

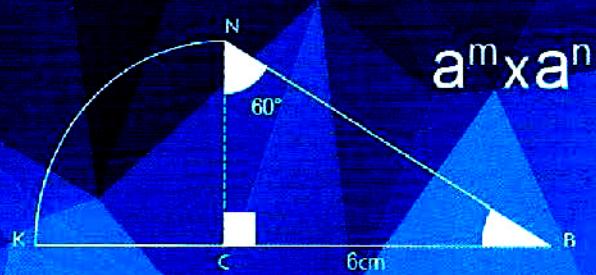
الجُمُهُورِيَّةُ الْجَزَائِيرِيَّةُ الدِّيمُقْرَاطِيَّةُ الشَّعْبِيَّةُ
وَزَارَةُ التَّرْبَةِ وَالْكُوُنُوكُولِيُّونِ

الرِّياضِيَّاتُ

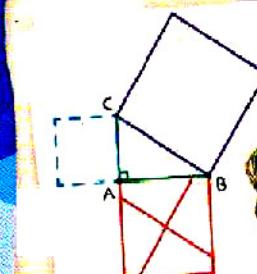
3

السنة الثالثة من التعليم المتوسط

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$



$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$



لِمَنْ أَنْتَ مُحَمَّدُ مُرَسَّمٌ مُنَجَّلٌ
بِالْأَعْلَمِ الْأَعْلَمِ مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ
مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ
فَأَنْتَ مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ مُنَجَّلٌ

الجمهوريّة الجزائريّة الديمقراطيّة الشعبيّة
وزارة التربية والacinie

الرياضيات

السنة الثالثة من التعليم المتوسط

الإشراف التربوي
بلعباس مصطفى

مفتّش التربية الوطنية	شرابطة بلقاسم
مفتّش التربية الوطنية	حمودي سليمان
مفتّش التربية والتّكوين	رّاجح بناني
مفتّش التعليم المتوسط	موسعي بوزيد
مفتّش التعليم المتوسط	بزار البخاري
مفتّش التعليم المتوسط	فرحان إبراهيم
مفتّش التعليم المتوسط	رميل رضوان
مفتّش التعليم المتوسط	جزولي عثمان
أستاذ التعليم الثانوي مكوّن	إيجعودان أحسن
أستاذ التعليم الثانوي مكوّن	مريةحة مولود
أستاذ التعليم الثانوي	قداري محمد

منشورات الشهاب

مسؤول المشروع : خوجة الجلد سيد علي

الفريق التقني : حميتاش كاهية / لعراب عبد الكريم / زواتي محمد أمين / خميسى مهدي / قينو فاتح
سي عبد الرحمن ناصرية / لعرابي محمد أمير / بجاوى رياض / جاب الله فاطمة الزهراء / سعيدانى فريدة

© منشورات الشهاب، 2017.

ردمك : 978-9947-39-254-6

الإيداع القانوني : السداسي الثاني، 2017.

منشورات الشهاب، 10 نهج إبراهيم غرافه باب الواد - الجزائر 16009

site : www.chihab.com / e-mail : chihab.edition@gmail.com

تقديم الكتاب

تم إنجاز هذا الكتاب ليكون وسيلة هامة تدعم المساعي التي تهدف إليها مناهج الإصلاح في مادة الرياضيات للسنة الثالثة من التعليم المتوسط، وتحقيق التحسينات المنتظرة في ممارسات القسم عموماً، وفي تحصيل التلميذ في المادة خصوصاً، فهو :

• **منسجم مع متطلبات المنهاج و يحترم الاختيارات والتوجيهات البيداغوجية والعلمية المقترحة فيه.**

• **مهيكل وفق تنظيم متكرر في كل الأبواب يترجم تمثي التعلم المختار.**

• **سهل الاستعمال سواء من قبل التلميذ أو من قبل الأستاذ.**

• **يحتوي على مسهلات بيداغوجية وتقنية ورسومات وصور توضيحية.**

يرتكز تمثي التعلم المقترح في هذا الكتاب على محطات أساسية، تتيح للتلميذ فرص المشاركة في بناء تعلماته، وللأستاذ هامشاً واسعاً للتصرف. يتمثل هذا التمثي في :

- التهيئة من خلال معرفة التعلمات المنظرة والإشارة إلى أبعاد أخرى للموضوع مثل تطور المفهوم وعلاقته بالواقع.

- استحضار المكتسبات القبلية.

- اكتشاف وبناء التعلمات من خلال أنشطة ينجزها التلميذ في القسم تحت إشراف الأستاذ.

- التأسيس للموارد المعرفية والمنهجية.

- التمرن : تمارين تطبيقية لإرساء الموارد.

- التقويم الذاتي.

- التعمق : تمارين ومسائل لتوظيف الموارد و التدرب على البحث.

- تعلم الإدماج : توظيف الموارد في وضعيات ذات دلالة.

- التدرب على استعمال وإدماج التكنولوجيات الجديدة.

نأمل أن يكون هذا الكتاب سندًا فعالاً للتلميذ والأستاذ

المؤلفون

استعمال الكتاب

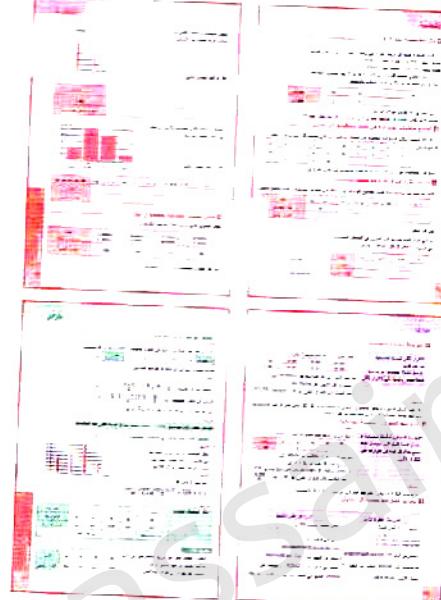
استهداف

الهدف هو التّشخيص واستحضار بعض المكتسبات التي لها صلة بالموضوع.



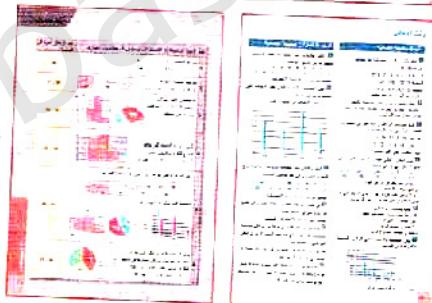
طرائق

وضعيات مفترحة على المتعلم تهدف إلى توظيف المعرف.



أؤكد تعلّماتي

التقويم الذاتي للمكتسبات والمعرف.



أدمج تعلّماتي

وضعيات مركبة لتعلم التجنيد المدمج للموارد وتطوير قدرات البحث والثّبرير والتبليغ في سياقات تسمح بارساء قيم وموافق.



تقديم الباب

- ذكر التّعلمات المستهدفة.
- صورة مجسدة للموضوع.
- عناصر من تاريخ الرياضيات أو من علاقتها بالواقع.
- مشكلة متعلقة بالموضوع (تحدي).

أنشطة

وضعيات تعلّمية مختارة ومحفزة لإرساء موارد.

- تعزيز المكتسبات الفبلية.

- إدخال مفاهيم جديدة.

- التّدرب على البحث، التّبليغ و التّبرير.

- إرساء قيم.

معارف

تقديم الموارد المستهدفة في المنهاج : تعبير، خواص، قواعد مجسدة.

أوظف تعلّماتي

تمارين متنوعة للتطبيق أو التحويل.

التعقق

تمارين ومشكلات متنوعة للتعقق والبحث والتبليغ.



أوظف تكنولوجيات الإعلام

والاتصال

نشاطات للتدرب على استعمال تكنولوجيات الإعلام والاتصال الجديدة وإدماجها في تعلمات الرياضيات.

المحتوى

الصفحة	محتويات الكتاب
3	تقديم الكتاب
4	استعمال الكتاب
6	1 - الأعداد النسبية
22	2 - العمليات على الكسور والأعداد الناطقة
38	3 - القوى ذات أسس نسبية صحيحة
54	4 - الحساب الحرفى
70	5 - المساويات - المتباينات - المعادلات
86	6 - التناصية
102	7 - تنظيم معطيات
118	8 - البرهان في الرياضيات
128	9 - المثلثات
150	10 - المثلث القائم و الدائرة
166	11 - خاصية فيتاغورس، جيب تمام زاوية
182	12 - الانسحاب
198	13 - الهرم و مخروط الدوران
214	معجم المصطلحات

أنشطة عددية

**الدواى وتنظيم
المعطيات**

أنشطة هندسية

1

الأعداد النسبية



سأتعلم في هذا الباب

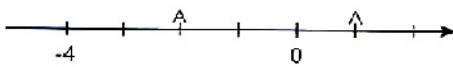
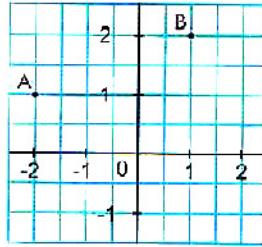
- حساب جداء عددين نسبيين.
- قاعدة الإشارات.
- حساب جداء عددين نسبيين.
- ضرب عدد نسبي في (-1).
- دور ومعنى الإشارة (-).
- حساب جداء عدة أعداد نسبية.
- مربع عدد نسبي.
- حساب حاصل قسمة عددين نسبيين.
- قاعدة الإشارات.
- حساب حاصل قسمة.
- تنظيم وتبسيط حساب.

تحدي

جمعنا 2017 عدداً نسبياً كلها متساوية فوجدنا المجموع يساوي 2017 ، ماذا يساوي جداء كل الأعداد ؟
أوجد كل حالات تفكيرك العدد 36 - إلى جداء أعداد صحيحة نسبية.

أَسْتَعِدُ

جد الإجابات الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات			الأسئلة	
(3)	(2)	(1)		
-1	-2	+2	1. فاصلة النقطة A على المستقيم المدرج	
-2	+1	-3	2. في المعلم المقابل فاصلة النقطة A هي:	
(-2; 1)	(-2; -1)	(2; -1)	3. إحداثيا A هما:	
(1; 2)	(2; 1)	(-2; -1)	4. إحداثيا B هما:	
-9°C	-15°C	-12°C	5. درجة الحرارة الأكثر انخفاضا هي:	
-7	-8,5	-7,5	6. أكبر عدد نسبي في القائمة التالية هو: -8,5; -7; -7,5; -8; -7,2	
انخفضت 8°C	انخفضت 12°C	ارتفعت 8°C	7. في إحدى ليالي الشتاء تغيرت درجة الحرارة من 2°C إلى 10°C. نقول إنها:	
على يمين -2,05	على يمين -2,15	على يمين 0	8. على مستقيم مدرج من اليمين إلى اليسار، موقع العدد 2,1	
مبدأ المعلم	محور الترايبي	محور الفواصل	9. النقطتان (-3 ; 5) و (-5 ; 3) متاظرتان بالنسبة إلى ...	
18°C	47°C	11°C	10. درجة الحرارة في المطبخ 29°C وفي المجمدة -18°C ، الفارق بين درجتي الحرارة هو:	
(-3)+(-4)	(-3)-(+4)	(-3)+(+4)	11. (-3)-(-4) يساوي	
9-12-13	9-12+13	-12+22	12. 5+9-7+13 يساوي	
-3+5	-3-5	-3+(-5)	13. يمكن كتابة (-5)+(3) على الشكل:	
11	-1	-11	14. (-5)+(-6) يساوي	
7-(-3)	1-11	7-8-11	15. 7-(8-11) يساوي	

١ جداء عددين نسبيين

لsequi أشجار مزرعته، أراد فلاح حفر بئر فلحاً إلى خبير في حفر الآبار الذي أجرى دراسة لباطن الأرض ليستكشف العمق الذي يصل فيه إلى الماء.

بعد دراسة أولية، قال له الخبير يجب عليك النزول إلى عمق 6m، لكن بعد الحفر تبين أن الماء ما زال عميقاً، فقرر الفلاح استشارة خبير ثان، وكانت نتيجة الدراسة أنه لكي يتدفق الماء بغزارة يجب عليه أن يحفر 3 أضعاف العمق الذي وصل إليه في المرة الأولى.



(نصطلاح على التعبير عن العمق بعدد سالب و بالتالي عمق 6m نكتبه -6m)

في هذه المرحلة الثانية توصل الفلاح إلى ما يريد.

1) ما هو العمق الذي وصل إليه حتى تدفق الماء؟

2) أعط كتابتين ممكنتين تسمحان لك بالتوصل إلى النتيجة السابقة.

3) ما هي القاعدة التي تسمح لك بحساب جداء عددين نسبيين مختلفين في الإشارة؟

٢ جداء عدد سالب في عدد موجب

للنزول إلى الميترو، يستعمل المسافرون السلم الميكانيكي للمحطة الذي يتكون من 90 درجة علو الواحدة منها 28,5cm

أراد أمين حساب العمق الذي يصل إليه حتى يركب الميترو فكتب: $\frac{(-28,5) + (-28,5) + \dots + (-28,5)}{90}$

لاكتشاف طريقة تسمح لك بحساب هذا المجموع، نعتبر العبارة: $E = (-3) + (-3) + (-3) + (-3)$

1) احسب قيمة E؟

بالعودة إلى معنى عملية الضرب، نعلم أن: $7+7+7$ هو مجموع 3 حدود كل منها يساوي 7 ويمكننا كتابة هذا المجموع على شكل جداء 3×7 ، و نقرأ « 7 في 3 ».

2) اكتب E على شكل جداء.

3) اكتب كل واحدة من العبارات التالية على شكل مجموع ثم احسبها.

$$D = (-7,5) \times 7 , C = (-8) \times 9 , B = (-13) \times 6 , A = (-5) \times 4$$

4) خمن طريقة تسمح لك بحساب جداء عدد سالب في عدد موجب.

5) احسب: $90 \times (-28,5)$ ماذا تستنتج؟

٣ تبرير جداء عددين نسبيين

١ احسب: $(-4,5) \times (2,1)$.

نعتبر العباره: $5 = 4,5 \times 2,1 + (-4,5) \times 2,1$.

ا) باستعمال خاصية توزيع الضرب على الجمع، اكتب العباره ٥ على شكل جداء أحد عامليه هو العدد ٢,١ ثم

احسب ٥.

ب) مادا يمكن أن تستنتج بخصوص العددين: $4,5 \times 2,1$ و $(-4,5) \times 2,1$ ؟

ج) استنتاج قيمة $2,1 \times (-4,5)$.

$$(-7) \times 5 = \dots$$

$$(-7) \times 4 = \dots$$

$$(-7) \times 3 = \dots$$

$$(-7) \times 2 = \dots$$

$$(-7) \times 1 = \dots$$

$$(-7) \times 0 = \dots$$

٢ احسب الجداء $(-9) \times (-7)$.

ا) استعمل النشاط ٢ لحساب الجداء: $4 \times (-7)$.

ب) أكمل حساب جداءات الجدول المقابل.

٣ حساب $(-1,5) \times (-0,6)$.

نعتبر العباره: $A = (-1,5) \times 0,6 + (-1,5) \times (-0,6)$.

استعمل الطريقة التي استعملت في الجزء ١ لحساب $(-1,5) \times (-0,6)$.

٤ حاصل قسمة أعداد نسبية

تعلم أن $20 = 5 \times 4$ معناه: $20 \div 5 = 4$ و $20 \div 4 = 5$.

ا) أكمل ملء الفراغ بالعدد الناقص المناسب لكل واحدة من العمليات التالية:

$$\dots \times (-3) = (-42), (-28) = \dots \times (-5), 60 = \dots \times 4, 32 = \dots$$

ب) اكتب كل واحد من هذه الأعداد الناقصة على شكل كسر.

2) مادا تلاحظ عن قسمة عددين نسبيين؟

3) نعتبر العباره: $Q = \frac{(-3) \times (-5) \times 2 \times (-1)}{(-1) \times 8 \times 5 \times (-5)}$.

ا) ما هي إشارة بسط العباره Q؟ وما هي إشارة المقام؟

ب) استنتاج إشارة العباره Q.

١ ضرب الأعداد النسبية

• قاعدة الإشارات

مثال

(١) للعددين نفس الإشارة.

$$(-2) \times (-6) = 12 \quad , \quad 3 \times 7 = 21$$

(٢) للعددين إشاراتان مختلفتان.

$$(-2, 4) \times 5 = -12 \quad , \quad 4 \times (-6) = -24$$

• جداء عددين نسبيين لهما نفس الإشارة هو عدد نسبي موجب.

• جداء عددين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد نسبي سالب.

• حساب جداء عددين نسبيين

قاعدة: لحساب جداء عددين نسبيين:

(١) نطبق قاعدة الإشارات.

(٢) نضرب المسافتين إلى الصفر فيما بينهما.

حالة خاصة: من أجل كل عدد نسبي A لدينا:

$$0 \times A = 0 \quad \text{و} \quad A \times 0 = 0$$

• ضرب عدد نسبي في (-١)

خاصية: جداء عند نسبي a في -١ يعطي نظير العدد a .

$$(-1) \times a = -a \quad \text{و} \quad a \times (-1) = -a$$

ملاحظة: يمكن أن يكون $-a$ سالباً كما يمكن أن يكون موجباً.

• دور ومعنى الإشارة (-)

يمكن أن يكون للإشارة (-) عدة معانٍ مختلفة وبالتالي تلعب أدواراً مختلفة في الحساب.

الإشارة (-) يمكن أن تكون:

• رمزاً للعملية الطرح

• إشارة لعدد نسبي سالب

• الإشارة التي تعين نظير عدد نسبي.

• جداء عدة أعداد نسبية

خاصية: جداء عدة أعداد نسبية يكون:

• موجباً إذا كان عدد العوامل السالبة في الجداء زوجياً.

• سالباً إذا كان عدد العوامل السالبة في الجداء فردياً.

• مربع عدد نسبي

قاعدة: مربع عدد نسبي هو عدد موجب دوماً.

امثلة

$$(1) 3,2 \times (-2) \times 4 \times (-2,5) \times (-5) = -320$$

عدد العوامل السالبة هو ٣ وهو عدد فردي، إذن الجداء سالب.

$$(2) 3 \times (-4) \times (-2) \times (-1,5) \times (-2,3) = 82,8$$

عدد العوامل السالبة هو ٤ وهو عدد زوجي، إذن الجداء موجب.

امثلة

$$(1) (+1,2)^2 = 1,2 \times 1,2 = 1,44$$

$$(2) (-1,2)^2 = (-1,2) \times (-1,2) = +1,44$$

طرائق

• ضرب الأعداد النسبية

تمرين 1 : احسب: $A = -3 \times 7$

حل: لدينا: $A = -3 \times 7 = -(3 \times 7) = -21$

تمرين 2 : ما هي إشارة الجداء؟

$$P = (-1) \times (-2) \times 0,3 \times (-21) \times 6$$

حل: عدد العوامل السالبة 3، وهو

عدد فردي، وعليه يكون الجداء سالبا.

$$P = -(2 \times 0,3 \times 21 \times 6 \times 11) = -831,6$$

طريقة

لضرب عددين نسبيين:

• نلاحظ إشاراتي العاملين ثم نطبق قاعدة الإشارات.

• نضرب المسافتين إلى الصفر ببعضهما.

• حساب جداء عدة عوامل

تمرين : احسب الجدانين:

$$A = (+3) \times (-7) \times (-0,5) \times (-8)$$

$$B = 13 \times (-5) \times (-1) \times (-3) \times (-2)$$

$$\begin{aligned} \text{حل: } A &= (+3) \times (-7) \times (-0,5) \times (-8) \\ &= -84 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 13 \times (-5) \times (-1) \times (-3) \times (-2) \\ &= +390 \end{aligned}$$

طريقة

لحساب جداء عدة عوامل، تُعد العوامل السالبة، إذا كان عددها فرديا يكون الجداء سالبا و إذا كان عددها زوجيا يكون الجداء موجبا.

تعاليق

تمرين : جداء أي عدد نسبي في (-1) يعطي نظير هذا العدد.

تمرين : جداء أي عدد نسبي في 0 يعطى 0.

$$A = 3 \times (-1), B = (-1) \times (-4), C = 3 \times 0$$

$$\text{حل: } A = 3 \times (-1) = -3$$

$$C = 3 \times 0 = 0, B = (-1) \times (-4) = 4$$

حالات خاصة

تمرين : احسب الجداءات التالية:

ما هي إشارة الجداء في كل حالة مما يلي؟

$$B = 3 \times (-5) \times 5 \times (-5) \times 5 \times (-5) \times (-5) \quad ; \quad \underbrace{P = (-2) \times (-2) \times \dots \times (-2)}_{\text{عامل 85}}$$

• توزيع الضرب على الجمع أو الطرح

أمثلة

$$-7(a+2) = -7a - 14 \quad \bullet$$

$$5b - 12b = (5 - 12)b = -7b \quad \bullet$$

$$2(a-b) = 2a - 2b \quad \bullet$$

$$(-3) \times a + (-3) \times b = (-3)(a+b) \quad \bullet$$

حواص

إذا كانت a ، b ، k أعداداً نسبية فإن:

$$k(a-b) = ka - kb \quad ; \quad k(a+b) = ka + kb \quad \bullet$$

$$ka - kb = k(a-b) \quad ; \quad ka + kb = k(a+b) \quad \bullet$$

٢ حاصل قسمة عددين نسبيين

أمثلة

$$(1) \text{ احسب: } 6 \div (-3)$$

المقسم والمقسم عليه مختلفان في الإشارة،
إذن حاصل القسمة سالب.

ننجز عملية قسمة المساقتين إلى الصفر:

$$6 \div 3 = 2 \quad \text{إذن: } -2 = 6 \div (-3)$$

$$(2) \text{ احسب } \frac{-27}{9} \text{ . البسط والمقام لهما نفس الإشارة، إذن حاصل القسمة موجب.}$$

ننجز عملية قسمة المساقتين إلى الصفر:

$$\frac{-27}{9} = 3 \quad \text{إذن: } \frac{27}{9} = 3$$

أمثلة

$$(1) -5 \div \frac{5}{6} = -6 \quad , \text{ حاصل قسمة } -5 \text{ على } 6$$

$$\text{هو } -\frac{5}{6}.$$

$$(2) \frac{3}{7} \times (-7) = 3 \quad , \text{ حاصل قسمة } 3 \text{ على } -7$$

$$\text{هو } -\frac{3}{7}.$$

مثال

$$\text{حساب } (8 + 2 \times (-5)) - 3.$$

حل: نعيّن داخل الأقواس الحسابات التي لها أولوية.

داخل الأقواس نحترم أولوية العمليات ونبدا

بالضرب.

$$\begin{aligned} A &= 3 - (2 \times (-5) + 8) \\ &= 3 - (-2 \times 5 + 8) \\ &= 3 - (-10 + 8) \\ &= 3 - (-2) \\ &= 3 + 2 = +5 \end{aligned}$$

قاعدة الإشارات

• حاصل قسمة عددين نسبيين لهما نفس الإشارة هو عدد موجب.

• حاصل قسمة عددين نسبيين مختلفان في الإشارة هو عدد سالب.

انتبه! حاصل قسمة عددين سالبين هو عدد موجب
لاحظة: a و b عدادان نسبيان، حيث $a \neq 0$.

$$\frac{-a}{-b} = \frac{a}{b}$$

• حساب حاصل القسمة

و b عدادان نسبيان، حيث $b \neq 0$.
حاصل قسمة العدد النسبي a على العدد النسبي غير المعدوم b هو العدد $\frac{a}{b}$ الذي يتحقق: $\frac{a}{b} \times b = a$.

• تنظيم وتبسيط حساب

لإنجاز سلسلة حسابات على الأعداد النسبية
بالعمليات الأربع أراعي ما يلي:

• احترام قواعد الأولوية التي تعلمتها في السنة الثانية.

• أطبق قواعد جمع وطرح الأعداد النسبية
بطريقة صحيحة.

• أطبق القواعد الجديدة حول ضرب وقسمة
الأعداد النسبية.

ضرب الأعداد النسبية

6 اربط بين النتائج المتساوية	
(0,2) × (+6)	•
-12 × (-10)	•
(+4) × (-5)	•
(+6) × (+0,5)	•
20 × (-1)	•
-1,5 × (-2)	•
(-12) × (-0,1)	•
(-20) × (-6)	•

7 في القائمة التالية، احسب الجداءات الموجبة.

(أ) (-2) × (+10) ، ب) (-10) × (-2)

ج) 2,5 × (+100) ، د) -35 × 10

هـ) (-3) × (+4) ، و) (-2) × (-6)

8 فيما يلي، احسب الجداءات السالبة فقط.

(أ) (-4,2) × (-0,6) ، ب) 0,5 × (-3)

ج) (-45) × (+10) ، د) (-3) × 4

هـ) (-125) × (+8) ، و) (-0,5) × (-0,5)

9 عين إشارة كل من الجداءات التالية، ثم أنجز الحساب.

(أ) (-9) × (-9)

ب) (-3) × (-6) × (-9)

ج) (-2) × (-2) × (-2) × (-2)

د) (-1) × (-2) × (-3) × (-4) × (-5)

10 عين إشارة كل من الجداءات التالية، ثم أنجز الحساب.

A = 6 × (-2) × 4 × (-1) × (-3) (أ)

B = -5 × (-3) × (-7) × 4 × (-0,5) (ب)

C = 5 × (-3) × 0,8 × (-9) × (-11) (جـ)

D = -1 × (+2) × (-3) × 6 × (-8) (دـ)

E = (-2) × (-5) × (-1) × 4 × (-9) (هـ)

1 احسب ما يلي:

(أ) (+5) × (-5) ، ب) (-3) × (+10)

جـ) (-12) × (+3) ، دـ) (-6) × (+4)

هـ) (-9) × (-8) ، وـ) (+5) × (-10)

2 احسب ما يلي:

(أ) (-2,5) × (+4) ، ب) (-6,5) × (-4)

جـ) (-3,25) × (-10) ، دـ) (+8,6) × (+0,1)

هـ) (-7,8) × (+100) ، وـ) (-10) × (+5,25)

3 احسب ما يلي:

(أ) 4 × (-16) ، ب) -7 × (+8)

جـ) (-7) × (-9) ، دـ) (-15) × 6

هـ) 3,3 × (-100) ، وـ) (-3,5) × (+8)

4 احسب ما يلي:

(أ) 6 × 8 ، ب) -0,2 × (-14)

جـ) -3 × (-8) ، دـ) 3,5 × (-0,1)

هـ) -14 × (-3,5) ، وـ) (-10,02) × (-7)

5 احسب الجداءات التالية:

(أ) (-4) × (-4) × (-3) × (-3)

بـ) (-0,1) × (-0,38)

جـ) 0,05 × (-2,5) × 20 × (-4)

دـ) (-0,5) × 17 × (-2)

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

16 أكمل بالعدد المناسب

(أ) $(-13) \times \square = -39$ ، ب) $(-4) \times \square = 20$

ج) $\square \times (-11) = 121$ ، د) $\square \times (-7) = -42$

هـ) $(-2,9) \times \square = 29$ ، وـ) $\square \times (-3) = -99$

17 جد عددين نسبيين جداً هما:

(أ) 32 ، ب) -28 ، ج) -0,25 ، د) 4,9

18 دون أي حساب، أعط إشارة النتيجة في كل عبارة

مما يلي:

A = $(-6) \times (-10) \times (+1,8) \times (-2)$ (أ)

B = $(-4,5) \times (-2) \times (+5,5) \times (-1) \times (-8)$ (ب)

C = $(+2,2) \times (-0,6) \times (+8) \times (-2) \times (-4)$ (جـ)

(أ) احسب الجداء: $7,5 \times 0,2$ **19**

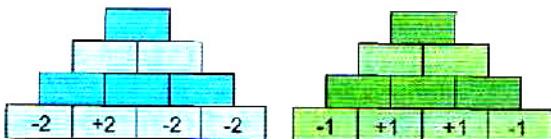
ب) أنجز الجداءات التالية:

B = $(-0,2) \times (-7,5)$ ، A = $7,5 \times (-0,2)$

D = $(-7,5) \times (-20)$ ، C = $(-75) \times (+0,2)$

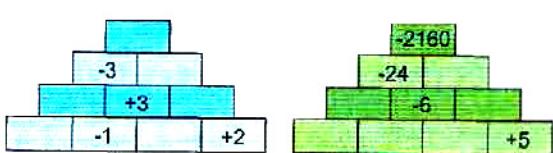
20 أهرامات الأعداد

انقل ثم أكمل ملء خانات «الهرم» في كل حالة، علماً أن محتوى الخانة يساوي جداء ما في الخانتين اللتين تحتها.



21

انقل ثم أكمل ملء خانات «الهرم» في كل حالة، علماً أن محتوى الخانة يساوي جداء ما في الخانتين اللتين تحتها.



11 أنجز الجداءات التالية.

A = $(-1) \times 2 \times (-3) \times 4 \times (-5)$ (أ)

B = $-1 \times (-2) \times (-3) \times (-4) \times (-5)$ (ب)

C = $1 \times 2 \times (-3) \times (-4) \times 5$ (جـ)

D = $1 \times (-2) \times 3 \times (-4) \times 5$ (د)

12 أكمل ملء الفراغات بما يناسب.

(-2) $\times \dots \times 4 \times (-5) \times 6 = -720$ (أ)

2 $\times (-3) \times 4 \times \dots \times (-6) = 720$ (ب)

\dots $\times (-3) \times 4 \times 5 \times (-6) = -720$ (جـ)

13 جد إشارة كل من الجداءات التالية

A = $(-1) \times (-2) \times (-3) \times \dots \times (-15)$ (أ)

B = $(-38) \times (-39) \times (-40) \times \dots \times (-110)$ (ب)

C = $(-25) \times (-24) \times (-23) \times \dots \times (-1)$ (جـ)

D = $(-20) \times (-19) \times (-18) \times \dots \times (-10)$ (د)

14 احسب الجداءات التالية

A = $(-0,5) \times 19 \times (-2)$ (أ)

B = $(-0,1) \times (-0,1) \times (-0,1) \times (-0,1) \times (-0,1)$ (ب)

C = $0,05 \times (-2,5) \times (20) \times (-4)$ (جـ)

D = $(-6) \times (-6) \times (-2) \times (-2)$ (د)

15 في كل حالة، اكتب مكان \square العدد الذي به تتحقق المساواة.

(+40) = (-5) $\times \square \times \square = -24$ (أ)

(-2,5) $\times \square = 7,5$ (ب) $(-5) \times \square = -2$ (د)

(-0,5) $\times \square = 12$ (جـ) $(-4) \times \square = 10$ (هـ)

29 أكمل المتساويات بالإشارة حاصل القسمة،

(أ) $-3 \times (+8) = (?24)$

(ب) $(?25) = (-5) \times 5$

(ج) $(+13) \times (?3) = -39$

(د) $-54 = -6 \times (?9)$

30 أكمل ملء الفراغ بما يحقق المساواة.

(أ) $(+1) = \dots \times (-1,6)$ ، ب) $(+48) \div \dots = (+8)$

(ج) $(-7,5) \times \dots = 2,5$ ، د) $15 = \dots \times (-5)$

(هـ) $(-12) \times \dots = (-0,5)$ ، و) $(-10) \div \dots = 4$

31 أوجد عددين نسبيين حاصل القسمة بينهما:

(أ) -2 ، ب) 10 ، ج) -0,5 ، د) -1.

32 على مستقيم مدرج، عين:

أ) باللون الأحمر، نظير 7.

ب) بالأخضر، جداء 3 في 6.

ج) بالأزرق، حاصل قسمة 15 على 3.

د) بالأسود، مربع -2.

33 ألوانية العمليات

احسب ما يلي:

$$A = -0,5 \times (-2 - 8) \times -1,7$$

$$B = 4,7 - (1 - 10,5) \times 4$$

$$C = (7 - 12) \div (12 - (1 + 8 \times 2))$$

$$D = -20 + ((-3) \times (-7 - 3)) - 16$$

34 أوجد مضاعف 6 الذي:

أ) يسبق: 12 ، 120 ، -6 ، -42.

ب) يلي: 18 ، 48 ، -30 ، -54.

22 في كل حالة مما يلي، عين إشارة حاصل القسمة، دون حساب.

(أ) $(-4) \div (-5)$ ، ب) $(-3) \div (-8)$

(ج) $(-3,5) \div (+5,2)$ ، د) $(+1) \div (-2)$

23 فيما يلي، انقل كل حاصل قسمة موجب.

(أ) $\frac{-4}{-10}$ ، ب) $\frac{-9}{+7}$ ، ج) $\frac{-3}{+3}$ ، د)

24 احسب ما يلي:

(أ) $(-72) \div (-6)$ ، ب) $(-80) \div (+4)$

(ج) $(-21) \div (-5)$ ، د) $(-32) \div (-5)$

25 احسب ما يلي:

(أ) $(-5) \div (+10)$ ، ب) $(-8) \div (-4)$

(ج) $.20 \div (-5)$ ، د) $(-15) \div (-3)$

(هـ) $(-72) \div (+8)$ ، و) $(-45) \div (-9)$

26 احسب ما يلي:

(أ) $(-56) \div (-7)$ ، ب) $(-121) \div 11$

(ج) $(+48) \div (-2,5)$ ، د) $(-72) \div (+12)$

(هـ) $(+16) \div (-0,1)$ ، و) $(-5) \div (-16)$

27 أكمل ملء الفراغ بالعدد المناسب.

$\dots \div (-7) = +5$ ، ب) $(-72) \div \dots = -9$

(ج) $(-15) \div \dots = +3$ ، د) $(+12) = \dots \div (-3)$

28 اربط بين النتائج المتساوية

$-12 \div (-10)$ • (أ) $(-1) \times (+1)$

$(-1) \div (+1)$ • (ب) $(30) \div (-3)$

$(+2) \div (-0,2)$ • (ج) $(-12) \times (-0,1)$

عند الحاجة أعود إلى الصفحة :

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

11 و 10	يساوي ... $(-7) \times (-3)$ أ) 10 - ; ب) 21 - ; ج) 10 + ; د) 21	1
11 و 10	يساوي ... $(-4) \times 3$ أ) 1 + ; ب) 12 - ; ج) 7 - ; د) 12	2
11 و 10	يساوي ... $4 \times (-4)$ أ) 0 + ; ب) -8 + ; ج) -16 + ; د) 16	3
11 و 10	يساوي ... $8, 1 \times (-3, 2)$ أ) 25, 92 - ; ب) 4, 9 + ; ج) -25, 92 + ; د) -4, 9	4
10	جداً نظير 6 في نظير 7 يساوي ... أ) 42 + ; ب) -42 + ; ج) 1 - ; د) $\frac{6}{7}$	5
10	من أجل كلّ عدد نسبي a ، العدد $-a$ هو: أ) عدد سالب + ; ب) نظير العدد a ج) عدد سالب أو موجب حسب إشارة a د) يساوي $a \times (-1)$	6
13 و 11	جداً 116 عملاً كلها تساوي (-1) هو:... أ) 1 - ; ب) 0 + ; ج) -1 + ; د) 1	7
13 و 12	يساوي ... $(-25) \div (-5)$ أ) 5 + ; ب) -5 + ; ج) 20 - ; د) 20	8
13 و 12	إذا كان x عدداً نسبياً يحقق: $10 = x \times (-3)$ فإن: أ) $x = -7$; ب) 3,33 + ; ج) $\frac{10}{3}$ + ; د) $\frac{-10}{3}$	9
12 و 10	a^2 سالب + ; ب) $-a^2$ سالب + ; ج) $(-a)^2$ سالب + ; د) سالب $\frac{a}{-a}$	10
13 و 12	يكتب على الشكل: ... $11 \div (-4)$ أ) $\frac{11}{4}$ - ; ب) $\frac{11}{4}$ + ; ج) -2,75 + ; د) $\frac{11}{4}$	11
13 و 12	يكتب على الشكل: ... $-4,7 \times 13 - (-4,7) \times 3$ أ) $(-4,7) \times (13 - 3)$ + ; ب) $-4,7 \times 13 \times 3$ + ; ج) $(-4,7) \times (-10)$ + ; د) $10 \times (-4,7)$	12

أتعجب

50 متساويات عجيبة

$$1 - 1 = 9 \times \dots \quad 1$$

$$2 - 11 = 9 \times \dots \quad 2$$

$$3 - 111 = 9 \times \dots \quad 3$$

$$4 - 1111 = 9 \times \dots \quad 4$$

45 انظمامات

في كل حالة مما يلي، انقل المتالية، لاحظ الانتظام ثم أكمل كتابة العدد الناقص.

$$\dots - 243; 81; \dots; 9; - 3$$

$$\text{ب) } .120000; -24000; \dots, -960; 192$$

$$\text{ج) } -2; 2; -4; \dots; -48; 240$$

(2) بيّن في كل حالة كيفية المرور من عدد إلى الذي يليه.

$$10 - 1111111111 = 9 \times \dots \quad 10$$

(1) ما هي الأعداد الناقصة في المتساويات ① ، ② ، ③ ، ④ ، ⑩ ؟

(2) دون إجراء أية حسابات إضافية، اكتب المتساويات: ⑤ ، ⑥ ، ⑦ ، ⑧ ، ⑨ .

51 على مستقيم مدرج

(1) على مستقيم مدرج، علم النقط: A ، B ، C ، D ، E ، F التي فوائلها على الترتيب: 4 ، 2 ، -0,5 ، -3,5 ، -5 .

(2) احسب فوائل النقط: A' ، B' ، C' ، D' ، E' ، F' التي نحصل عليها بضرب فوائل النقط A ، B ، C ، D ، E ، F في (-1) .

علم النقط A' ، B' ، C' ، D' ، E' ، F' على المستقيم المدرج.

(3) ما هي الملاحظة التي يمكن تسجيلها حول تمويع هذه النقط على المستقيم المدرج؟

52 مخمنة

• اختر عدداً

• أضف له العدد الصحيح الذي يليه

• اضرب الناتج في (-2)

• أضف 2 إلى الناتج

• قسم الناتج على (-4)

(1) طبق هذا البرنامج على الأعداد: 10 ، -5 ، -125 على التوالي.

ما هي المخمنة التي خرجت بها؟

(2) هل يمكن إثبات هذه المخمنة؟

46 مربع سحري «ضربى»

(1) ما هي القواعد التي تسمح لك بالحصول على مربع سحري «ضربى»؟

(2) أنجز كل الحسابات اللازمة لتتأكد أن المربع التالي مربع سحري «ضربى».

-2	36	-3	
9	6	4	
			-12 1 -18

(47) أكمل ملء الخانات الفارغة لتحصل على مربع

سحري «ضربى».

		1	
4	-10	52	
5		-2	

(48) في كل حالة مما يلي، انقل ثم أكمل ملء الفراغ بالعدد المناسب.

$$\dots \times 5 = -36 \quad \text{، ب) } \dots \times (-3) = -16$$

$$\text{ج) } 3 \times \dots = 3 \quad \text{، د) } (-10) \times \dots = -4$$

$$\text{ه) } (-9) \times \dots = 11 \quad \text{، و) } -8 = \dots \times (-6)$$

(49) أنجز بطرقتين مختلفتين الحسابات التالية:

$$\text{أ) } B = 5 \times (-4 - 3) \quad \text{، ب) } A = (-3) \times (5 - 7)$$

$$\text{ج) } D = -3 \times ((-4) + (-2)) \quad \text{، د) } C = (-7 - 2) \times (-3)$$

وضعية

باستعمال السندات 1 ، 2 ، 3 أدناه:

- (1) احسب السعة الحرارية بالدرجة سيلسوس على سطح القمر، ثم على سطح كل من الزهرة والمريخ.
- (2) أعط متوسط درجة الحرارة بالكلفن على سطح الزهرة.
- (3) أعط متوسط درجة الحرارة بالسيلسوس على سطح المريخ.

• يُعتبر كوكب الزهرة الأكثر تأثراً بالاحتباس الحراري نظراً لكتافة غلافه الجوي العالية جداً، ويبلغ متوسط درجة الحرارة على سطحه حوالي (460°C).

• يُحدث ضعف كثافة الغلاف الجوي للكوكب المريخ أثراً محدوداً للاحتباس الحراري، وهو ما يفسر معدل درجة الحرارة على سطحه الذي يبلغ حوالي (210K).

السند 3: درجة الحرارة على سطح:

الزهرة

• القصوى: (490°C) 763K

• الدنيا: (446°C) 719K المريخ

المريخ

• القصوى: (-3°C) 270K

• الدنيا: (-133°C) 140K

• الكلفن وحدة لقياس درجة الحرارة، تستعمل كثيراً من طرف الفيزيائيين، بينما نستعمل في حياتنا اليومية درجة السيلسوس.

• يتم المرور من درجة سيلسوس (0°C) إلى درجة كلفن (K) بإضافة 273,15.

• السعة الحرارية هي الفارق بين درجتي حرارة، في مكان ما، وفي فترة معطاة.

السند 2: تأثير الغلاف الجوي

• يتكون الغلاف الجوي للقمر من طبقة غير سميكه، ويتسبب ذلك في سعة حرارية كبيرة بين وجهي القمر، إذ تبلغ هذه السعة مستويات قياسية:

• يمكن أن تنزل الحرارة إلى (-170°C) على الوجه المظلم، بينما يبلغ متوسط درجة الحرارة على الوجه المقابل للشمس حوالي (160°C).

وضعية للتقويم

بعض البلدان، مثل الولايات المتحدة الأمريكية، تستعمل درجة فهرنهait لـ التعبير عن درجات الحرارة.

عندما غادر أحد رجال الأعمال مدينة باريس، كانت درجة الحرارة تشير إلى 2°C، وعندما وصل إلى شيكاغو كانت درجة الحرارة تشير إلى 14°F.

1) باستعمال القاعدة التالية المتعلقة بتحويل درجة الحرارة من فهرنهait إلى السيلسوس:

$$T^{\circ}\text{F} = 1,8 \times T^{\circ}\text{C} + 32$$

أ) عُتبر عن درجة الحرارة في باريس بالدرجة T°F.

ب) عُتبر عن درجة الحرارة في شيكاغو بالدرجة T°C.

2) أي المدينتين أشد برودة؟

توجيهات

قراءة وتحليل الوضعية

• ماذا تمثل الأعداد الواردة في نص الوضعية والسندات؟

• كيف تربط بين الأعداد الواردة في هذا النص والأعداد الواردة في نص الوضعية.

• حدد العمليات الحسابية التي ستتجزأها في كل حالة.

تحليل التعليمية واختيار استراتيجية حل مناسبة

• ما المهام المطلوب إنجازها؟

• تحديد كل مهمة مطلوبة بدقة.

• إنجاز مخطط للعمل تحدد فيه مراحل التنفيذ.

تنفيذ استراتيجية الحل المختار

• تنفيذ المهام وإنجاز الحسابات.

• تحرير الحل والشرح بجمل واضحة.

أو قل تكنولوجيات الإعلام والاتصال

الحاسبة والأعداد النسبية

١) بالحاسبة أو بدونها



لحساب قيمة العدد $A = \frac{8 + 3 \times (-4)}{1 + 2 \times (-1,5)}$ قامت ليلى بالضغط على ملامس الحاسبة

بالترتيب التالي:

8 + 3 × (-) 4) ÷

1 + 2 × (-) 1 , 5)

١) هل ستحصل ليلى على النتيجة الصحيحة؟

٢) إذا كان كذلك، حدد هذه النتيجة. وإلا فحدد الخطأ الذي ارتكبه ليلى ثم أعط النتيجة الصحيحة لهذا الحساب.

٢) الحساب على الأعداد النسبية بالحاسبة

١) لمسة الأعداد السالبة

أ) لإجراء حسابات على الأعداد النسبية السالبة تحتاج إلى لمسة جديدة، أين توجد هذه اللمسة؟

ب) لماذا لا تحتاج إلى هذه اللمسة عند إجراء حسابات على الأعداد الموجبة؟

٢) أهمية استعمال الأقواس

أ) احجز على الحاسبة برنامج الحساب الخطى التالي: $(-17) \times (-42) + (-15) \times 18$.

ب) أنجز هذا الحساب باليد. ما هو دور الأقواس في الحساب «المنجز باليد»؟

ج) هل ترى أنه من الضروري حجز الأقواس التي تظهر في الحساب الذي «نجريه باليد» عندما ننجز هذا الحساب بالحاسبة؟

د) احجز على الحاسبة سلسلة العمليات الخطية التالية: $(18 + 15) \times (17 + 42)$.

ه) أنجز هذا الحساب باليد. ما هو دور الأقواس في الحساب «المنجز باليد»؟

و) هل ترى أنه من الضروري حجز الأقواس التي تظهر في الحساب الذي «نجريه باليد» عندما ننجز هذا الحساب بالحاسبة؟

ز) ما الذي يمكننا استنتاجه حول استعمال الحاسبة عند إنجاز حسابات باليد أو بالحاسبة؟

2

العمليات على الكسور والأعداد الناطقة

سأتعلم في هذا الباب

• العمليات على الكسور

- تعين مقلوب عدد غير معروف.

- قسمة كسرتين.

- مقارنة كسرتين.

- جمع و طرح كسرتين.

• الأعداد الناطقة

- التعرف على العدد الناطق.

- حساب مجموع و فرق و جداء و حاصل
قسمة عددين ناطقين.

تعود الكتابة الكسرية الحالية إلى علماء الحضارة العربية الإسلامية، ففي القرن 11 كان أبو الوفاء البوزجاني الذي يعتبر من أكبر العلماء الذين برعوا في العلوم الفلكية والرياضية، قد عبر عن نسبة في مئتين بعدد. وفي سنة 1427، أعطى عالم الفلك غياث الدين جمشيد الكاشي تعريفاً للكسور العشرية وعرض نظريتها وبين كيفية تفكيك كل كسر إلى مجموعة كسور عشرية، كما قلل طرفاً حسابياً حيث شرح أن العمليات على الكسور تؤول إلى عمليات على الأعداد الصحيحة باستعمال الكسور العشرية.



تحدي

دفع هشام ربع ما جمع في حصالته، في شراء
محفظة و الخمس في شراء قاموس، ثم دفع ثلثي
الباقي ثمناً للحاسبة.

ما هو الكسر الذي يمثل ما تبقى له؟

أَسْعَد

جِد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3)

$$\frac{1}{0,8}$$

(2)

$$-0,8$$

(1)

$$\frac{5}{4}$$

الأسئلة

1. مقلوب $0,8$ هو:

$$\frac{20}{27}$$

$$\frac{60}{81}$$

$$\frac{20}{9}$$

2. الجداء $\frac{5}{3} \times \frac{4}{9}$ يساوي:

$$\frac{5}{7}$$

$$\frac{45}{63}$$

$$\frac{3}{7}$$

3. الكسر المساوي لـ $\frac{15}{21}$ هو:



$$\frac{11}{12} > \frac{5}{6}$$

$$\frac{5}{6} > \frac{11}{12}$$

$$\frac{5}{6} < \frac{11}{12}$$

5. قارن بين الكسرتين: $\frac{11}{12}$ و $\frac{5}{6}$

$$\frac{8}{21}$$

$$\frac{11}{14}$$

$$\frac{8}{14}$$

6. المجموع $\frac{3}{7} + \frac{5}{14}$ يساوي:

$$\frac{4}{5}$$

$$\frac{4}{12}$$

$$\frac{4}{15}$$

7. الفرق $\frac{4}{3} - \frac{8}{15}$ يساوي:

$$-9 < -7$$

$$-7 > -9$$

$$-7 < -9$$

8. قارن بين: -7 و -9

$$4$$

$$-18$$

$$-4$$

9. $(-11) + (-7)$ يساوي:

$$-7$$

$$7$$

$$29$$

10. $(11) + (-18)$ يساوي:

$$-20$$

$$-4$$

$$4$$

11. $(-8) - (-12)$ يساوي:

$$\frac{7}{2}$$

$$-9$$

$$3,5$$

12. $(-7) \div (-2)$ يساوي:

1 قسمة كسرٍ



في الشكل المقابل مساحة الجزء الملون هي $\frac{3}{4}$ ، الخط المتقطع يجزئه إلى نصفين.

(1) استنتج من الشكل كتابة $2 \div \frac{3}{4}$ على شكل كسر، ثم انقل و أكمل العبارة التالية:

$$\frac{3}{4} \div 2 = \frac{3}{4} \times \frac{1}{....}$$

(2) اكتب كل من $4 \div \frac{2}{3}$ و $3 \div \frac{4}{5}$ على شكل كسر (يمكنك استعمال سند هندسي)

(3) اكتب على شكل كسر كلاً من: $a = 3 \div \frac{4}{5}$ ، $b = \frac{7}{8} \div \frac{3}{2}$ و $c = \frac{4}{3} \div \frac{3}{5}$

2 تساوي كسرٍ

يهدف هذا النشاط إلى إثبات الخاصية التالية و عكسها

(إذا كان: $a \times d = b \times c$ فإن: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$)

(1) تحقق من الخاصية من أجل: $d = 10$ ، $c = 15$ ، $b = 2$ ، $a = 3$

(2) تعتبر الأعداد a ، b ، c ، d حيث $d \neq 0$ و $b \neq 0$

- اكتب الكسرين $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{d}$ بنفس المقام.

- نفرض أن $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ماذا تستنتج؟

(3) نفرض الآن: $a \times d = b \times c$ ، بين أن:

3 مقارنة كسرٍ

قارن بين كلَّ كسرٍ بالطريقة المناسبة:

$$\frac{23}{20} > \frac{208}{207} , \frac{209}{208} > \frac{57}{29} , \frac{57}{31} > \frac{652}{783} , \frac{512}{497}$$

4 جمع و طرح كسرٍ

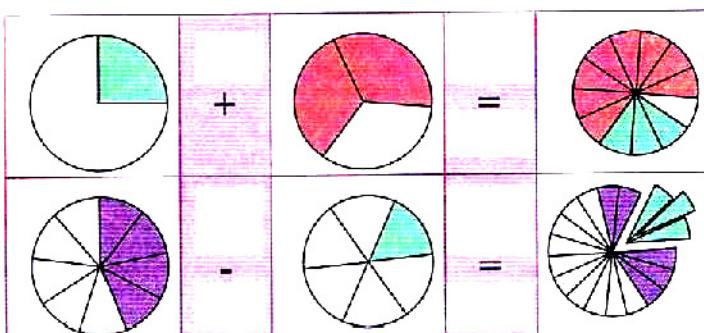
(1) ترجم كلَّ مساواة باستعمال العمليات والكسور المناسبة.

(2) استعمل تمثيلاً هندسياً بسيطاً ، لحساب:

$$\frac{5}{6} - \frac{4}{9} ; \frac{1}{4} + \frac{5}{6}$$

(3) أنجز العمليات التالية: $\frac{7}{4} - \frac{5}{3}$ ، $\frac{5}{8} + \frac{11}{6}$

(4) أعط قاعدة لحساب مجموع أو فرق كسرٍ مقاماهما مختلفان.



أنشطة

5 العدد الناطق

أ) من بين حواصل القسمة التالية، ماهي الأعداد العشرية؟ بالنسبة لبقية الأعداد ، أعط قيمة مقربة لها.

$$3, -2, \frac{11}{3}, \frac{5}{7}, \frac{8,2}{5}, -\frac{3}{8}$$

ب) حدد إشارة كل حاصل مما يلي:

$$\frac{-28}{15}, \frac{14}{-18}, \frac{-24}{-32}$$

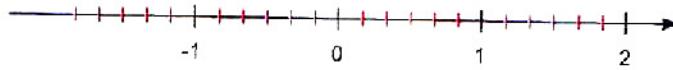
ج) اشرح لماذا:

$$\frac{-24}{-32} = \frac{24}{32} = -\frac{28}{15} = -\frac{28}{15}$$

د) و a و b عدادان نسبيان حيث $b \neq 0$

$$\frac{-a}{-b} = \frac{a}{b} \text{ ثم بين أن: } \frac{-a}{b} = -1 \times \frac{a}{b}$$

2) انقل المستقيم المدرج التالي ، ثم علم عليه العددين الناطقين: $\frac{4}{6}, \frac{-2}{3}$ ، ماذا تلاحظ؟



3) من بين الأعداد الناطقة التالية ، تعرف على المتساوية منها :

$$-\frac{9}{6}, \frac{4}{-3}, \frac{8}{6}, \frac{16}{12}, \frac{-10}{6}, \frac{-5}{3}, -\frac{3}{2}$$

4) استعمل المستقيم المدرج السابق لترتيب الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً

$$-\frac{5}{6}, -\frac{3}{2}, \frac{17}{6}, -\frac{23}{12}, -\frac{2}{3}, \frac{11}{3}$$

6 العمليات على الأعداد الناطقة

(1) الضرب:

$$a = \frac{-5}{8} \times \frac{-7}{6} \times \frac{5}{8} \times \frac{7}{6} \text{ ، ثم استنتج قيمة: } a =$$

$$b = \frac{(-5) \times (-7)}{8 \times 6} \text{ ، ثم قارن بين } a \text{ و } b$$

ج) احسب $\frac{-8}{5} \times \left(\frac{-2}{7}\right)$ ، $\frac{-6}{5} \times \frac{15}{13}$ ، $\frac{7}{-4} \times \frac{-8}{5}$ ، أعط طريقة لحساب جداء عددين ناطقين.

