0.75	للمعادلة $f(x) = x + m$ حلين مختلفين من أجل: $1 < m < 3$
01	0.25	$A(\alpha) = \int_{-1}^{\alpha} (f(x) - (x+1)) dx$ (4)
	0.50	$A(\alpha) = [-2(x+2)e^{-x}]_{-1}^{\alpha} = (-2(\alpha+2)e^{-\alpha} + 2e)cm^2$
	0.25	$\lim_{\alpha \rightarrow +\infty} A(\alpha) = 2e$