(2) الجمع: نريد حساب $\frac{5}{4} + \frac{-11}{6}$

$$\frac{5}{4} = \frac{\dots}{8} = \frac{\dots}{12} = \frac{\dots}{16} = \frac{-11}{6} = \frac{\dots}{-12} = \frac{\dots}{-24} \text{ و } \frac{5}{4} + \frac{-11}{6} =$$

ب) استعمل حاصلين متساوين و احسب $\frac{5}{4} + \frac{-11}{6}$

ج) احسب بطريقة مماثلة: $\frac{-4}{9} + \frac{5}{6} + \frac{3}{8} + \frac{-9}{20}$ ، أعط طريقة لحساب مجموع عددين ناطقين.

(3) القسمة:

$$d = \frac{-2}{9} \div \frac{-11}{8} \text{ ، } c = \frac{-2}{9} \div 6 \text{ ، } b = -7 \div \frac{3}{2} \text{ ، } a = \frac{2}{7} \div \frac{4}{5}$$

ب) أعط طريقة لقسمة عددين ناطقين.

١ مقلوب عدد غير معروف

أمثلة ...

مقلوب 8 هو العدد $\frac{1}{8}$ أي 0,125

مقلوب $\frac{7}{5}$ هو العدد $\frac{5}{7}$ ونكتب أيضاً: $(\frac{7}{5})^{-1} = \frac{5}{7}$

و b عددان طبيعيان غير معروفين.

مقلوب a هو العدد $\frac{1}{a}$

مقلوب الكسر $\frac{a}{b}$ هو الكسر $\frac{b}{a}$

٢ قسمة كسررين

أمثلة ...

$$7 \div 0,25 = 7 \div \frac{1}{4} = 7 \times \frac{4}{1} = 7 \times 4 = 28$$

$$\frac{7}{5} \div 6 = \frac{7}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{7}{30}$$

$$\frac{7}{12} \div \frac{3}{5} = \frac{7}{12} \times \frac{5}{3} = \frac{35}{36}$$

خاصية: القسمة على عدد غير معروف ، هو الضرب في مقلوب هذا العدد.

a عدد طبيعي غير معروف لدينا:

$$a \div b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b} ; b \neq 0$$

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} ; b \neq 0 ; d \neq 0 ; c \neq 0$$

٣ مقارنة كسررين

مثال ١: تبسيط كسر: $\frac{30}{54} = \frac{30 \div 6}{54 \div 6} = \frac{5}{9}$

توحيد المقام: الكسران $\frac{11}{18}$ و $\frac{7}{12}$ مختلفاً المقام

نعلم أن 36 مضاعف مشترك للعدين 12 و 18.

$$\frac{7}{12} = \frac{7 \times 3}{12 \times 3} = \frac{21}{36} , \frac{11}{18} = \frac{11 \times 2}{18 \times 2} = \frac{22}{36}$$

ومنه:

مثال ٢: الكسران $\frac{12}{481}$ و $\frac{37}{156}$ متساويان لأن:

$$12 \times 481 = 5772 \text{ و } 37 \times 156 = 5772$$

خاصية الجداء المتصالب:

$a \neq 0 , b \neq 0$ و c , d أعداد حيث:

إذا كان: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ فإن: $a \times d = b \times c$

إذا كان: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ فإن: $a \times d = b \times c$

خاصية: إذا كان لكسررين نفس المقام فإن أصغرهما هو الكسر ذو البسط الأصغر.

قاعدة: لمقارنة كسررين مقاماهما مختلفان، نبدأ بتوحيد المقام.

بتوحيد المقامين.

٤ جمع و طرح كسررين

أمثلة

$$\frac{1}{6} + \frac{4}{5} = \frac{1 \times 5}{6 \times 5} + \frac{4 \times 6}{5 \times 6} = \frac{5}{30} + \frac{24}{30} = \frac{5 + 24}{30} = \frac{29}{30}$$

$$\frac{7}{10} - \frac{3}{8} = \frac{7 \times 4}{10 \times 4} - \frac{3 \times 5}{8 \times 5} = \frac{28}{40} - \frac{15}{40} = \frac{28 - 15}{40} = \frac{13}{40}$$

خاصية: $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{b}$ كسران لهما نفس المقام.

لدينا: $\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a - c}{b}$ و $\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a + c}{b}$

قاعدة: لجمع أو طرح كسررين مقاماهم مختلفان، نكتبهما بنفس المقام.

طرائق

• مقارنة كسرىن

تمرين: قارن بين الكسرتين $\frac{54}{317}$ و $\frac{122}{76}$.

حل: بما أن: $76 > 122$ فإن: $1 < \frac{122}{76}$ وبما أن:

$$\frac{54}{317} < \frac{122}{76} \text{ فإن: } 1 < \frac{54}{317} \text{ إذن: } \frac{54}{317} < 1$$

تمرين: قارن بين الكسرتين $\frac{10}{3}$ و $\frac{7}{4}$.

حل: 12 مضاعف مشترك للعددين 3 و 4 ومنه:

$$\frac{10}{3} = \frac{10 \times 4}{3 \times 4} = \frac{40}{12} \text{ و } \frac{7}{4} = \frac{7 \times 3}{4 \times 3} = \frac{21}{12}$$

الآن نقارن بين الكسرتين: $\frac{21}{12}$ و $\frac{40}{12}$ بما أن:

$$\frac{7}{4} < \frac{10}{3} \text{ فإن: } \frac{21}{12} < \frac{40}{12} \text{ إذن: } \frac{21}{12} < 40$$

تمرين: بين تساوي الكسرتين $\frac{132}{56}$ و $\frac{33}{14}$.

حل: لدينا: $33 \times 56 = 1848$

و $14 \times 132 = 1848$ بما أن:

$$\frac{132}{56} = \frac{33}{14} \text{ فإن: } 33 \times 56 = 14 \times 132$$

تمرين: بحساب ذهني فقط، بين أن:

$$\frac{33215}{66317} < \frac{104348}{208341}$$

حل: رقم أحد الجداء 33215×208341 هو 5

رقم أحد الجداء 66317×104348 هو 6

بما أن رقمي أحد الجدائين المتصالبين مختلف

فإن: $33215 \times 208341 \neq 66317 \times 104348$

$$\frac{33215}{66317} < \frac{104348}{208341} \text{ إذن: } \frac{33215}{66317} < \frac{104348}{208341}$$

طريقة

لمقارنة كسرىن يمكن استعمال عدة طرق:

بتوحيد المقام، بتوظيف الجداء المتصالب، بمقارنتهما بعدد آخر أو باستعمال التعليم على مستقيم مدرج، ...

• جمع وطرح كسرىن

تمرين: احسب $C = \frac{8}{25} - \frac{4}{15}$.

حل: العبارة C، فرق كسرىن لهما مقامان مختلفان

وبالتالي نبدأ بالبحث عن مضاعف مشترك للمقامين

المضاعفات الأولى لـ 25 هي: 25، 50، 75، 100.

المضاعفات الأولى لـ 15 هي: 15، 30، 45، 60، 75.

ومنه 75 مضاعف مشترك للعددين 15 و 25

$\frac{4}{15} = \frac{4 \times 5}{15 \times 5} = \frac{20}{75}$ و $\frac{8}{25} = \frac{8 \times 3}{25 \times 3} = \frac{24}{75}$ ومنه:

$$C = \frac{24}{75} - \frac{20}{75} = \frac{24 - 20}{75} = \frac{4}{75} \text{ إذن: } C = \frac{4}{75}$$

تمرين: احسب $B = \frac{5}{4} + \frac{31}{12}$.

حل: العبارة A، مجموع كسرىن لهما نفس

المقام، إذن نحتفظ بالمقام ثم نجمع البسطين.

$$A = \frac{29}{18} + \frac{11}{18} = \frac{29 + 11}{18} = \frac{40}{18}$$

العبارة B، هي مجموع كسرىن مقام أحدهما مضاعف

للآخر و بالتالي يكفي أن نكتب الكسر الأول بـ 12

$$B = \frac{5}{4} + \frac{31}{12} = \frac{5 \times 3}{4 \times 3} + \frac{31}{12}$$

$$= \frac{15}{12} + \frac{31}{12} = \frac{15 + 31}{12} = \frac{46}{12}$$

طريقة

لحساب مجموع أو فرق كسرىن، نبدأ بتوحيد المقام، وهذا بالبحث عن مضاعف مشترك للمقامين.

نوري الأن

ادرس في كل حالة إن كان الكسران متساوين: $\frac{7}{6}$, $\frac{10}{9}$, $\frac{345}{667}$, $\frac{15}{29}$, $\frac{2017}{2016}$, $\frac{2018}{2017}$ و $\frac{15}{29}$.

$$D = \left(\frac{4}{3} - \frac{2}{15} \right) - \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{8} \right) = \frac{5}{8} + \frac{7}{24} - \frac{1}{6}, B = 3 + \frac{1}{4} - \frac{3}{8}, A = \frac{8}{5} - \frac{2}{7}$$

7
12

13
9
7
6

1
6

7
10

5 العدد الناطق

العدد الناطق هو حاصل قسمة عدد نسبي على عدد نسبي غير معدوم.
كل عدد ناطق يمكن كتابته على الشكل $\frac{a}{b}$ أو $a \cdot \frac{1}{b}$ حيث a و b عددين طبيعيان و $b \neq 0$

مثال 2

$\frac{15}{11}$ عدد ناطق لكنه ليس عدداً عشرياً لأننا لا نحصل على باقي معدوم (في قسمة 15 على 11)، حيث تبدأ الباقي في التكرار انطلاقاً من مرحلة معينة. في هذه الحالة نكتفي بإعطاء قيمة مقربة له.

تُظهر شاشة الحاسبة

و نكتب: $\frac{15}{11} \approx 1,36$ ، يظهر العدد 36 بشكل غير منته في الجزء العشري 1,36 قيمة مقربة إلى الجزء من مائة لهذا العدد. و 1,4 مدمر هذا العدد إلى الجزء من عشرة.

مثال 1

الأعداد $\frac{15}{11}$ ، $-1,8$ ، $\frac{9}{5}$ ، 2 ، هي أعداد ناطقة.

$\frac{9}{5}$ عدد ناطق وهو عدد عشري

$$\left(\frac{9}{5} = \frac{18}{10} = 1,8 \right)$$

π عدد غير ناطق لأنه ليس حاصل قسمة عددين نسبيين.

6 العمليات على الأعداد الناطقة

الجمع والطرح: لجمع (لطرح) عددين ناطقين، أمثلة لهما نفس المقام، نجمع (نطرح) بسطيهما و **نحافظ** بنفس المقام

أعداد نسبية حيث $c \neq 0$.

$$\frac{a+b}{c} ; \frac{a-b}{c}$$

لجمع (لطرح) عددين ناطقين، مقاماهما مختلفان، نكتبهما بنفس المقام.

$$A = \frac{-3,6}{3} + \frac{7,8}{3} = \frac{-3,6 + 7,8}{3} = \frac{4,2}{3}$$

$$B = \frac{-7}{9} - \frac{-11}{9} = \frac{-7 - (-11)}{9} = \frac{-7 + 11}{9} = \frac{4}{9}$$

$$C = \frac{7}{4} + \frac{-5}{6} = \frac{7 \times 3}{4 \times 3} + \frac{(-5) \times 2}{6 \times 2}$$

$$= \frac{21}{12} + \frac{-10}{12} = \frac{11}{12}$$

الضرب: نضرب عددين ناطقين، نضرب بسطيهما و نضرب مقاميهما

أعداد نسبية حيث $d \neq 0$ و $b \neq 0$.

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

مقلوب عدد ناطق: إذا a و b عدنان نسبيان غير معدومين

مقلوب العدد الناطق $\frac{a}{b}$ هو العدد الناطق $\frac{b}{a}$

القسمة: القسمة على عدد غير معدوم، هي الضرب في مقلوب هذا العدد.

أعداد نسبية، لدينا:

$$a \div b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b} ; b \neq 0$$

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} ; b \neq 0 ; d \neq 0 ; c \neq 0$$

أمثلة: مقلوب -3 هو: $\frac{1}{-3}$ أي $\frac{1}{3}$

مقلوب $-\frac{13}{7}$ هو: $\frac{7}{-13}$ أي $\frac{7}{13}$

$$-\frac{8}{5} \div (-9) = -\frac{8}{5} \times \frac{1}{-9} = \frac{8}{45}$$

$$\frac{4}{7} + \frac{-5}{8} = \frac{4}{7} \times \frac{8}{-5} = -\frac{32}{35}$$

طرائق

• جمع عددين ناطقين

$$تمرين: احسب: A = -\frac{5}{7} + \frac{3,2}{4}$$

حل: A هو مجموع عددين ناطقين مقاماهما مختلفان وبالتالي نبدأ بالبحث عن مضاعف مشترك للمقامين.
الجاء 4×7 هو أصغر مضاعف مشترك غير معدوم للعددين 4 و 7.

$$A = -\frac{20}{28} + \frac{22,4}{28} = \frac{-20 + 22,4}{28} = \frac{2,4}{28} ; \quad -\frac{5}{7} = -\frac{5 \times 4}{7 \times 4} = -\frac{20}{28} ; \quad \frac{3,2}{4} = \frac{3,2 \times 7}{4 \times 7} = \frac{22,4}{28}$$

• طرح عددين ناطقين

$$تمرين: احسب: B = -\frac{4,7}{12} - \frac{5,1}{16}$$

حل: B هو فرق عددين ناطقين مقاماهما مختلفان وبالتالي نبدأ بالبحث عن مضاعف مشترك للمقامين.
يمكن اختيار $12 \times 16 = 192$ كمقام مشترك لكن من الأفضل اختيار أصغر مضاعف مشترك غير معدوم للعددين 12 و 16. مضاعفات 16 هي: 16، 32، 48، ... 64.
نلاحظ أن 16 و 32 ليسا من مضاعفات 12 لكن 48 هو مضاعف لـ 12.

$$B = -\frac{18,8}{48} - \frac{15,3}{48} = \frac{-18,8 - 15,3}{48} = \frac{-34,1}{48} ; \quad -\frac{4,7}{12} = -\frac{4,7 \times 4}{12 \times 4} = -\frac{18,8}{48} ; \quad \frac{5,1}{16} = \frac{5,1 \times 3}{16 \times 3} = \frac{15,3}{48}$$

طريقة: للبحث عن مضاعف مشترك لعددين طبيعيين نبدأ بكتابه قائمة المضاعفات الأولى للعدد الأكبر، ثم نختار من هذه القائمة أول مضاعف للعدد الطبيعي الثاني.

• ضرب وقسمة عددين ناطقين

$$تمرين: احسب: D = \frac{7}{3} \div \frac{11}{15}$$

حل: D هو سلسلة عمليات، نجري أولاً عملية القسمة التي لها أولوية على الطرح، ثم نعرض القسمة بالضرب في المقلوب. و قبل إنجاز عملية الضرب، يمكن أن نقوم بالتبسيط

$$D = \frac{55}{33} - \frac{32}{33} = \frac{23}{33} \quad \text{إذن} \quad D = \frac{5}{3} \cdot \frac{8 \times 5 \times 4}{5 \times 3 \times 11} = \frac{5}{3} \cdot \frac{32}{33}$$

• مقارنة عددين ناطقين

$$تمرين: قارن بين العددين الناطقين \frac{-5,7}{9} \text{ و } \frac{3,9}{6}$$

حل: نكتب العددين بنفس المقام 18، وهو أصغر مضاعف مشترك غير معدوم للعددين 6 و 9
 $\frac{-11,4}{18} < \frac{-5,7}{9} < \frac{3,9}{6} < \frac{11,7}{18}$ نقارن الان بين العددين $\frac{11,7}{18} \text{ و } \frac{-11,4}{18}$
بما أن: $\frac{3,9}{6} < \frac{-5,7}{9} < \frac{11,7}{18} < -11,4$. فإن: إذن: $\frac{-5,7}{9} < \frac{3,9}{6}$

طريقة

لمقارنة عددين ناطقين، نستعمل قواعد مقارنة كسرين وقواعد مقارنة عددين.

دوري الان

$$\text{احسب و أكتب النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال:} \\ D = \frac{\frac{3}{2} - \frac{1}{3}}{\frac{3}{4} + \frac{2}{3}} ; \quad C = -\frac{3}{14} - \frac{3}{7} + 2 ; \quad B = 11 \div \left(\frac{2}{3} - \frac{5}{2} \right) ; \quad A = \left(\frac{11}{7} - \frac{2}{5} \right) \times \frac{24}{7}$$

نحصل
يبدأ
في هذه
غير منته
مائة لهذا
زرة.



مقلوب عدد غير معدوم

1 أعط الكتابة الكسرية لمقلوب كل من الأعداد

$$5 ; 0,016 ; 0,4 ; \frac{2}{7} ; \frac{5}{4} ; \frac{3}{5}$$

2 انقل و أكمل ما يلي:

$$(4)^{-1} = \dots ; (0,35)^{-1} = \dots$$

$$\left(\frac{11}{8}\right)^{-1} = \dots ; \left(\frac{7}{3}\right)^{-1} = \dots$$

3 انقل و أكمل الجدول التالي:

العدد x	$\frac{2}{3}$	1,8
مقلوب x		3 0,33
معاكس x		-8 -9

قسمة كسررين

4 احسب ذهنياً ما يلي:

$$\frac{25}{7} \times \frac{4}{9}, \frac{4}{5} \times \frac{3}{5}, \frac{7}{19} \times \frac{19}{7}, \frac{6}{5} \times \frac{4}{3}$$

5 بسط ثم احسب :

$$\frac{14}{9} \times \frac{6}{21}, \frac{15}{44} \times \frac{55}{6}, \frac{12}{35} \times \frac{14}{18}, \frac{5}{4} \times \frac{6}{25}$$

6 اكتب على شكل كسر مبسط:

$$\frac{14}{9} \div 2, \frac{7}{5} \div 4, 8 \div \frac{4}{15}, 12 \div \frac{3}{4}$$

7 احسب ثم بسط النتيجة.

$$\frac{34}{21} \div \frac{17}{14}, \frac{12}{9} \div \frac{28}{27}, \frac{5}{6} \div \frac{15}{18}, \frac{2}{15} \div \frac{7}{9}$$

مقارنة كسررين

8 تعرف على الكسر المتساوية متأليقاً:

$$\frac{21}{24} ; \frac{5}{2} ; \frac{4}{3} ; \frac{7}{8} ; \frac{35}{14} ; \frac{40}{16}$$

9 حول الكتابات الكسرية التالية إلى كسور

$$\frac{8}{1,5} ; \frac{0,12}{7} ; \frac{3,5}{1,2} ; \frac{2}{1,3} ; \frac{0,08}{1,1} ; \frac{13,2}{5}$$

10 اخترل الكسور التالية إلى أبسط شكل

$$18 ; \frac{240}{27} ; \frac{72}{54} ; \frac{30}{45} ; \frac{15}{360} ; \frac{90}{135} ; \frac{24}{27} ; \frac{45}{30}$$

11 أوجد أصغر مضاعف مشترك غير معدوم لـ:

$$4, 6, 5 \text{ و } 8, 9, 12 \text{ و } 18, 25 \text{ و } 12 \text{ و } 16, 10 \\ \text{و } 15, 7 \text{ و } 8, 14 \text{ و } 21.$$

12 اكتب الكسور التالية بنفس المقام ، ثم رتبها تصاعدياً

$$\frac{7}{2} ; \frac{8}{6} ; \frac{2}{3} ; \frac{7}{12} ; \frac{9}{2} ; \frac{15}{4}$$

13 اكتب الكسور التالية بنفس المقام 180 ، ثم رتبها

تنازلياً.

$$\frac{4}{15} ; \frac{2}{9} ; \frac{5}{12} ; \frac{1}{3} ; \frac{6}{15} ; \frac{3}{5}$$

14 اكتب كل كسررين بنفس المقام ، ثم قارن بينهما

$$\frac{25}{7} \text{ و } 3, \frac{3}{35} \text{ و } \frac{7}{14}, \frac{5}{12} \text{ و } \frac{7}{18}, \frac{11}{27} \text{ و } \frac{1}{6}$$

15 ادرس في كل حالة إن كان العددان متساوين

$$\frac{304}{127} \text{ و } \frac{15}{17}, \frac{14}{19} \text{ و } \frac{5}{7}$$

16 تحقق أن: $20 \times 35 = 21 \times 12$ ، ثم جد كسراً

$$\text{مساوياً لـ } \frac{12}{21} \text{ و كسراً آخرًا مساوياً لـ } \frac{35}{21}$$

17 قارن كل كسررين دون توحيد المقام.

$$\frac{256}{288} \text{ و } \frac{8}{17}, \frac{8}{17} \text{ و } \frac{11}{15}, \frac{11}{15} \text{ و } \frac{18}{31}, \frac{18}{31} \text{ و } \frac{64}{9}, \frac{64}{9} \text{ و } \frac{17}{11}$$

جمع و طرح كسررين

18 احسب ذهنياً

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{6}, \frac{7}{12} - \frac{1}{2}, \frac{4}{5} + \frac{1}{10}, 1 + \frac{3}{4}, 5 - \frac{1}{2}$$

19 اكتب كل كسررين بأصغر مقام مشترك

$$\frac{4}{15} \text{ و } \frac{5}{18}, \frac{9}{8} \text{ و } \frac{5}{7}, \frac{7}{6} \text{ و } \frac{3}{14}, \frac{1}{12} \text{ و } \frac{9}{4}$$

$$\frac{3}{25} \text{ و } \frac{4}{25}, \frac{1}{25} \text{ و } \frac{9}{14}, \frac{9}{25} \text{ و } \frac{4}{10}, \frac{3}{10} \text{ و } \frac{5}{12}$$

20 احسب ما يلي ، ثم اكتب النتيجة على أبسط شكل

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{10}, \frac{8}{55} + \frac{7}{44}, \frac{5}{12} + \frac{3}{8}, \frac{3}{5} + \frac{2}{15}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}, 3 + \frac{7}{20} + \frac{11}{12}, \frac{5}{16} + \frac{3}{4} + \frac{7}{12}$$

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

30 اكتب الأعداد التالية بنفس المقام 20، ثم رتبها تصاعديا:

$$-\frac{17}{2}, \frac{21,1}{10}, -\frac{12,3}{0,5}, -\frac{7}{4}$$

31 رتب الأعداد التالية ترتيباً تناظرياً:

$$-\frac{14}{36}, -\frac{5}{6}, \frac{3}{4}, -\frac{1}{2}, \frac{7}{6}, -\frac{11}{18}, \frac{2}{9}, \frac{13}{36}$$

32 علم على المستقيم المدرج التالي الأعداد التالية ثم

رتبها تصاعدياً:



$$-\frac{1}{2}, \frac{7}{6}, -\frac{1}{3}, -\frac{5}{6}, \frac{1}{2}, -\frac{7}{6}, -\frac{4}{3}$$

33 رتب الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً

$$-\frac{6}{7}, -0,85, \frac{9}{14}, 1,14, -\frac{13}{35}$$

الجمع والطرح

34 احسب ذهنياً:

$$-\frac{2}{3} - \frac{5}{6}, -\frac{5}{10} - \frac{1}{2}, -\frac{1}{3} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

35 احسب ما يلي:

$$\frac{2}{5} + \frac{-7}{5}, \frac{-1}{4} + \frac{5}{8}, 6 + \frac{-4,5}{5}, -3 + \frac{12}{2}$$

$$-\frac{5}{16} + \frac{3}{4} + \frac{7}{12}, \frac{8}{55} + \frac{-7}{44}, \frac{1,3}{8} + \frac{-23}{-1,6}$$

36 احسب ما يلي:

$$-\frac{2}{5} - \frac{17}{5}, \frac{5}{11} - \frac{8}{11}, -\frac{5}{8} - \frac{5}{12}, -\frac{4}{5} - \frac{5}{7}$$

$$\frac{7}{15} - \frac{3}{10}, \frac{-13}{25} - \frac{2}{5}, -\frac{31}{18} - \frac{4}{3}, 1 - \frac{5}{42}$$

37 احسب x و y بتجميع الحدود حيث:

$$x = \frac{2}{3} - \frac{5}{7} - \frac{1}{3} + \frac{2}{7} + \frac{8}{3} - \frac{3}{7}$$

$$y = \frac{3}{4} - \frac{1}{6} + \frac{1}{4} - \frac{2}{3} + \frac{7}{6} - \frac{1}{3}$$

38 احسب ما يلي:

$$B = \frac{1}{4} + \frac{5}{8} - \frac{12}{5}, A = \frac{-25}{12} + \frac{7}{6} - \frac{5}{9}$$

$$C = -\frac{9}{16} + \frac{2}{3}$$

21 احسب ما يلي، ثم اكتب النتيجة على أبسط شكل

$$\frac{3}{4} - \frac{7}{9}, \frac{85}{4} - \frac{11}{5}, \frac{2}{11} - \frac{5}{33}, \frac{13}{3} - \frac{5}{6}$$

$$\frac{3}{8} - \frac{1}{24} + \frac{11}{3}, 3 + \frac{7}{27} - \frac{11}{18}, \frac{31}{45} - \frac{3}{5} + \frac{9}{15}$$

الأعداد الناطقة

22 في قائمة الأعداد التالية، تعرف على الأعداد الطبيعية والأعداد العشرية والأعداد التسنية

$$-\frac{10}{15}, \frac{3,5}{7}, \frac{13}{7}, 0,33, -2,17, \frac{15}{3}, \frac{5}{4}$$

23 اكتب الأعداد الناطقة التالية على الشكل:

$\frac{a}{b}$ أو $a\frac{b}{d}$ حيث A و B عدادان طبيعيان.

$$-0,28, \frac{1,2}{4}, \frac{2,4}{0,36}, \frac{2,1}{2,7}, 3,14, 0,3$$

24 حدد إشارة كل عدد من الأعداد الناطقة التالية:

$$-18, -\frac{8,5}{-5,8}, -\frac{-1,8}{-4}, \frac{6}{7}, \frac{1,2}{-4}, \frac{3,4}{-1,02}$$

25 أعط قيمة تقريرية بالنقصان إلى $\frac{1}{100}$ لكل عدد ناطق من الأعداد التالية:

$$\frac{7}{6}, \frac{7}{2,5}, \frac{157}{23}, \frac{32}{11}, \frac{12,12}{12}, \frac{7}{0,3}$$

26 اكتب كل عدد ناطق ممما يلي على شكل مجموع عدد صحيح نسيبي وكسر أصغر من 1:

$$\frac{11}{6} - \frac{17}{3}, \frac{-2}{7}, \frac{29}{13}, \frac{-47}{3}$$

المقارنة

27 قارن بين كل عددين ناطقين، بتوحيد المقام.

$$\frac{0,7}{9} \text{ و } \frac{5,7}{42}, \frac{7}{12} \text{ و } \frac{-19}{15}, \frac{-5}{8} \text{ و } \frac{5}{8}$$

$$\frac{14}{35} \text{ و } \frac{-18}{45}, \frac{7}{9} \text{ و } \frac{13}{8}, \frac{-17}{24} \text{ و } \frac{11}{16}$$

28 ادرس في كل حالة، تساوي العددين الناطقين:

$$\frac{3,7}{48,1} \text{ و } \frac{1,2}{15,6}, \frac{-42}{87} \text{ و } \frac{-5,8}{2,8}, \frac{16,75}{5,8} \text{ و } \frac{35,1}{12,15}$$

29 قارن بين كل عددين باستعمال الحاسبة:

$$\frac{14119}{12114} \text{ و } \frac{49,1}{37}, \frac{464}{1073} \text{ و } \frac{7}{6}, \frac{-1}{3} \text{ و } \frac{16}{37}$$



تحقق من صحة كل مساواة : 47

$$\frac{5}{6} - \frac{8}{5} \times \frac{15}{28} = \left(\frac{8}{7} - 1\right) \times \left(\frac{5}{6} - 1\right)$$

$$\frac{1}{5} \div \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{6}\right) = \left(\frac{4}{5} - 8\right) \div 3$$

في التمارين 48 ، 49 ، 50 ، 51 ، 52 احسب و اكتب الناتج على شكل عدد ناطق مبسط.

$$48 \quad a = \frac{\frac{8}{11}}{\frac{3}{5}}, \quad b = \frac{\frac{6}{7}}{\frac{9}{5}}, \quad c = \frac{-\frac{5}{3}}{\frac{10}{9}}, \quad d = \frac{\frac{-25}{21}}{\frac{5}{-7}}$$

$$e = \frac{7}{5} + \frac{\frac{8}{2}}{\frac{5}{12}}, \quad f = \frac{-7}{8} + \frac{\frac{5}{6}}{\frac{4}{-1}} \quad 49$$

$$g = \frac{-3}{4} + \frac{\frac{3}{7}}{2}, \quad h = \frac{\frac{2}{-6}}{\frac{2+7}{6}}$$

$$x = \frac{\frac{1}{4} + \frac{5}{6}}{\frac{1}{2} - \frac{1}{3}}, \quad y = \frac{\frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}}{1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}} \quad 50$$

$$z = \frac{\frac{5}{9} - 11 \times \frac{3}{44}}{\frac{5}{9} + \frac{2}{3} \times \frac{7}{4}} \quad 51$$

$$K = \frac{7}{5} \div \left(\frac{7}{18} - \frac{2}{9}\right), L = \left(-\frac{3}{2} + \frac{4}{5}\right) \div \left(-\frac{1}{6} - \frac{9}{4}\right)$$

$$M = \left(\frac{8}{11} - \frac{7}{5}\right) \times \left(\frac{-1}{6} + \frac{2}{9}\right); N = \frac{-2}{5} + \frac{3}{15} \div \frac{2}{3} \quad 52$$

$$b = \frac{5}{-7} \quad \text{نعتبر العددين } a = -\frac{2}{21} \quad 53$$

احسب ما يلي و اكتب الناتج على شكل عدد ناطق مبسط:

$$a - b, \quad a + b, \quad a \times b, \quad a \div b, \quad b \div a$$

جد قيمة x في كل حالة مما يلي: 54

$$\frac{-3}{5}x = \frac{-6}{7}, \quad x \div \frac{5}{4} = -\frac{5}{8}, \quad \frac{-7}{2} = \frac{5}{9} \div x$$

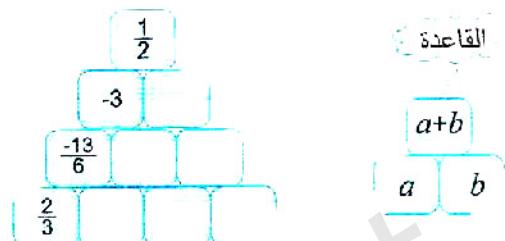
استعمل الحاسبة و اكتب النتيجة على أبسط شكل. 39

$$\frac{-28}{32} - \left(-\frac{62}{48}\right), \quad \frac{58}{100} - \frac{27}{147}, \quad \frac{42}{75} - \frac{17}{10}$$

جد قيمة x في كل حالة مما يلي: 40

$$\frac{6}{8} + x = \frac{-5}{7}, \quad x - \frac{5}{4} = -\frac{11}{6}, \quad \frac{2}{7} = \frac{5}{9} - x$$

انقل و أكمل الهرم وفق القاعدة المعطاة و اكتب كل عدد على أبسط شكل. 41



المشرب والقصبة

في التمارين 42، 43، 44 احسب و اكتب الناتج على شكل عدد ناطق مبسط.

$$42 \quad \frac{-4}{7} \times \frac{-5}{11}, \quad \frac{0,4}{5} \times \frac{6}{5}, \quad \frac{-9}{2,6} \times \frac{1,4}{3}, \quad \frac{-3}{8} \times (-5)$$

$$3,07 \times \frac{-5}{2,4}, \quad \frac{4,2}{14,5} \times (-3,2), \quad \frac{-4}{5} \times \left(\frac{-5,12}{-7,14}\right)$$

$$43 \quad 8 \div \frac{3}{4}, \quad 1 \div \frac{11}{12}, \quad -\frac{7}{11} \div 13, \quad \frac{5}{6} \div \frac{6}{5}, \quad \frac{2}{9} \div \frac{-5}{3}$$

$$44 \quad \frac{5}{4} \div \frac{-18}{7}, \quad \frac{0,15}{2,7} \div \frac{0,25}{3}, \quad \frac{-39}{4,2} \div \frac{26}{-0,56}$$

استعمل الحاسبة و اكتب النتيجة على أبسط شكل. 45

$$- \frac{42}{25} \times (-45), \quad \frac{28}{48} \times \frac{-62}{48}, \quad \frac{14}{9} \times \frac{-49}{7} \times \left(\frac{-18}{143}\right)$$

انقل و أكمل شبكة الأعداد: 46

	\times	$\frac{4}{5}$	$=$	$\frac{8}{15}$
\times		\times		\times
$\frac{5}{4}$	\times		$=$	
$=$		$=$		$=$
	\times		$=$	$\frac{4}{9}$

عند الإخفاق أعود إلى الصفحة :	جِد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.	
26	$\cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{6} = \frac{2}{9}$ يساوي : (أ) $\frac{8}{9} \div \frac{4}{3}$; (ب) $\frac{2}{9}$; (ج) $\frac{8}{9}$	1
28 و 26	$\cdot \frac{6}{30} = \frac{13}{36}$ يساوي : (أ) $\frac{5}{18} + \frac{1}{12}$; (ب) $\frac{6}{18}$; (ج) $\frac{1}{12}$	2
28 و 26	العدد $\frac{17}{24}$ هو نتائجة : (أ) $\frac{5}{24} + \frac{1}{2}$; (ب) $\frac{15}{8} - \frac{7}{6}$; (ج) $\frac{10}{12} + \frac{7}{12}$	3
28 و 26	القيمة المقربة بالتقسان إلى $\frac{1}{1000}$ للعدد الناطق : (أ) $\frac{39}{17}$; (ب) 2,294 ; (ج) 2,295	4
28 و 26	المجموع $= -\frac{71}{120} + \frac{7,5}{7} + \frac{-7,1}{12} = \frac{2,2}{3} + \frac{-5,3}{4}$ يساوي: (أ) $\frac{7,5}{7}$; (ب) $\frac{-7,1}{12}$; (ج) $-\frac{71}{120}$	5
29 و 28	نضع: $A = \frac{5}{7}$ (ج) ; $A = \frac{4}{21}$ (ب) ; $A = 0$ (أ) : $A = \frac{2}{3} - \frac{2}{3} \times \frac{5}{7}$	6
28	نضع: $B = 2 \div 5 \div 8$ (ج) ; $B = \frac{1}{20}$ (ب) ; $B = 2 \times \frac{8}{5}$ (أ) : $B = \frac{5}{8}$	7
28	مقلوب $\frac{3}{7} + \frac{3}{5}$ يساوي : (أ) $\frac{10}{3}$; (ب) $\frac{35}{36}$; (ج) $\frac{13}{5}$	8
29	عند مقارنة $\frac{-5,4}{3,17}$ و $\frac{12,2}{-7,6}$ نجد: (أ) $\frac{-5,4}{3,17} > \frac{12,2}{-7,6}$ (ج) $\frac{-5,4}{3,17} = \frac{12,2}{-7,6}$ (ب) $\frac{-5,4}{3,17} \neq \frac{12,2}{-7,6}$	9
29	العدد الناطق $\frac{3}{7}$: (أ) أكبر من $\frac{5}{7}$; (ب) أصغر من $\frac{5}{7}$; (ج) أكبر من $\frac{1}{7}$	10
28 و 26	العدد $\frac{3}{14}$ هو نتائجة : (أ) $\frac{3}{7} \div 2$; (ب) $\frac{3}{7} \div \frac{1}{2}$; (ج) $\frac{1}{7} + \frac{2}{14}$	11
29 و 28	إذا كان $\frac{x}{5} = \frac{2}{3}$ (ج) ; $\frac{x}{5} = \frac{3}{2}$ (ب) ; $\frac{x}{5} = \frac{5}{6}$ فإن: (أ) $\frac{y}{3} = \frac{5}{3}$ و $\frac{x}{y} = \frac{2}{5}$	12

ب و اكتب

a =

e =

K = $\frac{7}{5}$

M = $(\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \end{smallmatrix})$

63 تعطى الأعداد التالية :

$$\frac{7}{2}, -\frac{7}{3}, \frac{22}{5}, -\frac{3}{4}$$

رتب تصاعدياً:

(أ) الأعداد المعطاة

(ب) معاكسات هذه الأعداد

(ج) مقلوبات هذه الأعداد

(د) معاكسات مقلوبات هذه الأعداد.

64 احسب بتمعن و اكتب النتيجة على أبسط شكل.

$$A = \frac{1}{1+1}, B = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1+1}}$$

$$C = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1+1}}}, D = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1+1}}}}$$

65 ما هي قيمة x التي من أجلها تكون المساواة

$$\frac{3}{4} = 2 - \frac{1}{5} - \frac{1}{x}$$

$$x = \frac{6}{5}, x = \frac{20}{21}, x = \frac{21}{20}, x = -\frac{6}{5}$$

احسب A حيث:

$$A = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) \times \dots \times \left(1 - \frac{1}{100}\right)$$

67 اكتب مسألة من اختيارك حلها يوافق الحساب

$$\text{التالي: } \frac{3}{5} \times 9 + \frac{7}{5}$$

68 قارن بين $A = \frac{5+x}{x+3}$ و $B = \frac{5}{8}$ في كل حالة:

$$x = 3, x = 0, x = -\frac{2}{5}, x = \frac{2}{3}$$

69 علم العدد $\frac{1}{5}$ على المستقيم المدرج التالي.



70 باع تاجر ثلثي سلعته في شهر جوان، ثم باع ثلاثة

أخماس الباقي من السلعة في شهر جويلية، ما هو الكسر

الذي يمثل ما تبقى من السلعة في نهاية شهر جويلية؟

55 استعمل سفيان الحاسبة ، و هو يؤكد أن الكسرتين

$$\frac{22619537}{54608393} \text{ و } \frac{131836323}{318281039}$$

لكن وثام بحساب بسيط ، تؤكد أنهما مختلفان.

ما رأيك ؟ بزر.

56 اشرح لماذا العدد الناطق $\frac{41}{9}$ ليس عدداً عشررياً؟

ما هو أكبر عدد طبيعي أصغر من $\frac{41}{9}$ ؟

اكتب العدد $\frac{41}{9}$ على شكل مجموع عدد طبيعي و كسر

أصغر من 1.

$$A = 3 + \frac{1}{7 + \frac{1}{15}}$$

أعط قيمة مقربة إلى $\frac{1}{100}$ لـ A ، بما تذكرك هذه النتيجة؟

$$z = \frac{2}{3}, y = \frac{1}{5}, x = -1$$

احسب ما يلي و اكتب الناتج على شكل عدد ناطق مبسط

$$\frac{x+y}{y+z}, \frac{x}{y+z}$$

59 مستطيل مساحته $\frac{15}{4} \text{ dm}^2$ و طوله

ما هو عرض هذا المستطيل؟

60 تعطى الأعداد الناطقة:

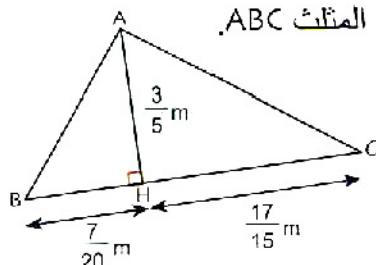
$$-\frac{5}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{7}, \frac{11}{6}, -\frac{7}{2}$$

عين من القائمة السابقة عددين:

(أ) جداً هما -2 . (ب) فرقهما $\frac{7}{2}$

(ج) مجموعهما $\frac{11}{4}$. (د) حاصل قسمتهما $\frac{14}{3}$

61 احسب مساحة المثلث ABC.



62 جد العدد x الناقص في المساواة التالية:

$$\frac{87}{60} = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{x}$$

التفقد

- ٧٣ من التلاميذ لا يملكون هاتفًا نقالاً.
 $\frac{7}{30}$ من التلاميذ لا يملكون هاتفًا نقالاً و لوحة رقمية.
 $\frac{1}{6}$ من التلاميذ لا يملكون لوحة رقمية.
 $\frac{1}{15}$ من التلاميذ لا يملكون هاتفًا نقالاً و لا لوحة رقمية.
 ما هو عدد تلاميذ هذه المجموعة؟

٧٩ برنامج حساب

- ١ اختر عدداً
- ٢ اضربه في $\frac{2}{3}$
- ٣ اطرح من النتيجة $\frac{5}{8}$
- ما هو العدد الذي نحصل عليه إذا أخترنا ٥ ؟ $\frac{7}{8}$
- ما العدد الذي نختاره حتى يكون الناتج معدوماً ؟

٨٠ البحث

- استعمل قدماء المصريين الكسور التي بسطها ١ و بصورة استثنائية الكسر $\frac{2}{3}$ و من أجل البحث عن ضعف كسر بسطه ١، استعملوا الجدول التالي:
مثال: السطر الأول يقرأ من اليسار إلى اليمين و يعني:
 ضعف $\frac{1}{5}$ هو المجموع $\frac{1}{15} + \frac{1}{3}$ أي: $\frac{2}{5} = \frac{1}{3} + \frac{1}{15}$

٩		
5	3	15
7	4	28
9	6	18
11	6	66
13	8	52 104
15	10	■
17	■	51 68

- تحقق بالحساب من صحة السطر الثاني ثم الخامس.
- أوجد العدد الناقص في السطر السادس.
- أوجد العدد الناقص في السطر السابع.
- لماذا لم يتضمن العمود الأول أعداداً زوجية؟

٧١ تحصل ١٥ تلميذاً من قسم السنة الثالثة متوسط على علامة تفوق ١٤ من ٢٠ في اختبار الرياضيات وهو ما يمثل ثلاثة أرباع من $\frac{5}{6}$ تلاميذ القسم.
 ما هو عدد تلاميذ هذا القسم؟

٧٢ اشتري ٣ أشخاص قطعة أرض، فأخذ الأول $\frac{2}{5}$ و الثاني $\frac{3}{7}$ من الأرض وأخذ الثالث ١,٥ha مقابل ٤٥ مليون سنتيم.

ما هي مساحة هذه القطعة و كم ثمنها؟

٧٣ تعتبر العددين:

$$A = \frac{1}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{4}{7}, \quad B = \frac{6}{5} \div \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{15} \right)$$

(١) احسب A و اكتبها على أبسط شكل ممكن.

(٢) احسب B و تحقق أنه عدد طبيعي.

٧٤ يريد زكرياء شراء دراجة، فدفع الجد $\frac{3}{8}$ والأب $\frac{2}{5}$ والأم $\frac{1}{8}$ من ثمنها، ما هي نسبة التخفيض التي يقوم بها التاجر حتى يتمكن زكرياء من شراء هذه الدراجة؟

٧٥ يعطي الحليب $\frac{5}{24}$ من كتلته قشدة و تُعطى القشدة $\frac{1}{4}$ من كتلتها زبدة.

ما هو الكسر الذي يمثل كتلة الزبدة المستخلصة من كتلة الحليب المستعملة؟

٧٦ تعطى الأعداد: $x = \frac{3}{4}$, $y = -\frac{1}{6}$, $z = -\frac{5}{3}$. احسب: A, B و C و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال.

$$B = (x + y) \div z, \quad A = x + 2y - z \\ C = 2x - y + xz$$

٧٧ بين أن العدد A هو عدد طبيعي حيث:

$$A = \left(\frac{3}{5} + \frac{5}{6} \right) \div \left(\frac{11}{6} - \frac{2}{5} \right)$$

٧٨ بإجراء إحصاء في إحدى المتوسطات، تحصلنا

على ما يلي:

شكل.

C = 1 +

المساواة

. x =

A = (1 -

الحساب

كل حالة:

جي.

يابع ثلاثة

هو الكسر

جوبيلية؟

• وضعية

السند 1 : المسح متوازي مستويات



- الطول : $\frac{9}{2} \text{ m}$
- العرض : 2m
- الارتفاع : $\frac{3}{2} \text{ m}$

لتبطي مسبح ، قام بناء في اليوم الأول بتبطيط $\frac{1}{3}$

المسبح و في اليوم الثاني استهلك $\frac{3}{7}$ ما تبقى من قطع الأجر وأنهى تبطي المسبح في اليوم الثالث.

المهمة: اكتب مساحة الجزء المبطط في اليوم الثالث على شكل كسر.

السند 2 : كعبة الأجر المتوفرة.

سعة صندوقين مماثلين هي 15m^3 .



• وضعية للتقويم

اقسم أربعة إخوة إخوة مبلغاً من المال، أخذ جعفر ثلث المبلغ ثم أخذ جمال ثلاثة أخماس الباقي بينما اقسمت الأخنان شيماء وهناء ما تبقى بالتساوي.
(1) من بين الأعداد الثلاثة التالية، ما هو الكسر الذي يمثل نصيب كل بنت ؟

$$x = \left(1 - \frac{1}{3} - \frac{3}{5}\right) \div 2$$

$$y = \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{5} \times \frac{2}{3}\right) \times 2$$

$$z = \left(1 - \frac{1}{3} - \frac{3}{5} \times \frac{2}{3}\right) \times \frac{1}{2}$$

2) إذا علمت أن المبلغ الذي اقسمته الأخنان هو 900DA، فما هي حصة جعفر؟ حصة جمال؟

• توجيهات

قراءة وتحليل الوضعية.

• ما هو شكل المسبح ؟

• ما هي الأجزاء اللازم تبطيدها؟

تحليل التعليمية واختيار استراتيجية حل مناسبة

• ما المهمة المطلوب إنجازها؟ كيف يتم ذلك؟

• ماذا يلزمك لحساب المساحة المبططة في اليوم الأول؟ في اليوم الثاني؟

تنفيذ استراتيجية الحل المختار

• حساب مساحة الجزء المبطط في اليوم الأول.

• حساب مساحة الجزء المبطط في اليوم الثاني.

• حساب مساحة الجزء المبطط في اليوم الثالث.

• حل مختصر

مساحة الجزء المبطط في اليوم الأول: $9,5\text{m}^2$.

مساحة الجزء المبطط في اليوم الثاني: $\frac{59}{7}\text{m}^2$.

3

القوى ذات أسس صحيحة نسبية

سأتعلم في هذا الباب



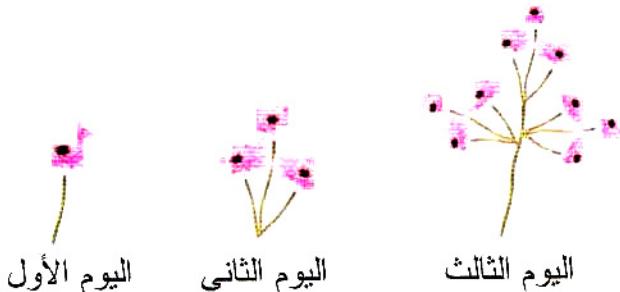
- تعين القوة من الرتبة ٧ للعدد 10.
- معرفة واستعمال قواعد الحساب على قوى العدد 10.
- كتابة عدد عشري باستعمال قوى 10.
- تعين الكتابة العلمية لعدد عشري.
- استعمال الكتابة العلمية لحصر عدد عشري وإيجاد رتبة مقدار عدد.
- حساب قوة عدد نسبي.
- معرفة قواعد الحساب على قوة عدد نسبي واستعمالها في وضعيات بسيطة.
- إجراء حساب يتضمن قوى.

تأسست تدريجياً في سنة 2009 الوحدة الفلكية (UA) والتي هي افق المسافة بين الأرض والشمس.
هذه المسافة لا تتغير، تم اختيارها على زخم من طرف الاتحاد الدولي للفالك.
هذه المسافة أساسية في الوحدة الفلكية وتتماشي مع جميع الثوابت في النظام الشمسي.
تقدير هذه المسافة يساوي: 149 597 870.700 Km
ولتبسيط القراءة هذه المسافة تقول أنها تقارب 150 مليون كيلومتر.

تحدي

قالت ليلى:

«في اليوم العاشر يكون عدد الأزهار 300».
هل هي على صواب؟

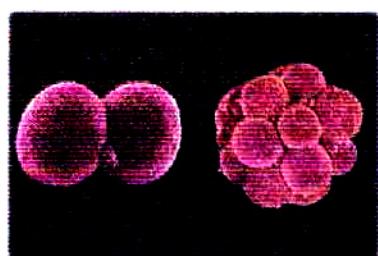


أَسْتَعِدُ

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات			الأسئلة
(3)	(2)	(1)	
0,123	123	1,23	$12,3 \times 10 = \dots .1$
19,327	193,27	0,19327	$1,9327 \times 10 = \dots .2$
1,23	0,0123	0,123	$0,00123 \times 10 = \dots .3$
2345,6	234,56	0,23456	$23,456 \times 100 = \dots .4$
12,3	1,23	0,123	$0,00123 \times 100 = \dots .5$
0,1256	125,6	1,256	$12,56 \times 0,01 = \dots .6$
1000	100	10	القسمة على 0,01 هي الضرب في7
0,1	0,01	10	$85,36 \times \dots = 8,536 .8$
0,01	10	0,1	$0,326 \times \dots = 3,26 .9$
0,001	0,01	0,1	$0,326 \times \dots = 0,0326 .10$
10 000	1000	100	$0,00045 \times \dots = 4,5 .11$
0,0001	0,001	0,1	$3926,3 \times \dots = 3,9263 .12$
64 000 000	64 000	640 000	$8000 \times 8000 = \dots .13$
200	2000	20 000	$0,5 \times 4000 = \dots .14$
0,1	$\frac{1}{10}$	-10	مقلوب 10 هو15
75	243	15	جداء خمسة عوامل كلها مساوية للعدد 3 هو16
75	-125	125	$(-5) \times (-5) \times (-5) = \dots .17$
1000 000	100 000	10 000	$2 \times 5 \times 2 \times 5 \times 2 \times 5 \times 2 \times 5 = \dots .18$
81cm^2	36cm^3	18cm^2	مساحة مربع ضلعه 9cm هي19
27cm^3	56cm^3	343cm^3	حجم مكعب حرفه 7cm هو20
0,0718	0,718	7,18	$718\text{mm} = \dots \text{m} .21$
512	5120	5,12	$5,12\text{Km} = \dots \text{m} .22$
23 650 000	23,65	236 500	$2365\text{dam}^2 = \dots \text{dm}^2 .23$
0,05112	51 120	511,2	$51,12\text{Kg} = \dots \text{g} .24$
0,000001	0,0001	0,00001	$0,01\text{g} = \dots \text{Kg} .25$

1 قوى ذات أسس صحيحة موجبة



انقسام الخلية

- (1) اكتشف قوة عدد ذيأس موجب تقسم خلية إلى 10 خلايا خلال ساعة.
 أ) كم يصبح عدد الخلايا في: 3 ساعات ؛ 5 ساعات ؛ 9 ساعات.
 يعبر عن هذه الأعداد بـ 10^n فقط.
 ب) كم يصبح عدد الخلايا في 7 ساعة ؟
 ج) ما هو عدد الساعات اللازم حتى يكون عدد الخلايا عشرة ملايين ؟

(2) الترميز 10^n

نرمز إلى 10×10 بـ 10^2 ونكتب

نرمز إلى $10 \times 10 \times 10$ بـ 10^3 ونكتب

نرمز إلى $\underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ عامل}} = 10^n$ ونكتب بـ 10^n ونكتب

استعمل الترميز 10^n للتعبير عن: مساحة مربع طول ضلعه 10cm . حجم مكعب طول حرفه 10dm

2 قوى ذات أسس صحيحة سالبة

- (1) انقل ثم أتم الجدول الموالي:

10^{-1}	10^{-2}	10^{-3}	10^{-4}	10^{-5}	10^{-6}	10^{-7}	10^{-8}	10^{-9}	ترميز 10^n
...	كتابة عشرية
\uparrow	\downarrow								
+ 10	+ 10	+ 10	+ 10	+ 10	+ 10	+	+	+ 10	

(2) ماذما يساوي 10^0 ؛ 10^1 ؟

(3) يعبر بعدد كسري عن كل من 10^{-1} ؛ 10^{-2} ؛ 10^{-3} ؛ 10^{-4} .

(4) اكتب مساواة تعبر على أن 10^{-7} هو مقلوب 10^7 .

3 الكتابة العشرية لقوة العدد 10

(1) أعط الكتابة العشرية للأعداد التالية: 10^2 ؛ 10^5 ؛ 10^9 .

(2) انقل وأتم: «الكتابه العشرية لـ 10^{12} هي 1 متباًعاً صفراء».

(3) اكتب على شكل قوة العدد 10 الأعداد التالية:

1 000 000 000 ؛ 100 000 ؛ 1 000 ؛ 100 ؛ 10 000 ؛ 1 000 000 000

(4) أعط الكتابة العشرية للأعداد التالية: 10^{-2} ؛ 10^{-3} ؛ 10^{-5} ؛ 10^{-9} .

(5) انقل وأتم: «الكتابه العشرية للعدد 10^{-11} تحتوي على صفراء متباًعاً بـ 1 . الفاصلة موضوعة بعد الأول»

«في الكتابة العشرية للعدد 10^{-13} رتبة العدد 1 بعد الفاصلة هي».

أُنْشَطَة

٤ قواعد الحساب على قوى العدد 10

• قام أحد التلاميذ بالحساب وهذه نتائجه:

$$\begin{array}{l} 10^3 \times 10^7 = 10^{10} \quad \text{✓} \quad 10^5 \times 10^3 = 10^{15} \\ \frac{10^5}{10^2} = 10^3 \quad \text{✓} \quad 10^{-5} \times 10^2 = 10^{-3} \\ \frac{10^{-5}}{10^{-2}} = 10^{-3} \quad \text{✓} \quad (10^3)^4 = 10^7 \end{array}$$

- ٢) عددان صحيحان m و n ينبعان من ملاحظات المصحح.

$$(10^m)^n = \dots \quad ; \quad \frac{10^m}{10^n} = \dots \quad ; \quad 10^m \times 10^n = \dots$$

10) جداء قوتين للعدد

أنفل و أنتم

$$10^3 \times 10^4 = \underbrace{10 \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots \times 10}_{\text{Total}}$$

نسبة قوتين للعدد 10

$$\frac{10^9}{10^5} = 10^9 \times \frac{1}{10^5} = 10^9 \times 10^{-5} = 10^4$$

فورة العدد 10) 3

$$(10^3)^5 = (10^3) \times \dots \times (10^3) = \underbrace{10 \times 10 \times 10 \times \dots \times 10}_{\text{عامل}} \quad \text{أقل وأتمم:}$$

الكتابة العلمية - رتبة قدر 5

- أ) استعمل الآلة الحاسبة لإجراء الجداء: $16 \times 384 = 6144$

ب) بدون استعمال الآلة الحاسبة، احسب الجداء: $163 \times 840 = 138480$ (يمكنك استعمال نتيجة السؤال السابق).

ج) تحقق من صحة النتيجة باستعمال الآلة الحاسبة. هل وجدت نفس النتيجة؟

2) يعبر الجدول الموالي عن المسافة إلى الشمس:

النجم	النوع	المسافة
النجم الأحمر	M3.5	10.5 light years
النجم الأزرق	B1	12.5 light years
النجم الأصفر	G2	15.5 light years
النجم الأبيض	A0	17.5 light years
النجم الأسود	O9	20.5 light years

اقترن كل من أمين وابنها ونسر بين كثافة أخرى للمسافة بين الأرض والشمس.

$$1,5 \times 10^8 \text{ Km} ; 15 \times 10^7 \text{ Km} ; 150 \times 10^6 \text{ Km} ; \text{اصلی} ; \text{نسرین} ; \text{ایمان} ;$$

أيهم على صواب؟

ب) أكتب كلاً من المسافات المذكورة على الشكل $10^{\circ} \times$ ، حيث \times عدد عشري برقم واحد قبل الفاصلة يختلف عن الصفر، ثم رتب هذه المسافات ترتيبا تصاعديا.

3) استعمل الكتابة العلمية لإعطاء رتبة قدر بالمتر للأشياء التالية:

حبة رمل: 0,00025m

• بكتيريا: $0,2\mu\text{m}$ (تعنى ميكرومتر) $(1\mu\text{m} = 10^{-3}\text{mm})$

• ذرة الكربون: $0,14\text{nm}$ (تعني نانومتر : $1\text{nm} = 10^{-6}\mu\text{m}$)

٦ فوہ عدد نسبی

كتب على الشكل a^m الأعداد التالية:

١ قوى ذات أسس موجبة

أمثلة

$$10^5 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10$$

$$10^5 = 100\,000$$

$$10^{19} = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{19 \text{ عامل}}.$$

$$10^{19} = \underbrace{10\,000\,000\dots\,000}_{19 \text{ عامل}}$$

تدل الكتابة 10^n على جداء n عاملًا كلها مساوية

للعدد 10.

يقرأ « n ألس 10 »

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ عامل}}$$

$$10^n = \underbrace{100\dots0}_{n \text{ صفر}}$$

ملاحظة: $10^1 = 10$ و $10^0 = 1$

٢ قوى ذات أسس سالبة

أمثلة

$$10^{-5} = \frac{1}{10^5}$$

$$10^{-5} = 0,00001 \leftarrow$$

رتبة العدد 1 هي 5 بعد الفاصلة.

$$10^{-23} = \frac{1}{10^{23}} = 0,000\dots0001 \leftarrow$$

رتبة العدد 1 هي 23 بعد الفاصلة.

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{\frac{1}{10 \times \dots \times 10}}_{n \text{ عامل}} = \underbrace{\frac{1}{10\dots0}}_{n \text{ صفر}}$$

$$10^{-n} = \underbrace{0,000\dots01}_{n \text{ صفر}}$$

1 في الرتبة n بعد الفاصلة.

٣ قواعد الحساب على قوى العدد 10

أمثلة

$$10^4 \times 10^{-6} = 10^{4-6} = 10^{-2}$$

$$10^3 \times 10^5 = 10^{3+5} = 10^8$$

$$\frac{10^5}{10^{-2}} = 10^5 \times 10^2 = 10^{5+2} = 10^7$$

$$\frac{10^7}{10^2} = 10^{7-2} = 10^5$$

$$(10^{-3})^2 = 10^{-3 \times 2} = 10^{-6}$$

$$(10^3)^2 = 10^{3 \times 2} = 10^6$$

n و m عدوان صحيحان؛ لدينا:

$$10^m \times 10^n = 10^{m+n}$$

$$\frac{10^m}{10^n} = 10^{m-n}$$

$$(10^m)^n = 10^{mn}$$

• قوة 10 ذات أس موجب

تمرين

$$c = 1000000 ; b = 100000 ; a = 10000$$

$$e = 10^9$$

$$e = 1000000000 ; c = 10^8 ; b = 10^6 ; a = 10^4$$

طريقة

لكتابة a ; b ; c على شكل قوة 10 نكتب 10^n حيث n عدد الأصفار.

لكتابة e على شكل عشري نكتب 1 متبوغاً بـ 9 أصفار.

• قوة 10 ذات أس سالب

تمرين

$$h = 0,0001 ; f = 0,01 ; g = 0,001$$

$$i = 10^{-6}$$

$$i = 0,000001 ; h = 10^{-4} ; g = 10^{-3} ; f = 10^{-2}$$

طريقة

لكتابة f ; g ; h على شكل قوة للعدد 10 نكتب 10^{-n} حيث n رتبة 1 بعد الفاصلة.

لكتابة i على الشكل العشري نكتب 1.....0,00..... حيث 1 في الرتبة 6 بعد الفاصلة

(5) أصفار بين الفاصلة و(1).

• قواعد الحساب على قوى العدد 10

تمرين

أكتب الأعداد المولالية على شكل قوة واحدة للعدد 10:

$$E = \frac{10^{-7}}{10^3} ; D = \frac{10^7}{10^3} ; C = 10^{-4} \times 10^{-5} ; B = 10^{-3} \times 10^5 ; A = 10^3 \times 10^5$$

$$T = (10^3)^{-5} ; H = (10^{-3})^5 ; G = (10^3)^5 ; F = \frac{10^7}{10^3}$$

$$F = 10^{10} ; E = 10^{-10} ; D = 10^4 ; C = 10^{-9} ; B = 10^2 ; A = 10^8$$

$$I = 10^{-16} ; H = 10^{-15} ; G = 10^{16}$$

طريقة

لكتابة A ; B ; C على شكل قوة 10 نكتب 10^p حيث p هو مجموع الأسسين: $(10^m \times 10^n = 10^{m+n})$

لكتابة D ; E ; F على شكل قوة 10 نكتب 10^q حيث q هو فرق الأسسين: $(\frac{10^m}{10^n} = 10^{m-n})$

لكتابة G ; H ; I على شكل قوة 10 نكتب 10^r حيث r هو جداء القوتين: $((10^m)^n = 10^{m \cdot n})$

موري الان

احسب ما يلي وأعط النتيجة على أبسط شكل ممكن:

$$R = 8 \times 10^{-5} \times 0,3 \times 10^{-3} ; Q = 0,5 \times 10^{-2} \times 20 \times 10^4 ; P = 7 \times 10^3 \times 3 \times 10^9$$

$$U = \frac{7 \times 10^{-2} \times 4 \times 10^{-5}}{5 \times (10^{-3})^7} ; T = \frac{20 \times (10^3)^2}{5 \times 10^5} ; S = \frac{0,2 \times 10^{-6} \times 0,3 \times 10^9}{6 \times 10^{-1}}$$

$$10^4 \times 1$$

$$\frac{10^5}{10^{-2}} = 10^7$$

$$(10^{-3})$$

٤ الكتابة العلمية لعدد عشري

مثال

عمر عن الأبعاد المولالية بالمتر:

• المسافة بين الأرض والقمر $384\,400\text{Km}$

• قطر فيروس: 149nm :

($1\text{nm} = 10^{-9}\text{mm}$)

تعني الكتابة العلمية لعدد عشري كتابته على الشكل $a \times 10^n$ حيث a عدد عشري مكتوب برقم واحد غير معدوم قبل الفاصلة و n عدد صحيح نسبي.

ملاحظة: تسمح الكتابة العلمية بقراءة وفهم الأعداد الكبيرة جداً والصغيرة جداً بسهولة.

٥ حصر عدد عشري - رتبة قدر عدد

أمثلة

• المسافة بين المريخ والشمس هي:

$$227,9 \times 10^6\text{Km}$$

الكتابه العلميه هي $2,279 \times 10^8\text{Km}$

رتبة قدر هي: $2 \times 10^8\text{Km}$

تسمح الكتابة العلمية لعدد عشري بحصره بين قوتين ذات أسين متاليين.

إذا كانت الكتابة العلمية لعدد عشري A هي: $a \times 10^n$

فإن $a < 10^n < A < 10^{n+1}$ ؛ رتبة قدر العدد A هي: n .
حيث a' هو دور a إلى الوحدة.

٦ قوة عدد نسبي

أمثلة

$$3^4 = \underbrace{3 \times 3 \times 3 \times 3}_{4 \text{ عوامل}}$$

$$3^4 = 81$$

ملاحظة: $a^1 = a$ و $a^0 = 1$.

$$5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25} = 0,04$$

a عدد صحيح غير معدوم و n عدد طبيعي.

تدل الكتابة a^n على جداء n عوامل كلها مساوية للعدد a .

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ عوامل}}$$

يقرأ a^n : « a أس n ».

تدل الكتابة a^{-n} على مقلوب a^n .

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

٧ قواعد الحساب على قوى عدد نسبي

أمثلة

• بسط العبارات المولالية:

$$\begin{aligned} & ; \frac{7^3}{7} ; \frac{3^6}{3^2} ; 8^2 \times 8^5 \\ & ; \left(\frac{3}{4}\right)^2 ; (7 \times 4)^2 ; (2^3)^5 \end{aligned}$$

a و b عدادان غير معدومين؛ n و m عدادان صحيحان نسبيان.

$$\begin{aligned} & ; (a^m)^n = a^{m \cdot n} ; \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} ; a^m \times a^n = a^{m+n} \\ & ; \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} ; (ab)^n = a^n \times b^n \end{aligned}$$

٨ إجراء حساب يتضمن قوى

أمثلة

$$\frac{1}{2} \times (2^3)^2 = \frac{8^2}{2} = \frac{64}{2} = 32 \quad (1)$$

$$5 \times (2^3) = 5 \times 8 = 40 \quad (2)$$

$$3 \times 10^3 + 9 \times 10^2 + 8 \times 10 + 5 = 3985 \quad (3)$$

عند إجراء سلسلة حسابات تتضمن قوى تعطى الأولوية لحساب القوى.

• الكتابة العلمية

تمرين: أعط الكتابة العلمية لكل من: $A = 352000$; $B = 0,043$

حل: الكتابة العلمية للعدد A هي: $A = 3,52 \times 10^5$

3844

طريقة

في أي عدد نضرب 3,52 حتى نحصل على 352 000 ؟

وكانه أزحنا الفاصلة نحو اليسار بـ 5 رتب إذن نضرب في 10^5 ويكون $352000 = 3,52 \times 10^5$

• الكتابة العلمية للعدد B هي $B = 4,3 \times 10^{-2}$

طريقة

في أي عدد نضرب 04,3 حتى نحصل على 0,043 ؟

وكانه أزحنا الفاصلة نحو اليمين بـ 2 ترتيبين إذن نضرب في 10^{-2} ويكون $0,043 = 4,3 \times 10^{-2}$

• رتبة قدر عدد عشري

تمرين: إليك العددين A و B حيث $B = 0,00027$; $A = 526\,000\,000$

(1) اكتب كلاماً من A و B كتابة علمية.

(2) أعط حصراً لكل من A و B بين قوتين متناظرتين للعدد 10.

(3) أعط رتبة قدر لكل من A و B .

$10^{-4} \leq B < 10^{-3}$; $10^8 \leq A < 10^9$; $B = 2,7 \times 10^{-1}$; $A = 5,26 \times 10^8$

حل: رتبة قدر A هي 5×10^8 . رتبة قدر B هي 3×10^{-4}

طريقة 1

عندما تكون الكتابة العلمية لعدد A هي $a \times 10^n$ فيكون حصر A كالتالي:

طريقة 2

رتبة قدر عدد مكتوب على شكله العلمي $a \times 10^n$ هو a' حيث a' هو مدور إلى الوحدة.

• قواعد الحساب على قوى عدد نسبي

تمرين: بسط العبارة : $A = \frac{2^5 \times 3^8}{3^5 \times 2^3}$

حل: $A = 4 \times 27 = 108$ إذن $A = \frac{2^5}{2^3} \times \frac{3^8}{3^5} = 2^{5-3} \times 3^{8-5} = 2^2 \times 3^3$

دوري الآن

١. أعط الكتابة العلمية ثم رتبة قدر لكل من:

المسافة أرض - شمس: $149,59789 \times 10^6 \text{ Km}$

$3 \times 10^3 +$

كتلة الكربون: $199 \times 10^{26} \text{ Kg}$

$$\bullet \text{ بسط ما يلي: } \frac{(5^2 - 3 \times 7)^2}{10 - 2^3}$$



قوى 10

12 في ميدان الإعلام الآلي الأكتي (octet) هو وحدة كمية المعلومات التي تخزن ؛ مضاعفات هذه الوحدة هي:

• كيلو أكتي $1Ko = 1000 \text{ octets}$

• ميجا أكتي $1Mo = 1000Ko$

• جيجا أكتي $1Go = 1000Mo$

• تيرا أكتي $1To = 1000Go$

Ko : Kilooctet - Mo : Mégoctet

Go : Gigaoctet - To : Téraoctet

اكتب هذه الوحدات بدلالة الأكتي (octet) مستعملا قوى العدد 10.

13 اكتب على شكل قوة العدد 10

(1) ألف ميلار لألف كتاب. (2) مئة ألف ميلار قصة.

(3) جزء من المئة لجزء من المليون.

عمليات على قوى 10

14 اعبر ذهنيا بدلالة قوة على الشكل 10^n

$$\frac{10^4}{10^5} \times 10^7 = 10^{-4} \times 10^9 = (10^3)^2 = 10^6$$

$$10^{-6} \times 10^{-3} = 10^5 \times 10^4 = (10^5)^{-3}$$

$$10^5 (10^3)^2 = \frac{10^{-6} \times 10^3}{10^{-7}} = \frac{10^4 \times 10^6}{10^5}$$

15 احسب وأعط النتيجة على شكل 10^n

$$A = \frac{10^2 \times 10^{-5} \times (10^{-3})^4}{(10^{-2})^3 \times 10^3 \times 10^5}$$

$$B = \frac{(10^{-4})^2 \times (10^3)^{-2} \times (10^2)^3}{(10^3)^4 \times (10^{-4}) \times (10^2)^{-4}}$$

(3) اكتب على الشكل 10^n

$$\frac{10^{-8}}{10000} = 1000000 \times 10^{-6} = 100 \times 10^{-3}$$

$$\frac{1}{0,001} = \frac{0,0001}{10^8} = \frac{1000}{10^{12}} = 0,001 \times 10^{-2}$$

16 أعط كتابة عشرية:

$$10^{-17} \times (10^{19} - 10^{18}) = 10^{15} \times (10^{15} + 10^{-13})$$

17 من بين العبارات التالية، جد التي تساوي 10^{-6}

$$B = 10^{-2} \times 10^{-4} ; A = \frac{10^2}{10^8}$$

$$D = \frac{1}{10^6} ; C = 10^3 \times 10^{-9}$$

1 اكتب الأعداد التالية كتابة عشرية:

$$10^{10} ; 10^5 ; 10^7 ; 10^2$$

2 عبر لغويًا عن الأعداد التالية:

$$10^9 ; 10^2 ; 10^3 ; 10^6 ; 10^1$$

3 اكتب الأعداد التالية كتابة عشرية:

$$10^{-5} ; 10^{-7} ; 10^{-9}$$

4 عبر لغويًا عن الأعداد التالية:

$$10^{-9} ; 10^{-6} ; 10^{-3} ; 10^{-2}$$

5 اكتب الأعداد التالية على شكل قوة 10 ثم كتابة عشرية:

$$\frac{1}{10^9} ; \frac{1}{10^6} ; \frac{1}{10^5} ; \frac{1}{10^4} ; \frac{1}{10^3} ; \frac{1}{10^2}$$

6 اكتب على شكل قوة 10

$$100000000 ; 100000 ; 10000$$

$$0,0001 ; 0,01 ; 1000000000$$

$$0,000000001 ; 0,0000001$$

$$\frac{1}{10^7} ; \frac{1}{10^6} ; \frac{1}{10^5} ; \frac{1}{10^4} ; \frac{1}{10^3} ; \frac{1}{10^2}$$

7 اكتب الأعداد التالية على شكل قوة للعدد 10:

مئة ؛ ألف ؛ مليون ؛ مئة ألف ؛ مئة مليون ؛ مئة ميلار.

8 اختر الإجابات الصحيحة

$$6\ 000\ 000 = 10^3 \times 10^2 ; \text{ ب)$$

$$10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = (10^2)^3 ; \text{ د)$$

9 انقل الكتابات التي تدل على نفس العدد، وعبر عنها لغويًا:

$$0,0001 ; 1000000 ; 10^{-3} ; 10^{-6}$$

$$10^7 ; 10^9 ; 10^{-4} ; 10^{-3} ; 10^{-5}$$

$$0,000000001 ; 1000000001 ; \frac{1}{10^3} ; 10^{-3}$$

10 انقل وأنتم بالوحدة المناسبة:

$$1\text{hm} = 10^5 \dots ; 1\text{kg} = 10^3 \dots$$

$$1\text{mL} = 10^{-2} \dots ; 1\text{m}^2 = 10^4 \dots$$

$$1\text{dam} = 10^3 \dots ; 1\text{cm}^3 = 10^{-9} \dots$$

11 املأ الفراغ بقوة للعدد 10:

$$1\text{km} = \dots \text{cm} ; 1\text{hm} = \dots \text{m}$$

$$1\text{dag} = \dots \text{dg} ; 1\text{g} = \dots \text{mg}$$

$$10^2\text{cm} = \dots \text{m} ; 10^4\text{mm} = \dots \text{m}$$

$$10^1\text{kg} = \dots \text{mg} ; 10^5\text{g} = \dots \text{kg}$$

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

24 اكتب كل عدد على الشكل: $a \times 10^b$

$$0,025 \times 10^9 ; -9738459 ; 267,3$$

$$74368 \times 10^{-2} ; 79,58 \times 10^3 - 59,8 \times 10^8$$

25 اكتب على الشكل: $b \times 10^a$

$$0,068 \times 10^{-4} ; 6800 \times 10^9 ; 68\,000$$

26 أعط كتابة علمية لكل من الأعداد:

$$0,98 ; 985754 ; 0,036 ; 397\,000$$

$$0,0000253 ; 843\,200\,000$$

27 صحيح أم خطأ: $16 \times 10^3 > 14 \times 10^4$

28 صحيح أم خطأ: $21 \times 10^8 > 1,8 \times 10^9 ; 3,8 \times 10^5 > 5,7 \times 10^4$

$$4,3 \times 10^6 > 0,78 \times 10^7$$

29 صحيح أم خطأ:

$$9,8 \times 10^{-5} > 5,7 \times 10^{-4} ; 6 \times 10^{-3} > 5 \times 10^{-4}$$

30 رتب الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً بعد كتابتها كتابة

$$\text{علمية: } 120,04 \times 10^2 ; 1 \times 10^4 ; 78,96 \times 10^3$$

$$0,09999 \times 10^5 ; 123\,897 \times 10^{-1} ; 8354$$

31 احسب و اكتب النتيجة كتابة علمية:

$$A = 85,7 \times 10^5 + 45 \times 10^{11}$$

$$B = \frac{0,6 \times (10^3)^2 \times 6 \times 10^{-4}}{9 \times 10^5}$$

32 احسب و اكتب النتيجة كتابة علمية:

$$B = 0,00009 \times 0,003 ; A = 2\,400 \times 8\,000$$

$$D = \frac{36\,000\,000}{0,00018} ; C = 7\,000 \times 0,0015$$

رتبة قدر والحصر

33 إليك المسافات الدنيا بالكيلومتر بين الشمس

والكواكب التالية:

$0,21 \times 10^9 \text{ Km}$	المريخ (Mars)
$46\,000\,000 \text{ Km}$	طارق (Mercure)
$1350 \times 10^5 \text{ Km}$	زحل (Saturne)
$14,7 \times 10^7 \text{ Km}$	الأرض (Terre)
$1075 \times 10^5 \text{ Km}$	الزهرة (Venus)

اكتب كل مسافة كتابة علمية واحصرها بين قوتين متتاليتين للعدد 10، ثم أعط رتبة قدر لكل منها.

$$F = \frac{10^{-8}}{100} ; E = 0,01 \times 10^{-4}$$

$$H = 10^{-9} \times 1000 ; G = \frac{0,001}{10^3}$$

$$I = 10^{-12} \times (10^{12} + 10^6)$$

18 هذه شاشة آلة حاسبة.

ما هي النتيجة التي نتحصل عليها إذا استبدلنا في العبارة

على الشاشة $10^{-3} b - a$ ؛ a عدد كيفي.

19 تحقق من أن كل جدول من الجداول المولين

هو سحري ضربياً؛ بمعنى أنَّ نتيجة جداء العوامل في كل سطر وفي كل عمود وفي كل قطر متساوية.

10^6	10	10^8
10^7	10^5	10^3
10^2	10^9	10^4
10^{-2}	10^3	100
10^5	10	10^{-3}
1	$0,1$	10^4

الجدول (1)

10^6	10	10^8
10^7	10^5	10^3
10^2	10^9	10^4
10^{-2}	10^3	100
10^5	10	10^{-3}
1	$0,1$	10^4

الجدول (2)

20 صحيح أم خطأ:

الجزء من المليار هو 10^{-9} .

نصف 10^{2018} هو 10^{1009} .

$10^5 + 10^2$ يساوي 10^5 .

$1000 \times 10^{-5} = 10^{-2}$.

$58,475 \times 10^{-8} = 5847,5 \times 10^{-6}$.

الكتابة العلمية لعدد عشري

21 انقل وأتم:

$$0,1375 = \dots \times 10^{-2} ; 9372 = \dots \times 10^3$$

$$2376,7 = 23,767 \times 10^{-1}$$

$$0,865 = 0,000865 \times 10^{-1}$$

22 اذكر في كل حالة إذا كانت الكتابة كتابة علمية:

$$0,845 \times 10^3 ; 3,236 \times 10^{-3} ; 15 \times 10^4$$

$$1,85 \times 10^6 ; 9 \times 10^{-10} ; 8,879 \times 10^{-2}$$

23 من بين هذه الأعداد، اذكر المتساوية منها:

$$0,000145 \times 10^{-4} ; 14,5 \times 10^{-5} ; 0,0145$$

$$1,35 \times 10^5 ; 1450\,000 \times 10^{-8}$$

$$135 \times 10^{-7} ; 13\,500 \times 10^{-8}$$

$$(-\frac{7}{5})^{-1} ; (-\frac{1}{4})^{-1} ; (-\frac{2}{3})^{-1} ; (\frac{10}{47})^{-1}$$

$$(-\frac{1}{2})^{-4} ; (-\frac{4}{3})^{-3} ; (-\frac{3}{5})^{-2}$$

اكتب على شكل قوة واحدة: 41

$$8 \times 2^5 ; 6^4 \times 36 (أ)$$

$$25 \times 0,2^2 ; \frac{125}{5^4} (ب) \\ \frac{9^4}{3^3} ; 16^3 \times 2^4 (ج)$$

$$5^4 \times 16 ; 2^3 \times 125 (د)$$

$$0,16 \times 0,81 ; 81 \times 5^2 (هـ)$$

بدون إجراء عمليات؛ اشرح لماذا: 42

$$27^4 = 3^{12} ; 36^3 = 6^6 (أ)$$

اكتب على شكل قوة واحدة: 43

$$\frac{2^4 \times 16}{2^6} ; \frac{3^8 \times 9}{3 \times 3^2} (أ)$$

$$\frac{8}{2^4} ; \frac{5 \times 5^3}{125} (ب)$$

احسب ما يلي: 44

$$8 - 3 \times 2^2 ; (8 - 3 \times 2)^2 (أ)$$

$$8 - (3 \times 2)^2 ; (8 - 3) \times 2^2 (ب)$$

احسب ما يلي: 45

$$b = (-3)^2 + 2 \times 5^2 ; a = 2 + 4 \times 7^2$$

$$d = [3 - 2(-4)]^2 \times 3 ; c = -3(-8 + 6)^2$$

احسب ما يلي: 46

$$b = 16 \div (9 - 7)^2 ; a = (4 + 2)^2 \div 9$$

$$d = \frac{(5^2 - 3 \times 7)^2}{10 - 2^3} ; c = \frac{54}{5 \times 9 - 6^2}$$

(1) ما هو طول ضلع مربع مساحته: 47

(2) ما هو طول حرف مكعب حجمه: 48

(3) ما هو الطول الإجمالي لكل أحرف مكعب

حجمه: 49

33) إليك العددان: A = 0,0039 \times 10^{-7}

B = 23 678 \times 10^{15}

أعط رتبة قذر كل من

قوة عدد نسبي

احسب ذهنياً: 34

$$-3^{-2} ; (-3)^3 ; 3^{-3} ; \left(\frac{2}{3}\right)^3 ; -2^4 ; (-2)^4 ; 2^2$$

احسب ذهنياً: 35

$$(0,4)^2 - 25^2 ; 8^2 \times 1,25^2 ; (0,25)^2 \times 4^2$$

$$(0,05)^4 \times 20^4 ; 25^3 \times 0,04^3 ; 5^3 \times 2^3$$

انقل واملا الفراغ في كل حالة: 36

$$3^4 \times 3^{-7} = 3^{-2} ; 7^3 \times 7^{-10} = 7^7$$

$$6^3 = 2^3 \times \dots^3 ; 56^2 = 7^2 \times \dots^2$$

انقل واملا الفراغ في كل حالة: 37

$$\frac{3^{-2}}{3^{-10}} = 3^6 ; \frac{9^{10}}{9^{-1}} = 9^7$$

$$1,5^{10} = 3^{10} \times \dots^{10} ; 4,5^2 = 0,9^2 \times \dots^2$$

انقل الجدول واملا الفراغات (يمكنك استعمال الآلة حاسبة): 38

a	2	9	...	-4
n	...	-1	5	...	4	...
a^n	32	0,5	-32	1	1296	-1024

اكتب العدد الناقص في كل حالة: 39

$$3^2 + 4^2 = \dots^2 (أ)$$

$$\dots^2 + 15^2 = 17^2 (ب)$$

$$\dots^3 + 6^3 + 8^3 = 9^3 (ج)$$

$$4^4 + 6^4 + 8^4 + 9^4 + 14^4 = 15^{\dots} (د)$$

احسب: 40

$$\left(-\frac{2}{5}\right)^3 ; \left(\frac{5}{3}\right)^2 ; \left(\frac{4}{5}\right)^3 ; \left(\frac{3}{10}\right)^2$$

$$\left(\frac{7}{5}\right)^{-1} ; \left(\frac{1}{5}\right)^{-1} ; \left(\frac{3}{4}\right)^{-1} ; \left(-\frac{2}{3}\right)^4$$

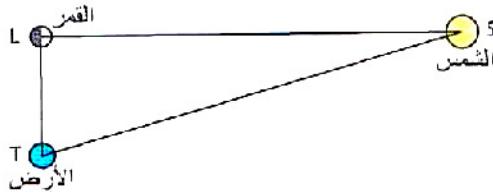
عند الإخفاق أعود
إلى الصفحة :

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إليها.

43 ، 42	100 000	0,0001	10 000	$10^5 = \dots$	1
43 ، 42	10 000	0,0001	-40	$10^{-4} = \dots$	2
43 ، 42	0,01	-0,1	0,1	$10^{-1} = \dots$	3
43 ، 42	100^6	10^6	10^6	$10^3 \times 10^2 = \dots$	4
43 ، 42	10 000	1	100	$10^3 \times 10^{-3} = \dots$	5
43 ، 42	10 000	100 000	1 000 000	$(10^3)^2 = \dots$	6
43 ، 42	20^{-2}	100,001	20^2	$10^2 + 10^{-2} = \dots$	7
43 ، 42	0	99,99	99,9	$10^2 - 10^{-2} = \dots$	8
43 ، 42	1,01	10,1	0,101	$(10^{-1} + 10^1)/10 = \dots$	9
43 ، 42	0,010	10^{-3}	10^3	$10^{17} \div 10^{20} = \dots$	10
43 ، 42	36×10^6	$3,6 \times 10^5$	$3,6 \times 10^8$	36 مليون تكتب: 11	
45 ، 44	$5,2 \times 10^6$	$5\ 200 \times 10^3$	52×10^5	الكتابية العلمية لـ 5 200 000 هي 12	
45 ، 44	$4,326 \times 10^4$	$4,326 \times 10^6$	$4,326 \times 10^5$	الكتابية العلمية لـ 432,6 $\times 10^7$ هي 13	
45 ، 44	$1,2 \times 10^{-6}$	$1,2 \times 10^{-4}$	$1,2 \times 10^{-3}$	الكتابية العلمية لـ $0,012 \times 10^{-3}$ هي ... 14	
45 ، 44	$3,1 \times 10^{-12}$	$3,1 \times 10^{11}$	$3,1 \times 10^{10}$	الكتابية العلمية لـ $6,2 \times 10^{25} \times 5 \times 10^{-14}$ هي 15	
45 ، 44	$-1,9 \times 10^{-2}$	$1,9 \times 10^{-2}$	$1,9 \times 10^{-3}$	الكتابية العلمية لـ $23 \times 10^{-3} - 0,4 \times 10^{-2}$ هي 16	
45 ، 44	0,000719	0,0000719	0,00719	7,19 $\times 10^{-5}$ هي الكتابة العلمية لـ 17	
45 ، 44	2^{-2}	$\frac{1}{2,5}$	0,025	2,5 $\times 10^{-1}$ هي الكتابة العلمية لـ 18	
45 ، 44	$9,1 \times 10^8$	9×10^8	9×10^{14}	رتبة قدر 0,00912 $\times 10^{11}$ هي 19	
45 ، 44	$0,786 \times 10^{-3}$	534×10^{-4}	0,0035	عدد محصور بين 10^{-3} و 10^{-4} هو 20	
45 ، 44	A < B < C	A < C < B	B < C < A	C=7,25 $\times 10^{-5}$; B=63 $\times 10^{-6}$; A=0,56 $\times 10^{-4}$ 21	
43 ، 42	32	-32	-10	$(-2)^5 = \dots$	22
43 ، 42	45	3^7	3^{10}	$(3^2)^5 = \dots$	23
45 ، 44	-100	-50	100	$-2 \times 5^2 = \dots$	24
45 ، 44	2×4^7	2^4	4^4	نصف 4^8 هو 25	

اتعمق

- 56** إليك برنامج حساب:
- (1) اختر عدد 10^{-3}
 - (3) اضربه في 10^3
 - (2) اضربه في 10^7
 - (4) قسمه على 10^2
- باستعمال هذا البرنامج؛ ما هو العدد الذي نحصل عليه إذا اخترنا في البداية:
- $$2 \div 5 \times 0,75 = 0,5$$
- تقترح ليلى ضرب العدد المختار في 100 للحصول على النتيجة. ما رأيك؟ علل إجابتك.
- 57** يدق قلب الإنسان حوالي 75 دقة في الدقيقة. علماً أنَّ متوسط عمر الإنسان هو 80 سنة؛ ما هو عدد دقات قلب الإنسان خلال حياته؟
- أعط النتيجة على شكل كتابة علمية.
- 58** يقدّر عدد المجرات القابلة للرؤية في الكون بـ 100 مليار؛ إذا افترضنا أن مجرة واحدة تحتوي على منه مليار نجمة؛ أعط عدد النجوم القابلة للرؤية في الكون على شكل قوة للعدد 10.
- 59** يرمي الإنسان بعينيه حوالي 30000 مرة في اليوم. علماً أنَّ متوسط عمر الإنسان هو 80 سنة؛ كم من مرة يرمي الإنسان في حياته؟
- أكتب النتيجة كتابة علمية.
- 60** إليك المعطيات التالية:
- مساحة الكره الأرضية حوالي: $5 \times 10^8 \text{ Km}^2$.
 - مساحة المحيطات حوالي: $35 \times 10^7 \text{ Km}^2$.
 - مساحة اليابسة حوالي: $150 \times 10^6 \text{ Km}^2$.
- ما هي النسبة المئوية من مساحة الكره الأرضية التي تمتلئها: المحيطات؟ اليابسة؟
- شرح لماذا يسمى كوكب الأرض بالكوكب الأزرق؟
- 61** عندما يكون القمر نصف مضاء (بالنظر إليه من الأرض)؛ هذا يعني أن الزاوية:
- (الأرض-القمر-الشمس) تساوي 90° .
 - احسب حينذاك المسافة بين الشمس والقمر بالكيلومتر؟
 - المسافة بين الشمس والأرض: 149 597 870Km.
 - المسافة بين الأرض والقمر: 384 400Km.



- 48** اكتب على شكل قوة واحدة:
- $$\frac{9^6}{27} ; \frac{15^4}{3^4} ; \frac{100^3}{2^3} ; \frac{4^3}{10^3}$$
- 49** احسب وأعط النتيجة على شكل جداء عدد طبيعي (أصغر ما يمكن) وقوة للعدد 10.
- $$0,5 \times 5^7 \times 2^9 ; 0,003 \times 2^4 \times 5^1$$
- $$A = \frac{10\ 000^2 \times 100^5}{0,01^3}$$
- 50** بدون آلة حاسبة احسب:
- $$2^6 \times 5^5 ; 2^{22} \times 10^5$$
- $$5^{30} + 5^{30} + 5^{30} + 5^{30} ; 2^{60} + 2^{60} + 2^{60} + 2^{60}$$
- 51** عبر على شكل قوة:
- 52** أعط كتابة علمية لكل من الأعداد:
- $$A = \frac{3 \times 10^2 \times 1,8 \times 10^{-3}}{6 \times 10^4}$$
- $$B = \frac{4 \times 10^{-2} \times 9 \times 10^3}{6 \times 10^7 \times 12 \times (10^3)^2}$$
- 53** (1) تحقق أنَّ الجدول الموالي هو جدول سحري ضربياً بمعنى أنَّ جداء الأعداد في كل سطر وفي كل عمود وفي كل قطر متساوي.
- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| 3×7 | $3^4 \times 7^2$ | 3 |
| 3^2 | $3^2 \times 7$ | $(3 \times 7)^2$ |
| $7^2 \times 3^3$ | 1 | $3^3 \times 7$ |
- (2) انقل وأتم الجدول الموالي بحيث يكون سحرياً ضربياً:
- | | | |
|---------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| $3^4 \times 2^2 \times 5$ | | |
| $3^4 \times 5^2$ | $3^3 \times 2^2 \times 5^2$ | $(3 \times 5)^2 \times 2^4$ |
| | | |
- 54** عثر بدلالة كتابة علمية عن المقادير التالية:
- عمر الأرض: 4,5 مليار سنة.
 - عرض بكثيرياً هو $1,5 \mu\text{m} = 0,001\text{mm}$.
 - عدد سكان الكره الأرضية هو 7,3 مليار.
 - سرعة الضوء: $300\ 000\ 000\text{m/s}$.
 - انفراص الديناصورات (65,000,000 سنة).
 - سمك ورقة الومنيوم: 0,002cm.
- 55** إليك برنامج الحساب.
- (1) اختر عدداً
 - (3) اطرح منه 10^5
 - (2) اضربه في 10^7
 - (4) أعط النتيجة النهائية.
- (أ) ماذا يساوي العدد النهائي إذا اخترنا: $1 ; 10^3 ; 10^2$ ؟
- (ب) ما هو العدد الذي اخترناه إذا تحصلنا على النتيجة 10^8 ؟

العنوان

احسب بالدقة المدة التي يستغرقها الضوء لقطع المسافة من الشمس إلى الأرض (149 597 870Km) (2) السنة الضوئية هي المسافة التي يقطعها الضوء خلال سنة.

(ا) عبر بالметр عن سنة ضوئية، باستعمال الكتابة العلمية وبالتدوير إلى رقم واحد بعد الفاصلة.

(ب) Proxima Centauri هي النجمة الأقرب من المجموعة الشمسية؛ وهي تقع على مسافة 11,5a (سنة ضوئية) من المجموعة الشمسية.

على كم من كيلومتر من المجموعة الشمسية تقع النجمة Proxima Centauri؟

67 في سنة 2009، قدرت كمية المعلومات المخزنة في العالم بـ: 800 مليار GigaOctet؛ في نهاية سنة 2020 تقدر كمية المعلومات المتوقعة للاحتفاظ بـ 45 مرة أكبر من كمية 2009.

كم يلزم من قرص صلب ذي سعة 500Go لتخزين معلومات 2020؟ عبر عن هذه الكمية بكتابه علمية.

68 أضع جريثومة واحدة في علبة ياغورت؛ تنقسم الجريثومة إلى الشرين كل ثانية؛ بحيث بعد دقيقة امتلأت كل علبة الياغورت.

ما هي المدة اللازمة لملء نفس العلبة إذا وضعنا 4 جريثومات مماثلة في البداية؟

(1) انقل وأتمم الجدول الموالي:

العدد	2	2^2	2^3	2^4	2^5	2^6	2^7	2^8
رقم الأحاد								

(2) عين رقم أحد الأعداد التالية: 2^9 ؛ 2^{13} ؛ 2^{18} ؛ 2^{40} ؛

(3) عين رقم أحد 2^{2012}

70 السنة الضوئية (a) هي المسافة التي يقطعها الضوء خلال سنة.

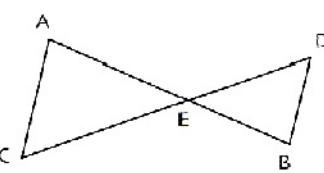
سرعة الضوء في الفراغ والهواء

هي: $299\ 795\ 458\text{m/s}$

في سنة 2005 لاحظ علماء الفلك انفجار نجمة تقع على بعد 13 مليار سنة ضوئية من الأرض.

عبر عن هذه المسافة بالكيلومتر.

62 المستقيمان (AC) و (BD) متوازيان.



$$AE = 4,2 \times 10^4$$

$$EB = 3,2 \times 10^3$$

$$EC = 6,8 \times 10^5$$

احسب الطول ED.

63 مرق شخص ورقة إلى 8 أجزاء (مرحلة أولى)؛ ثم

أخذ جزءاً ومزقه إلى 8 أجزاء (مرحلة ثانية)؛ وهكذا في كل مرحلة يأخذ جزءاً ويمزقه إلى 8 أجزاء.

بعد كم من مرحلة يكون عدد الأجزاء المحصل عليها

2017 إذا افترضنا أن هذا الشخص قادر على تمزيق الورق حتى ولو كان صغيراً؟

64 (1) علبة ذات 500 ورقة من الشكل A4 لها

$$5\text{cm} \cdot$$

(أ) ما هو سمك الورقة الواحدة؟

(ب) استعمل قوّة للعدد 10 للتغيير عن هذا السمك بالметр.

(2) نطوي هذه الورقة على الشرين.

ما هو سمك هذه الورقة بعد الطي؟

(3) نطوي الورقة مجدداً على الشرين.

ما هو السمك المحصل عليه بعد الطي؟

(4) نفترض أنه بمقدورنا طي الورقة على 2 بعد المرات الذي نريد.

ما هو السمك المحصل عليه عند طي الورقة 10 مرات؟

65 (1) مساحة الكرة الأرضية تساوي بالتقريب

$$510\ 067\ 420\text{Km}^2$$

تمثل المحيطات 71% من هذه المساحة؛ ما هي مساحة المحيطات؟

(2) نفرض أن متوسط عمق المحيطات هو 3 800m

أعط قيمة مقربة لحجم المحيطات.

(3) يمثل هذا الحجم 97% من الحجم الكلي للماء الموجود على الأرض؛ ما هو الحجم الكلي للماء الموجود على الأرض؟

(4) أعط تقديرًا لحجم قاعة دراسة في مؤسستك؛ كم يلزم من قاعة دراسة لاحتواء كل الكمية الموجودة في الأرض؟

66 (1) يقطع الضوء في الفراغ وفي الهواء مسافة

$$299\ 792\ 458\text{m/s}$$

صل عليه

الحصول

1 هو عدد

ن ب 100

على منه

في الكون

يوم.

م من مرة

.5

ضية التي

رق؟

ر إليه من

ومتر؟

149 59

3

لغم

T الأرض

وضعية



جزيء ثاني أكسيد الكربون

تيرا	جيغا	ميغا	كيلو	هكتو	ديكا
Téra	Giga	Méga	Kilo	Hecto	Déca
10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10^1
ديسي	ستيني	ميلى	ميكرو	نافو	بيكو
Déci	Centi	Milli	Micro	Nano	Pico
10^{-1}	10^{-2}	10^{-3}	10^{-6}	10^{-9}	10^{-12}

ثاني أكسيد الكربون هو جزيء مكون من ذرة واحدة للكربون وذرتين أكسجين.

نصف قطر ذرة الأكسجين هو r_1 .

نصف قطر ذرة الكربون هو r_2 .

المسافة بين مركزي الذرتين هي $0,112\text{nm}$.

(1) أعط الكتابة العلمية لكل من r_1 و r_2 و d .

(2) ما هو طول جزيء ثاني أكسيد الكربون؟

استعن بالجدول التالي:

توجيهات

قراءة وفهم الوضعية

(1) ما دلالة كل من d و r_1 و r_2 ؟

(2) ما دلالة pm و nm ؟

(3) ما هو المطلوب؟

تحليل الوضعية و اختيار استراتيجية حل مناسبة

(1) كيف نكتب عدداً عشرانياً كتابة علمية؟

(2) ما هي الوحدة المناسبة التي نختارها لتحويل الأطوال المعطاة إليها.

(3) هل الشكل متوازن؟ أعط عبارة مبسطة لطول الجزيء بدلالة d و r_1 و r_2 .

حل مختصر

$$d = 2(r_1 + r_2 + d)$$

$$4,54 \times 10^{-10}\text{m}$$

$$4,54 \times 10^{-7}\text{nm}$$

$$1\text{nm}(\text{nanomètre})$$

$$d = 0,112\text{nm}$$

$$d = 0,112 \times 10^{-9}\text{m}$$

$$d = 1,12 \times 10^{-10}\text{m}$$

$$1\text{pm}(\text{pictomètre})$$

$$1\text{pm} = 10^{-12}\text{m}$$

$$r_1 = 48\text{pm} = 48 \times 10^{-12}\text{m}$$

$$r_1 = 48\text{pm} = 48 \times 10^{-11}\text{m}$$

$$r_2 = 67\text{pm} = 1,7 \times 10^{-11}\text{m}$$

وضعية للتقويم

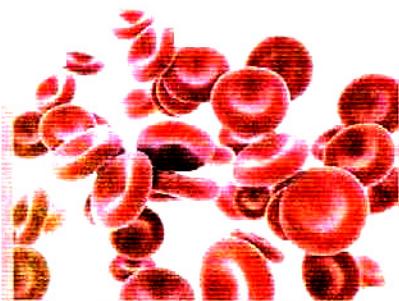
(1) يحتوي 1mm^3 من الدم على 4 500 000 كريمة دم حمراء،

ويحتوي جسم الإنسان على 56 من الدم. كم كريمة حمراء يحتوي عليها؟

(2) شكل الكريمة الحمراء قابل للتشبيه مع أسطوانة قطرها $7,5\mu\text{m}$

وارتفاعها $2\mu\text{m}$ ($1\mu\text{m} = 10^{-3}\text{mm}$)

إذا تراكمت الكريات الحمراء؛ ما هو ارتفاع العمود المتحصل عليه؟



أوْلَفْ تِكْنُولُوْجِيَّاتِ الاعْلَامِ وَالاتِّصالِ

حساب قوى عدد نسبي باستعمال مجدول اكسال

• مكافأة «سيسا»

وعد «شيران» وهو ملك هندي، «سيسا» مخترع لعبة الشطرنج، بأن يعطيه كل ما يطلبه مكافأة له على اختراعه؛ وطلب منه ما يريد، فأجاب سيسا: أعطني حبة قمح في الخانة الأولى من لعبة الشطرنج، وحبتين في الخانة الثانية وأربع حبات في الخانة الثالثة وهكذا بوضع الضعف في الخانة المقابلة حتى الخانة الرابعة والستين.

(1) هل تظنين كما ظن الملك أن هذا الطلب مقاوضع جدا؟

(2) ما هو عدد حبات القمح في كل خانة؟

(3) ما هو عدد حبات القمح الإجمالي؟

(4) إذا كانت حبة القمح تزن 50mg ما هي بالطن الكمية اللازمة؟

(5) إذا كانت حصيلة القمح السنوية هي 50 000 طن، كم من سنة يلزم الملك للوفاء بعهده؟

• حل

يعتمد على حساب عدد حبات القمح الإجمالي، لذلك

نحسب عدد حبات القمح في كل خانة ثم نجمع.

(1) افتح صفحة من المجدول واتمها كما هو مقابل.

(2) سنكمي السطر الثالث:

(ا) أكمل الخانة A3 كما هو مقابل؛ ثم اضغط على الممسسة

«Enter» من لوحة المفاتيح.

(أدخلنا قاعدة في الخانة A3).

ب) تحقق فعلاً أن نتيجة الحساب قد ظهرت في الخانة A3.

ج) في الخانة B3 نريد حساب «محتوى B2 ضرب 2» لدخل

القاعدة التي تسمح بهذا الحساب في الخانة B3.

(3) أتم السطور رقم 4 و 5 بإدخال قواعد حساب.

(4) لنقادي موائلة العمل بهذه الطريقة يمكنك نقل القواعد

بالشكل التالي:

(ا) حدد بالفارة الخانتين A5 و B5

ب) خذ بالمؤشر واضغط باستمرار على المربع الصغير

في أسفل الخانة B5 ثم اسحبه نحو الأسفل حتى الخانة B65.

(5) لحساب عدد حبات القمح في الخانة D2 مثلاً؛ أدخل

القاعدة $=\text{SOMME}(\text{B2:B65})$ ؛ ثم اضغط على مفتاح

«Enter» ؛ ثم فسر النتيجة المسجلة

على المجدول.

C	B	A
	رقم الخانة	عدد حبات القمح
1	1	1 2
		3

C	B	A
	رقم الخانة	عدد حبات القمح
1	1	1 2
		3
		=A2+1
		4

C	B	A
	رقم الخانة	عدد حبات القمح
1	1	1 2
		3
		=B2*2
		4
		5
		6

C	B	A
	رقم الخانة	عدد حبات القمح
1	1	1 2
2	2	2 3
4	3	3 4
8	4	4 5
		6

D	C	B	A
		رقم الخانة	عدد حبات القمح
=SOMME(B2:B65)		1	1 2
		2	2 3

4

الحساب الحرفي

سأتعلم في هذا الباب

العبارة الحرفية: $x^4 + 4x^3 + 10x^2 + 12x + 9$

تكتب: **مكعب مربع سبعة**

العبارة الحرفية: $10x^2 - 20$

تكتب: **صافي ثلثة**

ـ تعني العملية (-)

مهدي عبد الجود، الملحق السابع المغاربي حول تاريخ الرياضيات العربية، مراكش جوان 2002 (بتصريف)

استعمال الرموز والعبارات الحرفية عند العرب

يرجع المؤرخون الفضل لعالم الرياضيات محمد بن موسى الخوارزمي (780 - 850، بغداد) في استعمال الرمز شـ الحرف الأول من الكلمة (شيء) للتترميز للمجهول.

وقد ظهر الترميز والتغيير الحRFي جليا في أعمال عالم الرياضيات الاندلسي المغربي أبو الحسن على بن محمد الفلتسادي (1412 - 1486 تونس) حيث استعمل:

x^4	x^3	x^2	مال x^2	شيء x^2	عدد (وحدة)	الترميز
ـ	ـ	ـ	ـ	ـ	ـ	ـ



تحدي

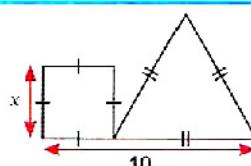
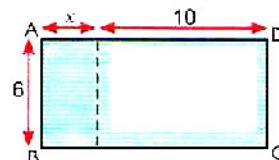
عددان مجموعهما 191,7

بكم يزداد جداً هما إذا أضفنا لكل منهما 10؟

أَسْتَعْدَدُ

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً ليها.

الإجابات			الأسئلة
(3)	(2)	(1)	
18	-2	6	8 - 5 × 2 .1 يساوي
18	-2	6	2 × (8 - 5) .2 يساوي
-6	3	0	3 - 3 ² .3 يساوي
$a \times a^2$	$3a$	a^3	$a \times a \times a$.4 يساوي
$x + 5$	$5x$	x^5	$x + x + x + x + x$.5 يساوي
$(x+5)(2-x)$	$7+(x-3)$	$3x+4$	أي العبارات هي عبارة جداء .6
$2x+3$	$6x$	$5x$	$3 + 2x$.7 يساوي
$7x$	$10x^2$	$10x$	$5x \times 2x$.8 يساوي
$(x+7) \times 3$	$3(x+7)$	$x+7 \times 3$	أي من العبارات موافقة للبرنامج الآتي: • اختر عدداً .9 • أضف إليه 7 . • اضرب الناتج في 3 .
$2(x+16)$	$2(x+10)+12$	$2(6x+10)$	محيط المستطيل ABCD يساوي .10
$6x+10$	$6(x+10)$	$6x+60$	مساحة المستطيل ABCD المرسوم أعلاه .11 تساوي
$10 - 3x$	$30 - x$	$3(10 - x)$	في الشكل المقابل محيط المثلث يساوي .12



١ تبسيط عبارة جبرية

أ) اوحدة طول. للتعبير عن طول الخط الأحمر بدالة ℓ

اقتراح كل من إلياس ومريم العبارتين:

اقتراح إلياس: $4 \times (3\ell)$

اقتراح مريم: $3\ell + 3\ell + 3\ell + 3\ell$

• كيف تبرر صحة كل من الاقتراحين؟

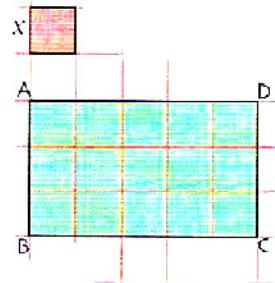
• ميز عبارة المجموع وعبارة الجداء من بين الاقتراحين.

• بسط كلا من العبارتين السابقتين.

ب) • عبر بدالة x عن مساحة المربع الثاني.

• عبر بدالة x عن بعدي المستطيل $ABCD$.

• عبر بطريقتين مختلفتين عن مساحة المستطيل $ABCD$ بدالة x .



٢ حذف الأقواس

إليك أجوبة ثلاثة تلاميذ عن المسألتين الآتتين:

(1) كان في خزان شاحنة 50 لترًا من البنزين، استهلكت منها 14 لترًا للوصول إلى المحجرة، و 17 لترًا للعودة إلى الورشة. اكتب سلسلة عمليات تسمح بحساب عدد لترات البنزين المتبقى في خزان هذه الشاحنة.

(2) كان في الحافلة 36 راكبا. عند وصولها المحطة ركب فيها 29 شخصاً ونزل 7 أشخاص. اكتب سلسلة عمليات تسمح بحساب عدد ركاب هذه الحافلة عند مغادرتها المحطة.

اللهميذ ③	اللهميذ ②	اللهميذ ①
$50 - (14 - 17)$ (1) $36 + (29 - 7)$ (2)	$50 - 14 - 17$ (1) $36 - 29 - 7$ (2)	$50 - (14 + 17)$ (1) $36 + 29 - 7$ (2)

أ) احسب نتيجة كل سلسلة. ثم حدد الإجابات الصحيحة.

ب) اكتب كل سلسلتين متساويتين واربطهما بالرمز =.

ج) احسب كلا من سلاسل العمليات الآتية، ثم اكتبها بدون أقواس.

$$D = 9 - (4 - 2, 3), \quad C = 3, 4 - (-3 + 7), \quad B = 9 + (-13 - 6), \quad A = 5 + (3 - 7)$$

د) ما هو التخمين الذي يمكنك وضعه لحذف قوسين غير متبعين عنيفين بالإشارة (X) أو الإشارة (÷) في مجموع حجري؟

ألفي

٣ نشر عبارات جبرية

١) نشر عبارات من الشكل: $a(b+c)$ حيث a و b و c اعداد

أ) يرمز x إلى طول المستطيل ABEF.

. غير ، بدلالة x ، عن طول المستطيل $ABCD$

٤٠. غيره ، بطر يقتن مختفين ، عن مساحة المستطيل $ABCD$ بدلالة x .

. استنتج مساواة بين عبارتي مساحة المستطيل $ABCD$.

نشر جداء يعني كتابته على شكل مجموع

$$C = x(y + 3) \quad , \quad B = -2 \times (3 - y) \quad , \quad A = 5 \times (x - 3)$$

٢) نشر عبارات من الشكل: $(a+b)(c+d)$ حيث a و b و c و d أعداد

في الشكل المرفق LMPQ مستطيل و (EF) ، (GH) متعامدان و $[LQ]$ ، $[HG]$ متوازيان.

(١) • غير ، بدلالة a, b, c, d عن بعدي المستطيل $LMPQ$.

• غير عن مساحة المستطيل LMPQ مزءة كجاء لبعديه،

وَمِرَّةٌ كِمْجُومٌ أَرْبَعْ مَسَاحَاتٍ.

• استنتاج مساواة بين عبارتي مساحة المستطيل $LMPQ$.

ب) انشر کلا ممایا تی:

$$C = (2x-5)(x-7) \quad , \quad B = (x-5)(3-y) \quad , \quad A = (x+2)(x+3)$$

٤ حساب قيمة عبارة حرفية

(١) احسب قيمة العبارة $A = (3x+2)(x-5)$ من أجل كل من $x = 1$ و $x = -1$ و $x = 5$.

$$A = 3x^2 - 17x - 6$$

ب) هذا نشر أحد التلاميذ للعبارة A.

لـ $x = 5$ كـ $x = -1$ كـ $x = 1$ من أجل قـ A التبرير عدم صــحة عمل هذا التلميذ.

5 مقارنة عددين ناطقين

أ) انقل الجدول المقابل وأكمله. (الإتمام العمود الثالث)
يمكن استعمال مستقيم مدرج في كل حالة، لتعليم النقطة A
نقطة B ذات النقطة A ذات النقطة C ذات النقطة D ذات النقطة E

ب) a و b عددان. انقل وأكمل ما يلي بما يناسب
(مع حبا، سالبا، أكبر، أصغر).

«إذا كان $a - b$ يكون a من b .

وإذا كان $a - b$ يكون a من b .».

ج) كيف يصبح الفرق $a - b$ عندما يكون a يساوي b .

<u>a</u>	<u>b</u>	<u>b</u> ، <u>a</u> مقارنة	<u>a - b</u> إشارة الفرق
$\frac{5}{7}$	$\frac{2}{3}$		
$\frac{3}{4}$	7		
$\frac{9}{4}$	9		
$-\frac{8}{3}$	$-\frac{5}{9}$		
$-\frac{1}{7}$	$-\frac{4}{9}$		
$-\frac{5}{3}$	$-\frac{2}{7}$		

١ تبسيط عبارة حرفية**أمثلة**

• تبسيط عبارة جداء

$$4 \times (3l) = 4 \times 3 \times l = (4 \times 3) \times l = 12l$$

$$(3x) \times (5x) = 3 \times x \times 5 \times x = 3 \times 5 \times x \times x = 15x^2$$

• تبسيط مجموع جبري

$$4l + 4l + 4l + 4l = 16l$$

$$3x + 5x = 8x$$

تبسيط عبارة حرفية يعني كتابتها بأقل ما يمكن من الحدود في حالة مجموع أو العوامل في حالة جداء.

٢ حذف الأقواس في عبارة جبرية**أمثلة**

• القوسان مسبوقتان بالإشارة (+)

$$a + (7 - b) = a + 7 - b$$

$$x + (-2 - 3x) = x - 2 - 3x$$

• القوسان مسبوقتان بالإشارة (-)

$$a - (-2b + 9) = a + 2b - 9$$

$$x - (-6x - y) = x + 6x + y$$

في عبارة جبرية يمكن حذف القوسين غير المتبعتين بـ \times أو \div بشرط أن:

• نحذف المسبوقتين بالإشارة + دون تغيير

إشارات الحدود الموجودة بين القوسين.

• ونحذف المسبوقتين بالإشارة - مع تغيير إشارة كل حد موجود بين القوسين.

٣ نشر عبارات جبرية**أمثلة**

$$\begin{aligned} 5(x + 2) &= 5x + 5 \times 2 \\ &= 5x + 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -2x(7 - 1,5x) &= -2x \times 7 - (-2x) \times (1,5x) \\ &= -14x + 3x^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} +(7 - b) &= (+1) \times [7 + (-b)] \\ &= (+1) \times 7 + (+1) \times (-b) = 7 - b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -(-2x - y) &= (-1) \times [-2x + (-y)] \\ &= (-1) \times (-2x) + (-1) \times (-y) = +2x + y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2x - 3)(-4 + x) &= -8x + 2x^2 + 12 - 3x \\ &= 2x^2 - 11x + 12 \end{aligned}$$

ثم نبسط

نشر عبارة جداء يعني كتابتها على شكل مجموع.

خاصية ١

من أجل كل a ، b ، c ، d أعداد نسبية

$$a(b + c) = ab + ac$$

ملاحظات

(أ) تسمى الخاصية ١ بالخاصية التوزيعية
(توزيع الضرب على الجمع).

(ب) يمكن تبرير قاعدة حذف الأقواس باستعمال هذه الخاصية ١.

خاصية ٢

من أجل كل a ، b ، c ، d أعداد نسبية

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

• حذف الأقواس وتبسيط عبارة حرفية

تمرين : بسط العبارة: $A = 5x^2 - 8 + (10x - 3x^2) - (2 - 3x)$

$$A = 5x^2 - 8 + 10x - 3x^2 - 2 + 3x$$

حل: نحذف الأقواس (بتطبيق القاعدة المناسبة)

$$A = \underline{5x^2 - 3x^2} + \underline{10x + 3x} - 2 - 8$$

نجمع الحدود المتشابهة

$$A = (5 - 3)x^2 + (10 + 3)x - 10$$

نبسط

$$A = 2x^2 + 13x - 10$$

ملاحظة

كتابة العبارة $13x + 10x + 3x$ على الشكل $13x$ هو تطبيق للخاصة $(b + c)a = ba + ca$.

• نشر عبارة حرفية وتبسيطها (1)

$$A = 3 \times 1 + 3 \times (-4x) - 7 \times x - 7 \times (-2) + x \times 5 + x \times (-3x)$$

تمرين : انشر وبسط العبارة:

$$A = 3 - 12x - 7x + 14 + 5x - 3x^2$$

$$A = 3(1 - 4x) - 7(x - 2) + x(5 - 3x)$$

$$A = \underline{+3 + 14} + \underline{-12x - 7x + 5x} - 3x^2$$

حل: نطبق الخاصة التوزيعية ونبسط

$$A = 17 + (-12 - 7 + 5)x - 3x^2$$

الجاءات ثم نبسط المجموع الجبري.

$$A = 17 - 14x - 3x^2$$

• نشر عبارة حرفية وتبسيطها (2)

$$A = 3x \times 2 + 3x \times (-x) + 4 \times 2 + 4 \times (-x)$$

تمرين : انشر وبسط العبارة

$$A = 6x - 3x^2 + 8 - 4x$$

$$A = (3x + 4)(2 - x)$$

$$A = \underline{6x - 4x} - 3x^2 + 8$$

حل: ننشر ونبسط الجاءات ثم نبسط

$$A = (6 - 4)x - 3x^2 + 8$$

المجموع الجبري.

$$A = 2x - 3x^2 + 8$$

- نرتّب عبارة المجموع حسب قوى x

$$A = -3x^2 + 2x + 8$$

تنازلياً.

$$A = -3x^2 + 2x + 8$$

دوري الآن

انشر وبسط كلا من العبارتين:

②

١ بسط العبارة:

$$B = (-x + 6)(3 + 2x) \quad A = 7x(3 - 2x) - 5(-3x + 4)$$

$$A = -2x^2 + 7 - (-x + 5x^2) + (-9x + 1)$$

٤ حساب قيمة عبارة حرفية**امثلة**

• احسب قيمة العبارة $A = 3x^2 - 7x - 4$ من أجل $x = 2$.

نوعُّض x بالعدد 2 في العبارة A فجذ

$$A = 3 \times 2^2 - 7 \times 2 - 4$$

$$A = 3 \times 4 - 14 - 4$$

$$A = 12 - 14 - 4$$

$$A = -6$$

• احسب قيمة العبارة $B = (-5x + 7)(2 - y)$ من أجل

$$x = -1,4 \text{ و } y = -9$$

نوعُّض x بالعدد -1,4 و y بالعدد -9 في العبارة B فجذ

$$B = [-5 \times (-1,4) + 7][2 - (-9)]$$

$$B = [7+7][2+9]$$

$$B = 14 \times 11$$

$$B = 154$$

لحساب قيمة عبارة حرفية من أجل بعض

قيم للحرف أو الحروف في العبارة،

نوعُّض الحروف بهذه القيم ونجري

الحسابات باحترام قواعد أولوية العمليات.

ملاحظة

عند التعوييض نكتب إشارة الضرب \times بين العددين، وفي حالة التعوييض بعدد سالب نستعمل الأقواس.

مثال 1: عند تعويض x بالعدد 3 في العبارة $5x$ ، نكتب 5×3

مثال 2: عند تعويض x بالعدد -3,2 في العبارة $5x$ ، نكتب $5 \times (-3,2)$

٥ مقارنة عددين ناطقين**امثلة**

• لمقارنة $\frac{5}{3}$ و $\frac{9}{7}$.

نحسب الفرق $\frac{5}{3} - \frac{9}{7}$: إن $\frac{5}{3} > \frac{9}{7}$

بما أن $0 < \frac{5}{3} - \frac{9}{7}$ فإن $\frac{5}{3} > \frac{9}{7}$

• لمقارنة $-\frac{6}{5}$ و $-\frac{13}{9}$.

نحسب الفرق $-\frac{13}{9} - \left(-\frac{6}{5}\right) = -\frac{11}{45}$: إن $-\frac{13}{9} < -\frac{6}{5}$

بما أن $0 < -\frac{13}{9} - \left(-\frac{6}{5}\right)$ فإن $-\frac{13}{9} < -\frac{6}{5}$

و b عددان ناطقان.

تمكّن إشارة الفرق $-$ من ترتيب العددين a و b .

$a > b$ معناه $a - b > 0$.

$a < b$ معناه $a - b < 0$.

$a = b$ معناه $a - b = 0$.

• توظيف قيمة عبارة حرفية والحساب الحرفي

تمرين: إليك العبارات الحرفية $A = 2x^2 - 6$, $B = (x-1)(2x+6)$, $C = 2(x^2 + x) + 2(x-3)$. احسب قيمة كل من العبارات A , B , C من أجل $x = 1$.

(2) هل العبارتان A و B متساويتان؟ بزر إجابتك.

(3) هل العبارتان B و C متساويتان؟ بزر إجابتك.

حل: (1) نعرض x بالعدد 1

$$A = 2 \times (1)^2 - 6 = 2 \times 1 - 6 = 2 - 6 = 4$$

في العبارة A , فجد:

$$B = (1-1)(2 \times 1 + 6) = 0 \times (2+6) = 0$$

وكذا في العبارة B , فجد:

$$C = 2 \times ((1)^2 + 1) + 2 \times (1-3) = 2 \times (1+1) + 2 \times (-2)$$

وكذا في العبارة C , فجد:

$$= 2 \times 2 - 4 = 4 - 4 = 0$$

(2) العبارتان A و B غير متساويتين، لأن من أجل $x = 1$ ليس لهما نفس القيمة.

(3) نلاحظ أن من أجل $x = 1$ فإن للعبارات B و C نفس القيمة، ومنه يمكن أن تكونا متساويتين.

$$B = (x-1)(2x+6) = 2x^2 + 6x - 2x - 6 = \boxed{2x^2 + 4x - 6}$$

نشر العبارة B , فجد:

$$C = 2(x^2 + x) + 2(x-3) = 2x^2 + 2x + 2x - 6$$

نشر العبارة C , فجد:

$$= \boxed{2x^2 + 4x - 6}$$

ومنه نجد أن العبارتين B و C متساويتان.

ملاحظة

لا يكفي تساوي قيمتي عبارتين للحكم على تساوي هاتين العبارتين.

مثال: العبارتان $19 + x^2 - 7x$ و $19 + x^2$ غير متساويتين، ولكن لهما نفس القيمة 19 من أجل $x = 0$.

• مقارنة عددين ناطقين

تمرين: قارن بين العددين بحساب فرقهما في كل حالة: $\frac{3}{4}$, $\frac{5}{9}$, $\frac{8}{7}$ و $\frac{14}{13}$.

حل:

نحسب الفرق $\frac{5}{9} - \left(\frac{3}{4}\right)$ فجد

$$\frac{14}{13} - \frac{8}{7} = -\frac{6}{91}$$

$$\frac{5}{9} - \left(\frac{3}{4}\right) = \frac{7}{36}$$

بما أن $-\frac{6}{91} < \frac{7}{36}$ فإن $\frac{14}{13} < \frac{8}{7}$

بما أن $0 > \frac{7}{36} - \left(\frac{3}{4}\right)$ فإن $\frac{14}{13} < \frac{8}{7}$

ملاحظة

لمقارنة عددين ناطقين يمكن كتابتهما على شكل كسررين لهم نفس المقام الموجب، ثم ترتيبهما حسب ترتيب بسطيهما.

دوري الآن

1) احسب قيمة كل من العبارات $(x+4)(x-3)$, $A = (x+4)(x-3)$.

حالة: $x = -4$.

2) قارن بين العددين بحساب فرقهما في كل

$$B = x^2 - 12$$

ب) هل العبارتان A و B متساويتان؟ بزر إجابتك.

- 8** انشر كل عبارة من العبارات الآتية:
 أ) $-5(9 - 2a)$ ب) $4(3x - 5)$
 ج) $-2x(x + 4)$ د) $3(6 - 4x)$
 هـ) $-7(2x - 1)$ و) $4x(-3x + 2y)$

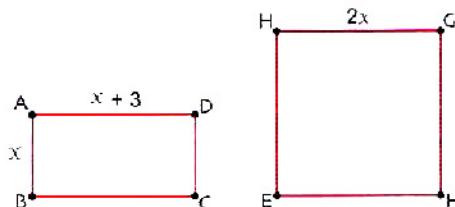
9 إليك العبارتين:

$$B = -4x + 3(x^2 + 4), \quad A = x(3x - 4) + 12$$

انشر كلا من العبارتين A و B.

ما الذي يمكنك استنتاجه بالنسبة للعبارات A و B؟

10 نعتبر المربع والمستطيل الآتيين:



نرمز إلى مساحتي المربع والمستطيل بالرمزين A و B على الترتيب.

أ) عبر بدلالة x عن كل من A و B.

ب) احسب كلاً من A و B من أجل $x = 1$.

ج) هل يمكن القول أن العبارتين A و B متساويتان؟

د) بين أن العبارتين A و B غير متساويتين.

11 اكتب على شكل جداء كلا من المجاميع الآتية:

$$\begin{aligned} 5x - 15 & ; \quad n^2 + 3n & ; \quad 6x + x^2 \\ -3x - 12 & ; \quad 15x - 12 & ; \quad 2y + 6 \\ 5z^2 + 2z & ; \quad 5t^2 - 25t \end{aligned}$$

حذف الأقواس

12 اكتب كل عبارة من العبارات الآتية بدون أقواس ثم بسطها إن أمكن.

أ) $-4 + (-x + 3y)$

ب) $7 - (-x + 2y)$

ج) $3h - (2h + 1)$

د) $12 - (2 - 4a) + (3a - 5)$

هـ) $6 + (-4a + 3) - (2 - 5a + b)$

حساب قيمة عبارة حرفية

1 لتكن العبارة الحرفية $A = -2x + 5$

احسب قيمة العبارة A من أجل:

أ) $x = 7$; ب) $x = -1$; ج) $x = 3$

2 لتكن العبارة الحرفية $B = x^2 - 4x + 3$

احسب قيمة العبارة B من أجل:

أ) $x = 0$; ب) $x = 2$; ج) $x = -2$

3 اختبر صحة كل مساواة من المسayıتين الآتیتين من

أجل 1

$$(3x - 1)(2 - x) = -3x^2 + 7x - 2$$

$$14x - 7x^2 = -7x(x - 2)$$

4 بين اللحظة التي يرى فيها سائق السيارة عائقاً

أمامه ولحظة يتوقف السيارة بفعل عملية الكبح، هناك

مسافة تقطعها السيارة تُعرف بمسافة التوقف،

يمكن حساب قيمة تقريرية لها باستعمال العبارة

$$d = 0,0064v^2 + 0,5v$$

حيث v سرعة السيارة قبيل عملية الكبح.

احسب مسافة التوقف في الحالات الآتية:

أ) $v = 90\text{ km.h}^{-1}$; ب) $v = 50\text{ km.h}^{-1}$

ج) $v = 130\text{ km.h}^{-1}$

توزيعية الضرب

5 اكتب على أبسط شكل ممكن كل عبارة جبرية من العبارات الآتية:

أ) $3 \times 2x \times 6x$ ب) $7x \times 5x$

ج) $7x + 5x$ د) $4 \times 8x \times x$

هـ) $3x + x$ و) $7x + 5x + 9x$

6 اشرح الخطأين المرتكبين من قبل زميلك.

$5x + 3 = 2x \quad | \quad 3x + 7x = 10x^2$

7 بسط كلماً أمكن، كل عبارة مما يأتي:

H = $5 + 4x$ G = $3x + 11x$

K = $3x - 2$ I = $2b^2 + 3b^2$

M = $2 - 9x$ L = $2x - 8x$

أوْنَفِ تَعْلِمَاتِي

17 أنشر ثم بسط كلاً من العبارتين:

$$E = (-2x+3)(3x-2)$$

$$F = (5x-2)(-3x+9)$$

18 قام أحد التلاميذ بنشر الجداء $(5x+1)(x+3)$ ثم

تبسيطه ، فكتب:

$$(5x+1)(x+3) = 5x^2 + 15x + 3$$

1) اختبر صحة هذا النشر.

2) انشر وبسط العبارة $(5x+1)(x+3)$.

19 (1) باستعمال المساواة:

$$2010 \times 81 = (2000 + 10) \times (80 + 1)$$

استعمال الآلة الحاسبة، احسب 2010×81 .

(2) بطريقة مماثلة، احسب:

$$2010 \times 93 : 2010 \times 76$$

20 إليك العبارة

1) انشر وبسط العبارة E .

2) احسب قيمة العبارة E من أجل $x = \frac{1}{5}$ ، مرأة باستعمال العبارة الأصلية ومرة أخرى باستعمال العبارة المبسطة.

21 إليك العبارة:

$$E = 3(4x-5) + (x+2)(x-7)$$

1) انشر وبسط

$$\cdot 3(4x-5) \cdot (x+2)(x-7)$$

2) انشر وبسط

3) استنتج تبسيطها للعبارة E .

22 طلب الأستاذ من تلاميذه نشر وتبسيط العبارة

$$B = 3(x-5)(4x+9)$$

تظهر في إجابتي تلميذين بداية الحل فقط.

$$B = 3(x-5) \quad \text{نشر} \quad 3(x-5)$$

$$(x-5)(4x+9) \quad \text{نم نشر} \quad 3(x-5)3x + 3(x-5)5$$

$$3(x-5) = 3x - 15$$

$$B = (3x-15)(4x+9)$$

1) أتم الإجابتين السابقتين.

2) اقترح كيفية أخرى لنشر وتبسيط العبارة B .

13 اكتب كل عبارة من العبارات الآتية بدون أقواس ثم بسطها كلما أمكن ذلك.

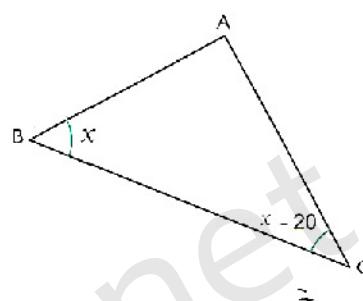
$$A = 3a + 6 - (4a + 5) + (2 - 7a)$$

$$B = -b + 8 + (4b - 1) - (7b - 3)$$

$$C = 9 - 4x + x - (5 - 2x) + 6 + (8 - 3x)$$

$$D = d - 2 - (5d + 3) + (7d - 1) - (2d - 2)$$

14 يشير x إلى عدد أكبر تماماً من 20.



1) عبر بدالة x وبشكل مبسط عن قيس الزاوية \widehat{A} .

2) احسب قيس الزاوية \widehat{A} في كل حالة مما يأتي:

$$(1) x = 30 \quad (2) x = 45 \quad (3) x = 90$$

3) هل يمكن أن يكون $x = 120$ ؟ اشرح.

15 طلب الأستاذ من تلاميذه نشر العبارة:

$$A = 3 + (x-2) \times 5$$

إليك جزءاً من ورقة إجابة زميلك.

$$\begin{aligned} A &= 3 + (x-2) \times 5 \\ &= 3 \times x - 3 \times 2 \times 5 \\ &= 3x - 30 \end{aligned}$$

1) ما هو الخطأ المركب من طرف زميلك؟

ب) أعد العمل الذي قام به زميلك مصححا الخطأ.

نشر العبارة $(a+b)(c+d)$

16 (أ) أنشر و بسط كل عبارة مماثلتي.

ب) اختبر صحة ما توصلت من أجل قيمتين للمتغير x .

$$B = (x+2)(3-2x) , A = (x+1)(x+5)$$

$$D = (4x-3)(6x+1) , C = (5x+2)(3+7x)$$

(1) احسب باستعمال الآلة الحاسبة **29**

$$\frac{53,4}{7,89} - \frac{23,55}{3,48}$$

ب) استعمل النتيجة الظاهرة على الشاشة لمقارنة

$$\begin{array}{c} \text{العددين } \frac{23,55}{7,89} \text{ و } \frac{53,4}{3,48} \\ \text{قارن بين العددين } \frac{1,28}{7} \text{ و } \frac{0,441}{2,4} \\ (\text{يمكنك استعمال الحاسبة}) \end{array}$$

(2) قارن بين العددين الناطقين في كل حالة مما يأتي:

$$\begin{array}{ll} \text{أ) } \frac{-13}{12} \text{ و } \frac{5}{4} & \text{ب) } \frac{13}{28} \text{ و } \frac{3}{7} \\ \text{ج) } \frac{7}{8} \text{ و } \frac{5}{6} & \text{د) } \frac{15}{7} \text{ و } \frac{5}{6} \end{array}$$

31 طلب الأستاذ من تلاميذه مقارنة العددين $\frac{25,96}{35,89}$

و $\frac{38,94}{53,89}$ ، مع السماح باستعمال الآلة الحاسبة.

(1) قامت مريم بحساب حاصل القسمة $\frac{25,96}{35,89}$ باستعمال الآلة الحاسبة.

أ) ما هي النتيجة التي ستظهر على الشاشة؟

ب) ما الذي يجب على مريم فعله بعد ذلك؟

(2) قام يونس بحساب الفرق $\frac{25,96}{35,89} - \frac{38,94}{53,89}$ باستعمال الآلة الحاسبة.

أ) ما هي النتيجة التي ستظهر على الشاشة؟

ب) ما الذي يمكن استنتاجه؟

أي الطريقتين أفضل حسب رأيك؟

32 إليك العبارتين :

$$B = 4x + 3 \quad ; \quad A = 5x - 4$$

(1) حدد إشارة كل من A و B من من أجل :

$$x = 9 \quad \text{ب) } x = 7 \quad \text{ج) } x = 0$$

(2) بسط العبارة $B - A$ ، ثم استنتج إشارتها من $x > 7$.

(3) قارن بين A و B من أجل $x > 7$.

(1) انشر ثم بسط $(x+3)(x+4)$ **23**

(2) انشر ثم بسط العبارة : $A = x(x+3)(x+4)$

$$a^2 = a \times a$$

انشر ثم بسط كل عبارة مما يأتي :

$$B = (2x-5)^2 \quad ; \quad A = (x+3)^2$$

$$(a-b)^2 \quad ; \quad (a+b)^2$$

(1) انشر ثم بسط العبارة **25**

$$(x-4)^2 - (x-2)(x-8)$$

(2) استنتج طريقة تسمح بحساب سريع للسلسلة:

$$9996^2 - 9998 \times 9992$$

(1) انشر ثم بسط العبارة **26**

$$A = (x+1)(x-1)$$

(2) احسب ذهنياً:

$$1001 \times 999 \quad ; \quad 101 \times 99$$

مقارنة عددين ناطقين

(1) قارن بين العددين الناطقين a و b في كل حالة

مما يأتي :

$$a - b = -\frac{5}{2} \quad ; \quad a - b = 0,1$$

$$b - a = -10^2 \quad ; \quad b - a = 7$$

$$b - a \geq 1 \quad ; \quad a - b = \frac{2}{5}$$

(2) في كل حالة مما يأتي :

$$y = -9 \text{ و } x = 12 \quad ; \quad y = 4 \text{ و } x = -5$$

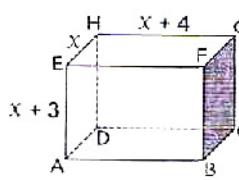
$$y = -8 \text{ و } x = 3 \quad ; \quad y = 7 \text{ و } x = -11$$

(1) قارن شفاهياً بين العددين x و y ثم استنتج إشارة $x - y$ دون حسابه.

(2) تحقق من إجاباتك السابقة من خلال حساب $y - x$ في كل حالة مما سبق.

عند الحاجة أعود إلى
الصفحة :

جد الإجابة الصحيحة (لو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

58	من بين العبارات الآتية، ميز تلك التي تمثل مجموعاً ($5x+2$) ² (ج) $4+2x-7x^2$ (ب) $(3x+1)(x+5)$				1								
58	بسط كل عبارة من العبارات الآتية : $C = -7x^2 + 3x^2$ $B = -7x \times 3x$ $A = -7x + 3x$				2								
60	احسب قيمة العبارة $(x+7)(x-2)$ من أجل $x = -3$				3								
59 و 58	اختر الإجابة الصحيحة من بين الاقتراحات الثلاثة الآتية : <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">$-10x+5$ (ج)</td> <td style="padding: 5px;">$-7x-1$ (ب)</td> <td style="padding: 5px;">$-10x-1$ (أ)</td> <td style="padding: 5px;">$-5(2x-1) = \dots$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$-3(-5-x)$ (ج)</td> <td style="padding: 5px;">$-3(-5+x)$ (ب)</td> <td style="padding: 5px;">$12x$ (أ)</td> <td style="padding: 5px;">$15-3x = \dots$</td> </tr> </table>				$-10x+5$ (ج)	$-7x-1$ (ب)	$-10x-1$ (أ)	$-5(2x-1) = \dots$	$-3(-5-x)$ (ج)	$-3(-5+x)$ (ب)	$12x$ (أ)	$15-3x = \dots$	4
$-10x+5$ (ج)	$-7x-1$ (ب)	$-10x-1$ (أ)	$-5(2x-1) = \dots$										
$-3(-5-x)$ (ج)	$-3(-5+x)$ (ب)	$12x$ (أ)	$15-3x = \dots$										
57	اكتب عبارة مبسطة بدلالة x ، تعبّر عن: أ) حجم متوازي المستويات ABCDHEFG . ب) المساحة الجانبية لمتوازي المستويات ABCDEFGH . 				5								
58	اكتب كل عبارة من العبارات الآتية بدون أقواس وعلى شكلها المبسط. $B = (8a-3)+(4a+1)$; $A = (5a+3)-(2a-4)$ $C = 9x-(3-x)+(-5+6x)-(-7x+2)$ $D = 3x+6-(5-x)+(4x^2+3x)-8$				6								
59 و 58	أ) انشر ثم بسط العبارة $(3x-4)(-7x-2)$ ب) اختبر صحة النشر الذي قمت به من أجل $x = 0$				7								
59	دون القيام بعملية النشر بصورة كاملة، ميز من بين الجداءات الآتية تلك التي لا تساوي $x^2 - x - 6$ ($x-3)(x+2$) (ج) ($x-3)(x-2$) (ب) ($3-x)(x+2$) (أ)				8								
61 و 60	نضع : $b = \frac{1}{3}\pi$ و $a = \frac{1}{2}\pi$ احسب $a - b$ ثم قارن بين a و b .				9								
61 و 60	قارن بين العددين $\frac{4}{13}$ و $\frac{0.91}{3}$.				10								

لمقارنة :

مما يأتي :

$25,96$

$35,89$

بـ.

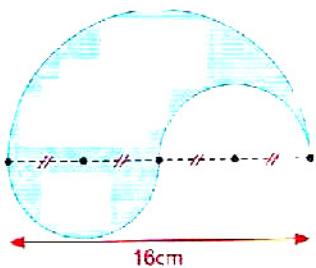
$25,96$

$35,89$

$25,96$

$35,89$

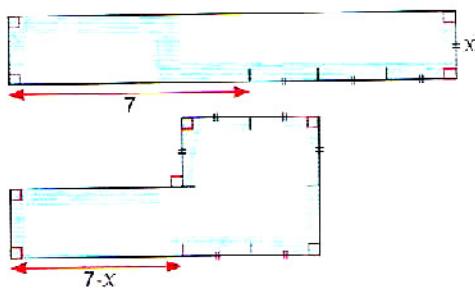
$x > 7$



أقارن محيطين وأقارن مساحتين 38

x يرمز إلى عدد موجب وأصغر من 7.

فاطمة : «الشكلان المرفقان لهما دائما نفس المحيط». مريم : «الشكلان المرفقان لهما دائما نفس المساحة».



ما رأيك في هذين التأكيدتين ؟ مع التبرير.

استعمل مثلاً مضاداً 39

عدد نسبي.

$$D = 9a + 6, C = (2+a)(3+2a)$$

تُوکد مريم أن $C = D$ من أجل أي قيمة لـ a .

احسب قيمة كل من C و D من أجل $a = 1$ ، ثم من أجل $a = 0$.

كيف ترى تأكيد مريم ؟

احسب قيمة كل من C و D من أجل قيمة أخرى لـ a .

ماذا يمكننا القول عن تأكيد مريم ؟

لكي أثبت أن تأكيداً خاطئاً يكفي إعطاء مثال مضاد.

أبْرِرْ صحة مساواة 40

عدد نسبي.

$$A = (3x - 2)(2x + 1)$$

$$B = (3x - 2)(x + 1) + x(3x - 2)$$

تُوکد فاطمة أنه من أجل أي قيمة مختارة لـ x ، فإن $A = B$.

أثبت أن تأكيد فاطمة صحيح.

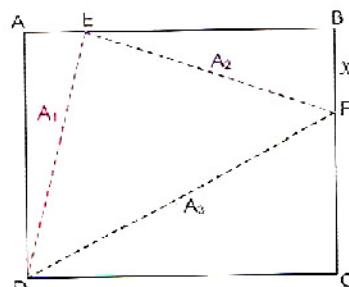
الحساب الحرفى والهندسة 35

$AD = 4\text{cm}$ مستطيل حيث $AB = 5\text{cm}$ و

E نقطة من $[AB]$ حيث $AE = 1\text{cm}$

F نقطة من $[BC]$. نرمز بـ x لطول القطعة

مُعبرًا عنه بالسنتيمتر.



(1) احسب A_1 مساحة المثلث AED .

(2) عبر بدلالة x عن A_2 مساحة المثلث EBF .

(3) عبر بدلالة x عن A_3 مساحة المثلث DFC .

(4) بين أن $A_1 + A_2 + A_3 = 12 - 0,5x$.

(5) عبر بدلالة x عن مساحة المثلث EDF .

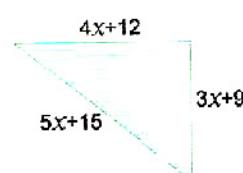
(6) تحقق أنه من أجل $x = 4$ تكون مساحة المثلث

EDF تساوي $A_1 + A_2 + A_3$. ما هو حينئذ موضع النقطة F ؟

محيط مثلث 36

x عدد موجب.

عبر عن محيط المثلث المرفق بدلالة x .



أميّز بين قيمة مضبوطة وقيمة مقربة 37

احسب القيمة المضبوطة بالسنتيمتر لمساحة الحيز الأزرق في الشكل المرفق.

أعط قيمة مقربة بالنقطان لهذه المساحة إلى 0,01.

أتعقب

شكل مفتوح 44

- إليك عمل تلميذ، قام بنشر عبارات، لكن للأسف تلطخ جزء منه بالحبر.
- (1) هل يمكنك في كل حالة تحديد الخطأ أو الصواب في أجوبته.
 - (2) انشر ويسط كل عبارة من العبارات الخمس.

$$(x+2)(x-8) = x^2 + 16 \quad (1)$$

$$(x-2)(3-a) = a^2 - 6 \quad (2)$$

$$(3x-2)(x-7) = 3x^2 - 14 \quad (3)$$

$$(2a-8)(2-3a) = -2a^2 + 20a - 16 \quad (4)$$

$$(2x-4)(x-3) = 2x^2 + 10x \quad (5)$$

حساب عجيب 45

(1) احسب ما يلي:

$$37 \times 35 - 36^2 \quad 2019 \times 2017 - 2018^2$$

ماذا تلاحظ؟

(2) انشر ويسط العبارة الآتية $x^2 - x - 1$.

هل كانت نتيجتنا السؤال (1) متوقعتين؟ بزر.

خذ المبادرة 46

(1) تتحقق من أن :

$$3 \times 5 = 4^2 - 1 \quad , \quad 2 \times 4 = 3^2 - 1 \quad , \quad 1 \times 3 = 2^2 - 1$$

(2) تؤكد فاطمة أن :

$$100002 \times 100004 = 100003^2 - 1$$

لماذا هي متأنكة من ذلك؟

المربع السري 47

انقل وأتمم للحصول على مربع سري (المجموع على كل سطر وعلى كل عمود وعلى كل قطر هو نفسه).

$a-2$		$2a-4$
$a-3$		
$2-2a$		

اضع تخمينا وأبرر 41

(1) تحقق من صحة كل مساواة من المساويات الآتية :

$$2^2 - 1^2 = 2 + 1$$

$$3^2 - 2^2 = 3 + 2$$

$$4^2 - 3^2 = 4 + 3$$

$$5^2 - 4^2 = 5 + 4$$

(2) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه؟

(3) نرمز بـ n لعدد طبيعي أكبر من أو يساوي 1.

(4) انشر ويسط العبارة $(n+1)^2 - n^2$.

(5) بزر التخمين الذي وضعته في السؤال (1) ب).

(6) احسب ذهنيا $1000^2 - 999^2$ ، اشرح.

ادرس برنامج حساب 42

إليك برنامج حساب.

• اختر عددا.

• اطرح 2.

• اضرب النتيجة في مجموع العدد المختار والعدد 2.

• اطرح من الناتج مربع العدد المختار.

(1) ما هو العدد الذي نحصل عليه، إذ اخترنا من

البداية العدد : (أ) 0 ، (ب) 3 ، (ج) 5 ، (د) 6

ماذا تلاحظ؟

(2) تقول فاطمة: «ووجدت تبريراً، يسمح بإعطاء النتيجة

دون المرور على خطوات البرنامج».

ما هو التبرير الذي وجدته فاطمة؟

صحيح أم خاطئة 43

اذكر إن كانت التأكيدات التالية صحيحة أم خاطئة، مع

التبرير.

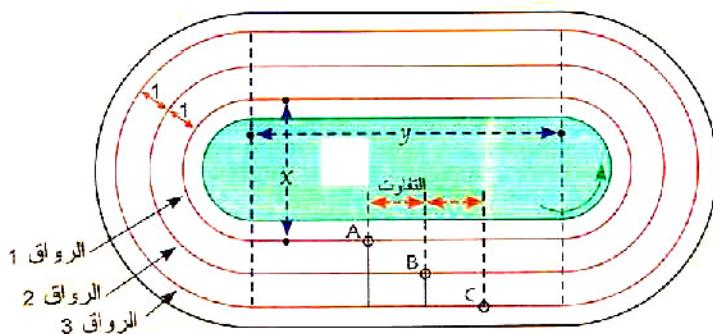
(أ) من أجل أي قيمة لـ x ،

(ب) مهما كانت قيمة x ،

(ج) مهما كان العدد x ،

(د) مجموع عددين طبيعيين متتابعين هو عدد فردي.

وضعية



انطلاقات متفاوتة

يُمثّل المُخطّط المرفق أروقة العدّو داخل ملعب لألعاب القوى، حيث مثّلنا كل رواق بخط أحمر.

ينكون مسار كل رواق من خطين متوازيين ونصفي دائرة.

ترمز النقط A ، B ، C إلى ثلاثة عدائين في وضعية الانطلاق.

كيف تفسّر التفاوت الموجود بين مكان تواجد عداء وآخر لحظة الانطلاق؟ قدم الشروحات الالزامـة. (الأطوال معبّر عنها بالمتر).

توجيهات

حل وتوجيهات

• فراءة وتحليل الوضعية

• عمّ يتحدث النص؟

• ما هو شكل المسارات (مما تتكون).

• ماذا تمثل الحروف x ، y ، A ، B ، C كيف هي وضعيات المتسابقين على المسارات؟

• رتب المعطيات ثم حدد التعليمـة (أو التعليمـات).

تحليل التعليمـة و اختيار استراتيجية حل مناسبة

• هل تبدو لك المسارات بنفس الطول؟

• ما هو الإجراء الذي سأقوم به لاقنع به الآخرين؟

تنفيذ استراتيجية الحل المختار

• افكـر في تقسيم ثلاث مراحل ثم أجيـب ...

• أبحث عن طول كل مسار.

• أقاربـن الأطوال.

• أفسـر نتائجـ الحسابات.

• تحريرـ الحل والشرحـ بجملـ واضحةـ.

وضعية للتقويم

هل يتم تفادي الاصطدام؟

يسير سائق سيارة بسرعة 90 km/h

على طريق غير مبلـل، رأى فجـاهـةـ

أمامـهـ بـقرـةـ تـبعـدـ عـنـهـ مـسـافـةـ 85 m

فـشـرـعـ فـيـ الفـرـمـلـةـ.

حسبـ السـنـدـاتـ الآـتـيـةـ،ـ هلـ يـحـدـثـ الـاصـطـدامـ بـالـبـقـرـةـ؟ـ

$$D_R = \frac{3 \times V}{10}$$

$$D_F = \frac{3 \times V^2}{400}$$

على طريقـ غيرـ مـبـلـلـ السـرـعـةـ V ـ مـقـنـرـةـ km/h

$$D_A = D_F + D_R$$

مسافةـ التـوقـفـ

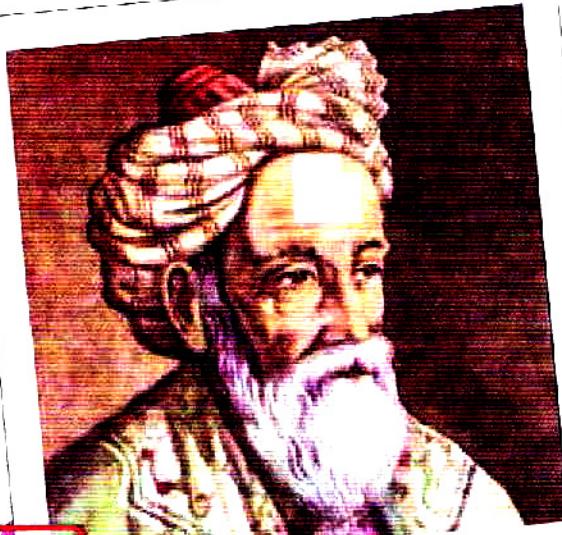
الـمسـافـةـ المـقـطـوـعـةـ خـلـالـ الفـرـمـلـةـ.

الـمسـافـةـ المـقـطـوـعـةـ بـيـنـ لـحـظـةـ روـيـةـ

الـعـانـقـ وـبـداـيـةـ الفـرـمـلـةـ.

المساويات - المتبادرات - المعادلات

سأتعلم في هذا الباب



عمر بن ابراهيم الخياط 1048 م - 1131 م

معرفة الخواص المتعلقة بالمساويات (أو المتبادرات) و العمليات و استعمالها في وضعيات بسيطة.

حصر عدد موجب مكتوب في الشكل العشري باستعمال التدوير إلى رتبة معينة.

ترتيب مشكلات وحلها بتوظيف المعادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد.

ان استعمال المعادلات الرياضية قديم قم الحضارة الإنسانية، فمنذ 2000 سنة قبل الميلاد استعملت في مصر القديمة لتقسيم المحاصيل بين الفراعنة والكهنة والعمال، و حلوها بطريق مختلفة، و عرقوها معادلات من الدرجة الثانية و حلوا مسائل تتعلق بها، كما استعملتها البابليون والإغريق وغيرهم من الحضارات القديمة.

وبعد 27 قرنا، أي في القرن 8 الميلادي، كان الخوارزمي - عالم الرياضيات والفلك - أول من حل معادلات من الدرجة الثانية بطريقه جبيرة، تم بعد مرور 3 قرون (القرن 11)، كان الشاعر والفيلسوف وعالم الرياضيات عمر الخيام أول من حل معادلات من الدرجة الثالثة. ولم يتم التوصل إلى حل معادلات من الدرجة الرابعة إلا بعد 5 قرون (القرن 16) من طرف المهندس الإيطالي رافائيل بومبلي.

تحدي

قرر أب مكافحة كل واحد من أبنائه الثلاثة بمبلغ مالي بمناسبة نجاحهم في امتحانات نهاية السنة الدراسية، وذلك حسب الكيفية الآتية: يأخذ صاحب أعلى معدل مبلغ DA 15750 ويأخذ صاحب أدنى معدل ربع المبلغ، بينما يتحصل الولد الثالث على ثلاثة أضعاف المبلغ.

ما هي حصة كل من الولدين الآخرين؟

أَسْتَعِنُ

جِد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3)	(2)	
-5	5	
0	-4	
-7	$\frac{1}{7}$	
-1	1	
-1	$\frac{1}{9}$	
$\frac{1}{10}$	10	
لَا يمكن تعبينه	$-\frac{2}{3}$	
لَا يمكن تعبينه	$-\frac{7}{4}$	
$-\frac{7}{3}$	7	
1	0	
$1 - x^2$	$1 + x^2$	
$t^2 + t - 6$	$t^2 - 6$	
9	10	
9,6	10	
8	7,6	
8	7,7	
8	7,66	

الأسئلة

1. العدد المجهول في المساواة $x + 5 = 0$ هو : ...
 2. العدد المجهول في المساواة $0 - x = 4$ هو : ...
 3. العدد المجهول في المساواة $1 \times x = 7$ هو : ...
 4. العدد المجهول في المساواة $8 = -8x$ هو : ...
 5. العدد المجهول في المساواة $3 \div x = 3$ هو : ...
 6. العدد المجهول في المساواة $1 = x \div 10$ هو : ...
 7. العدد الأكبر من بين العددين $\frac{2}{3}$ و $-\frac{2}{3}$ هو : ...
 8. العدد الأصغر من بين العددين $-\frac{5}{4}$ و $\frac{7}{4}$ هو : ...
 9. قيمة العبارة $3x + 7$ من أجل $x = 0$ هي : ...
 10. قيمة العبارة $8y - 8$ من أجل $y = 1$ هي : ...
 11. العبارة $(1-x)(1+x)(1-x^2)$ تبسط على الشكل : ...
 12. العبارة $(t+3)(t-2)(t^2+1)$ تبسط على الشكل : ...
 13. المدور إلى الوحدة لحاصل القسمة $\frac{135}{14}$ هو : ...
 14. المدور إلى الجزء من 10 لحاصل القسمة $\frac{135}{14}$ هو : ...
 15. لاحظ شاشة حاسبة.
- $46 \div 6$
7.6666666667
- المدور إلى الوحدة لحاصل القسمة $\frac{46}{6}$ هو : ...
- المدور إلى الجزء من 10 لحاصل القسمة $\frac{46}{6}$ هو : ...
- المدور إلى الجزء من 100 لحاصل القسمة $\frac{46}{6}$ هو : ...

١ المساويات و العمليات

• المساويات و الجمع

١) يوجد عند أحمد و مريم نفس المبلغ المالي.

أضاف أبوهما لكل واحد نفس المبلغ المالي المقدر بـ 200 DA.

قارن بين المبلغين الموجودين عند كل من الولدين.

اشترى كل من أحمد و مريم كتاباً بسعر 350 DA.

قارن بين المبلغين المتبقيين عند الولدين.

٢) $a = b$ ، c ، b ، a أعداد ناطقة حيث $a \neq b$.

احسب الفرق $(a+c)-(b+c)$ ثم قارن بين $a+c$ و $b+c$.

احسب الفرق $(a-c)-(b-c)$ ثم قارن بين $a-c$ و $b-c$.

٣) أكمل كل جملة مما يلي : a ، b و c أعداد ناطقة.

«إذا كان $a = b$ فإن $a-c = b-c$... $b-c = a-c$... $a-c = b-c$... $b-c = a-c$... $a = b$ ». «إذا كان $a = b$ فإن $a+c = b+c$... $b+c = a+c$... $a+c = b+c$... $b+c = a+c$... $a = b$ ».

• المساويات و الضرب

٤) $a = b$ ، c ، b ، a أعداد ناطقة حيث $a \neq b$.

حل إلى جداء عاملين الفرق $ac - bc$.

احسب الفرق $ac - bc$ ثم قارن بين ac و bc .

أكمل الجملة الآتية: « $ac = b$... bc ، b ، a ، c أعداد ناطقة. إذا كان $a = b$ فإن $ac = bc$... $bc = ac$... $ac = bc$... $bc = ac$... $a = b$ ».

٥) $a = b$ ، c ، b ، a أعداد ناطقة حيث $c \neq 0$.

احسب الفرق $\frac{a}{c} - \frac{b}{c}$ ثم قارن بين $\frac{a}{c}$ و $\frac{b}{c}$.

أكمل الجملة الآتية: « $a = b$... c ، b ، a ، c أعداد ناطقة حيث $c \neq 0$. إذا كان $a = b$ فإن $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$... $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$... $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$... $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$... $a = b$ ».

٢ المتبادرات و العمليات

• المتبادرات و الجمع

١) انقل و أتمم الجدول المقابل.

٢) بمحاجحة النتائج المسجلة في الجدول السابق أكمل الجمل الآتية :

• «إذا كان $a-b > 0$ فإن $a > b$... a » ؛ «إذا كان $a-b < 0$ فإن $a < b$... a ».

٣) هل النص الآتي صحيح؟ برر إجابتك.

• « $a+c < b+c$... $a < b$ ، c ، b ، a أعداد ناطقة. إذا كان $a < b$ فإن $a+c < b+c$... $b+c < a+c$... $a+c < b+c$... $b+c < a+c$... $a < b$ ».

٤) هل النص الآتي صحيح؟ برر إجابتك.

• « $a-c < b-c$... $a < b$ ، c ، b ، a أعداد ناطقة. إذا كان $a < b$ فإن $a-c < b-c$... $b-c < a-c$... $a-c < b-c$... $b-c < a-c$... $a < b$ ».

قارن بين a و b			
a	b	$a-b$	$b-a$
3	7		
-5	1		
-2	-4		
5	-3		

أمثلة

5) $a < b$ عددان ناطقان حيث $a < b$.

أكمل، إن أمكن، بأحد الرموزين $<$ ؛ $>$ العبارات الآتية :

$$a - \frac{7}{2} \dots b - \frac{9}{2} ; \quad a + \frac{3}{5} \dots b + \frac{6}{5} ; \quad a - 4 \dots b - 4 ; \quad a + 3 \dots b + 3$$

• المتبادرات و الضرب

1) أتمم الجدول المقابل.

2) $a < b < c$ ، a ، b ، c ، ac ، bc ، abc عددان ناطقان حيث $a < b < c$. قارن بين ac و bc .

3) $k < l$ عددان ناطقان حيث $k < l$.

أكمل، إن أمكن، بأحد الرموزين $<$ ؛ $>$ العبارات الآتية :

$$\frac{k}{-6} \dots \frac{l}{-6} ; \quad \frac{k}{5} \dots \frac{l}{5} ; \quad -3k \dots -3l ; \quad 2k \dots 2l$$

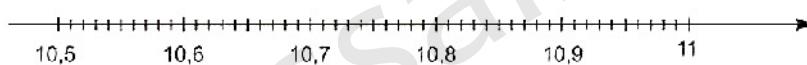
a	b	c	ac	bc	abc
1	2	4			
3	5				
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{9}$	-3			
$\frac{2}{9}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{5}{4}$			
$\frac{7}{3}$	$\frac{6}{7}$	$\frac{1}{2}$			

3 حصر عدد عشري موجب

1) محيط مربع هو P . مدورة P إلى الجزء من 10 هو 10,7. (الوحدة cm).

أعط ثلاثة قيم ممكنة للعدد P .

أنقل المستقيم المدرج الآتي ثم حدّد المنطقة التي يقع فيها P .



أعط حسراً لقيمة P .

2) استعمال حاسبة.

تبين شاشة حاسبة قيمة مقربة للعدد $A = \frac{247}{83}$.

يمكن القول أن $2 < A < 3$.

كتابة $2 < A < 3$ تسمى حسراً للعدد A بالعددين الطبيعيين 2 و 3.

العدد 2 هو قيمة مقربة إلى الوحدة للعدد A بالنقصان و 3 قيمة مقربة إلى الوحدة بالزيادة للعدد A .

أعط حسراً للعدد A باستعمال قيم مقربة بالزيادة و بالنقصان إلى $\frac{1}{10}$ ؛ $\frac{1}{100}$ ؛ $\frac{1}{1000}$.

4 المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

1) اختار كل من سمير و ليلى نفس العدد. أضاف سمير لهذا العدد 3 و ضرب النتيجة في 2.

بينما ليلى أضافت له 7.

عند مقارنة النتيجتين، تفاجأ عندما لاحظا أنهما متساويتان. جد هذا العدد إذا أمكن..

2) اختار كريم و سعاد نفس العدد. أضاف له كريم 2 و ضرب النتيجة في 5.

ضاعفت سعاد العدد الذي اختارته و أضافت للنتيجة 25.

عند مقارنة النتيجتين، لاحظا أنهما متساويتان. جد، إذا أمكن، العدد الذي اختاره كل من كريم و سعاد.

a	b
3	7
-5	1
-2	-4
5	-3

1 المساويات و العمليات

• المساويات و الجمع

مثال ..

- بتطبيق هذه الخاصية نكتب : إذا كان $a = -2$
فإن $+11 = a + 13$ و $-7 = a - 5$.

خاصية : a, b, c أعداد ناطقة.

- إذا كان $a = b$ فإن $a + c = b + c$ و $a - c = b - c$

- بتعبير آخر، لا تتغير مساواة عندما نضيف إلى (أو نطرح من) طرفيها نفس العدد الناطق.

مثال ..

- بتطبيق هذه الخاصية نكتب :
إذا كان $x = \frac{3}{2}$ فإن $5x = \frac{15}{2}$ و $-5 = -\frac{3}{10}$

خاصية : a, b, c أعداد ناطقة.

- إذا كان $a = b$ فإن $ac = bc$

- إذا كان $a = b$ و $c \neq 0$ فإن $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

- بتعبير آخر، لا تتغير مساواة عندما نضرب طرفيها في نفس العدد الناطق أو نقسم طرفيها على نفس العدد الناطق غير المعدوم.

2 المتباعدات و العمليات

• المتباعدات و الجمع

مثال ..

- بتطبيق هذه الخاصية نكتب :

- إذا كان $3 < y$ فإن $3 + 4 < y + 4$
و بالتالي $y + 4 < 7$

خاصية : a, b, c أعداد ناطقة.

- إذا كان $a < b$ فإن $a + c < b + c$ و $a - c < b - c$

- لا يتغير اتجاه متباعدة عندما نضيف إلى (أو نطرح من) طرفيها نفس العدد الناطق.

ملاحظة

- يمكن استبدال المتباعدة $<$ بإحدى المتباعدات $<$ ، $>$ ، \geq و تبقى الخاصيتان السابقتان صحيحتين.

- $a \leq b$ يقرأ a أصغر أو يساوي b .

- $a \geq b$ يقرأ a أكبر أو يساوي b .

• المتباعدات و الضرب

مثال ..

- بتطبيق هذه الخاصية نكتب : إذا كان $z < -4$
فإن $(-4) \times 2z < 2z$ و بالتالي $-8 < 2z$.

خاصية : a, b, c أعداد ناطقة.

- إذا كان $b < 0$ و $a < c$ فإن $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ و $ac < bc$

- لا يتغير اتجاه متباعدة إذا ضربنا طرفيها في (أو قسمناهما على) نفس العدد الناطق بشرط أن يكون موجبا تماما.

خاصية : a, b, c أعداد ناطقة.

- بتطبيق هذه الخاصية نكتب : إذا كان $x < 15$
فإن $\frac{15}{-3} > \frac{x}{-3}$ و بالتالي $-5 > \frac{x}{-3}$.

- إذا كان $b < 0$ و $a < c$ فإن $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$ و $ac > bc$

- إذا ضربنا طرفي متباعدة في (أو قسمناهما على) نفس العدد الناطق السالب تماما فإننا نغير اتجاهها.

طرائق

• توظيف خواص المساويات و العمليات

تمرين :

x عدد ناطق حيث $3 = 2x - 4$. هل المساويات الآتيةتان صحيحتان؟ $2 = 2x - 5$ ؛ $-3 = 2x + 4$ ؛

تعالق

حل :

- لدينا x عدد ناطق حيث $3 = 2x - 4$. بالإضافة -1 إلى طرفي هذه المساواة نجد $3 - 1 = 2x - 4 - 1$ أي $2 = 2x - 5$. إذن المساواة $2 = 2x - 5$ صحيحة.
- بإضافة 8 إلى طرفي المساواة $3 = 2x - 4$ نجد 8 أي $2x - 4 + 8 = 3 + 8$ أي $2x + 4 = 11$. إذن المساواة $2x + 4 = 11$ غير صحيحة.

$a = -2$

تمرين :

x عدد ناطق حيث $5 = -5x + 1$. هل كل مساواة مما يلي صحيحة؟ $-25x + 1 = 21$ ؛ $-25x + 1 = 25 - 4$ أي $-5x + 1 = 5$.

حل :

- بضرب طرفي المساواة $-5x + 1 = 5$ في 5 نجد $-25x + 5 = 25$ و بإضافة 4 إلى طرفي هذه المساواة نجد $-25x + 1 = 25 - 4$ أي $-25x + 1 = 21$ إذن المساواة $-25x + 1 = 21$ صحيحة.

نفس العدد

- بقسمة طرفي المساواة $-5x + 1 = 5$ على 5 نجد $\frac{1}{2}x + \frac{1}{10} = \frac{1}{2}$. إذن $\frac{1}{2}x + \frac{1}{10} = \frac{1}{2}$ بالتألي المساواة $\frac{1}{2}x + \frac{1}{10} = \frac{1}{2}$ صحيحة.

• توظيف خواص المتباينات و العمليات

تمرين :

- x عدد ناطق حيث $\frac{7}{5} > x$. $A = 3x - 2$ و $B = 5 - 2x$ عددان حيث $A > B$. قارن بين A و B من أجل $x = \frac{3}{2}$ ثم $x = 10$. ضع تخمينا حول مقارنة العددين A و B . أثبت صحة هذا التخمين.

$y - \frac{1}{2}$

ين.

تعالق

حل :

- إنطلاقاً من حالتين خاصتين، وضعنا مخمنة $x = \frac{3}{2}$ نجد $A = 28$ و $B = 15$. إذن $A > B$. التخمين: يبدو أن $A > B$ من أجل كل قيمة x حيث $\frac{7}{5} > x$. أثبات أن $A > B$. نحسب $A - B = 5x - 7$ و نجد $5x - 7 > 0$ أي $5x > 7$. بالتألي $5x > 0$. ينتهي أن $A > B$.

$z < -4$

.2z

وجباتهما

نوري الآن

- x عدد ناطق حيث $-6 < x$. ما هي المتباينة ② في كل حالة مما يلي: $x - 8 > 7$ ؛ $x - 15 > -3$ ؛ $\frac{-x}{4} > 9$ استعمل خواص المتباينات للحصول على متباينة من الشكل ... $x < ...$ أو ... $> x$.

$x < 15$

ها.

3 حصر عدد عشري

• عدد عشري موجب، مدورة إلى الوحدة هو 15.

لا يمكن للعدد x أن يساوي 14,4 لأن مدورة إلى الوحدة هو 14.

ولا يمكن كذلك أن يساوي العدد x 15,5 لأن مدورة إلى الوحدة هو 16.

نعلم أن المدور إلى الوحدة لكل عدد x حيث $14,5 < x \leq 15$ هو 14.

و مدورة إلى الوحدة لكل عدد x حيث $15,5 \leq x < 16$ هو 16.

الكتابة $15,5 < x \leq 14,5$ هي حصر لكل عدد عشري مدورة إلى الوحدة هو 15.

نمثل هذا الحصر بالشكل الآتي :

• المدور إلى الوحدة للعدد العشري 3,647 هو 4

لأن رقم أعشاره هو 6 وهو أكبر من 4. إذن $4 < 3,647 \leq 3$.

• المدور إلى $\frac{1}{10}$ للعدد العشري 3,647 هو 3,6 لأن رقم جزءه من 100 هو 4 وهو أصغر من 5.

إذن $3,6 < 3,647 \leq 3,7$.

• المدور إلى $\frac{1}{100}$ للعدد العشري 3,647 هو 3,65 لأن رقم جزءه من 1000 هو 7 وهو أكبر من 4.

إذن $3,64 < 3,647 \leq 3,65$.

4 المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

مثال

المعادلة هي مساواة تتضمن عدداً أو أعداداً مجهولة،
مغير عنها بحروف.

مثال

كل معادلة من الشكل $ax + b = cx + d$ حيث a, c, b, d أعداد معلومة و x غير معلومين في آن واحد تسمى معادلة من الدرجة الأولى ذات المجهول x .

حل معادلة من الدرجة الأولى ذات المجهول x يعود إلى تعين قيمة هذا المجهول التي تتحقق المساواة المعطاة.

مثلاً : 2- ليس حلّاً للمعادلة $0 = 4 - 8x$ بينما العدد $\frac{1}{2}$ هو حلّ لها.

5 ترسيخ مشكلة و حلها

مثال

ترسيخ مشكلة و حلها ينطوي المرور على المراحل الآتية :

• اختيار المجهول، و ليكن مثلاً x ؛

• ترجمة كل المعطيات الواردة في النص بدالة x ؛

• إيجاد معادلة مناسبة تعبر عن المشكلة؛

• حل المعادلة؛

• التصريح بالحل؛

• التحقق من صحة النتيجة بالعودة إلى نص المشكلة.

عند كريم 500DA؛ مكونة من قطع نقدية من 5x فنتي 50DA و 100DA.

ما هو عدد القطع من فئة 50DA إذا علمت أنه يملك 3 قطع من فئة 100DA ؟

هذا المشكل يترجم بالمعادلة $50x + 300 = 500$

حلها هو 4، أي توجد 4 قطع من فئة 50DA

طرائق

• حصر عدد عشري موجب

تمرين

1) احص العدد 4,679 بين عددين طبيعين متتالين.

2) عين حصرا لهذا العدد باستعمال قيم مقربة بالقصاص و بالزيادة إلى $\frac{1}{10}$.

حل

1) نلاحظ أن $4 \leq 4,679 < 5$. إذن $5 > 4,679 \geq 4$.

2) 4,6 هي قيمة مقربة بالقصاص إلى $\frac{1}{10}$ و 4,7 هي قيمة مقربة بالزيادة إلى $\frac{1}{10}$ للعدد 4,679. إذن $4,6 < 4,679 \leq 4,7$.

تعالق
 نستعمل القيمة التقريبية
 بالقصاص و بالزيادة إلى
 مرتبة معينة لحصر عدد
 عشري موجب.

14,5

15

من 5.

من 4.

جهول x ,

$4x + 5$

رجة الأولى

المعطاة.

طبع نقدية من

$50x + 300$

نهاية

$50DA$

• حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

تمرين

حل المعادلة الآتية : $9x + 1 = 5x - 7$.

حل

(1) تتبّع المراحل الآتية :

$$9x + 1 = 5x - 7$$

$$9x + 1 - 5x = 5x - 7 - 5x$$

$$4x + 1 = -7$$

$$4x + 1 - 1 = -7 - 1$$

$$4x = -8$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{-8}{4}$$

$$x = -2$$

$$9 \times (-2) + 1 = -18 + 1 = -17$$

$$5 \times (-2) - 7 = -10 - 7 = -17$$

$$9x + 1 = 5x - 7$$

$$9x + 1 = 5x - 7$$

$$9x + 1 = 5x - 7$$

• ترتيب مشكلة و حلها

تمرين : ي يريد مدير متوسطة شراء كتب علمية تباع بنفس السعر لوضعها في مكتبة المؤسسة. إذا اشتري 7

كتب، فينقصه 190DA و إذا اشتري 6 كتب، فيتبقي عنده 110DA. ما هو سعر الكتاب الواحد؟

حل : نسمى x سعر الكتاب الواحد. في الحالة الأولى يمكن كتابة العبارة $190 - 7x$ و في الحالة الثانية

نكتب العبارة $110 - 6x$. اعلم أنه في الحالتين يدفع نفس المبلغ. إذن نكتب $110 - 6x = 190 - 7x$.

• تعين سعر الكتاب الواحد يعود إلى حل المعادلة $6x + 110 = 7x - 190$ ذات المجهول x .

• لاحظ أن هذه المعادلة من الدرجة الأولى. لدينا $7x - 190 = 6x + 110$.

إذن $6x - 190 = 6x + 110 - 6x$. وبالتالي $6x - 190 = 110 + 190 - 6x$. إذن حل المعادلة هو 300.

• التتحقق : لدينا $1910 = 6 \times 300 + 110 = 1910 = 7 \times 300 - 190 = 7x - 190$ و $7x - 190$ ذات المجهول x .

إذن المعادلة محققة، وبالتالي سعر الكتاب الواحد هو 300DA.

نوري الان

• 8,34 هو المدور إلى الجزء من 100 للعدد a . هل يمكن أن a عمر أب هو 42 سنة و عمر ابنه هو 12

سنة. بعد كم سنة يكون عمر الأب ثلاثة

أضعاف عمر ابنه؟

يكون a يساوي 8,342 ؟ 8,336 ؟ 8,345 ؟

• أعط حصرا للعدد a باستعمال قيمتين تقربيتين إلى

الجزء من 100 للعدد a .

المساويات و العمليات

1 x عدد ناطق، أكمل كل جملة مما يلي :

$$\text{إذا كان } 24 = x \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } -3 = x \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } 0 = x \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } \frac{1}{2} = x \text{ فإن } \dots$$

2 a عدد ناطق، أكمل كل جملة مما يلي :

$$\text{إذا كان } 0 = 3a - 4 \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } -1 = -2a + 1 \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } 2 = -a + 2 \text{ فإن } \dots$$

$$\text{إذا كان } 7a - 3 = 7 - 3a \text{ فإن } \dots$$

3 صحيح أو خاطئ.

$$\text{إذا كان } 4 = 3x \text{ فإن } 1 =$$

$$\text{إذا كان } 0 = 17 - x \text{ فإن } 17 =$$

$$\text{إذا كان } 8 = 8x \text{ فإن } 0 =$$

$$\text{إذا كان } 0 = \frac{2}{5} - 5x \text{ فإن } 2 =$$

4 اكتب المساواة التي تحصل عليها عندما تضرب

$$\text{طرف المساواة : } 2 = 2x - 5 \text{ في العدد } -3.$$

• اكتب المساواة التي تحصل عليها عندما تضرب

$$\text{طرف المساواة : } 1 = 3x + 15 \text{ في العدد } -1.$$

5 x عدد نسيبي حيث $-1 = 2x$.

أكمل كل مساواة مما يلي :

$$-4x = \dots \quad ; \quad x - 3 = \dots \quad ; \quad 2x + 5 = \dots$$

$$-\frac{5}{2}x + \frac{5}{2} = \dots \quad ; \quad \frac{x}{2} - 1 = \dots \quad ; \quad x + \frac{1}{2} = \dots$$

المتباينات و العمليات

6 x عدد ناطق.

أكمل كل جملة مما يلي :

$$\text{إذا كان } 10 > x \text{ فإن } \dots >$$

$$\text{إذا كان } -3 < x \text{ فإن } \dots <$$

$$\text{إذا كان } -2 \geq x \text{ فإن } \dots \geq$$

$$\text{إذا كان } \frac{1}{2} \leq x \text{ فإن } \dots \leq$$

7 m عدد ناطق، أكمل كل جملة مما يلي :

$$\text{إذا كان } 0 \geq 5m \text{ فإن } \dots \geq$$

$$\text{إذا كان } 0 \leq m - 1 \text{ فإن } \dots \leq$$

$$\text{إذا كان } 0 > 1 + 4m \text{ فإن } \dots >$$

$$\text{إذا كان } 0 < 3 - 2m \text{ فإن } \dots >$$

8 قارن بين العددين الناطقين $\frac{6}{5}$ و $\frac{5}{4}$.

9 قارن بين العددين الناطقين a و b في كل حالة مما يلي :

$$b = \frac{9}{14}; a = \frac{-4}{7} \quad (أ) \quad b = \frac{24}{21}; a = \frac{4}{3} \quad (ب)$$

$$b = \frac{3}{2}; a = \frac{2}{3} \quad (ج) \quad b = \frac{-15}{4}; a = \frac{4}{15} \quad (د)$$

10 تحصلت ليلى على علامتين في الرياضيات.

إدعاها مثلاً ثلاثة أخماس والأخرى إحدى عشرة على عشرين.

أي علامة أكبر؟

11 إذا كان a عدداً أصغر من 2000، فما الذي يمكن قوله عن العدد $a + 18$ ؟

12 إذا كان x عدداً أكبر من أو يساوي 5، فما الذي يمكن قوله عن العدد $10 - 3x$ ؟

13 m عدد نسيبي حيث $m > 3$.

استنتج متباينة يتحققها كل عدد مما يلي :

$$(أ) -5 + m; (ب) m + 3; (ج) m - 3$$

$$(د) -\frac{1}{4}m + 4; (ه) 3m - 3; (و) 4 - 3m$$

14 x عدد ناطق حيث $18 \leq 2x + 3 \leq$.

استنتاج متباينة يكون فيها x هو الحد الأول.

15 y عدد ناطق حيث $-5 \leq -3y + 5 \leq$.

استنتاج متباينة يكون فيها y هو الحد الأول.

16 z عدد ناطق حيث $-7 \leq -2z \leq -2$.

استنتاج متباينة يكون فيها z هو الحد الأول.

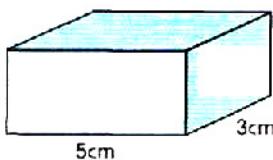
17 انقل و أكمل كل جملة مما يلي :

$$\text{إذا كان } b \dots a \geq \dots$$

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

28 الشكل المقابل لمتوازي مستطيلات.

(1) عين حسرا للارتفاع h



إذا علمت أن المدور إلى الجزء من 100 لـ h هو 5,41.

(2) استنتج حسرا للحجم V

لمتوازي المستطيلات المعطى.

المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

29 انقل و أنتم ما يلي :

إذا كان $0 = x + 8$ فإن $x = \dots$

إذا كان $0 = -2x$ فإن $x = \dots$

إذا كان $1 = \frac{x}{2}$ فإن $x = \dots$

إذا كان $0 = 4x - 4$ فإن $x = \dots$

30 تحقق إن كانت المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد. بزر إجابتك.

$$3x + \frac{1}{2} = 7 - 2x$$

31 تتحقق إن كانت المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد. بزر إجابتك.

$$-2\left(x + \frac{1}{2}\right) = 3x + 4 - 5x$$

32 هل العدد 0 هو حل للمعادلة الآتية :

$$?2x + 1 = 3x - 5$$

33 هل العدد -1 هو حل للمعادلة الآتية :

$$?-m - 2 = 2m + 1$$

34 حل كل معادلة من المعادلات الآتية :

$$x - 5 = 6 \quad ; \quad 3 + x = 8,4$$

$$-30x = 90 \quad ; \quad 4x = x + 4$$

$$-\frac{x}{3} = 3 \quad ; \quad 7x = 2,8$$

$$11x + 5 = 4x + 9 \quad ; \quad 3x - 5 = 5 - 3x$$

35 عند ليلي 27 زهرة، هي تعلم أن لديها 5 زهارات زائدة عن ضعف عدد الأزهار الموجودة عند مريم.

(1) اكتب معادلة تترجم بها هذه الوضعية.

(2) جد عدد الأزهار الموجودة عند مريم.

إذا كان $a \geq b$ فإن $a - b \geq 0$

إذا كان $1 - 3a \leq 5b$ فإن $3a \geq 5b - 1$

إذا كان $a + 10 \geq b - 10$ فإن $a - b \geq -20$

18 a و b عدادان ناطقان.

نقل و أكمل كل جملة مما يلي :

إذا كان $a \geq b$ فإن $7a - 7b \geq \dots$

19 a كان $b > a$ فإن $\frac{2}{5}a < \frac{2}{5}b$

20 $a + 1 \leq b + 1$ فإن $a \leq b$

إذا كان $a < b$ فإن $-a + 3 < -b + 3$

$$b = \frac{-9}{14}$$

$$b = \frac{3}{2}$$

سيات.

عشرة على

الذي يمكن

19 t عدد عشرى موجب حيث $1 \leq t \leq 3$.

عط حسرا لكل عبارة مما يلي :

$$\cdot \frac{14}{3}t - 2 \quad ; \quad \frac{1}{2}t + 10 \quad ; \quad 3t - 1$$

$$\cdot \frac{17}{19} < 1 < \frac{19}{17}$$

21 استعمل حاسبة لإثبات أن $3 + \frac{10}{71} < \pi < 3 + \frac{1}{7}$

$$\cdot \frac{2}{5} < \frac{33}{50} < \frac{3}{4}$$

22 أثبت أن x هو طول ضلع معين حيث $3 < x < 8$

(الوحدة cm).

عن حسرا لمحيط هذا المعين.

24 ABC مثلث متوازي الأضلاع، محيطه P محصور

عن $5cm$ و $6cm$.

عن حسرا الطول ضلع هذا المثلث.

25 a و b و c أعداد عشرية حيث :

$$.c = 5,115 \quad ; \quad b = 5,3 \quad ; \quad a = 5,12$$

ثبت أن $c < a < b$.

26 x عدد عشرى حيث $1 \leq 2x + 1 < 3$

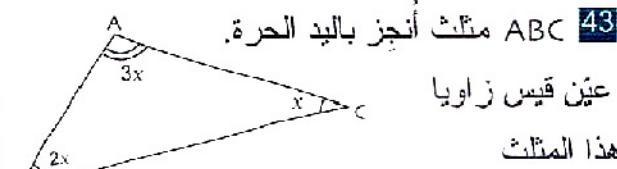
ستتج حسرا للعدد x .

27 طول ملعب كرة القدم محصور بين $100m$

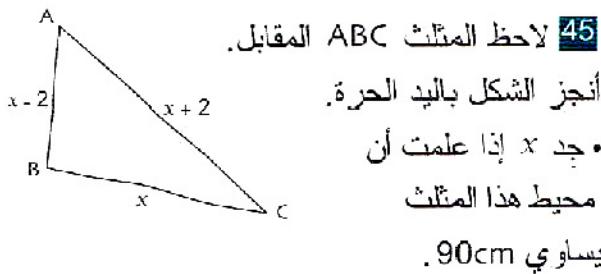
و $110m$ و عرضه محصور بين $64m$ و $75m$.

28 علمت أن الملعب مستطيل الشكل، عين حسرا

ساحة هذا الملعب.

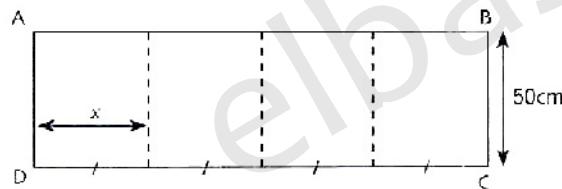


44 طول مستطيل هو ثلاثة أضعاف عرضه، جد بعدي هذا المستطيل إذا علمت أن محيطه هو 168m.



46 عندما نصيف 20cm إلى طول مستطيل، تزداد مساحته بـ 250 cm^2 .
ما هو عرض هذا المستطيل؟

47 لاحظ الشكل المُقَابِلِ حيث $ABCD$ مستطيل،
• جد x إذا علمت أن مساحة هذا المستطيل هي 280cm².



48 لاحظ الرسم المُقَابِلِ.
محيط المستطيل **فِيْهِ اشْغَالٌ** هو نفس محيط المثلث **مِنْقَاسِيْ**
الأضلاع. جد x .

49 اشتري رضا من المكتبة 5 كراس و 3 أقلام و دفع له 420DA.
إذا علمت أن سعر الكراس الواحد يبلغ خمسة أضعاف سعر القلم الواحد، ما هو سعر كل كراس و كل قلم بالدينار؟

36 نعتبر المعادلة : $4x - 8 = 2x + 3$

- (1) تصور وضعية يمكن ترجمتها بالمعادلة السابقة.
- (2) حل هذه المعادلة.

37 المحيط P للمستطيل الآتي يعطى بالصيغة

$$P = 2L + 2l$$

(1) انقل و أتمم :

$$2L = \dots\dots$$

- (2) عبر عن L بدلالة P و l .
- (3) احسب L إذا كان $P = 31\text{cm}$ و $l = 6,4\text{cm}$.

تَرْبِيْضُ مَشْكُلَاتِ

38 مجموع ثلاثة أعداد طبيعية متتابعة هو 30.

ما هي هذه الأعداد؟

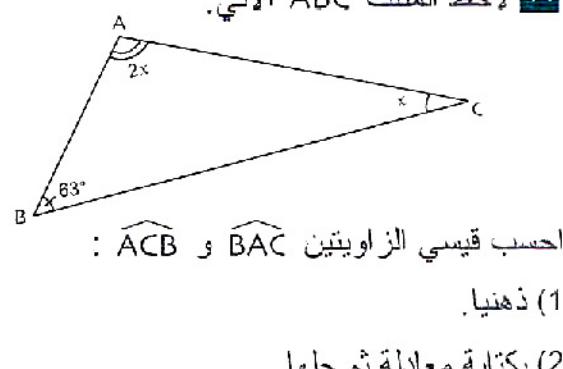
39 مجموع ثلاثة أعداد صحيحة متتابعة هو 12.

ما هي هذه الأعداد؟

40 يقول سمير : أفكِرْ في عدد، أضفْتُ 21 إلى ضعفه، أني أجد نفس النتيجة إذا طرحت 13 من ثلاثة أضعاف هذا العدد».

ما هو العدد الذي فكر فيه سمير؟

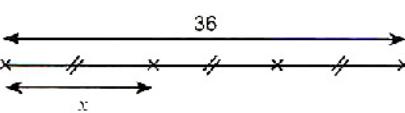
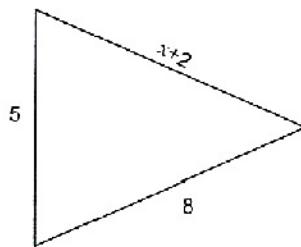
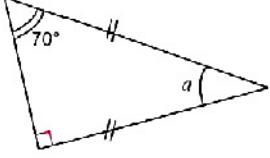
41 لاحظ المثلث $\triangle ABC$ الآتي.



42 في مثلث قائم، قيس زاوية حادة منه هو ثلاثة أضعاف قيس الزاوية الحادة الأخرى، ما هو قيس الزاوية الحادة الأصغر (بالدرجة)؟ استنتج قيس الزاوية الحادة الأكبر.

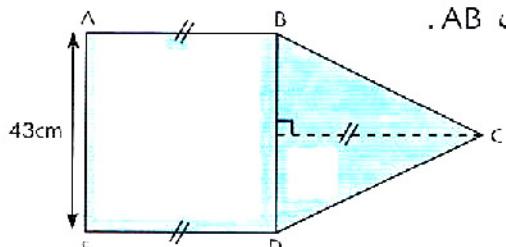
عند الإخفاق أعود إلى
الصفحة : ...

جِد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

74	a عدد ناطق. أكمل الجملة الآتية : إذا كان $-2 = a + 2$ فإن	1
74	b عدد ناطق. أكمل الجملة الآتية : إذا كان $0 = 5 - 3b$ فإن	2
74 و 75	x عدد ناطق. أكمل الجملة الآتية : إذا كان $-3 < x < -x$ فإن	3
74 و 75	y عدد ناطق. أكمل الجملة الآتية : إذا كان $4 \geq 2y - 2$ فإن	4
76 و 77	عين المدور إلى الوحدة لحاصل القسمة $\frac{136}{14}$. احصر هذا العدد بين عددين طبيعيين متاليين.	5
76 و 77	أفكِر في عدد، أضربه في 7 و أجد 4، ما هو هذا العدد؟	6
75	احسب قيمة العبارة $4 - 13y$ من أجل $y = -2$. ما هي قيمة هذه العبارة من أجل $y = \frac{4}{13}$ ؟	7
76 و 77	هل العدد 5 هو حل للمعادلة $2x - 7 = 3x + 11$ ؟	8
76 و 77	هل للمعادلتين نفس الحل : $2x + 1 = -3x + 4$ و $5x - 3 = 0$ ؟	9
76 و 77	حل المعادلة الآتية : $2x - 1 = 3x + 5$.	10
76 و 77	 لاحظ الشكل المقابل. عين العدد x .	11
76 و 77	 لاحظ الشكل المقابل (الوحدة 1 cm). عين العدد x إذا علمت أنَّ محيط المثلث هو 22 cm.	12
76 و 77	 لاحظ الشكل المقابل. عين العدد a .	13

59

مساحة الشكل ABCDE هي 1161cm^2 .
الشكل). استعمل المعطيات المسجلة على الشكل لإيجاد الطول AB .



ABC

60

تضمنت مسابقة اختبارات في ثلاثة مواد :
الرياضيات و العلوم الفيزيائية و اللغة العربية مع العلم أن معامل الرياضيات هو 4 و معامل العلوم الفيزيائية هو 2 و معامل اللغة العربية هو 5 .

في هذه المسابقة ، تحصلت عائشة على 12 من 20 في الرياضيات و 11 من 20 في العلوم الفيزيائية .
ما هي العالمة التي تحصلت عليها في اللغة العربية إذا علمت أن معدلها في هذه المسابقة بلغ 11,5 ؟

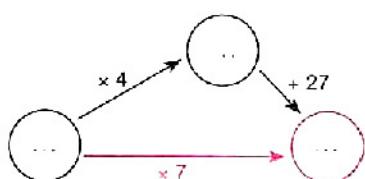
تحصلت خديجة على معدل 13,5 من 20 في 3 فروض في الرياضيات .

ما هي العالمة التي ينبغي أن تتحصل عليها في الفرض القائم في الرياضيات حتى يبلغ معدلها 14 من 20 ؟

57. الصيغة التي تسمح بحساب درجة الحرارة t بالوحدة سلسليوس ($^{\circ}\text{C}$) و درجة الحرارة T بالوحدة فرنهيت ($^{\circ}\text{F}$) هي $t = \frac{5}{9}(T - 32)$.

ما هي الدرجة التي سيسجلها المحرار بالوحدة ($^{\circ}\text{F}$) إذا كانت الدرجة المسجلة بالوحدة ($^{\circ}\text{C}$) هي 25°C ؟

58. لاحظ أن المسلكين الأسود والأحمر يodian إلى نفس العبارة .



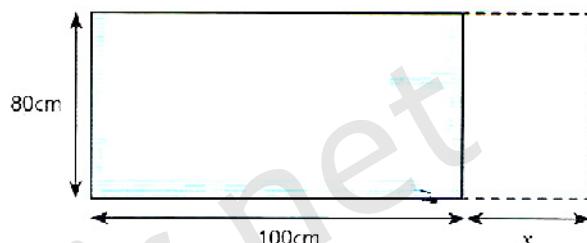
ما هي الأعداد التي نسجلها في الأقواس الثلاثة ؟

50. يبلغ عمر رجل 45 سنة بينما يبلغ عمر ابنه فيصل 6 سنوات .

بعد كم سنة يكون عمر الأب ضعف عمر ابنه ؟

51. يبلغ عمر سامية ثلث عمر أمها بينما يبلغ عمر أم سامية نصف عمر أمها .
إذا علمت أن مجموع أعمار سامية و أمها و جدتها هو 110 سنوات ، فما هو عمر سامية ؟

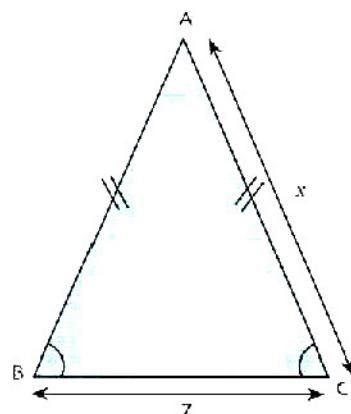
52. يريد فلاج تكبير حقله بالإعتماد على التصميم الآتي : (الوحدة m) .



لتحقيق هذا المشروع ، يجب على فلاج وضع سياج جديد يضم الجزء الممثل بالخط المقطعي .
ما هي قيمة العدد x إذا علمت أن هذا الفلاح يملك 150 m من السياج ؟

53. $\triangle ABC$ هو مثلث متساوي الساقين في A حيث

$BC = 7$ (الوحدة cm)

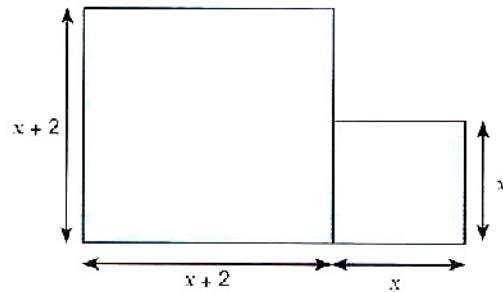


نسمي x طول الضلع $[AC]$.

- ما هو الشرط الذي يجب أن يتحققه العدد x حتى يكون الشكل ممكنا ؟

- احسب x إذا علمت أن محيط المثلث ABC يساوي 16 cm

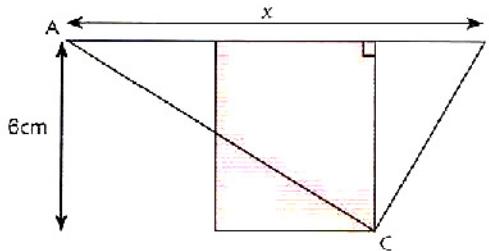
العمق



63 لاحظ الشكل الآتي :

59 كل لإيجاد

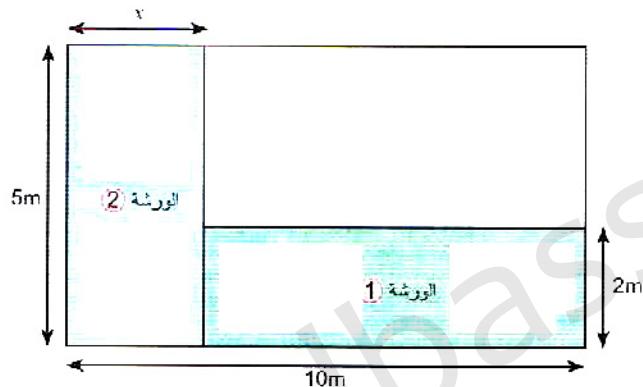
(الوحدة cm)



لوجد العدد x حتى يكون للمربع الأحمر والمتلث بة مع العلم نفس المساحة.

60 لاحظ الشكل الآتي : (الوحدة cm)

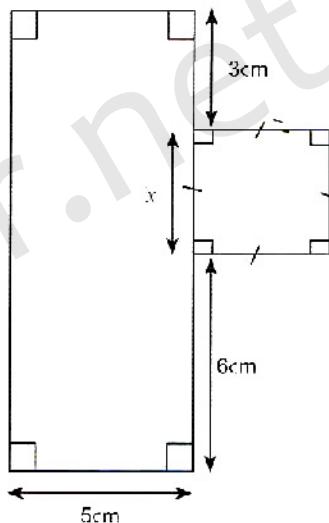
64 قرر صاحب محل تجاري تهيئته حسب التصميم الآتي :



كيف يجب اختيار عرض الورشة ① حتى يكون للورشتين ① و ② نفس المساحة ؟

65 تزيد إكمالية تنظيم رحلة لصالح التلاميذ إلى حديقة الحيوانات الواقعية بين عکنون بالجزائر العاصمة، إذا ساهم كل مشارك بمبلغ 80DA فينقص 1620DA لتسديد مبلغ كلفة السفر، وإذا ساهم كل مشارك بمبلغ 120DA، فيتعدى مبلغ المساهمة مبلغ كلفة السفر بـ . 540DA

ما هو عدد التلاميذ الذين سيسمح لهم بالمشاركة في هذه الرحلة ؟



عین العدد x حتى يكون للمربع والمستطيل نفس تمحيط.

61 يقول بائع الأزهار لسمير «اقتراح عليك باقة من 9 أزهار حتى يبقى عندك 14DA. تحصل على باقة من 11 زهرة اعلم أنه ينقصك . 36DA . حدد سعر الزهرة الواحدة.

62 مسبح دائري، نصف قطر قاعدته 2,5 m .
• احسب القيمة المضبوطة لمحيط قاعدة المسبح.
• عین حصر محيط هذه القاعدة إذا علمت أن $3,14 < \pi < 3,15$

وضعية

في منافسة سباق الدراجات، انطلق دراج بسرعة متوسطة قدرها 50km/h و هو يتبع دراجا آخر انطلق قبله بسرعة متوسطة قدرها 45km/h .

ما هي المدة الزمنية اللازمة لهذا الدراج للالتحاق بمنافسه إذا علمت أن المسافة التي كانت تفصلهما عند الانطلاق هي 1km ؟

ما هي المسافة التي يقطعها الدراجان عندما يلتقي الدراج الثاني بالدراج الأول ؟

تحليل الوضعية

- اختيار المجهول : الزمن t .

- ترجمة نص المشكل على شكل معادلة، بدلالة المجهول t .

- حل المعادلة.

- التحقق من أن قيمة t المحصل عليها تحقق المعادلة ذات المجهول t .

- الخلاصة : إعطاء الإجابة المناسبة لكل سؤال من السؤالين المطروحين في نص المشكل.

حل مختصر

- نسمي t الزمن اللازم حتى يلتقي الدراج الثاني بالدراج الأول.

- بعد مدة t يكون الدراج الثاني قد قطع مسافة $(50 \times t)$ (الوحدة km) ، بينما يكون الدراج الأول قد قطع مسافة $(45 \times t)$ km .

- يلتحق الدراج الثاني بالدراج الأول إذا كان $50 \times t = 45 \times t + 1$

- بالتالي $t = \frac{1}{5} \text{h}$ أي $t = 12\text{min}$.

- المسافة التي يقطعها الدراج الثاني حتى يلتقي بالدراج الأول هي $(\frac{1}{5} \times 50) \text{km}$ أي 10km و هي المسافة التي يكون قد قطعها الدراج الأول.

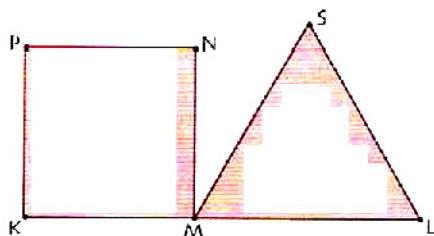
وضعية للتقويم

تحمل سيارة 15 كيسا من الفرينة و 25kg من السكر، و تحمل سيارة أخرى 10 أكياس مماثلة من الفرينة و 150kg من السكر.

يقول سائق إحدى السياراتين للأخر : «إن السياراتين تحملان نفس الكتلة من السلع».

ما هي كتلة كل كيس من الفرينة ؟

حل معادلات أو مترابحات باستعمال جيوجبرا



مسالة

[KL] هي قطعة مستقيم حيث $KL = 10\text{cm}$.

M نقطة متحركة على [KL]، كيف يجب اختيار طول ضلع المربع KMNP حتى يكون لهذا المربع والمثلث المتقايس الأضلاع نفس المحيط؟

(1) إعادة إنجاز الشكل

(أ) رسم قطعة مستقيم طولها 10cm .

• انقر على ثم على Segment de longueur donnée. ثم على صفحة الرسم احجز 10 في النافذة الظاهرة. نسمي [KL] هذه القطعة و نرسم نقطة M على هذه القطعة.

(ب) إنشاء مربع.

• ارسم المستقيم (D) الذي يعمد (KL) في K بالنقر على ثم على Perpendiculaire ثم على K وعلى [KL].

• ارسم الدائرة التي مركزها K و نصف قطرها MK بالنقر على Cercle (centre-point) ثم على K ثم على M.

• عين تقاطع الدائرة والمستقيم (D) بالنقر على Intersection ثم على ثم على الدائرة ثم على المستقيم (D). تظهر نقطتان، نسمي P التي تقع فوق (KL).

• ارسم المنتصف O لـ [PM] بالنقر على Milieu ou centre ثم على P ثم على M.

• الرأس الرابع N للمرربع KMNP هو نظير K بالنسبة إلى O.

• انقر على Polygone ثم على الرؤوس P, N, M, K، N، M، K، P للمرربع بهذا الترتيب.

ج) إخفاء الدائرة والمستقيم (D).

اضغط على الدائرة باليمنى ثم انقر على Afficher l'objet و نقوم بنفس العمل لإخفاء المستقيم.

د) إنشاء المثلث المتقايس الأضلاع

- الدائرة التي مركزها M و نصف قطرها ML تقطع الدائرة التي مركزها L و نصف قطرها ML في نقطتين، نسمي S التي تقع فوق (KL).

- انقر على Polygone ثم على الرؤوس L، M، S للمثلث.

(2) البحث عن ضلع المرربع المطلوب

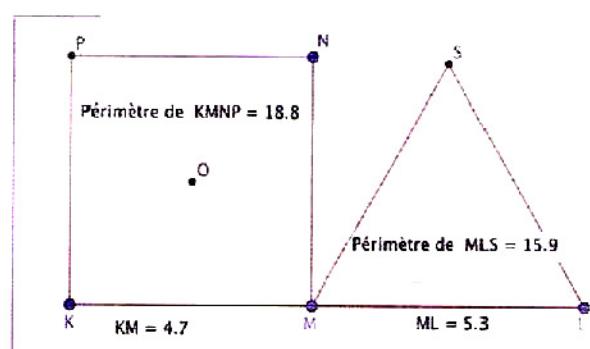
• انقر على ثم على Distance ou Longueur ثم على K و على M فيظهر الطول KM.

انقر مرتين داخل المرربع فيظهر محيطه.

نفس العملية فيما يخص ضلع و محيط المثلث المتقايس الأضلاع MLS.

حرك النقطة M على [KL] و أجب عن السؤال.

تمرين: أعد العملية السابقة بتعويض المربيع KMNL بمستطيل KMNL حيث $KM = 2LP$.



6

التناسبية



سأتعلم في هذا الباب

التعرف على وضعية تناسبية في تمثيل بياني.
استعمال التناسبية في وضعيات تدخل فيها
النسبة المئوية.

التعرف على الحركة المنتظمة.
استعمال المساواة $d = v \times t$ في حسابات
متعلقة بالمسافة المقطوعة والسرعة والزمن.
تحويل وحدات قياس السرعة وتوظيف التناسبية
لاستعمال وحدات الزمن.

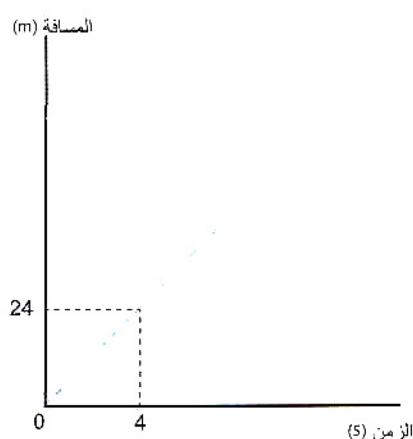
في بحثه الشهير عن سرعة السفن، يفترض الجحرة هذه السرعة
بالمتحف «
على يكرو وتحمل على المسافات يبلغ طول كل منها 47 قدما
م 30 متر (m)
الآن، العجيب في إيمانه بجزر خلف السفينة وبينها في حساب الزمن
باستعمال ساعة رملية، يجد
ذلك العدد، هذا العدد هو الذي يغير عن سرعة
السفينة
عند دخول السفن، حاليا العقدة تقابل بالضبط سرعة
ميل بـ

تحدي

البيان المقابل يمثل المسافة المقطوعة بدالة الزمن لعداء

1) ما هي المسافة التي قطعها هذا العداء في مدة $3 \text{ min} 34 \text{ s}$ ؟

2) ما هي المدة المواتية لقطع مسافة 1500 m ؟



الأسئلة

حد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3)	(2)	(1)
$\begin{array}{r} 6 \quad 3 \quad 2 \\ \hline 15 \quad 7,5 \quad 5 \end{array}$	$\begin{array}{r} 4 \quad 6 \quad 12 \\ \hline 6 \quad 9 \quad 18 \end{array}$	$\begin{array}{r} 7 \quad 6 \quad 0 \\ \hline 56 \quad 48 \quad 8 \end{array}$

$$1\text{kg} \quad 0,8\text{kg} \quad 1,25\text{kg}$$

$$6 - 4 = 2 \quad 6 \div 4 = 1,5 \quad 100 \div 4 = 25$$

$$x - 100 = 2 \quad \text{ومنه: } x = 100 \times 1,5 \quad \text{ومنه: } x = 25 \times 6$$

$$600 \times 7 \quad \frac{600}{7} \quad \frac{7}{600}$$

$$\frac{0,4 \times 7,6}{2,8} \quad \frac{2,8 \times 0,4}{7,6} \quad \frac{2,8 \times 7,6}{0,4}$$

الفاصلة 2 والترتيب 3

(3;2)

(2;3)

$$25\% \quad 70\% \quad 40\%$$

$$200 - 75 \quad \frac{200 \times 75}{100}$$

$$x = 1,5$$

$$1\text{h}30\text{min}$$

$$200 \times 0,75$$

$$x = \frac{2}{3}$$

$$1,5\text{h}$$

الأسئلة

1. الجدول الذي يمثل وضعية تناسبية هو جدول...

2. 5 غلوب متماثلة تزن 4kg. تزن الغلبة الواحدة...

3. في هذه الوضعية التناسبية...

كمية البنزين المستهلكة (L)	4	6
المسافة المقطوعة (km)	100	x

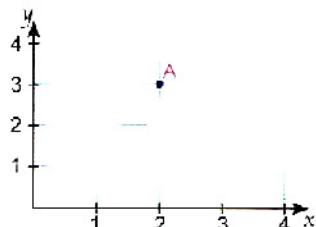
4. معامل التنااسبية المشار إليه في الجدول هو:

الكتلة (kg)	7	14
السعر (DA)	600	1200

5. في جدول التنااسبية هذا قيمة x تساوي ...

2,8	7,6
0,4	x

6. إحداثيا النقطة A في هذا المعلم هما ...



7. في إحدى الأقسام توجد 12 بنتاً من بين 30 متمدرساً. النسبة المئوية للبنات في هذا القسم هي ...

8. لحساب 75% من 200 نجري العملية ...

9. عدد حيث $x = \frac{3}{x}$ إذن ...

10. نعبر عن الساعة ونصف الساعة ب...

1 تحديد خصائص وضعية تناسبية في تمثيل بياني

يحتاج أيوب إلى دبابيس لتزيين القسم. لذلك عليه أن يختار بين العروض الثلاثة الآتية

المحل (3)	المحل (2)	المحل (1)
		
من غلبة إلى 8 غلب: تحسب الغلبة الواحدة بـ 5DA	الغلبة الواحدة. + قيمة جزافية بدءاً من الغلبة التاسعة، تحسب الغلبة الواحدة بـ 2DA	2,5DA للغلبة واحدة. 5DA للغلبة الواحدة

1) من أجل كل عرض من العروض الثلاثة، انقل وأتمم الجدول المقابل:

عدد الغلب	2	6	12	14
الثمن (DA)				

• اذكر في كل حالة إن كان الجدول يمثل وضعية تنااسبية؟

- 2) ارسم معلماً (على محور الفواصل مربع واحد يمثل غلبة واحدة وعلى محور التراتيب مربع واحد يمثل 5DA).
مثل في هذا المعلم وبألوان مختلفة معطيات الجدول المناسب لكل عرض من العروض الثلاثة.
3) اشرح كيف يمكن التعرف بيانياً على جدول تنااسبية.

2 استعمال النسبة المئوية

- 1) بلغ عدد سكان الجزائر 40 مليون نسمة سنة 2016.
أ) خلال هذه السنة، بلغت نسبة فئة السكان الذين تقل أعمارهم عن 15 سنة 29%. ما هو عدد السكان البالغين 15 سنة فأكثر؟
ب) خلال هذه السنة حوالي 10,8 مليون امرأة تتراوح أعمارهن بين 15 سنة و 49 سنة. ما هي النسبة المئوية لهذه الفئة السكانية?
ج) إذا اعتربنا أن عدد السكان سيترتفع بـ 37,5% بين 2016 و 2050، فما هو عدد السكان سنة 2050.
2) في إحدى المؤسسات الصناعية، 25% من أصل 200 عاملة هن مهندسات و 35% من أصل 300 عامل هم مهندسون. ما هي النسبة المئوية للمهندسين والمهندسات معاً في هذه المؤسسة?

٣ احترام إشارة تحديد السرعة

انطلق الأب وابنه في رحلة على متن سيارة.

- ١) قطع الأب في المرحلة الأولى مسافة 180km في مدة 2h، نفترض أنه حافظ باستمرار على سرعة ثابتة أثناء قيادة السيارة.



أ) ما هي المسافة التي قطعها خلال ساعة واحدة؟

نقول أن السرعة المتوسطة لهذه السيارة في هذه المرحلة هي 90 كيلومتر في الساعة ونكتب 90 km/h .

ب) في مرحلة ثانية من هذه الرحلة، ظلَّ الأب يقود السيارة لمدة $1,5 \text{ h}$ وبسرعة متوسطة قدرها 83 km/h .

ما هي المسافة التي قطعها خلال هذه المرحلة؟

ج) ما هي سرعته المتوسطة التي قطع بها المسافتين معاً خلال المرحلتين؟

٢) طلب الأب من ابنه أن يساعده على قيادة السيارة، علماً أن لابن رخصة سياقة جديدة تفرض عليه عدم تجاوز سرعة 80 km/h .

أ) قطع الابن مسافة 120km في مدة 1h30min. ما هي سرعته المتوسطة؟

هل احترم الابن تحديد السرعة الذي تفرضه رخصته؟

ب) قال الأب لابن: «كان عليك التوقف مرتين عند الضوء الأحمر».

ماذا تستنتج؟

هل تعلم؟

تعتبر السرعة مفهوماً مألوفاً ومتدالواً عند العام والخاص في حياتنا المعاصرة.

فالسائق الذي يقطع مسافة 320km خلال مدة 4h يقول إن سرعته

المتوسطة كانت 80 km/h ، رغم أنه لاحظ خلال سفره أن سرعته

غير ثابتة (يحدث تسارع أو تباطؤ,...) وأن عداد السرعة يشير في كل لحظة لقيمة تارة أكبر وتارة أصغر

من 80 km/h لأنَّ عداد السيارة يشير إلى قيمة سرعة السيارة في كل لحظة. نقول أنَّ هناك سرعتين:

السرعة المتوسطة والسرعة اللحظية.

السرعة المتوسطة هي السرعة التي يفترض أن تكتسبها السيارة إذا قطعت مسافات متساوية في مدد متساوية مُحافظةً باستمرار على نفس السرعة.

(3)
حسب

5
حسب

2
غلب

(DA)

ل (5DA)



١ التعرّف على وضعية تناصبية في تمثيل بياني

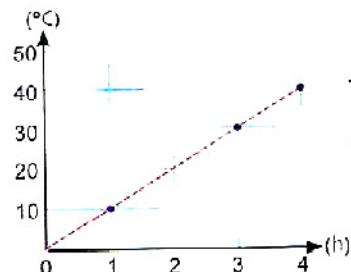
خاصية ١

تُمثل بيانيا كل وضعية تناصبية في معلم بنقاط في استقامية مع مبدأ المعلم.

مثال

الجدول الآتي هو جدول تناصية.

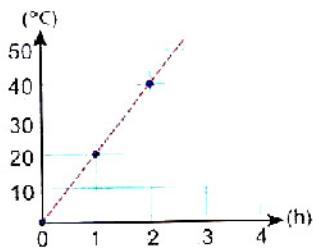
الزمن (h)	1	3	4
درجة الحرارة (°C)	10	30	40



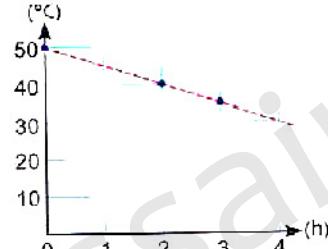
يُمثل بيانيا في معلم بنقاط في استقامية مع مبدأ المعلم.

خاصية ٢

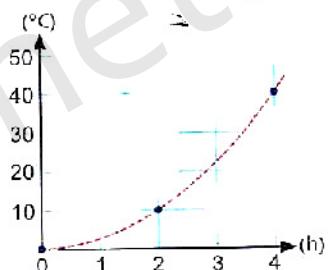
كل تمثيل بياني نقاطه في استقامية مع مبدأ المعلم يُمثل وضعية تناصية.



- النقاط في استقامية مع مبدأ المعلم، إذن هذا البيان يُمثل وضعية تناصية.



- النقاط ليست في استقامية مع مبدأ المعلم إذن هذا البيان لا يُمثل وضعية تناصية.



- النقاط ليست في استقامية، إذن هذا البيان لا يُمثل وضعية تناصية.

٢ النسبة المئوية

خاصية

$t\%$ يُشير إلى عدد. لحساب $t\%$ من عدد، نضرب هذا العدد في $\frac{t}{100}$.

طريقة

يؤول حساب نسبة مئوية إلى حساب مُعامل تناصية والتعبير عنه بالكتابية $\frac{t}{100}$.

مثال ١

تحتوي قارورة عصير سعتها 75L على 70% ماء.

8	...	⊗?
32	100	

$$\frac{8}{32} = 0,25 = \frac{25}{100}$$

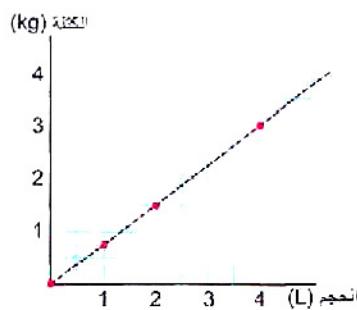
النسبة المئوية للبنات في هذا القسم هي 25%.

(cL)	ماء	70	52,5	⊗?
(cL)	عصير	100	75	$\times \frac{70}{100}$

يوجد 52,5L من الماء في هذه القارورة.

طرائق

• النسبية والتمثيل البياني



تمرين: يمثل التمثيل البياني المقابل، كتلة بنزين m بـ (kg) بدالة حجم V بـ (L).

(1) ما هي كتلة $2L$ من هذا البنزين؟

(2) عبر عن m بدالة V .

(3) احسب كتلة $7L$ من هذا البنزين.

(4) احسب حجم $10,5\text{kg}$ من هذا البنزين.

حل: (1) $1,5\text{kg}$ هي كتلة $2L$ من البنزين.

(2) يمثل البيان وضعية نسبية لأن نقاطه في استقامية مع مبدأ المعلم الجدول

المقابل هو جدول نسبية.

حسب مساواة الجدائل المتصالبين،

$$\text{نجد: } m = \frac{1,5 \times V}{2} \text{ ومنه } m = 0,75V$$

أو نكتب $m = 0,75V$ ($0,75$ هو معامل النسبة و يمثل في هذه الوضعية كتلة $1L$ بـ Kg).

(3) كتلة $7L$ من هذا البنزين هي $5,25\text{kg}$

(4) حجم $10,5\text{kg}$ من هذا البنزين هو $14L$.

طريقة

إذا كانت $(x; y)$ نقطة من نقاط في استقامية مع مبدأ المعلم فإنه يمكن التعبير عن y بدالة x في علاقة من الشكل $y = ax$.

• زيادة و تخفيض

تمرين: سعر كتاب 2000DA ازداد سعره بـ 10% ، ثم انخفض بـ 10% ، ما هو سعره الجديد؟

حل: ازدياد السعر بـ 10% يعني أن السعر صار 2200DA . ($2000 + 0,1 \times 2000 = 2200$)

انخفاض السعر السابق بـ 10% يعني أن السعر صار 1980DA . ($2200 - 0,1 \times 2200 = 1980$)

إذن السعر الجديد للكتاب هو 1980DA .

ملحوظة: زيادة سعر بـ 10% ثم تخفيضه بـ 10% لا يعودنا إلى السعر الأصلي.

طريقة

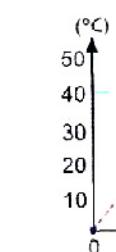
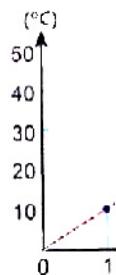
1) لحساب ناتج زيادة x بـ $t\%$ ، نحسب $\frac{t}{100} \times x + x$ أو نحسب $x(1 + \frac{t}{100})$

2) لحساب ناتج تخفيض x بـ $t\%$ ، نحسب $\frac{t}{100} \times x - x$ أو نحسب $x(1 - \frac{t}{100})$

دوري الان

سعر كتاب 2000DA ، انخفض سعره بـ 10% ، ثم ازداد بـ 10% ، ما هو سعره الجديد؟

قارن النتيجة بنتيجة المشكل السابق، ماذَا يمكن أن تستنتج؟



هذا
أسبية.

8 بنات.

8

32

2.

٣ الحركة المنتظمة والسرعة المتوسطة

نقول عن حركة أنها منتظمة إذا كانت المسافات التي يقطعها متحرك متناسبة مع المدد الموافقة لها.

معامل التناوب هو **السرعة المتوسطة** v .

$$\frac{\text{المدة}}{\text{المسافة}} = \frac{t}{d} \quad \text{والتالي } d = v \times t$$

$$v = \frac{d}{t}$$

المسافة المقطوعة
 المدة المستغرقة لقطع المسافة
 السرعة المتوسطة

السرعة المتوسطة لمتحرك هي حاصل قسمة المسافة المقطوعة (d) على المدة الزمنية المستغرقة لقطع هذه المسافة (t).

مثال ٢

حساب سرعة متوسطة.

قطعت سيارة مسافة 246km في 3h.

$$v = \frac{d}{t} \quad \text{ومنه } v = \frac{246}{3} = 82 \text{ km/h}$$

المتوسطة للسيارة هي 82km/h أو $82 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$.

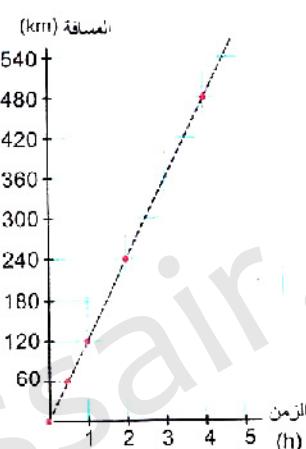
مثال ٤

حساب مدة زمانية.

يقطع قطار مسافة 450km بسرعة متوسطة قدرها 90 km/h .

$$d = v \times t \quad \text{ومنه } t = \frac{d}{v} = \frac{450}{90} = 5$$

مدة رحلة القطار هي 5h.



يمثل البيان المقابل المسافات المقطوعة لدراجة نارية

بدلالة الزمن. التمثيل البياني عبارة

عن نقاط في استقامرة مع مبدأ المعلم، إذن المسافة المقطوعة متناسبة مع المدة المستغرقة لقطعها؛ فالحركة منتظمة.

يقطع الدراج مسافة 120km خلال 1 ساعة.

السرعة المتوسطة للدراجة هي $v = 120 \text{ Km/h}$.

مثال ٣

حساب مسافة.

سار راجل مدة 50s بسرعة متوسطة قدرها

1.5 m/s

$$d = v \times t \quad \text{ومنه } d = 1.5 \times 50 = 75$$

الراجل مسافة 75m.

ملاحظات

- في حركة منتظمة، يعبر عن المسافة بالمساواة $v \times t = d$ ويعبر عن المدة بالمساواة $\frac{d}{v} = t$ حيث d هي المسافة المقطوعة و t المدة المستغرقة لقطع المسافة.

- يعبر عن السرعة حسب الوحدات المختارة للمسافة المقطوعة و للمدة المستغرقة لقطع هذه المسافة. إذا غير عن المسافة بالكيلومتر (km) و للمدة بالساعة (h) فإن السرعة يعبر عنها بالكيلومتر في الساعة و نكتب: Km/h أو $\text{Km} \cdot \text{h}^{-1}$ (ثُقراً كيلومتر في الساعة).

إذا عبر عن المسافة بالметр (m) و للمدة بالثانية (s) فإن السرعة يعبر عنها بالمتر في الثانية. و نكتب: m/s أو $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$.

• تحويل وحدات قياس السرعة

تمرين : 1) عبر عن السرعة $v = 15,3 \text{ Km} \cdot \text{h}^{-1}$ بـ (m/s).

2) عبر عن السرعة $v = 20 \text{ m/s}$ بـ (Km/h).

حل : نكتب أيضاً $\frac{15,3 \text{ Km}}{1 \text{ h}}$ وتعني أن المدة التي استغرقت لقطع مسافة 15,3km هي 1h.

$$v = 15,3 \text{ Km} \cdot \text{h}^{-1} = \frac{15,3 \times 1000 \text{ m}}{1 \text{ h}} = \frac{15,3 \times 1000 \text{ m}}{1 \times 3600 \text{ s}} = 4,25 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$v = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = \frac{20 \text{ m}}{1 \text{ s}} = \frac{3600 \times 20 \text{ Km}}{1000 \times 1 \text{ h}} = 72 \text{ Km} \cdot \text{h}^{-1} \quad (2)$$

نعلم أن $1 \text{ h} = 3600 \text{ s}$

و $1 \text{ Km} = 1000 \text{ m}$

طريقة

تحويل وحدة قياس السرعة ينطوي على تحويل وحدة الزمن ووحدة المسافة في عبارة السرعة.

للحويل من $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$ إلى $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$ نضرب في $\frac{1000}{3600}$. للتحويل من $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$ إلى $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$ نضرب في $\frac{3600}{1000}$.

• استعمال المساواة $d = v \times t$

تمرين :

قطع أيوب مسافة 10km

مشياً، واستغرقت المسافة

المقطوعة $1h15min$

احسب سرعته المتوسطة.

(1) سارت فاطمة على طريق سيار مدة

مسافة 36km وبسرعة متوسطة قدرها

$1h30min$. ما هي المدة

الزمنية لقطع هذه المسافة؟

(2) قطع عماد على متن دراجته

وبسرعة متوسطة قدرها

$105 \text{ Km} \cdot \text{h}^{-1}$

ما هي المسافة التي قطعتها؟

حل و تعليل

$$t = 1h15min \quad (3)$$

$$= 1h + 0,25h = 1,25h$$

نعلم أن $\frac{d}{t} = v$ ومنه

$$v = \frac{10}{1,25} = 8$$

مشي أيوب بسرعة متوسطة

$$\text{قدرها } v = 8 \text{ Km} \cdot \text{h}^{-1}.$$

$$t = \frac{36}{16} \text{ و منه } t = 2,25h \quad (2)$$

$$t = 2,25h = 2h + 0,25h$$

$$0,25h = 0,25 \times 60 \text{ min}$$

$$0,25h = 15 \text{ min}$$

قطع عماد المسافة في مدة

$$2h 15min.$$

ساعة	1	X
دقيقة	60	30

$$x = \frac{30}{60} = 0,5 \quad (1)$$

$$t = 1h30min$$

$$= 1h + 0,5h = 1,5h$$

نعلم أن $d = v \times t$ ومنه

$$105 \times 1,5 = 157,5$$

المسافة التي قطعتها فاطمة هي

$$157,5 \text{ Km}$$

طريقة

إذا علم عددان من بين الأعداد الثلاثة d , v , t فإنه يمكننا حساب العدد الثالث باستعمال الصيغة $d = v \times t$.

لتحويل الساعات إلى دقائق نضرب في 60 (لأن $1h = 60 \text{ min}$)

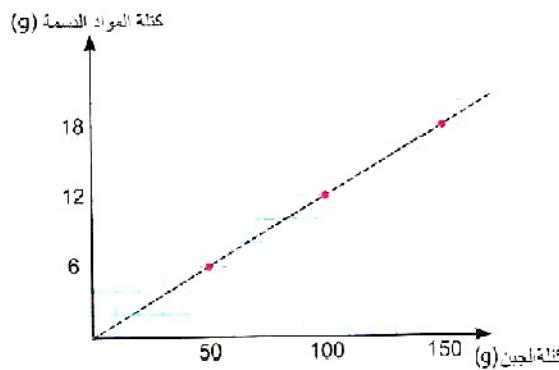
دورة الain

قطع دراج مسافة 5400m في مدة 12min.

أحسب سرعته المتوسطة بـ $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$ ثم بـ $\text{Km} \cdot \text{h}^{-1}$.

بالساعات و الدقائق.

(3) ما هي النسبة المئوية للمواد الدسمة في هذا الجبن؟
(4) ما كمية المواد الدسمة المحتوية في g 740g من هذا الجبن؟



3 إلیک معلومات تعلق بغلاب.

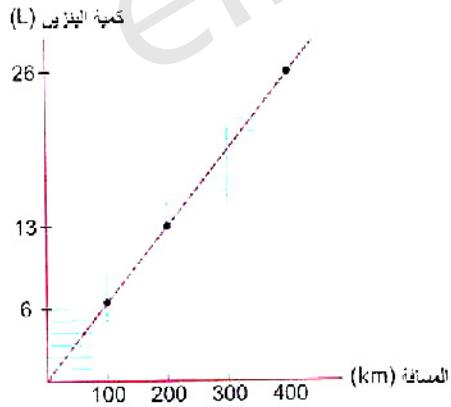


1) التأكيدات الآتية صحيحة أم خاطئة؟ اشرح
فاطمة: (الكتلة بدلالة عدد العلّب، تمثل بنقاط في استقامية
مع مبدأ المعلم).

مریم: « 8 علب وزن 5,8kg

2) ما هي كتلة 13 غلبة؟

4 التمثيل البياني الذي يمثل كمية البنزين المستهلكة بدلالة المسافة المقطوعة.



١) هل هذا البيان يُمثل وضعية تناصية؟

٢) ما كمية البنزين اللازمة لقطع مسافة ٤٢٠٠ km

3) احسب كمية البنزين اللازمة لقطع 520km

٤) ما المسافة التي يمكن قطعها إذا استهلكنا ٥٢ لتر؟

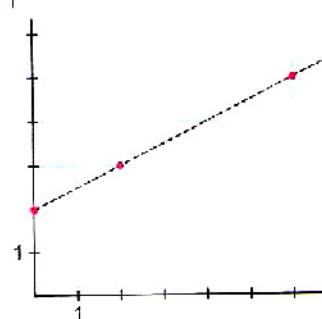
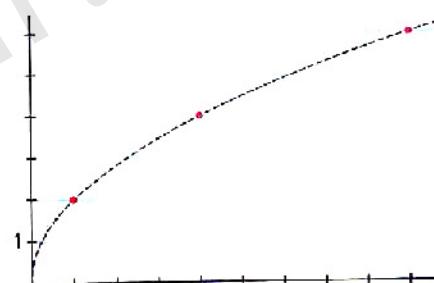
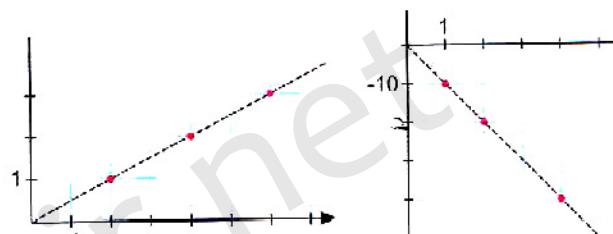
التعرف على وضعية تابعية في تمثيل بياني

١ إلّا أربعة جداول وأربعة بيانات:

١) صل كل جدول بالبيان المناسب له.

2) حدد من بين الجداول الآتية الجدول الذي يمثل
وضعية تناصية.

		(2)		(1)
1	4	9	0	2
2	4	6	2	3
				5
		(4)		(3)
1	2	4	1	4
-10	-20	-40	1	2
				3



2 يُمثل التمثيل البياني الآتي كُتلة المواد الدسمة المحتواة في جبن.

١) هل الوضعية هي وضعية تناصية؟ اشرح.

(2) ما أقصى كمية من هذا الجبن يمكن تناولها بحيث لا تتعدي كمية المقادير الدسمة ٩٦٩

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

10 يحتاج الطفل المراهق إلى 8 ساعات نوم على الأقل. نام أبوب على الساعة 23h30min واستيقظ على الساعة 6h30min.
عبر بنسبة مئوية عن نقص النوم عند أبوب.

11 القسم 1m³: يوجد به 45% بنات من أصل 40 تلميذاً وتلميذة.

القسم 2m³: يوجد به 45% بنات من أصل 40 تلميذاً وتلميذة.
ما هي النسبة المئوية للبنات في القسمين معاً؟

12 خلال مباراة في كرة القدم، نجح الفريق الوطني في استغلال الكرة في الشوط الأول بـ 60% من أصل 70 تمريرة، وخلال الشوط الثاني نجح في استغلال الكرة بـ 90% من أصل 50 تمريرة. ما النسبة المئوية للتمريرات التي نجح في استغلالها هذا الفريق؟

13 جغرافياً

تغطي المحيطات تقريباً 70% من سطح الكره الأرضية.
مساحة سطح المحيطات هي 360,5 مليون كيلومتر مربع. اعط تقدير لمساحة سطح الكره الأرضية؟

14 التنمية المستدامة

يواجه العالم خطورة التدهور البيئي الذي يجب التغلب عليه مع عدم التخلي عن حاجات التنمية الاقتصادية وكذلك المساواة والعدل الاجتماعي.

حسب إحصائيات 2007 فإن الاستهلاك السنوي للفرد الأوروبي 7,5 طن من ثاني أكسيد الكربون CO_2 .
يعتقد الخبراء أن ديمومة حياة الأرض مرهون بأن تكون كمية الاستهلاك 1,5 طن.

عبر بنسبة مئوية عن التخفيض الضروري لاستهلاك CO_2 عند الفرد الأوروبي.

15 عندما يتجمد الماء، فإن حجمه يزداد بـ 7,5%.
ما حجم قطعة الجليد التي تحصل عليها بعد تجميد 200L من الماء؟

5 إليك معلومات متعلقة ببراميل لتخزين الماء.

الارتفاع (cm)	15	30	45	120
السعة (L)	40	80	120	320

(1) مثل الجدول أعلاه في معلم (على محور الفواصل: خذ لكل 10cm مربعاً واحداً وعلى محور التراتيب: خذ لكل 40L مربعاً واحداً).

(2) بيان إن كان جدول تناسبياً بإجرائين:

• باستعمال البيان.

• باستعمال الجدول.

(3) باستعمال البيان، أعط تقدير لارتفاع براميل سعته 250L ثم حدد هذه النتيجة حسابياً.

استعمال التناصبية في وضعيات تدخل فيها النسبة المئوية.

6 عبر بنسن مئوية عن كل مما يلي:

- (أ) 7 من 10 (ب) 3 من 5 (ج) 45 من 50
(د) 3 من 8 (ه) 30 من 80 (و) 12 من 20

7 تُباع لعبة بـ 380DA، بعد مدة ارتفع سعرها بـ 15%.

- (1) ما هو مبلغ الزيادة؟
(2) ما هو السعر الجديد للعبة؟

8 انتقل سعر بضاعة من 3000DA إلى 3060DA.

ما هي النسبة المئوية لهذه الزيادة؟

9 يحتاج أبوب لتحضير مشروب إلى 10cL

من عصير البرتقال و15cL من عصير المشمش.

يحتوي عصير البرتقال على 90% من الماء وعصير المشمش على 80% من الماء.

ما هي النسبة المئوية للماء في هذا المشروب؟

الجبن؟
من هنا

(9)

استقامية

مستهلكة

?20

?5%

22 رتب الحيوانات الآتية من السريع إلى البطيء:

الأيل	الفيل	الزراقة
20m.s^{-1}	12m.s^{-1}	51km.h^{-1}

23 في ما يلي، احسب السرعة المتوسطة للحيوانات، محدداً الوحدة.

(1) يقطع حصان مسافة 21km في 3h.

(2) يقطع كلب مسافة 24m في 4s.

(3) يقطع عصفور مسافة 7km في 20min.

24 تُحسب سرعة تدفق مياه نهر، بقسمة حجم الماء ب m^3 على مدة التدفق بالثانية.

(1) ما هي الوحدة المعتبرة عن سرعة التدفق؟

(2) يصُبُ أحد الأنهار 8000m^3 في البحر خلال 20s. احسب ذهنياً سرعة تدفق هذا النهر؟

25 قطع أيوب 14km خلال 2h30min.

(1) احسب سرعته المتوسطة ب km/h .

(2) بهذه السرعة، ما المسافة المقطوعة خلال $1h45min$ ؟

26 يمكن للدلفين أن يقطع مسافة 9km خلال 15min.

(1) احسب سرعته المتوسطة ب km/h .

(2) بهذه السرعة:

(أ) ما المسافة التي يقطعها هذا الدلفين خلال 1h15min؟

(ب) ما المدة التي يستغرقها الدلفين ليقطع مسافة $10,8\text{km}$ ؟ تُعطي النتيجة بالدقائق.

27 تستغرق فاطمة مدة 12min للذهاب إلى العمل

بواسطة حافلة. سرعتها المتوسطة 40km/h .

(أ) عبر عن 12min بالساعات في كتابة عشرية.

(ب) ما المسافة التي تفصل إقامة فاطمة عن العمل؟

28 متزحلق على الأمواج، قطع على نفس الموجة

مسافة $11,7\text{km}$ في مدة 36min .

احسب سرعته المتوسطة ب m/min ، ثم ب km/h .

16 يبلغ طول الحدود البرية الجزائرية حوالي 6343km وشريط ساحلي طوله حوالي 1644km .

• احسب النسبة المئوية لما يمثله طول الساحل بالنسبة إلى محيط التراب الجزائري

السرعة المتوسطة

17 حول ما يلي ذهنياً إلى الدقائق.

(أ) $1h30\text{min}$ (ج) $7h$ (ب) $4h5\text{min}$

(د) $15s$ (و) $0,1h$ (هـ) 30s

18 حول ما يلي ذهنياً إلى الساعات بكتابة عشرية.

(أ) 18min (ج) 12min (ب) 45min

(د) 15min (هـ) 90min (و) 30min

19 حول ما يلي ذهنياً إلى الساعات والدقائق.

(أ) $4,9h$ (ج) $3,75h$ (ب) $2,4h$

(د) $1,3h$ (هـ) $2,5h$ (و) $5,45h$

20 نفترض أن سيارة تسير بسرعة ثابتة.

إليك إنجاز مريم:

$$\begin{array}{l} \text{المسافة} \\ \hline 10\text{km} \\ \text{الزمن} \\ \hline 15\text{min} \end{array} \begin{array}{l} y \\ \text{ الزمن} \\ 24h \end{array} \begin{array}{l} y \times 15 = 10 \times 24 \\ \text{ومنه } \frac{10 \times 24}{15} = y \text{ خطأ} \end{array}$$

اشرح لماذا أخطأت مريم.

21 تسير سيارة بحركة منتظمة على الطريق السريع بسرعة 120Km.h^{-1} .

(1) عبر عن المسافة المقطوعة d بدلالة المدة الزمنية للتنقل t .

(2) أحسب المسافات المقطوعة خلال:

(أ) $1h30\text{min}$ (ج) $2h$ (ب) $4h45\text{min}$

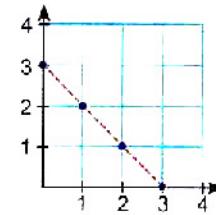
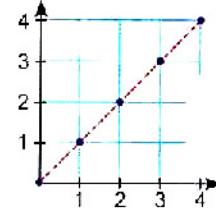
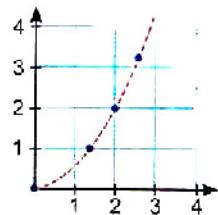
(3) عبر عن t بدلالة d ، ثم احسب مدد المسافات المقطوعة الآتية:

(أ) 30km (ج) 105km (ب) 240km

عند الإخفاق أعود
إلى الصفحة :

أجب عن الأسئلة الآتية :

90



اختر البيان الذي يمثل وضعية تناسبية...

1

90

التمثيل البياني لهذا الجدول في معلم هو...
أ) نقاط في استقامية مع مبدأ المعلم.
ب) نقاط ليست في استقامية.
ج) نقاط من مستقيم لا يمر من المبدأ.

إليك الجدول الآتي :

4	8	12
10	20	30

2

اختر الإجابة الصحيحة من بين
الإجابات الآتية:

91 و 90

القسم 3 م تعداده 30 و 20% منه بنات. القسم 2 م تعداده 20 و 80% منه بنات.
ما هي النسبة المئوية للبنات في القسمين معاً؟

3

91 و 90

لباس ثمنه 10500DA، بيع بعد تخفيض بثمن 8400DA. ما هي النسبة المئوية لهذا التخفيض؟

4

90 و 91

غرض ثمنه 200DA، انخفض ثمنه بـ 10% ثم ارتفع بـ 10%. ما هو ثمنه الجديد؟

5

91 و 90

ينطلق أيوب في رحلة فيقطع مسافة 84km أي 60% من مسافة هذه الرحلة.
ما هي مسافة هذه الرحلة؟

6

93

ضع العلامة ✗ على الإجابة الصحيحة

$$97,2 \text{ m.s}^{-1} \square : 9,72 \text{ m.s}^{-1} \square ; 7,5 \text{ m.s}^{-1} \square$$

7

93

يقطع أيوب بدرجاته مسافة 12km بسرعة متوسطة قدرها 8 m.s^{-1} .
قطع أيوب هذه المسافة في مدة ...

8

ضع العلامة ✗ على الإجابة الصحيحة

$$25 \text{ min} \square : 30 \text{ min} \square ; 1h6 \text{ min} \square$$

9

93 و 92

يقطع أيوب مسافة 42km في مدة 1h12min. ما هي سرعته المتوسطة؟

10

يمشي أيوب مسافة 5km خلال 1h15min ثم يمشي مسافة 18km خلال 3h.

سرعته المتوسطة هي ...

93 و 92

ضع العلامة ✗ على الإجابة الصحيحة

$$\simeq 5,4 \text{ km.h}^{-1} \square : 5 \text{ km.h}^{-1} \square ; 6 \text{ km.h}^{-1} \square$$

30 أفكّر وأجيب

أجب بـ صحيح أو خاطئ مع التبرير.

- أ) في أحد الأندية الرياضية ثمن الانصار هم قاصر ونصف الانصار أعمارهم أكبر من 25 سنة. 37,5% هي النسبة المئوية للأنصار الذين تتراوح أعمارهم بين 18 سنة و25 سنة.

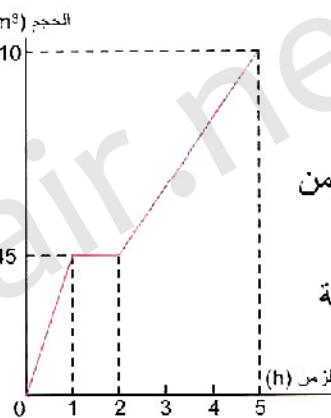
ب) تلزم مدة 1min12s لقطع مسافة 800m بسرعة متوسطة قدرها 40km/h.

ج) السرعة المتوسطة للدراج الذي يقطع مسافة 18km خلال ساعة واحدة هي أكبر تماماً من سرعة سيارة يتحكم فيها عن بعد تقطع 5m خلال 1s.

31 فراءة وتحليل بيان

التمثيل البياني أدناه يمثل حجم الخرسانة التي تنتجه آلة بدلالة زمن تشغيلها.

- 1) ما هو حجم الخرسانة المنتجة:
أ) خلال 1 ساعة؟

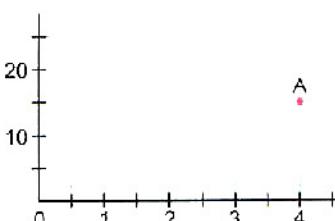


ب) بين الساعة الثانية وال الساعة الخامسة؟

- 2) ماذا حصل بين الساعة الأولى وال الساعة الثانية؟
3) هل حجم الخرسانة المنتجة بهذه الآلة متناسب مع زمان تشغيلها؟

32 أين أضع النقطة...

وضعت فاطمة على المعلم المقابل النقطة A ثم



أرادت أن تضع نقطة B ثم بحيث تكون النقطتان

A و B في استقامية مع مبدأ المعلم. إذا علمت أن فاصلة النقطة B هي 7 فما هو ترتيبها؟

33 أ'Brien

في المعلم المقابل، Ot] نصف مستقيم يمر من المبدأ M نقطة إحداثياتها $(x; y)$ و A نقطة فاصلتها 1 وترتبها a على نصف المستقيم Ot .

1) باستعمال خاصية المثلثين المعيدين بمستقيمين متوازيين يقطعهما مستقيمان غير متوازيين، بين أن

$$\frac{1}{x} = \frac{a}{y}$$

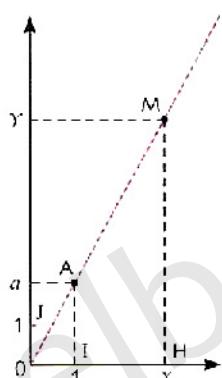
2) لماذا يمكن أن نكتب $y = ax$ ؟

3) عمّا تُعبّر المساواة $y = ax$ ؟

4) هل العلاقة بين إحداثي النقطة M مرتبطة بموضع النقطة M؟ بره.

5) انقل وأتم:

إذا كانت نقط مع مبدأ المعلم فإن هذه
النقط مع مع



34 عداد السيارة

يشير العداد إلى 56782km عندما تطلق سيارة على الساعة 12h30min، وعند وصولها على الساعة 14h10min نقرأ على العداد 56887km. ما هي السرعة المتوسطة بالكميلومتر في الساعة لهذه السيارة خلال هذا الانتقال؟

35 الصاعقة والبرق

ينتشر الصوت بسرعة 330m/s.

يرافق ظاهرة حدوث الصاعقة في فصل الشتاء مشاهدة البرق وسماع دوي الرعد.

أتعقب

- (2) ما هي النسبة المئوية الكلية للتخفيف؟
 (3) إذا كان التخفيف بـ 10% أولاً ثم بـ 20% ثانياً هل يكون سعر الغسالة هو السعر نفسه الذي تحصلت عليه في السؤال؟

41 الكثافة والوزن

وزن جسم في مكان ما مرتبط بكتلته وتسارع الجاذبية ويعبر عن هذا العلاقة نيوتن $P = mg$.

حيث P : هو وزن هذا الجسم في هذا المكان معبراً عنه بالنيوتن (N) (هو مقدار قوة جذب الكوكب لهذا الجسم). كثافة الجسم بـ m . g. وتسارع جاذبية هذا الكوكب.

(1) على الأرض تسارع جاذبية الأرض هي 9.8 m/s^2 . احسب الوزن (بالنيوتن) على الأرض لرجل كتلته 70kg .

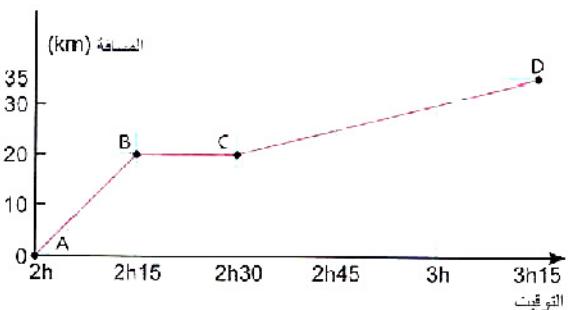
(2) العلاقة $P = mg$ تبقى صحيحة على كوكب القمر. الجدول الآتي يعطي فيما لكتل تقابلها أوزانها على سطح كوكب القمر.

كتلة (kg)	3	10	25	40	55
الوزن (N)	5,1	17	42,5	68	93,5

- (أ) هل الجدول جدول تناسبي؟
 (ب) احسب تسارع جاذبية القمر (نرمزله بـ 9)
 (ج) هل صحيح أننا نزول على القمر 6 مرات أقل من الأرض؟

42 أفهم بياناً تخرج معلومات

البيان الآتي يمثل المسافة المقطوعة بدلالة الزمن لمركبة.



احسب السرعة المتوسطة لهذه المركبة في مختلف المراحل.

- (1) إذا سمعت صوت دوي الرعد بعد 6s من رؤية البرق، فما هي المسافة التي تفصله عن المكان الذي سقطت فيه الصاعقة الرعدية؟

- (2) يتواجد أيوب على مسافة 9,9km من سقوط صاعقة رعدية. ما هي المدة الزمنية الفاصلة بين رؤيته للبرق وسماعه لدوي الرعد؟

36 سرعة دوران الأرض حول الشمس

تدور الأرض حول الشمس خلال سنة (365 يوماً). عندما تدور دورة كاملة فإنها تقطع مسافة $9.5 \times 10^8 \text{ km}$. أحسب سرعة دوران الأرض حول الشمس بالكيلومتر في الثانية. تدور النتيجة إلى الوحدة.

37 دوران الأرض حول نفسها

يقدر نصف القطر المتوسط للأرض بـ 6371km. نعلم أن الأرض تدور دورة كاملة حول نفسها خلال 24h.
 (1) يتواجد رجل على سطح الأرض على مستوى خط الاستواء، بينما أنه يقطع حوالي 40030km خلال 24h.
 (2) حدد سرعته المتوسطة بـ km/h.

38 ساعة الوصول

ينطلق أيوب بدراجته من منزله على الساعة 7h55min بسرعة 12km/h متوجهاً إلى المتوسطة التي تبعد عن منزله بمسافة 6km. على أي ساعة يلتقي بالمتوسطة؟

39 ارتفاع ثم انخفاض للأسعار

- (1) اشتري شخص معطفاً في فترة ارتفعت فيها الأسعار بـ 25%. دفع 3875DA ثمناً لهذا المعطف. كم كان ثمنه قبل ارتفاع الأسعار؟

- (2) بعد فترة انخفضت الأسعار بنسبة 25%. ما هو الثمن الجديد للمعطف؟

40 تخفيضات متتالية

تباع غسالة بـ 20800DA. خضع سعرها إلى تخفيضين متتاليين في إحدى الفترات بـ 20% ثم بـ 10%.

- (1) ما هو السعر الجديد للغسالة؟

بمر من
سلتها 1

ستقيمين
بين أن

بموقع

هذه

ياراة على
الساعة
ما هي
ه السيارة

ء مشاهدة

٦) وضعية

رحلة من الفالة إلى تلمسان



انطلقت عائلة مريم في رحلة على متن سيارة من الفالة إلى تلمسان على الطريق السيار غرب شرق وكان الأب قد قرر أن تكون سرعته المتوسطة خلال هذه الرحلة 100km/h ، لكنه في البداية قطع 40% من المسافة الكلية في مدة 24s $3\text{h} 2\text{min}$. هل يواصل رحلته بنفس

- السرعة؟ إذا كان الجواب بالنفي فما هي السرعة الثابتة التي يجب أن يقود بها السيارة كي يحترم قراره؟
- ما هي تكلفة البنزين خلال هذه الرحلة؟ (تدور إلى الوحدة من الدينار). (استعمل الوثائق المرفقة بهذا النص).



استهلاك البنزين: $5\text{L}/100\text{Km}$
سعر اللتر من البنزين: $35,72\text{DA}$

٧) وضعية للتقويم

يُصدر مؤشر بطارية كمبيوتر محمول صوتاً ثم تظهر رسالة على الشاشة تفيد بقرب نفاد البطارية. أتساءل، ما المدة الزمنية التي يمكن أن أعمل خلالها بهذا الكمبيوتر بعيداً عن مأخذ التيار الكهربائي حينما تكون البطارية مشحونة كلياً.



أعط تقديرًا ذاتيًّا لهذا الكمبيوتر حينما تكون البطارية مشحونة كليًا.

٨) توجيهات

قراءة وفهم الوضعية

- عُمَّ يتحدث النص؟

رتب المعطيات ثم حدد التعليمية (أو التعليمات).

تحليل الوضعية و اختيار استراتيجية حل مناسبة

- ما هي المقادير المُتدخلة في النص؟

ما علاقتها ببعضها؟

ما المقصود بالسرعة المتوسطة؟

- ماذا نحسب في البداية؟ ماذا نُوظف؟ ولماذا؟

هل هذا كافٍ؟ إذن عُمَّ نبحث فيما بعد؟

تنفيذ استراتيجية الحل المختارة

افكر في تقسيم ثلاثة مراحل ثم أجي... .

استخدم الوحدات بعناية.

اختار العملية المناسبة لكل مرحلة.

أنجز الحسابات.

أفسر نتائج الحسابات.

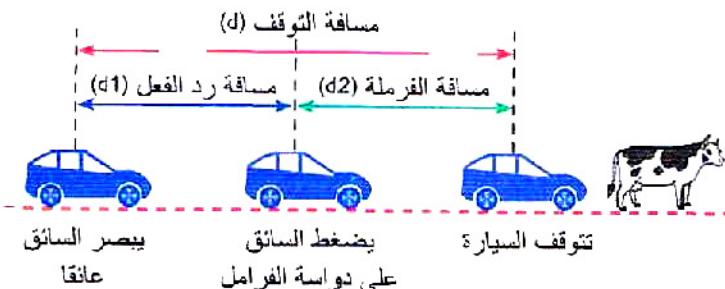
احرر حلًا.

٩) حل مختصر

السرعة الثابتة التي يجب أن يقود بها السيارة كي يحترم قراره هي 90km/h .
تكلفة البنزين 1629DA .

مسافة التوقف والأمان من الحوادث

نشاط



يسير سائق عربة محترس بسرعة V مُعبر عنها بـ km/h .

(1) حساب مسافة رد الفعل: حين يشاهد هذا السائق عائقاً أمامه فإن 15 هي مدة ضرورية تسمح له بالتراث قبل اتخاذ أي إجراء. خلال هذه المدة تكون العربة قد قطعت مسافة d_1 (يُعبر عنها بالمتر) وُتُسمى **مسافة رد الفعل** وتُعطى بالعلاقة $d_1 = \frac{V}{3,6}$. اشرح لماذا خلال 15 تُعطى هذا المسافة بالعلاقة $d_1 = \frac{V}{3,6}$.

• انقل على ورقة أكسل معطيات الورقة الحسابية الآتية ثم احجز في الخلية B_2 الطلبية المناسبة لحساب.

(m) مسافة رد الفعل من أجل $V = 20\text{km/h}$. ومن ثم عُمِّم محتوى الخلية B_2 إلى الخلية $M2$.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1	$V(\text{km/h})$	20	30	40	50	60	70	80	90	100	110	120	130
2	$d_1(\text{m})$												
3													

(2) حساب مسافة الفرملة: مسافة الفرملة d_2 هي المسافة التي تقطعها العربة خلال المدة الزمنية التي يضغط فيها السائق على دواسة الفرامل.

نقبل أن قيمة مقربة لهذه المسافة تُعطى بالعلاقة $d_2 = \frac{V^2}{254} \times C$ حيث C يُعبر عنها بـ (m) و V بـ (km/h).

• مُعامل الالتصاق يتعلق بوضع الطريق. في كل ما يلي نعتبر الطريق جافاً إذن $C = 0,8$.

	A	B
1	$V(\text{km/h})$	20
2	$d_1(\text{m})$	5,56
3	$d_2(\text{m})$	

• عذ إلى ورقة الحساب السابقة وأملأ الخلية A3 كما هو مبين على الورقة المقابلة. ثم احجز في الخلية B3 الطلبية $(254 * 0,8)^{1/2} = B_1$. ومن ثم عُمِّم محتوى الخلية A3 إلى الخلية B3.

(3) حساب مسافة التوقف: نرمز بـ d لمسافة التوقف، لدينا $d = d_1 + d_2$.

أ) عذ مرة أخرى إلى ورقة الحساب السابقة وأملأ الخلية A4 كما هو مبين

على الورقة المقابلة. ثم احجز في الخلية B4 الطلبية $= B_2 + B_3$ ومن ثم عُمِّم

محتوى الخلية B4 إلى الخلية M4.

ب) هل مسافة التوقف متناسبة مع السرعة؟ اشرح.

	A	B	C
1	$V(\text{km/h})$	20	30
2	$d_1(\text{m})$	5,56	8,33
3	$d_2(\text{m})$	1,97	4,43
4	$d(\text{m})$	=B2+B3	

ج) ما السلوكيات الواجب أن تحرّك مشاعر وتصرات السائق عند قراءته لمسافات التوقف هذه؟

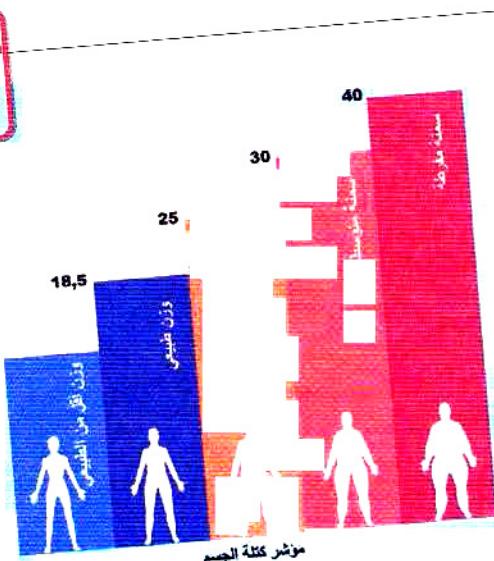
تنظيم معطيات

سأتعلم في هذا الباب

تجميع معطيات إحصائية في فئات و تنظيمها في جداول.

تقديم سلسلة إحصائية في جدول و تمثيلها بمخطط أو بيان.

حساب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية.
استعمال المجدولات في استغلال معطيات إحصائية.

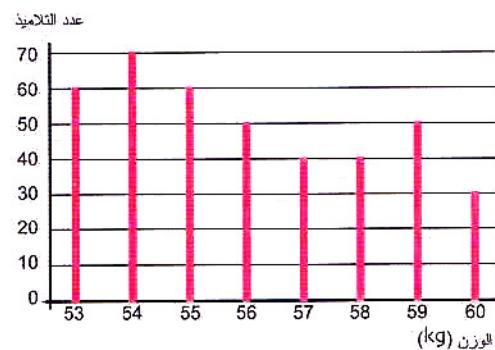
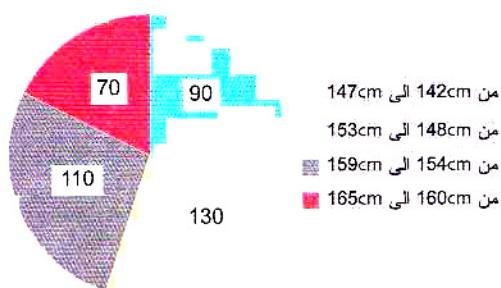


يعرف الوزن الزائد والسمينة عند الإنسان بأنهما تراكم غير طبيعي أو مفرط للدهون قد يلحق الضرر بالصحة. تسمى مؤشر كثافة الجسم حاصل قسمة الوزن بالكيلوغرام على مربع القامة بالเมตร. يشيع استعمال هذا المؤشر لتصنيف الوزن الزائد و السمنة لدى البالغين.

تعرف المنظمة العالمية الصحة العالمية الوزن الزائد والسمينة على النحو التالي:
• الوزن الزائد هو أن يكون المؤشر أكبر أو يساوي 25.
• السمنة هي أن يكون المؤشر أكبر من أو يساوي 30.

الحدى

المخططان الآتيان يعبران عن توزيع تلاميذ متوسطة حسب قاماتهم و أوزانهم.
احسب معدل أوزان هؤلاء التلاميذ ثم أعط تقديرًا لمعدل قاماتهم.



جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً لها.

الإجابات			الأسئلة
(3)	(2)	(1)	
3,6°	36°	20°	1. في مخطط دائري تمثل 20% بقطاع دائري زاويته
18,75%	6%	0,6	2. المخطط نصف دائري التالي يبين توزيع 32 تلميذا حسب علاماتهم في اختبار
عدد مرات ظهور هذه القيمة في السلسلة الإحصائية.	تكرارها النسبي في التكرار الكلي	تكرارها النسبي في 100	3. تكرار قيمة يساوي
عدد f حيث $0 \leq f \leq 1$	كسر بسطه أصغر من مقامه.	عدد أصغر من 1.	4. التكرار النسبي هو
عدد موجب.	أقل من 1.	يساوي 1.	5. مجموع التكرارات النسبية
بقيمة مقربة لـ $\frac{7}{8}$.	بالنسبة المئوية . 87,5%	بالمعدل 0,875	6. يمكن التعبير عن التكرار النسبي $\frac{7}{8}$.
13,4	13	13,5	7. معدل العلامات 13 ، 12,5 ، 13 ، 15,5 ، 13 هو
40%	45%	30%	8. يبين المخطط الدائري التالي المواد المفضلة لدى 30 تلميذا. النسبة المئوية للذين يفضلون العلوم الطبيعية هي



١ متوسط سلسة احصائية

تم تقسيم قطعة أرضية إلى أربعة أجزاء بين رشيد و أحمد و سعيد و عمر كما يلي:

حصة رشيد: $1214m^2$ ، حصة أحمد: $1142m^2$

حصة سعيد: $1221m^2$ ، حصة عمر: $1303m^2$

ماذا سيكون نصيب كل واحد لو كانت الأجزاء الأربع متساوية المساحة.

إليك توزيع مجموعة من تلاميذ حسب قاماتهم بالستيمتر.

القامت	146	150	155	159
النكرار	5	12	8	5

لو كانت قامات كل التلاميذ متساوية، ماذا ستكون القامة m لكل تلميذ؟ ماذا يمثل العدد m ؟

٢ تجميع معطيات احصائية في فئات وتنظيمها في جدول

سألنا 25 شخصاً من مالكي السيارات الخاصة عن المسافة (بالكيلومتر) التي يقطعونها يومياً و كانت النتائج

20	32	43	55	21	34	48	50	22	33
45	22	33	44	27	35	43	28	35	28
35	29	37	40	39					

اجمع هذه المعطيات في أربع فئات متساوية المدى ثمنظمها في جدول تكراري.

٣ حساب تكرارات و تكرارات نسبية

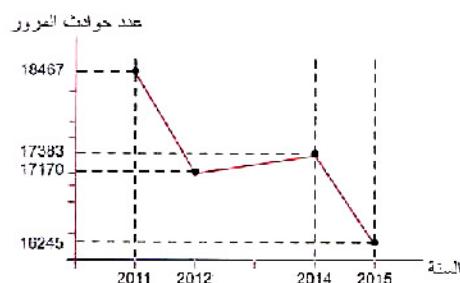
قامت مؤسسة بدراسة مدة صلاحيات مصابيح كهربائية (بالساعة) على عينة من مصابيح و كانت النتائج كالتالي:

المدة	من 350 إلى 650	من 655 إلى 955	من 960 إلى 1260	المجموع
عدد المصايبع	225	825
النكرار النسبي	0,15	...	0,3	...

أتم هذا الجدول.

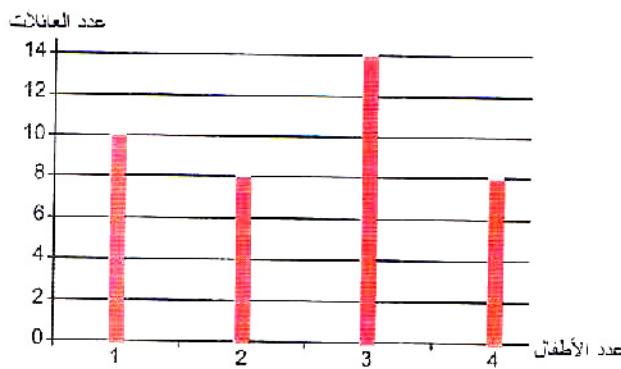
يعطي البيان أدناه عدد حوادث المرور في المناطق الحضرية

في السنوات 2011، 2012، 2014، 2015.



السنة	2011	2012	2014	2015
النكرار	17170	...
النكرار النسبي

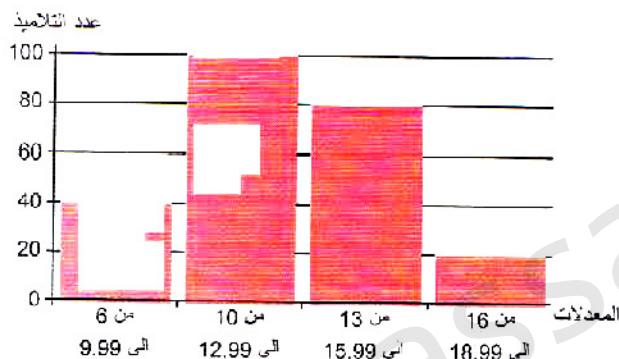
أنشطة



• يمثل المخطط بالأعمدة التالي توزيع عائلات قرية حسب عدد الأطفال.

نقل ثم أتم الجدول التالي:

عدد الأطفال
الكرار
الكرار النسبي بنسية مئوية



• يتعلق المخطط التالي بمعدلات تلاميذ متوسطة في شهادة التعليم المتوسط.

نقل ثم أتم الجدول التالي

الفئة (معدلات على 20)	من 6 إلى 9.99	من 10 إلى 12.99	من 13 إلى 15.99	من 16 إلى 18.99	المجموع
الكرار
الكرار النسبي					

٤ تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط أو بيان

يتصل الجدول التالي بأجور عمال مؤسسة (بالدينار).

الفئة (مرتبات بـ DA)	من 35 000DA إلى 40 000DA	من 45 000DA إلى 50 000DA	من 55 000DA إلى 60 000DA	من 65 000DA إلى 70 000DA
الكرار النسبي	20%	40%	30%	10%

مثل هذا الجدول بمخطط بأعمدة ثم بمخطط دائري.

١ متوسط سلسلة إحصائية

مثال

- إليك أجور عمال مؤسسة صغيرة بالدينار.

40 000	60 000	55 000	45 000
43 000	90 000	40 000	80 000

متوسط الأجر في هذه المؤسسة هو DA 56 625 لأن:

- مجموع كل الأجور هو 453 000DA

- عدد العمال (أي التكرار الكلي) هو 8 و $\frac{453\,000}{8} = 56\,625$

التكرار الكلي لسلسلة إحصائية

هو عدد قيمها

متوسط سلسلة إحصائية هو حاصل

قسمة مجموع قيمها على التكرار الكلي.

ملاحظة

- في نفس المثال السابق، لا يتغير مجموع الأجور لو كان لكل عامل نفس الراتب .56 625DA.
- متوسط سلسلة إحصائية لا يساوي حتما قيمة من قيم السلسلة.

٢ المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية

مثال

- إليك توزيع تلاميذ قسم حسب قاماتهم بالستيمتر.

القامة	130	135	140	145	150
التكرار	3	8	9	6	4

متوسط قامات هؤلاء التلاميذ هو 140cm لأن:

- مجموع جداء كل قيمة في تكرارها أي

- $4200 = 130 \times 3 + 135 \times 8 + 140 \times 9 + 145 \times 6 + 150 \times 4$ يساوي 4200.

- عدد التلاميذ (أي التكرار الكلي) هو 30 و $\frac{4200}{30} = 140$.

المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية هو حاصل قسمة العدد الذي نتحصل عليه بجمع جداء كل قيمة في تكرارها على التكرار الكلي.

ملاحظة

إذا تساوت التكرارات يكون المتوسط المتوازن هو متوسط السلسلة الإحصائية.

٣ حساب المتوسط باستعمال مجدول إكسال

نحسب المتوسط باستعمال الطلبية MOYENNE و المتوسط المتوازن باستعمال الطلبيتين

SOMME و SOMMEPROD

نفس مثال الفقرة الثانية						نفس مثال الفقرة الأولى																																					
• نجز سلسلة قامات التلاميذ:						• نجز سلسلة أجور العمال:																																					
<table border="1"> <tr> <td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td>E</td><td>F</td> </tr> <tr> <td>1</td><td>130</td><td>135</td><td>140</td><td>145</td><td>150</td> </tr> <tr> <td>2</td><td>3</td><td>8</td><td>9</td><td>6</td><td>4</td> </tr> </table>						A	B	C	D	E	F	1	130	135	140	145	150	2	3	8	9	6	4	<table border="1"> <tr> <td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td> </tr> <tr> <td>1</td><td>40000</td><td>60000</td><td>55000</td><td>45000</td> </tr> <tr> <td>2</td><td>43000</td><td>90000</td><td>40000</td><td>80000</td> </tr> </table>						A	B	C	D	1	40000	60000	55000	45000	2	43000	90000	40000	80000
A	B	C	D	E	F																																						
1	130	135	140	145	150																																						
2	3	8	9	6	4																																						
A	B	C	D																																								
1	40000	60000	55000	45000																																							
2	43000	90000	40000	80000																																							
• نجز في الخلية G1 :						• نجز في الخلية E3 :																																					
$=SOMMEPROD(B1:F1;B2:F2)$						$=MOYENNE(A1:D2)$																																					
• نجز في الخلية G2 :						• نضغط على ENTER فيظهر في الخلية E3																																					
• نجز في الخلية G3 :						ثم نضغط على ENTER فيظهر في الخلية E3																																					
• نجز في الخلية G3 :						معدل الأجور (56 625DA).																																					
ENTER فيظهر في الخلية G3 متوسط القامات (140cm)																																											

• حساب متوسط سلسلة احصائية

تمرين

تحصل رشيد على العلامات الآتية في العلوم الطبيعية و الرياضيات.

10	2	17	5	16	العلوم الطبيعية
----	---	----	---	----	--------------------

13	11,5	12	11,5	الرياضيات
----	------	----	------	-----------

احسب معدل رشيد في كل مادة ثم متوسط المعدلين.

حل

$$m_1 = \frac{13 + 11,5 + 12 + 11,5}{4} = \frac{48}{4}$$

$$\text{المعدل في الرياضيات : } 12 = \frac{10 + 2 + 17 + 5 + 16}{5} = \frac{50}{5}$$

$$\text{إذن متوسط المعدلين هو } 11 = \frac{10 + 12}{2} = \frac{22}{2}$$

طريقة

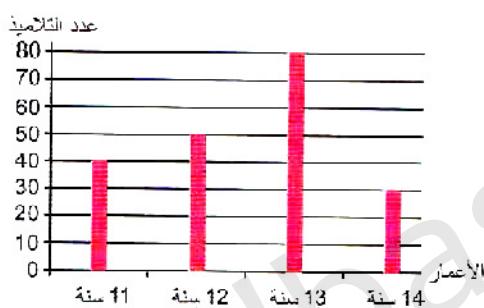
لحساب معدل (أي متوسط) علامات ، نحسب مجموعها ثم نقسمه على عدد العلامات.

• حساب المتوسط المتوازن لسلسلة احصائية

تمرين

يمثل المخطط المقابل توزيع مجموعة من تلاميذ متوسطة حسب أعمارهم.
احسب متوسط أعمار هؤلاء التلاميذ.

حل



متوسط الأعمار هو

$$\frac{11 \times 40 + 12 \times 50 + 13 \times 80 + 14 \times 30}{40 + 50 + 80 + 30} = \frac{2500}{200} = 12,5$$

طريقة

يمكن استعمال الجدول:

العمر n	11	12	13	14	المجموع
النكرار m	40	50	80	30	200
a × n	440	600	1040	420	2500
متوسط الأعمار					$2500 \div 200 = 12,5$

دوري الآن

الجدول المقابل يعبر عن توزيع المنخرطين في نادي ملاكمه حسب أوزانهم بالكيلوغرام.
احسب متوسط أوزان هؤلاء الملاكمين.

الوزن	50	53	65	59
النكرار النسبي	20%	40%	30%	10%

(140cm)

٤ تجميع سلسلة احصائية في فنات

• تجميع معطيات في فنات وتنظيمها في جداول

- عندما تكون المعطيات الإحصائية كثيرة، يمكن تجميعها في فنات لتسهيل استغلالها.
- مركز فنات هو نصف مجموع طرفيها.

مثال

3	5	8	11	4	6	9	11	3	6
9	12	7	9	13	7	10	12	6	10
11	7	8	13	5	10	9	8		

إليك توزيع مدد المكالمات الهاتفية (بالدقيقة) في مؤسسة خاصة.

يمكن تلخيص هذه المعطيات في الجدول:

المدة (بالدقيقة)	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
عدد المكالمات	2	1	2	3	3	3	4	3	3	2	2

يمكن تلخيص هذه المعطيات في الجدول:

الفنات (المدة x بالدقيقة)	$2 \leq x < 5$	$5 \leq x < 8$	$8 \leq x < 11$	$11 \leq x \leq 14$
عدد المكالمات	3	8	10	7
مركز الفنات	3,5	6,5	9,5	12,5

مركز الفنات $\left(5 \leq x < 2\right)$ (أي «من 2 إلى 5 ماعدا 5») هو $\frac{2+5}{2} = 3,5$ أي 3,5 . بنفس الطريقة نجد مركز كل الفنات الأخرى ونسجلها في الجدول.

ملاحظة: فقد معلومات عندما ننظم المدد في فنات، مثلاً الجدول الثاني لا يعطي عدد المكالمات الهاتفية التي دامت 4 دقائق.

• تمثيل سلسلة احصائية مجمعة في فنات بمدرج تكراري

المدرج التكراري هو تمثيل بمحاط للسلسلة الإحصائية التي جمعت قيمها في فنات ويكون من مستطيلات متباينة مساحاتها متناسبة مع تكرارات الفنات.

مثال

العمر x	$20 \leq x < 30$	$30 \leq x < 40$	$40 \leq x < 50$	$50 \leq x \leq 60$
التكرار	20	60	40	20

إليك توزيع عمال مؤسسة حسب أعمارهم.

لاحظ أن الفنات متباينة اتساعى الذي يساوى 10.

بصفة عامة، إذا كانت كل الفنات متباوية

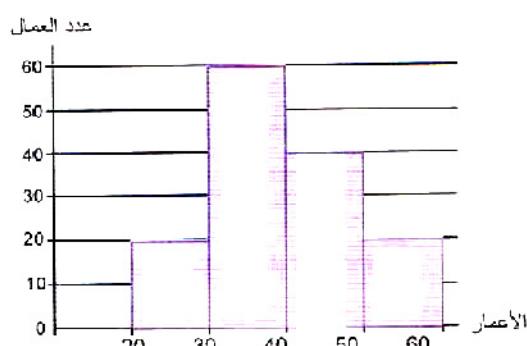
المدى كما في هذا المثال فإن ارتفاعات

المستطيلات متباينة مع تكرارات الفنات.

ندرج المحور الأفقي بانظام من 20 إلى 60

وننشئ مستطيلات عرضها 10 درجات

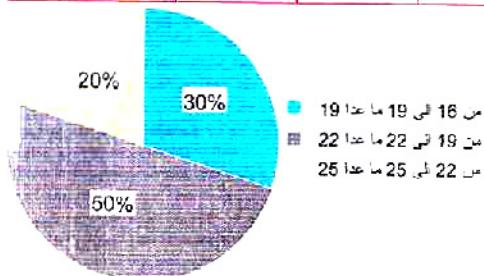
وارتفاعاتها 20، 60، 40، 20 وحدة.



طرائق

• تمثيل سلسلة بمدرج تكراري

	$16 \leq t < 19$	$19 \leq t < 22$	$22 \leq t \leq 25$
التكرار



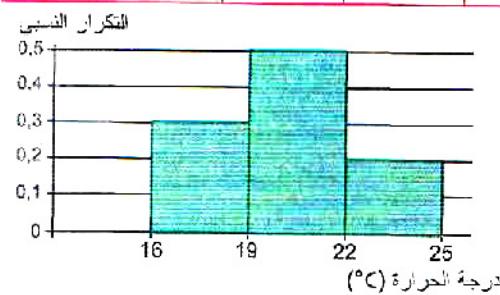
تعريف: يمثل المخطط الدائري المقابل توزيع درجات الحرارة (t°) في ولاية الجزائر في نوفمبر 2016، حسب عدد الأيام.

1) انقل ثم أتمم الجدول المقابل ثم مثله بمدرج تكراري.

2) أعط تقدير M لمتوسط درجات الحرارة المذكورة في النص.

حل

درجة الحرارة (t°)	$16 \leq t < 19$	$19 \leq t < 22$	$22 \leq t \leq 25$
النسبة المئوية	30%	50%	20%
التكرار	9	15	6



1) التكرار الكلي هو 30 إذن:

تكرار الفئة « $16 \leq t < 19$ » هو $30 \times 0,3$ أي 9،

تكرار الفئة « $19 \leq t < 22$ » هو $30 \times 0,5$ أي 15

و تكرار الفئة « $22 \leq t < 25$ » هو

$30 \times 0,2$ أي 6 . نستنتج الجدول المقابل.

• الفئات متساوية المدى الذي يساوي 3.

ندرج المحور الأفقي بانتظام من 16 إلى 25

ثم ننشئ مستطيلات عرضها 3 تدريجات و ارتفاعاتها 0,2 ، 0,5 ، 0,3 وحدة.

2) نعين مراكز الفئات كما يوضح الجدول ثم نحسب M :

$$M = \frac{9 \times 17,5 + 15 \times 20,5 + 6 \times 23,5}{9 + 15 + 6} = \frac{606}{30} = 20,2$$

درجة الحرارة (t°)	$16 \leq t < 19$	$19 \leq t < 22$	$22 \leq t \leq 25$
مركز الفئة	17,5	20,5	23,5
التكرار	9	15	6

طريقة

• لحساب تكرار قيمة، نضرب تكرارها النسبي في التكرار الكلي.

• لتقدير المتوسط المتوازن للسلسلة الإحصائية مجتمعة في فئات، نعرض كل فئة بمركزها.

دوري الآن

سجل صحفيان A و B المعطيات أدناه المتعلقة بالمدة (بالدقيقة) التي يستغرقها تلاميذ متوازنة للالتحاق بمؤسساتهم. لخُص المعطيات التي سجلها الصحفيان في مخطط واحد.

الصحفى A					
المدة	أقل من 5	من 5 إلى 9	من 10 إلى 14	من 15 إلى 19	من 20 إلى 24
النسبة المئوية	30%	25%	15%	20%	10%

الصحفى B				
المدة	أقل من 5	من 5 إلى 14	من 15 إلى 24	عدد التلاميذ
	20	30	10	

3

9

11

الدقيقة)

الكلمات

قيمة)

نجد

الهاتفية

ن

العمر x

التكرار

عدد العمل

60

50

40

30

20

10

0

متوسط سلسلة احصائية

المتوسط المترافق لسلسلة احصائية

13

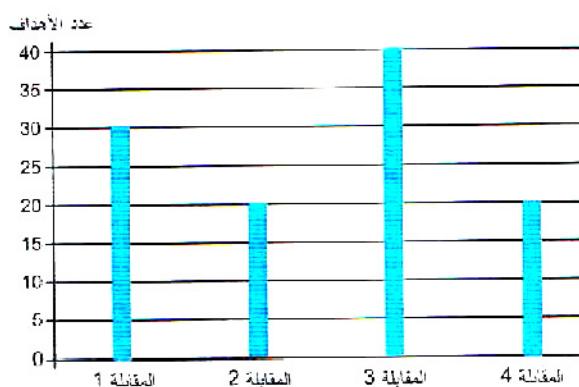
مادة

- 7** إليك علامات أحد اختبارات مادة الرياضيات لمجموعة من تلاميذ متوسطة.

5	7	8	9	10	10	12	12	12	13
13	14	14	14	14	14	15	15	18	19

احسب متوسط هذه السلسلة الإحصائية.

- 8** يبين المخطط بالأعمدة التالي عدد الأهداف التي سجلها فريق كرة السلة.
احسب معدل الأهداف في مقابلة واحدة.



- 9** الجدول التالي يمثل مبيعات 200 حذاء خلال أسبوع الدخول المدرسي في أحد دكاكين العاصمة.

	قياس الحذاء	36	37	38	39	40	41	42
النكرار		45	55	25	30	20	10	15

احسب متوسط هذه السلسلة الإحصائية.

- 10** في قطبيع من 150 حيوان، 70% أغنام و في قطبيع من 250 حيوان، 40% أغنام.
احسب متوسط عدد الأغنام في القطبيعين.

- 11** بلغ متوسط الدخل الشهري لـ 36 من موظفي مؤسسة 49000DA، بينما بلغ متوسط الدخل الشهري لباقي الموظفين .45000DA.

ما هو متوسط الدخل الشهري في هذه المؤسسة إذا علمت أن عدد العمال هو .80.

- 12** تحصل يوسف على 40000DA شهرياً لمدة 8 أشهر ثم 45000DA شهرياً لمدة 17 شهراً. ما هو متوسط ربح يوسف خلال هذه الفترة؟

- 1** إليك ثلاثة سلاسل إحصائية متوسطاتها 1 ، 80 ، 130 .

السلسلة 1: -2 ، -8 ، 3 ، 7 ،

السلسلة 2: 130 ، 132 ، 128 ،

السلسلة 3: -0.8 ، -0.9 ، 4.7 ،

أرقى ذهنها كل سلسلة بمتوسطها.

- 2** إليك كشف رواتب عمال مؤسسة بالدينار.

47 000 38 000 43 000 52 000 57 000 39 000

احسب متوسط هذه الرواتب.

- 3** إليك علامات إبراهيم و إسماعيل في استجابات الفصل الأول في مادة الرياضيات.

إبراهيم: 18 ، 3 ، 17 ، 14 ، 2.

إسماعيل: 10 ، 9 ، 12 ، 13 ، 12.

أيهما تحصل على أكبر معدل؟

- 4** يبين الجدول التالي عدد زوار موقع أنترن特

من 1 ماي 2017 إلى 5 ماي 2017.

1 ماي	2 ماي	3 ماي	4 ماي	5 ماي
215	125	123	213	214

1) احسب متوسط الزوار في اليوم.

2) انقل ثم أتم الجملة:

« لا يتغير عدد الزوار من 1 ماي 2017 إلى 5 ماي 2017 لو كان عددهم ... في كل يوم».

- 5** أجب ب الصحيح أو خاطئ.

يكون متوسط سلسلة إحصائية دائمًا:

• بين أصغر و أكبر قيمة لها.

• لا يساوي إحدى قيمها.

• يساوي نصف مجموع قيمها.

- 6** يبين المخطط بالأعمدة التالي الزلزال الخمسة الأكثر قوة في التاريخ.



احسب متوسط قوة شدة زلزال.

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

16 يبيّن الجدول التالي توزيع 30 تلميذاً داخل نادي موسيقي حسب أعمارهم.

السن a	$10 \leq a < 12$	$12 \leq a < 14$	$14 \leq a \leq 16$
عدد التلاميذ	12	10	8

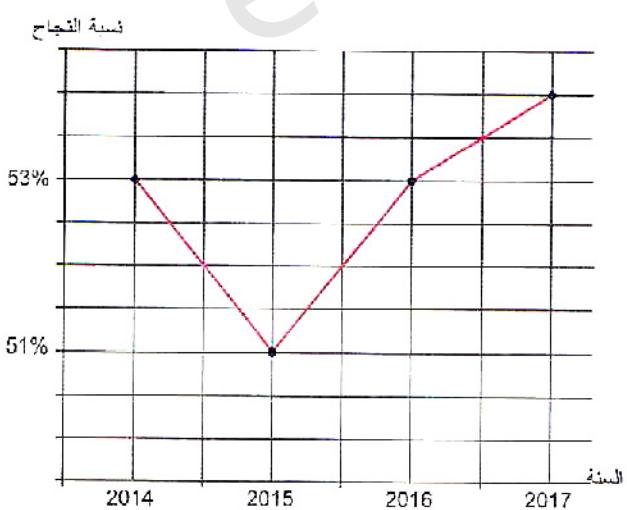
- (1) مثل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط دائري.
- (2) مثل هذه السلسلة الإحصائية بمدرج تكراري.
- (3) احسب معدل أعمار هؤلاء التلاميذ.

17 وصلت دراسة إحصائية حول إنتاج مادة الحليب الطبيعي (باللتر) بمزارع منطقة، إلى الجدول التالي:

الإنتاج	$150 \leq a < 200$	$200 \leq a < 250$	$250 \leq a \leq 300$
عدد المزارع	5	2	3

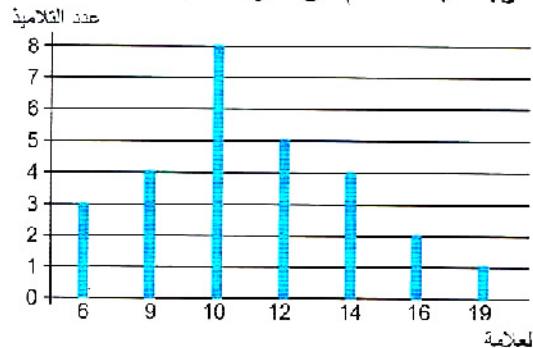
احسب متوسط إنتاج الحليب بهذه المزارع.

18 التمثيل البياني التالي يبيّن نسبة النجاح في متوسطة من سنة 2014 إلى سنة 2017.



احسب نسبة النجاح المتوسطة بين سنة 2014 و سنة 2017.

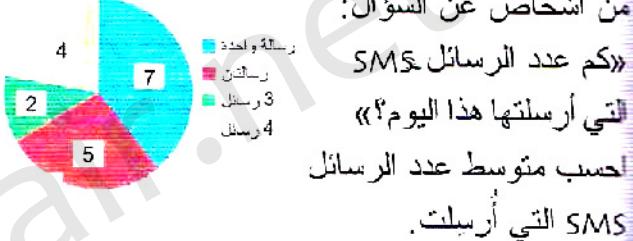
13 المخطط التالي يمثل علامات اختبار الفصل الثالث لمادة الرياضيات لقسم من متوسطة.



(1) احسب معدل القسم.

(2) احسب معدل التلاميذ الذين تحصلوا على علامة أكبر من 9.

14 المخطط الدائري التالي يبيّن توزيع أجوبة مجموعة من أشخاص عن السؤال:



«كم عدد الرسائل التي أرسلتها هذا اليوم؟»
احسب متوسط عدد الرسائل SMS التي أرسلت.

تجميع معطيات و تنظيمها و تمثيلها بيانياً

15 تمثل القائمة التالية الاستهلاك السنوي من الكهرباء (بالميغاوات MW) بمجمع سكني يضم 50 عائلة.

0,5	1	1,5	2	2,5	0,5	1	1,5	2	2,7
0,5	1	1,5	2,3	0,6	1,1	1,6	2,4	0,6	1,1
1,6	2,4	0,6	1,2	1,6	0,7	1,2	1,6	0,7	0,3
1,7	0,7	1,3	1,7	0,7	1,3	1,8	0,8	1,3	1,8
0,8	1,4	1,9	0,8	1,4	0,8	1,4	0,9	0,9	0,9

(1) انقل ثم أتمم الجدول التالي:

MW	الاستهلاك $a \rightarrow$	$0,5 \leq a < 1$
مركز الفئة
التكرار

(2) جد قيمة مقربة لمعدل استهلاك الكهرباء للعائلة الواحدة.

19 سجل الذر크 الوطني سرعة 120 سيارة:

السرعة a (km/h)	$10 \leq a < 30$	$30 \leq a < 50$	$50 \leq a < 70$	$70 \leq a \leq 90$
عدد السيارات	40	30	38	12

مثل هذا الجدول بمخطط دائري.

20 تم رصد سرعة عينة من السيارات و عددها 200 على طريق السيار فكانت النتائج كالتالي:

السرعة v (km/h)	$60 \leq v < 80$	$80 \leq v < 100$	$100 \leq v < 120$	$120 \leq v \leq 140$
النكرار	80	90	20	10

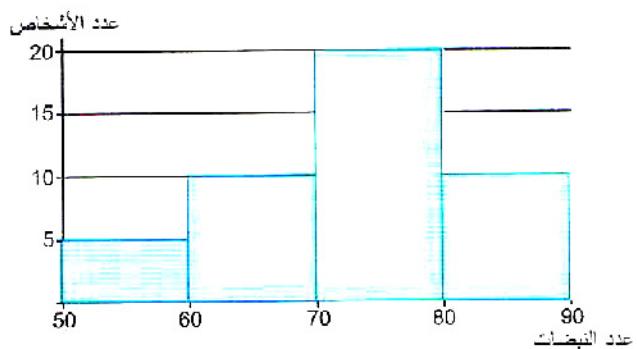
1) مثل هذه المعطيات بمدرج تكراري.

2) احسب قيمة مقربة لمتوسط السرعة.

3) عين النسبة المئوية للسيارات التي تسير بسرعة بين 120km/h و 140km/h.

4) مثل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط دائري.

21 يمثل المدرج التكراري التالي توزيع مجموعة من الأشخاص حسب عدد نبضات القلب في الدقيقة الواحدة في وقت استراحة.



1) انقل ثم أتمم الجدول التالي

عدد النبضات	$50 \leq t < 60$	$60 \leq t < 70$	$70 \leq t < 80$	$80 \leq t \leq 90$
النكرار

2) أعط تقديرًا لمتوسط هذه السلسلة الإحصائية.

استعمال مجدول

A	B	C	D	E
-4	8	10	-15	12
13	54	-9	6	5

22 تعطى سلسلة إحصائية في صفحة إكسل:

اختر الاقتراحات الصحيحة فيما يلي لحساب متوسط هذه السلسلة.

$$=MOYENNE(A1:E2) \quad (1)$$

$$=MOYENNE(B1:E2) \quad (2)$$

$$=SOMME(A1 :E2)/10 \quad (3)$$

$$=(13*A1+54*B1-9*C1+6*D1+5*E1)/11 \quad (4)$$

$$=MOYENNE(A1:E2)/10 \quad (5)$$

$$=MOYENNE(B1:E2)/10 \quad (6)$$

A	B	C	D	E
12	15	10	9	الفترة
1	2	1	5	النكرار

23 تعطى سلسلة إحصائية في صفحة إكسل:

اختر الاقتراحات الصحيحة فيما يلي لحساب متوسط هذه السلسلة.

$$=MOYENNE(B1:E2) \quad (1)$$

$$=MOYENNE(B1:E2) \quad (2)$$

$$=SOMME(B1 :E1)/4 \quad (3)$$

$$=(2*B1+C1+5*D1+3*E1)/11 \quad (4)$$

$$=SOMMEPROD(B1:E1;B2 :E2) \quad (5)$$

$$=SOMMEPROD(B1:E1;B2 :E2)/11 \quad (6)$$

A	B	C
النعت	المعدل السنوي	فترة الكلام
حسين	10,66	
دوراه	11,85	
ابراهيم	9,98	

24 1) انقل ما يلي على صفحة إكسل.

2) احجز في الخلية C2 الطلبية

=SI(B2<10 ; «ناجح» ; «راسب» ; 10)

ثم اضغط على ENTER

3) حدد الخلية C2 وضع الفارة على أسفل C2 حتى

تطهر الإشارة «+»، انقر مرتين على هذه الإشارة

ماذا تلاحظ؟

عند الإخفاق أعود إلى الصفحة:

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً لها.

106

متوسط السلسلة: 9, -8, -1, 4 هو:

ج)

ب)

أ)

1

107 ، 106

القيمة	2	0	-4	1
التكرار	5	10	2	3

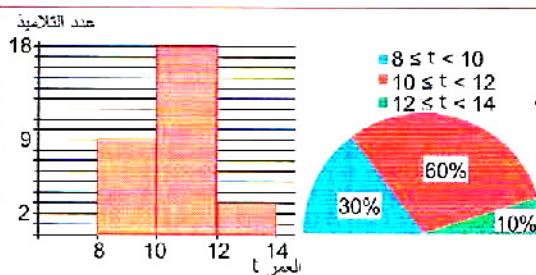
متوسط السلسلة الآتية هو:

ب)

ج)

2

109 ، 108



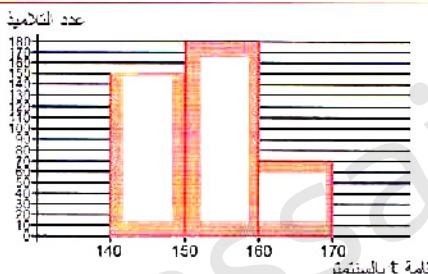
المخططان الآتيان يمثلان

أ) نفس السلسلة ب) متناقضان

ج) سلسلتين مختلفتين

3

107 و 106



لتقدير متوسط السلسلة التي يمثلها
المدرج التكراري المقابل، نختار:

أ) 153 ب) 133,33 ج) 155

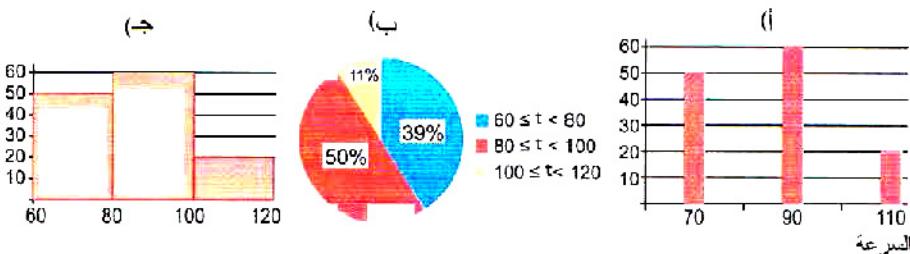
4

سجل الدرك الوطني سرعة 120 سيارة (ب) km/h كما يلي:

السرعة t	60 ≤ t < 80	80 ≤ t < 100	100 ≤ t ≤ 120
عدد السيارات	50	60	20

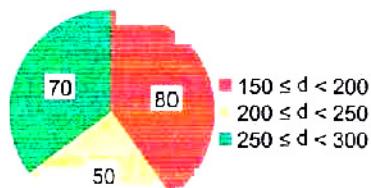
المخطط الذي يمثل هذا الجدول هو:

109 ، 108



5

109 و 108



يمثل المخطط الدائري التالي المسافة d

بالمتر بين مدرسة ومساكن مجموعة من تلاميذ.

التكرار النسبي للفئة 200 < d ≤ 150 هو:

أ) 0,4 ب) 80% ج) 80

6

34

حسـ

(الصـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

ـ

- 30** اخترنا عينة من 20 فلحاً للتعرف على مردوديتهم من القمح (بالطن) خلال موسم فكانت النتائج كالتالي:

18	31	28	17	16	26	14	14	25	23
10	18	11	19	12	19	13	20	12	19

1) احسب متوسط هذه السلسلة.

- 2) إذا أخذنا فئات مدى كل واحدة 5، أتمم الجدول الآتي و مثله بيانياً.

الفئة (الكمية « a » من القمح بالطن)
النكرار
النكرار النسبي

- 31** سئل 50 شخصاً عن عدد الكتب التي يقرؤها كل واحد منهم في سنة. فكانت النتائج كما يلي:

6	4	4	7	7	1	2	3	1	1
10	1	2	3	1	1	2	3	2	1
9	4	8	1	2	3	1	1	2	3
8	5	4	1	2	3	1	2	1	2
8	5	5	1	3	1	2	2	3	10

- 1) احجز هذه السلسلة الإحصائية في صفحة المجدول أكسل (من الخلية A1 إلى الخلية A50) ثم ربها ترتيباً تصاعدياً بتحديد السلسلة ثم النقر على وعلى .

2) احسب متوسط هذه السلسلة.

- 3) قم بهذه النتائج في جدول توزيع تكراري ذي فئات متساوية المدى (الفئة الأولى هي الفئة «من 1 إلى 4»).

- 4) أعط قيمة مقربة لمتوسط هذه السلسلة وقارنها مع نتيجة السؤال 2. اشرح.

- 32** تتكون فرقة مسرح من 3 ممثلين عمرهم 20 سنة و 4 ممثلين عمرهم 30 سنة و 5 ممثلين عمرهم 40 سنة. احسب متوسط أعمار عناصر هذه الفرقة.

- 33** اجتمع 12 طفلاً لاحتفال بعيد ميلاد.

- أعمار هؤلاء الأطفال هي 6 ، 7 ، 8 ، 9 ، 10 سنوات و عمر 4 منهم هو 6 سنوات و عمر الأغلبية منهم هو 8 سنوات.

احسب معدل أعمار هؤلاء التلاميذ.

25 عدد تلاميذ قسم هو 30 علماً أن

60% من هؤلاء التلاميذ بنات.

متوسط أعمار الإناث هو 12 سنة و متوسط أعمار الذكور هو 13 سنة.

ما هو معدل أعمار تلاميذ هذا القسم.

26 تحصلت لينة في 4 استجابات على العلامات التالية:

العلامة	الاستجواب الأول	الاستجواب الثاني	الاستجواب الثالث	الاستجواب الرابع
12	a	b	10	

احسب كلاً من a و b إذا علمت أن:

• في الاستجواب الثاني تحصلت لينة على أعلى علامة.

• الفرق بين أعلى علامة وأدنى علامة هو 4.

• معدل الاستجابات الأربع هو 12.

27 معدل قسم السنة الثالثة في متوسطة في فرض مادة الرياضيات هو 11.

إليك تفاصيل حول توزيع هذه العلامات.

العلامة	7	9	10	12	a	16
النكرار النسبي	0,10	b	0,30	0,15	0,25	0,10

احسب a و b .

28 معدل قسم من متوسطة هو 9,96. في حالة عدم

احتساب العلامة 3 يصبح هذا المعدل 10,25.

ما هو عدد تلاميذ هذا القسم؟

29 متوسط أعمار الجدة و الجد و أحفادهم السبعة

هو 28 سنة.

متوسط أعمار الأحفاد هو 15 سنة.

احسب عمر الجد علماً أن عمره يفوق عمر الجدة

بثلاث سنوات.

العنق

الفئة (الكتلة x بالغرام)	٥٨٠ ٤٥٠	٤٥٠ ٣٥٠	٣٥٠ ٢٥٠	٢٥٠ ١٩٠	١٩٠ ١٣٠	المجموع
النكرار (عدد البيض)	500
مركز الفئة
النكرار النسبي	8%	12%	20%	...	36%	...

1) انقل ثم أتمم هذا الجدول.

2) أعط تقديرًا لمتوسط هذه السلسلة الإحصائية.

3) مثل الجدول بمدرج تكراري و بمخطط نصف دائري.

39) أجب بـ صحيح أم خاطئ.

• لا يتغير معدل تلميذ عندما نضيف 3 علامات ونطرح

3 من علامة أخرى.

• يكون متوسط سلسلة إحصائية منحصرًا دوماً بين

القيمة الصغرى و القيمة الكبرى للسلسلة.

• متوسط مجموعة من قيم هو القيمة التي لو حلّت مكان

كل قيمة من مجموعة القيم لكان مجموع القيم الجديدة

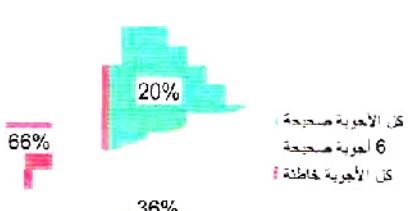
مساوية لمجموع القيم الأصلية.

40) اقترحت في مسابقة 10 أسئلة.

أجوبة 30 تلميذاً كلها صحيحة.

قدم 36% من التلاميذ 6 أجوبة صحيحة

وأجوبة 44% منهم كلها خاطئة.



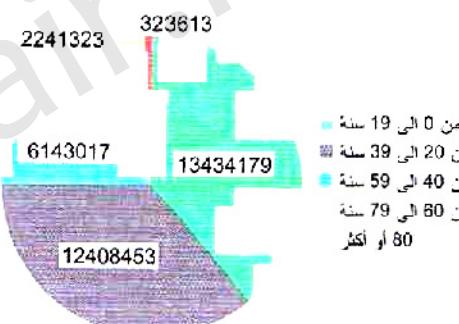
احسب معدل الأجوبة الصحيحة للتلميذ الواحد.

34) الجدول التالي يمثل توزيع عدد سكان الجزائر حسب أعمارهم (إلى 01/07/2015).
(المصدر: الديوان الوطني للإحصائيات)

فئات الأعمار	الذكور	الإناث
من 0 إلى 19	7 505 521	7 124 250
من 20 إلى 39	7 088 142	6 932 808
من 40 إلى 59	3 908 301	3 920 264
من 60 إلى 79	1 483 173	1 489 344
أكثر من 80	250 067	261 377

مثل هذا الجدول بمدرج تكراري.

35) المخطط الدائري التالي يمثل توزيع عدد سكان الجزائر حسب أعمارهم إلى 01/07/2008
(المصدر: الديوان الوطني للإحصائيات)



مثل هذه المعطيات بمدرج تكراري.

36) متوسط السلسلة الإحصائية التي يمثلها الجدول الآتي هو 4. احسب a .

الفئة	3	2	a
النكرار	2	5	3

37) كان في قفص 5 ببغاوات متوسط سعرها € 5000.

في يوم من الأيام المخصصة للتنظيف طار أجمل الببغاوات فأصبح متوسط سعر الببغاء € 4000.
ما هو سعر الببغاء الذي فر.

38) صنف مربى دجاج البيض المنتج في يوم حسب الكتلة بالغرام و تحصل على الجدول التالي:

نوعيthem
كالاتي:

18
10

ل الآتى

، باطن)

عها كل

6
10

9
8

8
8

للمجدول

ثم رتبها

27
Trier et filtrez

ذى فئات

إلى 4»).

لارتها مع

20 سنة

40 سنة

1 سنوات

منهم هو

مرتبات عمال

الراتب المتوسط	للعمال الإداريين	35 000DA
	لعمال الإنتاج	43 000DA

استخدمت شركة 50 عاملًا في المصلحة الإدارية و في مصلحة الإنتاج .
الرواتب الشهرية المتوسطة هي كالتالي :

احسب عدد عمال كل مصلحة من المصلحتين إذا علمت أن الراتب المتوسط لكل هؤلاء العمال هو 41 400DA.

توجيهات

قراءة بتمعن

فهم سياق الوضعية المتمثل في حساب عدد العمال في كل مصلحة من المصلحتين انتطلاقاً من عددهم الإجمالي و رواتبهم المتوسطة.

تحليل المعطيات و إيجاد ترابطات بينها

عدد العمال و متوسط رواتبهم و متوسط رواتب عمال كل مصلحة معلومة.
يمكن ربط هذه المعطيات باستعمال الدستور المتعلق بحساب المتوسط المتوازن .
المطلوب: حساب عدد عمال كل مصلحة .

تجنيد الموارد و إعداد خطة حل

نستعمل المتوسط المتوازن ، ترجمة نص إلى معادلة ، نشر عبارة ، اختزال كسر .

تنفيذ الخطة : نحل معادلة من الدرجة الأولى لمجهول واحد .

تبليغ الحل : تحرير الحل .

حل مختصر

نسمى a عدد عمال الإدارة ؛ إذن عدد عمال الإنتاج يكون $a - 50$.
يمكن ترجمة نص الوضعية بالمعادلة $\frac{35000a + 43000(50 - a)}{50} = 41400$.
نحل هذه المعادلة و نجد $a = 10$.

إذن عدد عمال الإدارة هو 10 و عدد عمال الإنتاج 40 .

ملاحظة : يمكن استعمال المجدول إكمال (انظر الصفحة الخاصة بتكنولوجيات الإعلام و الاتصال)

وضعية للتقويم

اتصل رئيس نادي رياضي بمؤسسة تجارية لرعاية ناديه

وافقت المؤسسة و لكن بشرط أن تكون أعمار

أكثر من 50% من المتردجين بين 30 و 50 سنة .

حسب المدرج التكراري التالي ، هل يبرم الاتفاق ؟



أوْظَفْ تِكْنُولُوْجِيَّاتِ الاعْلَامِ وَالاتِّصالِ

معالجة وضعية باستعمال مجدول إكسال.

.تهيئة: «الوضعية المتعلقة برواتب العمل، المقترحة في الصفحة السابقة».

A 1 2	عدد العمل في الإدارة 0	B عدد العمل في الإنتاج 50	C المعادلة 43000	D الإجابة لا	عدد العمال في الإدارة في الخلية A1	في الخلية A1	
					عدد العمال في الإنتاج في الخلية B1	في الخلية B1	
					المعادلة في الخلية C1	في الخلية C1	احجز
					الإجابة في الخلية D1	في الخلية D1	
					0 في الخلية A2	في الخلية A2	

حجز الدساتير

- احجز في الخلية B2 الدستور: =50-A2

ثم اضغط على **ENTER**.

حدد الخلتين A2 و B2 ثم ضع الفارة

أسفل B2 حتى تظهر الإشارة **[+]**

و اسحب الفارة حتى الخلية A52.

- احجز في الخلية C2 الدستور: =(35000*A2+43000*B2)/50

ثم اضغط على **ENTER**.

اظهار النتيجة

- احجز في الخلية D2 الدستور:

(«لا» ; «هذه هي الإجابة» ;

ثم اضغط على **ENTER**.

حدد الخلتين C2 و D2 ثم ضع الفارة

أسفل D2 حتى تظهر الإشارة **[+]**

و انقر مررتين على الإشارة **[+]**.

ماذا تلاحظ؟

دوري الان

الوزن الزائد للشخص هو أن يكون مؤشر كثافة جسمه أكبر أو يساوي 25.

(انظر الصفحة الأولى من هذا الباب).

احجز أسماء وقامت (بـ m) و أوزانا (بـ kg) لأشخاص واستخرج آليا في صفحة إكسال

«وزن عادي» أو «وزن زائد» بالنسبة لكل شخص.

البرهان في الرياضيات



سأتعلم في هذا الباب

استعمال قواعد النقاش الرياضي.

كيف نبرر أن نصا رياضيا صحيح.

كيف نبرر أن نصا رياضيا خاطئ باستعمال

مثال مضاد.

استعمال نصوص من الشكل: إذا، فإن

- كتابة نص عكسي لنص رياضي والتمييز بينهما.

- كيف نبحث في برهان.

- كيف نحرر برهانا.

أقليدس هو عالم رياضيات يوناني عاش بين (325 - 265 ق.م). اشتهر بوضع نظام البديهيات وجمع عمله في الهندسة في كتاب أسماه الأصول. وقد اعتبرت هندسة أقليدس منذ ذلك العهد نموذجا للبرهان المنطقي. ومن مسلمات أقليدس:

- من نقطتين متغايرتين يمر مستقيم واحد وواحد فقط.

- كل قطعة مستقيم يمكن أن تُمدد

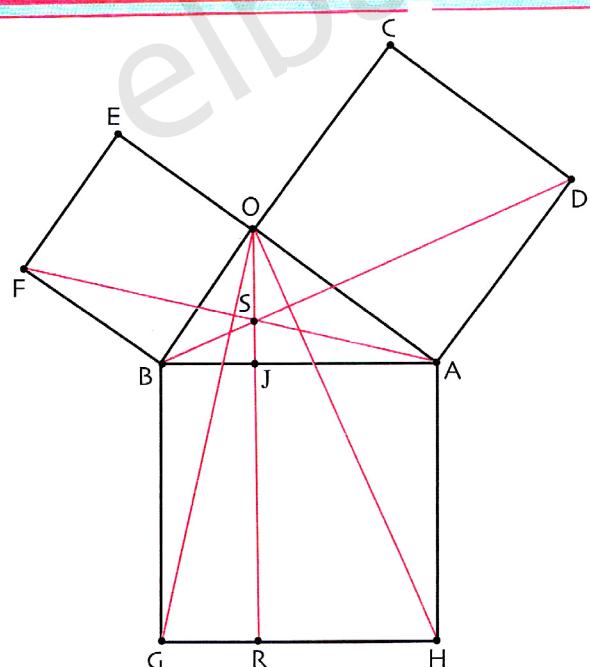
إلى مستقيم.

- تعطى نقطتان متغايرتان. توجد دائرة واحدة وواحدة فقط مركزها النقطة الأولى وتمر بالنقطة الثانية.

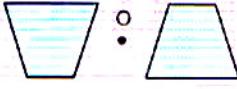
- كل الزوايا القائمة متساوية فيما بينها.

- من نقطة خارج مستقيم يمكن رسم مستقيم واحد وواحد فقط يوازيه ويشمل هذه النقطة.

ويكون النظام الهندسي لاقليدس من التعاريف والبديهيات والفرضيات والمبرهنات.



جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات		الأسئلة
(3) AB = 4,3cm AC = 3,6cm BC = 2,5cm	(2) AB = 8cm AC = 3cm BC = 2cm	(1) AB = 11cm AC = 4cm BC = 13cm
KL = 5cm KM = 9cm LM = 6cm	KL = 14cm KM = 8cm LM = 7cm	KL = 9cm KM = 5cm LM = 4cm
AB = 7cm $\widehat{A} = 32^\circ$ $\widehat{C} = 130^\circ$	$\widehat{A} = 50^\circ$ AC = 7cm AB = 9cm	$\widehat{A} = 60^\circ$ $\widehat{B} = 40^\circ$ $\widehat{C} = 80^\circ$
 : 	 :	 :
Z	H	G
(d)	(CI)	(AH)
(CI)	(AH)	(d)
(CI)	(d)	(AH)

1. المثلث ABC موجود في الحالات:

2. تكون النقاط K و L و M في استقامة في الحالة :

3. يمكن رسم مماثل للمثلث ABC في الحالات:

4. الشكلان متاظران بالنسبة إلى النقطة O في الحالات:

5. الحرف الذي له مركز تنازد هو:

6. فيما يلي، نعتبر الشكل المقابل:

في المثلث ABC،

1-6 أحد الارتفاعات هو:

2-6 أحد المحاور هو:

3-6 أحد المتوسطات هو:

١ أعرف قواعد النقاش الرياضي

بالنسبة إلى كل تمرين، المطلوب الإجابة على السؤال المطروح مع التبرير.

١) في العبارة $n \times n - n$ ، عندما نعوض n بأي عدد طبيعي، هل نحصل دائماً على عدد له قاسمان اثنان بالضبط؟

٢) هل يوجد مثلث أطوال أضلاعه 9cm , 5cm و 4cm ؟

٣) $ABCD$ مربع بحيث $OAB = 10\text{cm}$. O نقطة داخل المربع بحيث يكون المثلث OAB متقارن الأضلاع. نبحث عن x قيس الزاوية $\angle COD$. وجد تلميذ 149° ، هل توافقه؟

٢ أدرس نصوصاً من الشكل: «إذا ...، فإن ...»

أ) إليك النص: «إذا كان عدد يقبل القسمة على 5، فإن رقم وحداته هو 5». هذه إجابات ٣ تلاميذ:

٣) النص خاطئ، لأن ١٠ يقبل القسمة على ٥ ورقم وحداته ليس ٥.

٢) النص صحيح من أجل كل الأعداد مثل: ٥، ١٥، ٢٥، ...، وخطأ من أجل الأعداد مثل: ...، ٣٠، ٢٠، ١٠

١) النص صحيح من أجل كل الأعداد التي أرقام وحداتها ٥، مثل: ٥، ١٥، ٢٥، ...

ما رأيك في هذه الإجابات؟

ب) بزر صحة أو خطأ النص الآتي: «إذا كان عدد يقبل القسمة على ٥، فإن رقم وحداته هو ٠ أو ٥». (للتبرير، تعتبر حالة الأعداد الطبيعية الأصغر من ١٠٠٠٠).

ج) اذكر إن كان النص صحيحاً أم خطأنا.

إذا كان ...	فإن ...	صحيح خطأ
رابعياً قطراته متعامدان.	$ABCD$ متوازي أضلاع.	
رابعياً فيه ضلعان متقابلان متوازيان.	$EFGH$ متوازي أضلاع.	
رابعياً له ضلعان متقابلان متقارنان ومتوازيان.	$IJKL$ متوازي أضلاع.	
رابعياً فيه كل ضلعين متقابلين متقارنان.	$MNOP$ متوازي أضلاع.	
رابعياً مركزه O بحيث $SO = 10$ و $PO = 5$.	$STIP$ متوازي أضلاع.	
رابعياً $PA = AC = 4\text{cm}$ بحيث $CK = KP = 5\text{cm}$ و	$PACK$ متوازي أضلاع.	
رابعياً بحيث $FE = AC$ و $(FA) \parallel (CE)$.	$FACE$ متوازي أضلاع.	

* كل رباعيات غير متصالبة.

3 الخاصية والخاصية العكسية

النحوص الآتية من الشكل: إذا شرط ، فإن نتيجة .

أ) اذكر ، في كل مرة ، ان كان النص صحيحا أم خاطئا.

ب) اكتب النص العكسي (بتبديل الشرط بالنتيجة والنتيجة بالشرط) لكل نص وادرك ان كان صحيحا أم خاطئنا.

النص العكسي	صحيح	خطأ	النص
			1) إذا كان مستقيمان متوازيان ، فإنهما متقاطعان.
+ +			2) إذا كان رباعي قطران متتصافان ، فإنه متوازي أضلاع.
+			3) إذا كان رباعي مربع ، فإنه معيّن.
			4) إذا كان رباعي متوازي أضلاع ، فإن أضلاعه متوازية مثنى مثنى.
			5) إذا كان عدد يقبل القسمة على 5 ، فإنه ينتهي بالرقم 5.
1			6) إذا كان عدد يقبل القسمة على 3 ، فإن مجموع أرقامه مضاعف لـ 3.

ج) ماذا تستنتج بالنسبة إلى النص والنص العكسي له؟

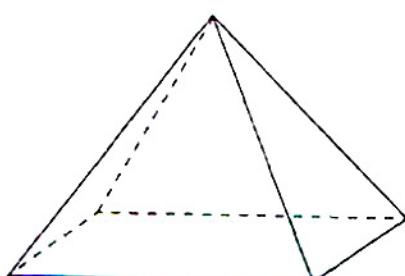
4 المثال المضاد

1) تمعن أمين في مكعب ، فلاحظ أن له 6 أوجه و 8 رؤوس ، فوضع القاعدة الحرافية:

$S = F + 2$ حيث F هو عدد الأوجه و S عدد الرؤوس.

هل القاعدة صحيحة في حالة متوازي مستطيلات؟ في حالة الشكل المقابل؟

ماذا تستنتج؟

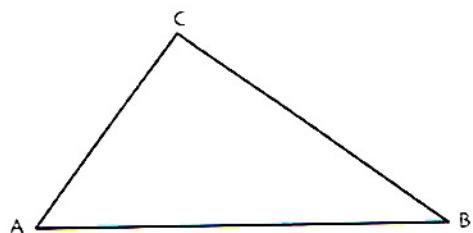


2) هل النص الآتي صحيح أم خاطئ.

مهما كان العدد الصحيح النسبي المختار n ، إذا كان n أصغر من 5

فإن مربعه يكون أصغر من 25.

5 أبحث في برهان في الهندسة



ABC مثلث. والنقطة K منتصف [AC].

ضع نقطة كيفية M على [BC].

أنشئ النقطة R نظيرة M بالنسبة إلى النقطة K.

هل يكون (AM) و (RC) متوازيين من أجل كل نقطة M من [BC]؟

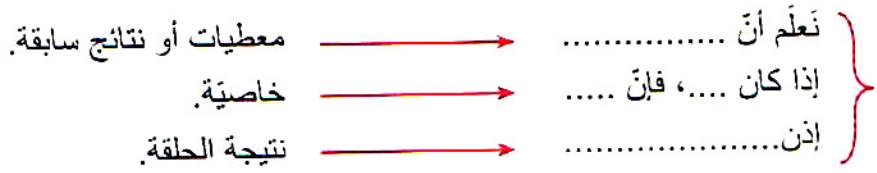
1) أشكل علىة الأدوات (سجل الموارد المرتبطة بالموضوع، تعاريف، خواص).

أكمل كل نص مما يلي مع رسم شكل مناسب له.

متوازي الأضلاع	التناظر المركزي
خ١: إذا كان رباعي متوازي أضلاع، فإن أضلاعه المتقابلة	
خ٢: إذا كان رباعي متوازي أضلاع، فإن قطريه	
خ٣: إذا كان رباعي متوازي أضلاع، فإن أضلاعه المتقابلة	
خ٤: في رباعي، إذا كان كل ضلعين متقابلين متوازيين، فإن الرباعي	
خ٥: في رباعي، إذا كان للفطرين نفس المنتصف، فإن الرباعي	

2) حزّر البرهان

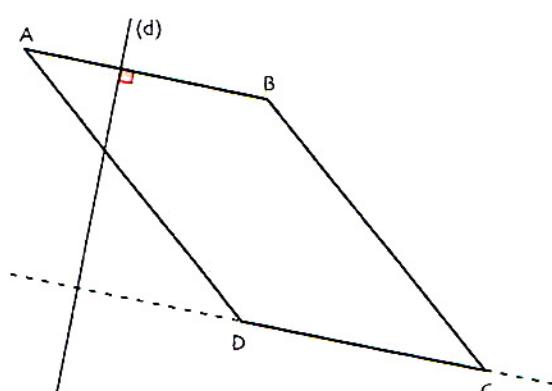
في الهندسة، يُعتبر البرهان سلسلة حلقات استنتاجية. نمثل كل حلقة بمخطط كالآتي:



حلقة استنتاجية

باستعمال علىة الأدوات **ومخطط الحلقة الاستنتاجية**، حزّر برهاناً مناسباً تبرّر فيه إجابتك عن السؤال المطروح في التمرين.

6 أصادق على برهان في الهندسة



متوازي أضلاع. (d) عمودي على (AB).

برهن أن (d) عمودي على (CD).

(1) هذه أعمال ثلاثة تلاميذ، اذكر بالنسبة إلى كل عمل،
ما هو مقبول وما هو مرفوض في البرهان.

أمين

تحقق باستعمال الكوس من أن (d) عمودي على (CD).

لدين

(AB) و (CD) متوازيان. (d) عمودي على (AB). منه $(CD) \perp (d)$.

سليمان

تعلم أن ABCD متوازي أضلاع.

كما نعلم أنه في متوازي الأضلاع، الأضلاع المتقابلة تكون متوازية.

منه: $(AB) \parallel (CD)$.

تعلم الآن أن $(AB) \parallel (CD)$ وأن $(AB) \perp (d)$.

لكن، إذا كان مستقيم عموديا على أحد المستقيمين المتوازيين، فإنه يعمد الآخر.

لذلك: المستقيمان (d) و (CD) متعامدان.

(2) أعد صياغة البرهان باتباع الخطوات الآتية مع إبراز المحطات المختلفة لكل حلقة استنتاجية (يمكنك استعمال المخطط أكثر من مرة).

المرحلة الأولى	أكتب النتيجة	أحد في النص المعطيات المفيدة	...
المرحلة الثانية		استعمل الخاصية التي تمكنتني من الانتقال من النص إلى النتيجة	...
المرحلة الثالثة		أكتب النتيجة	...

١ قواعد النقاش الرياضي

للتبادل حول نص رياضي وللحكم على صحته أو خطأه، نستعمل بعض القواعد:

مثال

نعتبر النص الرياضي: «إذا قبل عدد القسمة على 5، فإنه ينتهي بالرقم 5».

حسب القاعدة (١)، يكون هذا النص صحيحاً أو خاطئاً وليس الاثنين معاً.

يبدو أن النص صحيح.

الأعداد 5، 15، 25، 35 تقبل القسمة على 5

وتنتهي كلها بالرقم 5.

لكن، حسب القاعدة (٢)، هذا المثال لا يكفي لتبرير صحة النص.

العدد 10 يقبل القسمة على 5 ولا ينتهي بالرقم 5.

حسب القاعدة (٣)، نستنتج أن النص خاطئ.

١) يكون نص رياضي صحيحاً أو خاطئاً.

٢) الأمثلة التي تحقق نصاً لا تكفي لتبرير أن هذا النص صحيح.

٣) المثال الذي لا يتحقق نصاً يكون كافياً لتبرير أن هذا النص خاطئ. يسمى هذا المثال «**مثالاً مضاداً**».

٤) في الهندسة، الملاحظة والقياس لا يسمحان بتبرير صحة نص.

ملاحظة: في الرياضيات، **التخمين** هو نص يبدو صحيحاً ولم يبرر بعد.

نستعمل أمثلة ونجرِّب لوضع تخمينات وليس للتبرير. نعني بـ**تحمِّن**، تبرير أنه خاطئ.

ونعني بالبرهان على تخمين، تبرير أنه صحيح.

٢ النصوص من الشكل: «إذا ...، فإن ...»

مثال

إذا كان رباعي أربعة أضلاع متقاربة، فإنه معين.

لرباعي أربعة أضلاع متقاربة: الشرط

الرباعي معين: النتيجة.

في الرياضيات، غالباً ما نستعمل نصوصاً من الشكل «إذا ...، فإن ...».

٣ النص العكسي

النص العكسي لنص من الشكل «إذا ...، فإن ...» هو النص الذي نتحصل عليه بتبديل الشرط بالنتيجة و النتيجة بالشرط في هذا النص.

٤ المثال المضاد

مثال

بالنسبة إلى النص: «إذا قبل عدد القسمة على 5، فإنه ينتهي بالرقم 5»، العدد 10 هو مثال مضاد.

من أجل نص من الشكل «إذا ...، فإن ...»، المثال المضاد هو حالة تحقق الشرط ولا تتحقق النتيجة.

٠ كيف نبرر أنَّ نصاً خاطئ؟

تمرير

«مهما كان العددان العشريان المختاران، إذا ضربنا هذين العددين بينهما، فإنَّ الجداء أكبر من كلِّ من العاملين». على

تعليق

♦ نعلم أنه لتبرير أنَّ نصاً من الشكل «إذا ...، فإنَّ ...» خاطئ، يكفي إيجاد مثال مضاد، أي حالة تتحقق الشرط ولا تتحقق النتيجة.

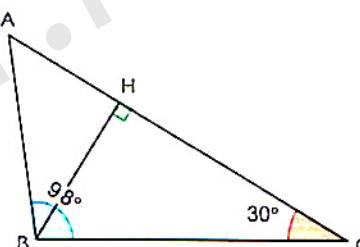
حل

من أجل العددين العشريين 5 و 0,1 لدينا: $0,5 \times 0,1 = 0,05$ و 0,5 أصغر من 5. منه النص خاطئ.

٠ كيف نبرر أنَّ نصاً صحيحاً؟

تمرير

باستعمال معلومات الرسم المشفر الآتي، احسب \widehat{CAB} . بَرَّ إجابتك.



حل

في المثلث ABC :
 $\widehat{ABC} + \widehat{BCA} + \widehat{CAB} = 180^\circ$

$$98^\circ + 30^\circ + \widehat{CAB} = 180^\circ$$

$$128^\circ + \widehat{CAB} = 180^\circ$$

$$\widehat{CAB} = 180^\circ - 128^\circ$$

$$\widehat{CAB} = 52^\circ$$

دوري لأنَّ

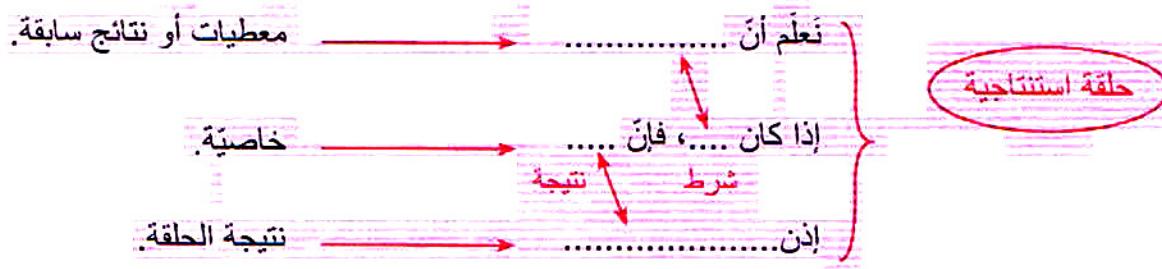
اقترح كيفية أخرى لحساب \widehat{CAB} .

5 البرهان

لبرير نتائج في الرياضيات، تستعمل براهين.

• البرهان في الهندسة

في الهندسة، يُعتبر البرهان سلسلة **حلقات استنتاجية**، يمكن تمثيل كل حلقة على الشكل:



مثال

(d) هو محور $[AB]$ ويقطع (AB) عند النقطة I .

لبرير أن I هي منتصف $[AB]$ ، نبرهن:

برهان

نعلم أن (d) هو محور $[AB]$ ويقطع (AB) عند النقطة I .

إذا كان مستقيم محور قطعة مستقيم، فإنه يعمد حامل هذه القطعة **ويمز من منتصفها**

إذن I هو منتصف $[AB]$.

• البرهان في الجبر

نستعمل غالبا في البرهان في الجبر الحساب الحرفي.

مثال

برهن أنه، إذا اخترنا أي عدد، وأضفنا إليه 3 وضربنا النتيجة في 2، ثم طرحنا ضعف العدد المختار في البداية، فإن النتيجة هي 6 دائما.

برهان

نسمى x العدد المختار.

نضيف 3 إلى هذا العدد: $x + 3$

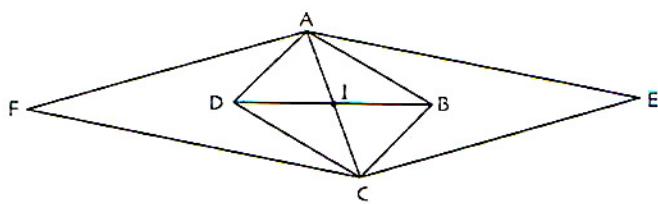
نضرب النتيجة في 2: $2 \times (x + 3)$

نطرح ضعف عدد البداية: $2 \times (x + 3) - 2 \times x$

نحسب بتطبيق خواص الأعداد والعمليات ونقرأ النتيجة: $2x + 6 - 2x = 6$

• كيف أبحث عن برهان في الهندسة؟

تمرين



الرباعيان $ABCD$ و $AECF$ متوازيان أضلاع.

القطعتان $[AC]$ و $[BD]$ تقاطعان عند النقطة I .

برر أن I منتصف $[EF]$.

تعاليم

ماذا نريد أن نبرهن؟

1) إذا كانت نقطة هي نقطة تقاطع قطعة مستقيم ومحورها، فإن النقطة هي منتصف القطعة.

ما هي الخواص التي تسمح بالبرهان على هذه النتيجة؟

2) إذا كانت نقطة هي نقطة تقاطع قطري متوازي أضلاع (وبالتالي مستطيل أو معين أو مربع)، فإن النقطة هي منتصف لكل قطر.

ما هي الخاصية التي نختارها؟

لا يمكن استعمال الخاصية 1، لأن I ليست نقطة تقاطع قطعة مستقيم ومحورها. لكن، يمكن استعمال الخاصية 2 إذا توفرت شروط تطبيقها.

هل شروط تطبيق الخاصية المختارة متوفّرة في النص؟

نعلم. لأن $ABCD$ متوازي أضلاع و $[AC]$ و $[BD]$ قطراته.

$AECF$ متوازي أضلاع و $[AC]$ و $[EF]$ قطراته.

نعلم أن الرباعيين $ABCD$ و $AECF$ متوازيان أضلاع. إذا كانت نقطة هي نقطة تقاطع قطري متوازي أضلاع، فإن النقطة هي منتصف لكل قطر. منه I منتصف $[AC]$.

نحرر البرهان.

لكن، $[AC]$ هو قطر في متوازي الأضلاع $AECF$ كذلك.

منه I منتصف $[EF]$.

ر في

طريقة

في البحث عن برهان في الهندسة، غالباً ما نتبع المراحل الآتية وننساءل:

1) ماذا نريد أن نبرهن؟

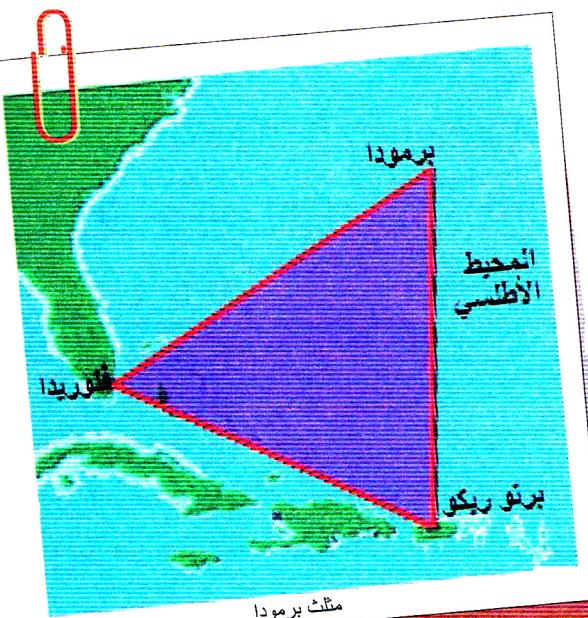
2) ما هي الخواص التي تسمح بالبرهان على هذه النتيجة؟

3) ما هي الخاصية التي نختارها؟

4) هل شروط تطبيق الخاصية المختارة متوفّرة في النص؟

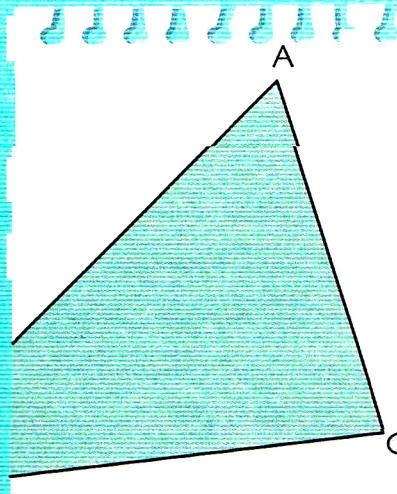
5) في حالة الإجابة بنعم، ننتقل إلى تحرير البرهان وفي حالة الإجابة بلا، نبرهن على الشروط أو نغير الخاصية.

المثلثات



مثلث، ولكن ليس ككل المثلث!

"مثلث برمودا هو منطقة جغرافية تقع في المحيط الأطلسي، وسميت بهذا الاسم نسبة إلى جزر برمودا، وتقدر مساحتها بحوالي 1140000 km^2 . اشتهرت بـ عدد حوادث السفن والطائرات وكذا اختفاء بعضها. وقد كُتبت عدّة مؤلفات حول الموضوع، حملت تفسيرات وتحليل منها ما هي طبيعية (كالأمواج والعواصف) ومنها ما هي غير طبيعية (كالأخطاء البشرية) للغز تكرر الحوادث والاختفاءات في مثلث برمودا"



سأتعلم في هذا الباب

إنشاء مثلث (المتابينة المثلثية)

معرفة حالات تقابس المثلثات واستعمالها

في براهين بسيطة.

معرفة خواص مستقيم المنتصفين في مثلث واستعمالها في براهين بسيطة.

معرفة واستعمال تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعيدين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين.

تعريف وإنشاء المستقيمات الخاصة في المثلث (المحاور، الارتفاعات، المتوسطات، المنصفات).

تعريف بعد نقطة عن مستقيم وتعيينه.

معرفة خواص هذه المستقيمات (خاصية

الارتفاعات تُقبل دون برهان) واستعمالها في وضعيات بسيطة.

تحدي

دون منقلة!

كيف تعين مركز ثقل المثلث دون الخروج من إطار جزء ورقه الكراس (أي دون تعين الرأس B).

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات		الأسئلة
(3) لا يمكن الحكم [AC] تنتهي إلى [AB] [BC] [AC] لا تنتهي إلى [AB] [BC] 180° متوسطا	(2) خطأ C ، B ، A ، C في استقامية 90° ارتفاعا	1. يمكن رسم مثلث أطوال أضلاعه 5cm و 4,5cm و 11cm . 2. إذا كانت النقط A ، B ، C في استقامية و BC = 2cm و AB = 7cm فإنَّ BC = 3cm و AB = 5cm و AC = 8cm . 3. إذا كانت النقط A ، B ، C في استقامية و AC = 8cm فإنَّ مجموع أقياس زوايا مثلث يساوي 180° . 4. ماذا يمثل المستقيم (d) بالنسبة للفعلة [AB] في المثلث ABC ؟
(d) متوسط متعلق بـ [AB] في المثلث ABM متوسطا	(d) عمودي على (AB) [AB] محور (d) x = 6 × $\frac{7}{3}$ AM = $\frac{1}{2}AB$ [FH] و [EG] متناظران في L .	5. ماذا يمثل المستقيم (d) بالنسبة للفعلة [AB] في المثلث ABC ؟ 6. ماذا يمثل المستقيم (d) بالنسبة للفعلة [AB] في المثلث ABC ؟ 7. ماذا يمثل المستقيم (Δ) بالنسبة للفعلة [EF] في المثلث EFG ؟ 8. إذا كان $\frac{3}{7} = \frac{6}{x}$ فإنَّ
(AB) ارتفاعا $x = 14$ $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$	منصفا $x = 7$ $AM = \frac{2}{5}AB$ (LH) منصف زاوية الرأس H .	9. في الشكل النقطة M تتحقق A — M — B E — L — G — H . F — G — H . EFGH متوازي أضلاع، L نقطة تقاطع قطريه .
		10.

١ المتباعدة المثلثية (إنشاء مثلث انطلاقاً من أطوال معينة)

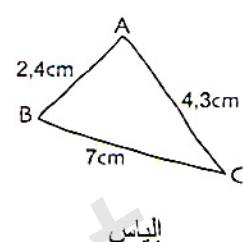
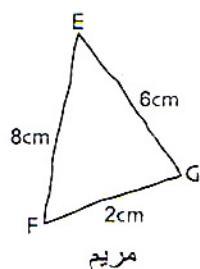
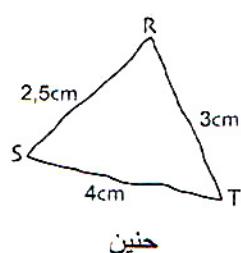
برنامِج رسم باليد الحرة

• اختر ثلاثة أطوال بين 2cm و 10cm .

• ارسم باليد الحرة مثلثاً أطوال أضلاعه الأبعاد المختارة.

• سُمِّيَ المثلث وشُفِّرْهُ بالأطوال المختارة.

هذه أعمال ثلاثة تلاميذ تتفيداً للبرنامج أعلاه :



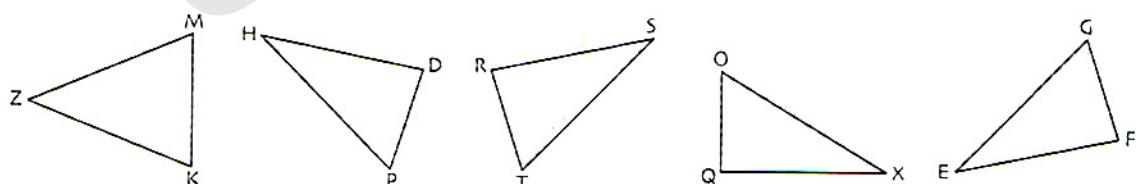
حاول، على ورقة غير مسطّرة، أن تتشيّب بالأبعاد الحقيقية اقتراح كل تلميذ.
أي من التلاميذ الثلاثة رسم مثلثاً قابلاً للإنشاء بالأبعاد الحقيقية؟ اشرح.

٢ المثلثات المتقايسة

أ) أي من المثلثات الخمسة الآتية مطابق للمثلث ABC ؟

• كيف تتحقق من ذلك؟

ب) اكتب العناصر المتماثلة من المثلث ABC والمثلث المطابق له في كل حالة.



ج) أنشِي المثلث ABC في كل من الحالات الآتية:

• $BC=6\text{cm}$ و $AC=4,8\text{cm}$ و $AB=3\text{cm}$ (١)

• $\widehat{ACB}=70^\circ$ و $\widehat{ABC}=35^\circ$ و $BC=5,2\text{cm}$ (٢)

• $\widehat{CAB}=100^\circ$ و $AC=3\text{cm}$ و $AB=4\text{cm}$ (٣)

• قارن، في كل حالة، المثلث الذي أنشأته مع المثلث الذي أنشأه زميلك: هل هما متطابقان؟

٣) مستقيم المنتصفين (من التخمين إلى التبرير)

3- مستقيم المنتصفي (منتصفي) : على الترتيب، ثم ارسم المستقيم (EG).
ارسم مثلثا كييفيا ABC . وعین E و G منتصفى الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب، ثم ارسم المستقيم (EG).

أ) من وضع تخيّلات

- ١) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه بالنسبة إلى المستقيمين (EG) و (BC) ؟

٢) قس بدقة $[EG]$ و $[BC]$ وَضَعْ تخمينا حول العلاقة بين الطولين BC و EG .

٣) تقول مريم: «إذا رسمنا المستقيم الذي يشمل النقطة C والموازي لـ (AB) فسيقطع $[BC]$ في منتصفها». هل تتفقها ؟ تحقق.

ب) إلى التبرير

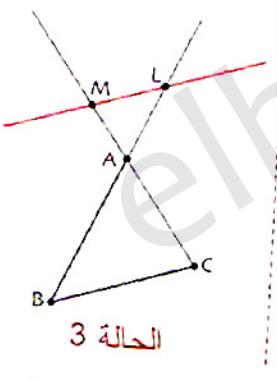
ب) إلى التبرير
أعد رسم مثلث كيسي ABC والنقطتين E و G منتصف الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب.

- 1) عين النقطة M نظيرة النقطة E بالنسبة إلى دالة f .
2) قارن الطولين CM و EB واستنتج طبيعة الرباعي $EMCB$.
 - 3) كيف تستنتج أن المستقيمين (EG) و (BC) متوازيان، وأن $BC = 2EG$.
 - 4) ارسم المستقيم الذي يشمل C والموازي لـ (AB) ويقطع $[BC]$ في N .
 - أثبتت أن $EGNB$ متوازي أضلاع.
 - أثبتت أن النقطة N هي منتصف $[BC]$.

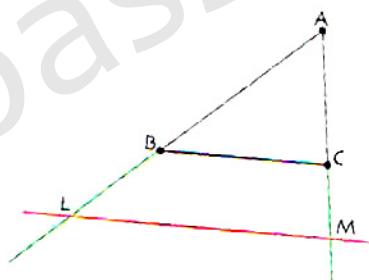
٦. أثبت أن النقطة N هي منتصف $[BC]$.

٤- المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين — اثبت ان النقطة N هي منتصف [PQ].

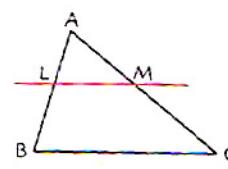
في كل من الحالات الآتية (ML) // (BC)



الحالة 3



الحالة 2



حالة 1

- 1) انجز مثيلاً للشكل في كل حالة، ثم حذ الأقياس الازمة واحسب كلاً من النسب :
 $\frac{LM}{BC}$ ، $\frac{AM}{AC}$ ، $\frac{AL}{AB}$

2) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه حول هذه النسب؟

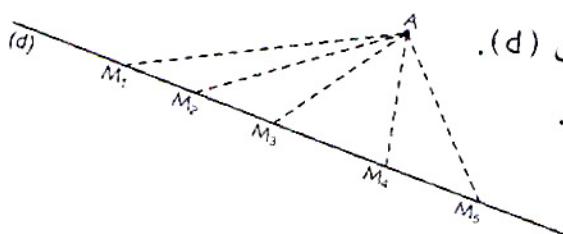
بعد نقطة عن مستقيم 5

(d) مستقيم، و A نقطة لا تنتمي إليه، و M نقطة متغيرة من (d).

في الشكل المذكور، تتم تحديد خمسة مواضع متمايزة للنقطة M.

في السكل المركب تم **نحو** موضع M من (d) بحيث يكون

الطول AM أصغر ما يمكن.

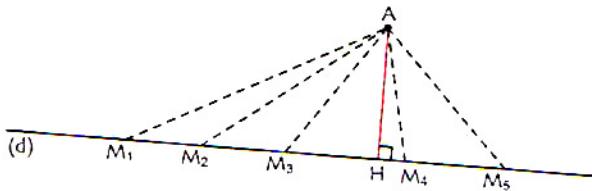


قال يونس : يكون الطول AM أصغر ما يمكن عندما تتطبق M على M_4 .

قالت إيناس : أنا لا أوفق، بل يكون الطول AM أصغر ما يمكن عندما تتطبق M على H المبينة في الشكل المقابل، وعندئذ تبرير لذلك.

• ما رأيك فيما قال كل منها ؟

• ما هو التبرير الذي قصدته إيناس ؟



6 المستقيمات الخاصة في المثلث

• المحاور

أ) من وضع تخمين

• ارسم مثلثاً كييفياً، ومحاور أضلاعه.

• ماذا تلاحظ بالنسبة إلى تقاطع محاور أضلاع المثلث ؟

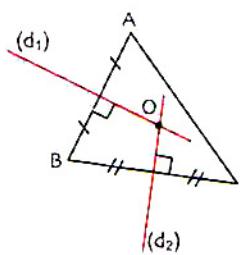
ب) إلى التبرير

انقل الشكل المقابل، وأجب عما يلي :

• ماذا يمثل (d_1) و (d_2) بالنسبة إلى $[AB]$ و $[BC]$ على الترتيب ؟

• كيف تبرر أنَّ النقطة O (نقطة تقاطع (d_1) و (d_2)) تتنمي إلى محور $[AC]$ ؟

• ارسم الدائرة التي مركزها O وتشمل A ، كيف تستنتج أنَّ نقطة تقاطع محاور
مثلث هي مركز الدائرة المحيطة بهذه المثلث ؟



• المنصفات

أ) من وضع تخمين

• ارسم مثلثاً كييفياً، ثم منصفات زواياه الثلاث.

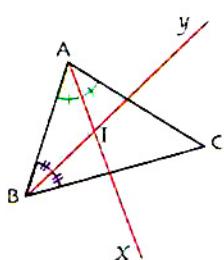
• ماذا تلاحظ بالنسبة إلى تقاطع منصفات زوايا المثلث ؟

ب) إلى التبرير

انقل الشكل الم مقابل، وأجب عما يلي :

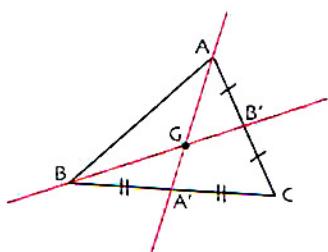
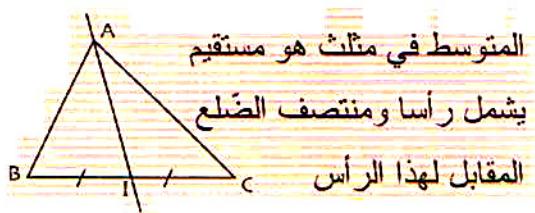
• ماذا يمثل (Ax) و (By) بالنسبة إلى \widehat{BAC} و \widehat{ABC} على الترتيب ؟

• كيف تبرر أنَّ النقطة I (تقاطع (Ax) و (By)) تتنمي إلى منصف \widehat{ACB} ؟



• ارسم الدائرة التي مركزها I ونصف قطرها يساوي بُعد I عن ضلع المثلث، كيف تستنتج أنَّ نقطة
تقاطع منصفات زوايا مثلث هي مركز الدائرة المماسة لأضلاع هذا المثلث ؟

أنشطة



• المتوسطات

أ) من وضع تخمين

• ارسم مثلثاً كييفياً، ثم متوسطاته الثلاثة.

• ماذا تلاحظ بالنسبة إلى تقاطع متوسطات المثلث؟

ب) إلى التبرير

انقل الشكل المقابل، وأجب عما يلي :

• ماذا يمثل (AA') و (BB') في المثلث ABC ؟

• انقل وأكمل :

لنبّر أنّ النقطة G (تقاطع (AA') و (BB')) تنتمي إلى المتوسط المتعلق بالضلع $[AB]$ يكفي إثبات أنَّ المستقيم يشمل منتصف

• عين النقطة D نظيرة النقطة C بالنسبة إلى النقطة G ؟

• كيف تبرّر أنَّ الرباعي $ADBG$ متوازي أضلاع؟

• كيف تستنتج أنَّ (CG) يشمل النقطة C منتصف $[AB]$.

• كيف تستنتج أنَّ $C'G = \frac{1}{3}CC'$ ؟

• الارتفاعات

أ) من وضع تخمين

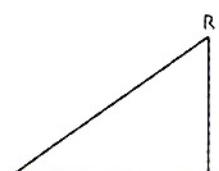
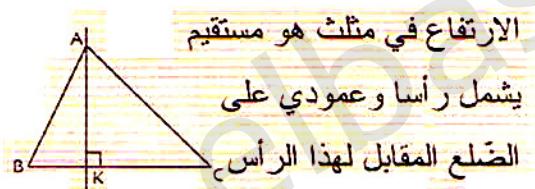
• ارسم مثلثاً كييفياً، ثم ارتفاعاته الثلاثة.

• ماذا تلاحظ بالنسبة إلى تقاطع ارتفاعات المثلث؟

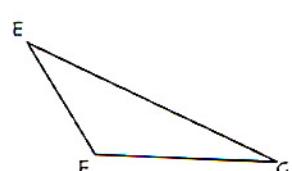
ب) إلى التطبيق

• انقل المثلث وأنشئ ارتفاعاته في كل حالة.

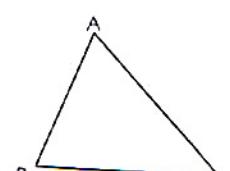
• ماذا تلاحظ بالنسبة إلى نقطة تقاطع ارتفاعات المثلث في كل حالة؟



مثلث قائم الزاوية



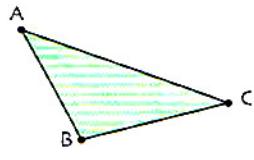
مثلث فيه زاوية منفرجة



مثلث حاد الزوايا

١ المتباعدة المثلثية

مثال ..



في المثلث ABC لدينا :

$$AB < AC + CB$$

$$AC < AB + BC$$

$$BC < AB + AC$$

في مثلث، طول أي ضلع أصغر من مجموع طولي الصلعاتين الآخرين.

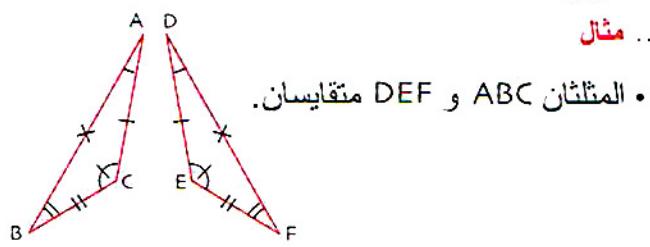
ملاحظات

١) من أجل كل ثلاثة نقط A ، B ، C المساواة $BC = AB + AC$ تعني أن A تنتهي إلى $[BC]$.

٢) لتحديد إمكانية إنشاء مثلث علمت أطوال أضلاعه، يكفي التحقق من أن أكبر طول فيه هو أصغر من مجموع الطولين الآخرين.

٢ المثلثات المتقايسة - حالات تقدير مثلثين

مثال ..



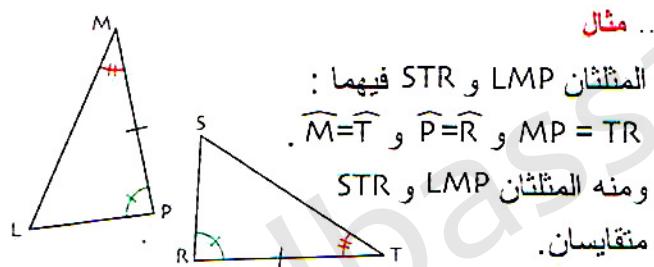
المثلثان ABC و DEF متقايسان.

قول عن مثلثين أنهما متقايسان معناه أنهما قابلان للتطابق.

حالات تقدير مثلثين

الحالة الأولى

يتقاس مثلثان إذا تقاس فيهما زاويتان والصلع المحصور بينهما.



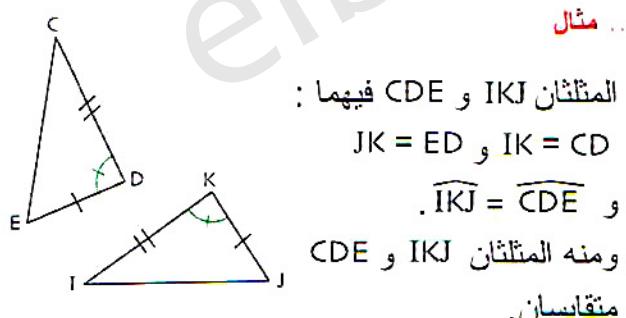
المثلثان LMP و STR فيهما :

$$\widehat{M} = \widehat{T} \quad \widehat{P} = \widehat{R} \quad MP = TR$$

ومنه المثلثان LMP و STR متقايسان.

الحالة الثانية

يتقاس مثلثان إذا تقاس فيهما ضلعان والزاوية المحصورة بينهما.



المثلثان IKJ و CDE فيهما :

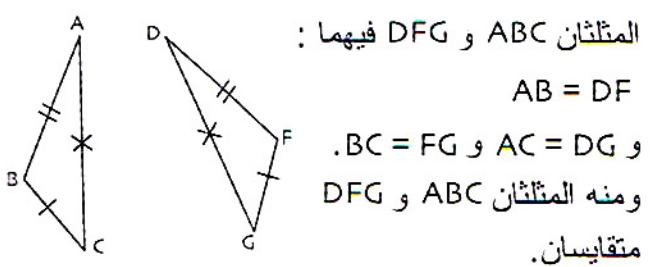
$$JK = ED \quad IK = CD$$

$$\widehat{IKJ} = \widehat{CDE}$$

ومنه المثلثان IKJ و CDE متقايسان.

الحالة الثالثة

يتقاس مثلثان إذا تقاس الأضلاع الثلاثة لأحدهما مع الأضلاع الثلاثة للأخر.



المثلثان ABC و DFG فيهما :

$$AB = DF$$

$$BC = FG \quad AC = DG$$

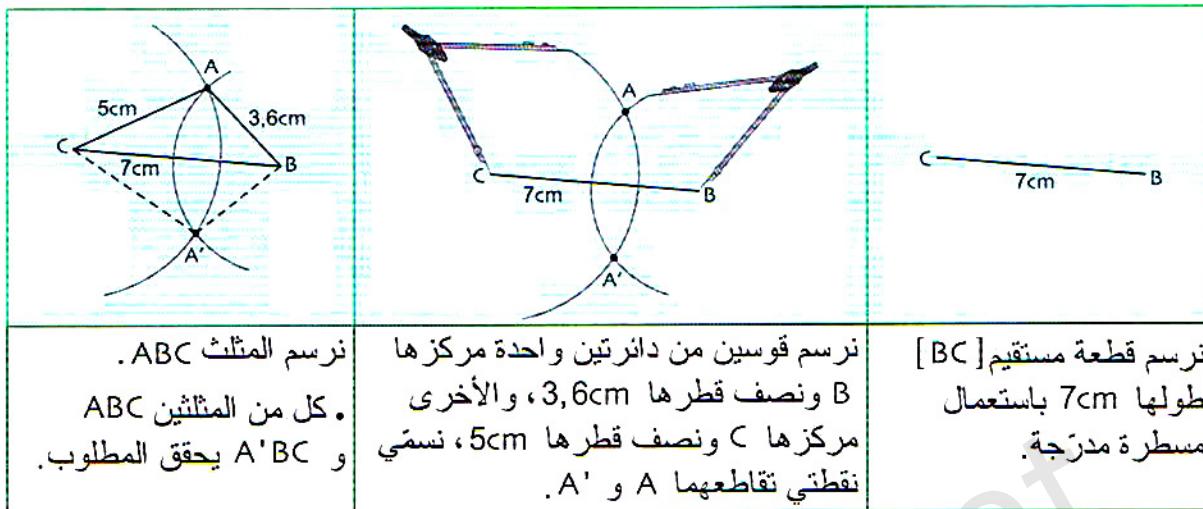
ومنه المثلثان ABC و DFG متقايسان.

• إنشاء مثلث علمت أطوال أضلاعه

تمرين: أنشئ مثلث ABC حيث $BC = 7\text{cm}$ و $AC = 5\text{cm}$ و $AB = 3,6\text{cm}$.

حل: في البداية نتحقق من أن المثلث قابل للإنشاء:

لدينا $AB + AC > BC$ أي $AB + AC = 8,6\text{cm}$ ومنه المثلث ABC قابل للإنشاء.



طريقة

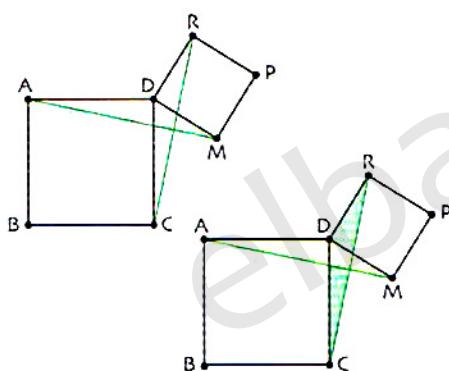
يُوَوْل إنشاء مثلث إلى إنشاء رؤوسه، وإنشاء نقطة بالمدور ينتَج من تقاطع قوسي دائريين.

• استعمال المثلثات المتقاربة للإثبات

تمرين: $ABCD$ و $DMPR$ مربعان.

انقل الشكل، وأثبت أن $AM=CR$.

حل



لدينا في المثلثين AMD و CDR : $\angle CDR = \angle AMD$ لأن $\angle ADC = \angle BCD = 90^\circ$.

• $AD=DC$ (ضلعان في المربع $ABCD$).

• $MD=DR$ (ضلعان في المربع $DMPR$).

• $\overline{ADM} = \overline{ADC} + \overline{CDM} = 90^\circ + \overline{CDM}$ لأن $\overline{ADM} = \overline{CDR}$.

$\overline{CDR} = \overline{CDM} + \overline{MDR} = \overline{CDM} + 90^\circ$.

فحسب الحالة الثالثة لتقابس مثلثين، المثلثان AMD و CDR متقاربان، وبالتالي فإن $AM=CR$.

ملاحظة: لإثبات تقابس قطعيي مستقيمين، يمكن اعتبار كل منهما ضلعاً في مثلث، وإثبات تقابس هذين المثلثين.

دوري الان

1 أنشئ مثلثا ABC حيث $\widehat{MPL} = 120^\circ$ ③

و $MP = LP = 2,6\text{cm}$. ما طبيعة

المثلث LMP ؟

2 أنشئ مثلثا RST حيث

$\widehat{RTS} = 30^\circ$ و $\widehat{RST} = 100^\circ$

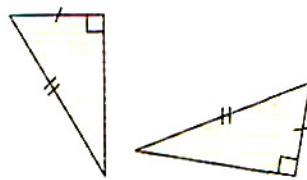
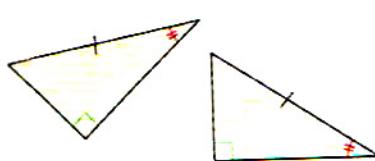
و $ST = 3,5\text{cm}$

1 أنشئ مثلثا ABC حيث

$AC = 3,8\text{cm}$ و $AB = 3\text{cm}$

و $BC = 4\text{cm}$

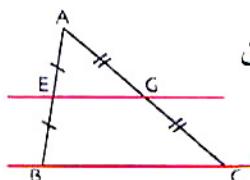
ملاحظة : يكفي لتقايس مثاليين قائمين أن يتقايس فيما ضلعين، أو ضلع وزاوية حادة.



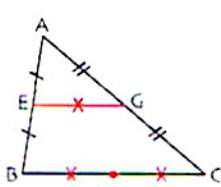
3 مستقيم المنتصفي

خاصية 1

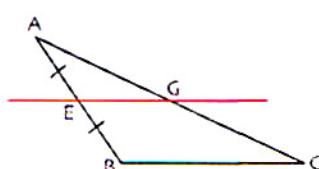
في مثلث، إذا شمل مستقيم منتصفي ضلعين، فإنه يوازي الضلع الثالث.



مثال
لدينا E و G منتصفان للضلعين $[AB]$ و $[AC]$ على الترتيب.
ومنه $(EG) \parallel (BC)$.



مثال
لدينا E و G منتصفان للضلعين $[AB]$ و $[AC]$ على الترتيب.
ومنه $EG = \frac{1}{2} BC$.



مثال
لدينا E منتصف $[AB]$
و $(EG) \parallel (BC)$ ومنه G منتصف $[AC]$.

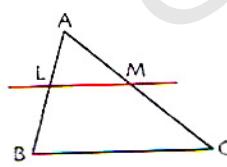
خاصية 2

في مثلث، طول القطعة الواقلة بين منتصفي ضلعين يساوي نصف طول الضلع الثالث.

خاصية 3

في مثلث، إذا شمل مستقيم منتصف أحد أضلاعه وكان موازياً لضلع ثالث، فإنه يقطع الضلع الثالث في منتصفه.

4 تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعيدين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان



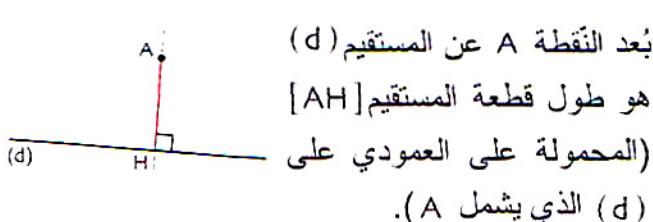
مثال
بما أن L و M من $[AB]$ و $[AC]$ على الترتيب،
و $(LM) \parallel (BC)$.
 $\frac{AL}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$ فإن

ABC مثلث، إذا كانت L نقطة من (AB) و M نقطة من (AC) وكان (LM)

و (BC) متوازيان، فإن : $\frac{AL}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$

5 بعد نقطة عن مستقيم

بعد نقطة عن مستقيم هو أصغر مسافة بين هذه النقطة وهذا المستقيم.

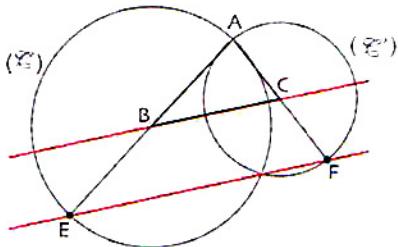


مثال
بعد النقطة A عن المستقيم (d)
هو طول قطعة المستقيم $[AH]$
(المحمولة على العمودي على)
(d) الذي يشمل A .

• استعمال خاصية مستقيم المنتصفين في مثلث للبرهنة

تمرين

- ABC مثلث كيسي، الدائرة (\odot) ذات المركز B التي تشمل A تقطع (AB) في E، والدائرة (\odot') ذات المركز C التي تشمل A تقطع (AC) في F.
- ارسم شكلا مناسبا، وأثبت أن $(BC) \parallel (EF)$.



حل و توجيهات

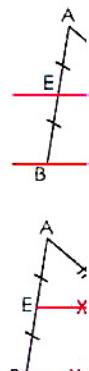
نبدأ برسم شكل مناسب (انظر الشكل المقابل).

- لدينا $[AE]$ قطر في الدائرة (\odot) ، ومنه B منتصف $[AE]$ ، وكذلك $[AF]$ قطر في الدائرة (\odot') .

- في المثلث AEF B منتصف $[AE]$ ، C منتصف $[AF]$.

ونعلم أنه إذا شمل مستقيم منتصفي ضلعين في مثلث، فإنه يوازي الضلع الثالث.

ومنه المستقيمان (BC) و (EF) متوازيان أي: $(BC) \parallel (EF)$.



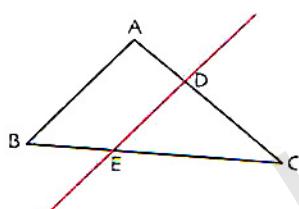
طريقة

لإثبات أن مستقيمين متوازيين يمكن اعتبار أحدهما حاملا لصلع في مثلث، والتاكد من أن الآخر يتضمن منتصفي الضلعين الآخرين إذا كانت الوضعية مواطية.

• استعمال تابسية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث

تمرين

- لدينا في الشكل المقابل $(DE) \parallel (AB)$ و $AB = 7\text{cm}$ و $CE = 8\text{cm}$ و $CD = 6\text{cm}$ و $AD = 3\text{cm}$. المطلوب هو حساب الطول BE .



حل و توجيهات

في المثلث ABC لدينا $(DE) \parallel (AB)$ ،

ومنه حسب خاصية تابسية الأطوال الناتجة عن المستقيم

$$\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB} = \frac{DE}{AB}$$

نعرض في التالب $\frac{6}{9} = \frac{8}{CB}$ فنجد $\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB}$

معناه $12 = 8 \times \frac{9}{6}$ أي $CB = 12$ و $BE = 4\text{cm}$ أي $BE = 8 - 4 = 4\text{cm}$

لهما



طريقة

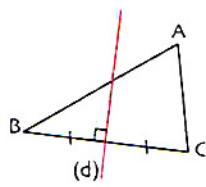
حساب أطوال يمكن استعمال تابسية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث.

دوري الان

- ABCD متوازي أضلاع، E منتصف $[CD]$ ، و F نقطة على المضبوطة للطول DE . \odot عد إلى المسألة الثانية أعلاه، واحسب القيمة AE و BC . أثبت أن C منتصف $[BF]$.

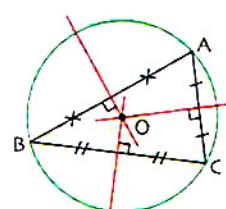
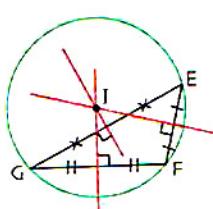
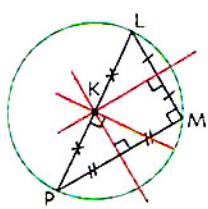
6 المستقيمات الخاصة في المثلث

• المحاور



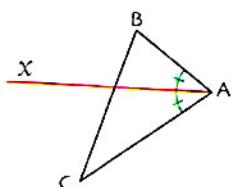
مثال
(d) محور في المثلث
متعلق بالضلع $[BC]$.

محور ضلع في مثلث هو المستقيم العمودي على هذا الضلع ويشمل منتصفه.

**أمثلة**

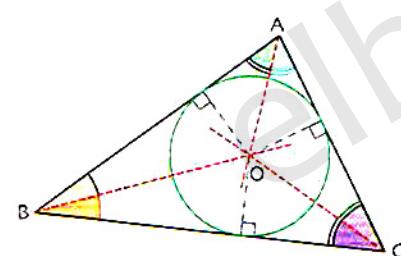
خاصية
محاور أضلاع مثلث مقاطعة في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المحاور، وهي مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث.

• المنصفات



مثال
[AX] منصف زاوية الرأس A.
أي $\widehat{BAX} = \widehat{CAX}$

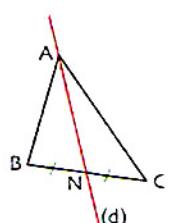
منصف زاوية في مثلث هو نصف المستقيم الذي يشمل رأس هذه الزاوية ويقسمها إلى زاويتين متساويتين.



أمثلة
• نقطة تلاقي منصفات زوايا المثلث ABC.
• وهي مركز الدائرة المماسة لأضلاع هذا المثلث.

خاصية
في مثلث، المنصفات الثلاثة مقاطعة في نقطة واحدة، تسمى نقطة تلاقي المنصفات.
نقطة تلاقي منصفات زوايا مثلث هي مركز الدائرة المماسة لأضلاع هذا المثلث، هذه الدائرة مرسمة داخل هذا المثلث.

• المتوسطات



مثال
(d) المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$.
أو (d) المتوسط الذي يشمل الرأس A.

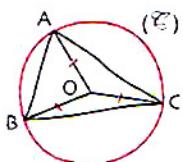
المتوسط في مثلث هو مستقيم يشمل رأساً ومنصف الضلع المقابل لهذه الرأس.

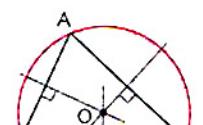
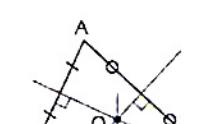
• إنشاء الدائرة المحيطة بمثلث

تمرين

حل و توجیهات

يمكن البدأ برسم باليد الحرّة، ودراسة خصائص عناصره التي تسمح بالإنشاء المطلوب :
 فنجد أنَّ O مركز الدائرة (\mathcal{C}) متساوي البعد عن رؤوس المثلث ABC ، فهو ينتمي
إلى محاور أضلاع هذا المثلث.



		
<p>نرسم الدائرة ذات المركز O والتي تشمل النقطة A. إنها الدائرة المحيطة بالمثلث ABC.</p>	<p>نرسم محاور أضلاع المثلث ABC، و يمكن الالتفاء برسم محورين، و نسمي نقطة تقاطعها O.</p>	<p>نرسم مثلثاً كيفيًا ABC.</p>

٦٣

لإنشاء الدائرة المحيطة بمثلث، نبدأ بتعيين مركزها وهو نقطة تلاقي محاور هذا المثلث.

• استعمال خاصية المنصفات

تمرين

تمرين المثلث SDG المنفرج الزاوية في D ، نظير $[GS]$ بالنسبة إلى (GD) ونظير $[GS]$ بالنسبة إلى (SD) متقاطعان في E . انقل الشكل وأكمله، ثم أثبت أن (\overline{ED}) منصف الزاوية $\angle SEG$.

حل و توجیهات

- بما أن $[SG]$ نظير $[SG]$ بالنسبة إلى (SD) ، فإن (SD) منصف الزاوية \widehat{GSG} .

وبما أن $[GS]$ نظير $[GS]$ بالنسبة إلى (GD) ، فإن (GD) منصف الزاوية \widehat{SGS} .

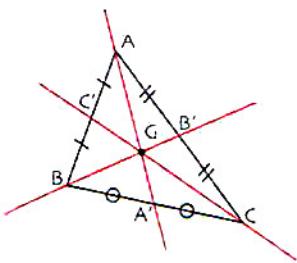
ومنه D هي نقطة تلاقي المنصفات في المثلث ESG .
وبالتالي، فإن (ED) منصف الزاوية \widehat{SEG} .

ملاحظة . يمكن استغلال كون النقطة D متساوية المسافة عن أضلاع المثلث ESG .

وری الان

رسم زاوية \widehat{yAx} ووضع نقطة M داخلها، انشئ النقطتين L و P نظيرتي M بالنسبة إلى (Ax) و (Ay) على الترتيب.

ما إذا تمثل النقطة A بالنسبة إلى المثلث MPL ؟ برر إجابتك.

خاصية 1

مثال ..
نقطة تلاقي المتوسطات
في المثلث $.ABC$.

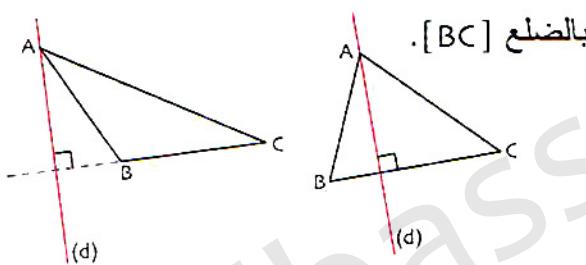
في مثلث، المتوسطات الثلاثة مقاطعة في نقطة واحدة، تُسمى نقطة تلاقي المتوسطات، وتشتهر أيضاً باسم مركز تقليل المثلث.

خاصية 2

في مثلث ABC نقطة تلاقي المتوسطات G تتحقق: $.GC' = \frac{1}{3}CC'$ ، $GB' = \frac{1}{3}BB'$ ، $GA' = \frac{1}{3}AA'$ حيث A' ، B' ، C' منتصفات الأضلاع $[AB]$ ، $[AC]$ ، $[CB]$ على الترتيب.

• الارتفاعات**مثال ..**

في كل من الحالتين (d) الارتفاع المتعلق

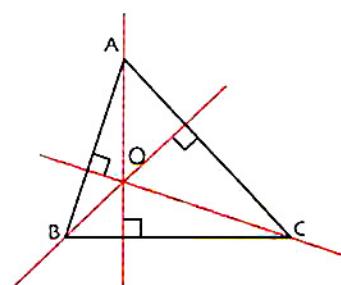
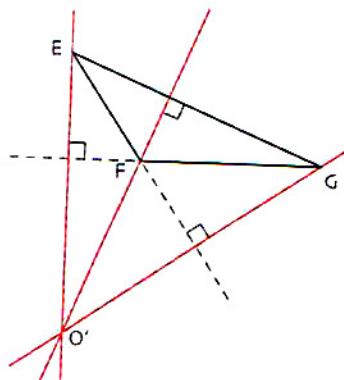
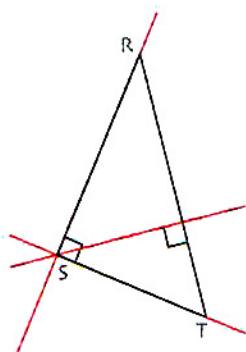


الارتفاع في مثلث هو مستقيم يشمل رأساً عمودياً على الضلع المقابل لهذه الرأس.

خاصية

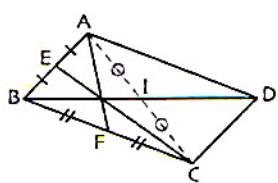
- O نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث $.ABC$.
- O' نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث $.EFG$.
- S نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث القائم $.RST$.

في مثلث الارتفاعات الثلاثة مقاطعة في نقطة واحدة، تُسمى نقطة تلاقي ارتفاعات.



• إثبات أنَّ مستقيمات متقاطعة في نقطة واحدة

تمرين



ارسم متوازي أضلاع $ABCD$ ، عين E منتصف $[AB]$ و F منتصف $[BC]$.

أثبت أنَّ المستقيمات (AF) و (CE) و (BD) متقاطعة في نقطة واحدة.

حل و توجيهات

- يمكن، على الرسم، إضافة تشغيل تناصف قطرى متوازى الأضلاع.

نعلم أنَّ قطرى متوازى الأضلاع متقاضفان، ومنه $[BD]$ و $[AC]$ متقاضفان.

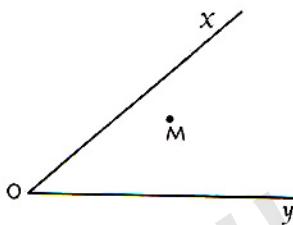
لدينا كل من (AF) و (BD) و (CE) هو متوسط في المثلث ABC . وحسب الخاصية 1 للموسطين في مثلث، فإنَّ (AF) و (CE) و (BD) متقاطعة في نقطة واحدة، هي نقطة تلاقي الموسطين.

طريقة

يمكن استغلال خاصية نقطة تلاقي الموسطين في مثلث لإثبات أنَّ مستقيمات متقاطعة في نقطة واحدة.

• استعمال خاصية نقطة تلاقي الارتفاعات في مثلث لإثبات أنَّ مستقيمين متعامدان

تمرين



انقل الشكل المقابل، وارسم المستقيم الذي يشمل النقطة M العمودي على (Ox) فقط (Oy) في P والمستقيم الذي يشمل النقطة M العمودي على (Oy) فقط (Ox) في L .

أثبت أنَّ المستقيمين (OM) و (PL) متعامدان.

حل و توجيهات

في المثلث LOP : (PM) هو الارتفاع المتعلق بضلعين $[OL]$ و $[OP]$ هو الارتفاع المتعلق بضلعين $[OL]$ و $[LM]$.

وبما أنَّ في مثلث الارتفاعات الثلاثة متقاطعة في نقطة واحدة، فإنَّ (OM) هو الارتفاع المتعلق بضلعين $[PL]$.

ومنه فإنَّ المستقيمين (OM) و (PL) متعامدان.

ملاحظة : يمكن استغلال خاصية نقطة تلاقي الارتفاعات في مثلث لإثبات أنَّ مستقيمين متعامدان.

دورى الآن

- شرح كيف ترسم المستقيم (γ) العمودي على (Δ) والذى يشمل نقطة تقاطع (d_1) و (d_2) دون الخروج من إطار ورقة الكراس.



- عد إلى المسألة الأولى أعلاه، وعلماً أنَّ قطر متوازى الأضلاع $[BD]$ طوله 12cm، وأنَّ مركز تقل المثلث ABC هو G . احسب الطول BG .

16 $RSTU$ متوازي أضلاع. E و F منتصفان للضلعين $[RS]$ و $[UT]$ على الترتيب.

1) ما طبيعة الرباعي $ESFU$? بَرَرْ إِحْبَابَكَ.

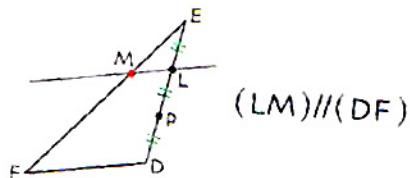
2) (SF) يقطعان $[RT]$ في M و N على الترتيب. أثبت أن $RM = MN = NT$.

المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان

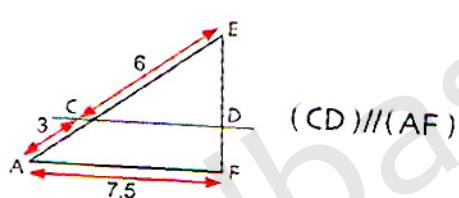
17 كيف تبرر باستعمال معطيات الشكل المرفق أن

$$\cdot \frac{EM}{EF} = \frac{1}{3}$$

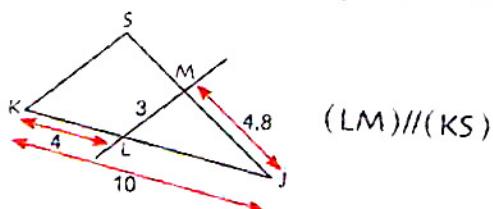
النقطة M تحقق



18 الأطوال معطاة بالسنتيمتر. أحسب، باستعمال معطيات الشكل المرفق، الطول CD .



19 الأطوال معطاة بالسنتيمتر. أحسب، باستعمال معطيات الشكل المرفق، كلا من الطولين SM و SK .



20 ABC مثلث كيفي، L منتصف $[BC]$. M نقطة من $[AL]$. المستقيم الموازي لـ $[AC]$ ويشمل M يقطع $[BC]$ في R ، والمستقيم الموازي لـ $[AB]$ ويشمل M يقطع $[BC]$ في S .

أثبت أن L منتصف $[SR]$.

11 أثبت أن المستقيم الذي يشمل مركز دائرة ومنتصف وتر فيها عمودي على هذا الوتر.

مستقيم منتصفين

12 ABC مثلث أطوال أضلاعه

$$AB = 3\text{cm}, BC = 3,6\text{cm} \text{ و } AC = 4,2\text{cm}$$

A' و B' و C' منتصفات أضلاعه $[BC]$ و $[AC]$ و $[AB]$ على الترتيب.

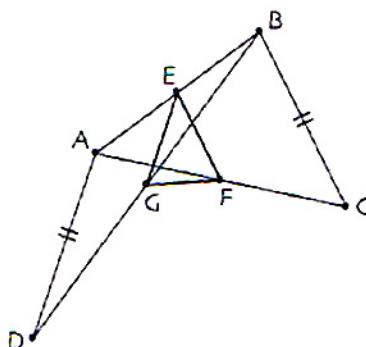
احسب محيط المثلث $A'B'C'$.

13 $[OO']$ قطعة مستقيم حيث $OO' = 5\text{cm}$ ، و (\odot)

و (\odot') دائرتان مركزاهما O و O' ومنقاطعتان في A و B . $[AE]$ قطر في (\odot) ، و $[AD]$ قطر في (\odot') . أنجز شكلا مناسبا.

أثبت أن $(OO') \parallel (ED)$ ، واستنتج طول قطعة المستقيم $[ED]$.

14 لدينا في الشكل المرفق $AD = BC$ و $E = F$ و G منتصفات $[AB]$ ، $[AC]$ ، $[BD]$ على الترتيب.



1) أثبت أن المثلث EFG متساوي الساقين.

2) H منتصف $[CD]$ ، ما طبيعة الرباعي $EFHG$? بَرَرْ إِحْبَابَكَ.

. [Lx)

لأضلاع.

15 $ABCD$ رباعي كيفي، H ، G ، F ، E منتصفات أضلاعه $[AB]$ و $[BC]$ و $[CD]$ و $[DA]$ على الترتيب.

أثبت أن $EFGH$ متوازي أضلاع.

1) أثبت أن محيط $EFGH$ يساوى $AC + BD$.

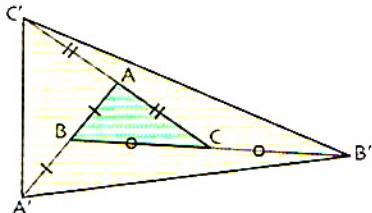
بعد نقطة عن مستقيم

أجب شكلا مناسبا، وأثبت أن النقط E و R و S في استقامية.

1 **27** ABCD متوازي أضلاع، E منتصف [CD].
[BE] يقطع [AC] في K. (DK) يقطع [BC] في M.
أثبت أن M منتصف [BC].

2 **28** أثبت أن المتوسط في مثلث يقسمه إلى مثلثين لهما نفس المساحة.

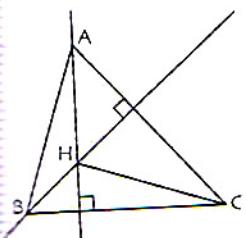
3 **29** في الشكل المرفق 'A' نظير A بالنسبة إلى B، و'B' نظير B بالنسبة إلى C، و'C' نظير C بالنسبة إلى A.



عبر عن مساحة المثلث 'A'B'C' بدلالة مساحة المثلث ABC.

إرشاد : استعمل النتيجة التي توصلت إليها في التمارين السابق.

4 **30** لاحظ الشكل المرفق، وأجب عما يلي :



1) ماذا تمثل النقطة H

في المثلث ABC ؟ برر إجابتك.

2) ما هي نقطة تلاقى ارتفاعات المثلث HBC ؟

برر إجابتك.

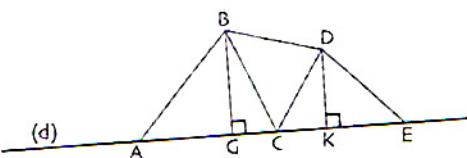
5 **31** انقل الشكل وأكمله

بحيث تكون L نقطة تلاقى

ارتفاعات المثلث EFG.



21 حدد باستعمال الشكل المرفق بعد كل من النقط A و B و C و D و E بالنسبة إلى (d).



22 ارسم مستقيما (d) وعين نقطة A بعدها عن (d) يساوي 2cm.

ما هي مجموعة كل النقط التي تبعد 2cm عن (d) ؟

المستقيمات الخاصة في المثلث

23 1) أنشئ مثلث ABC حيث $AB = 2\text{cm}$ و $\widehat{ABC} = 110^\circ$ و $BC = 4,5\text{cm}$.

2) أنشئ الدائرة المحيطة بالمثلث ABC.

24 1) أنشئ مثلث RST حيث $RS = 3\text{cm}$ و $ST = 6\text{cm}$ و $RT = 5,4\text{cm}$.

2) أنشئ الدائرة المماسة لأضلاع المثلث RST من الداخل.

25 الشكل المرفق مرسوم باليد الحرة.

1) احسب قيس الزاوية \widehat{EBA} .

2) ماذا تمثل النقطة E في المثلث ABC ؟ برر إجابتك.

26 مثلث EFG كيفي، K نقطة من [EF] و L

نقطة من [EG]. منصفا الزاويتين \widehat{EFG} و \widehat{EGF} يتقاطعان في S، ومنصفا الزاويتين \widehat{EKL} و \widehat{ELK}

يتقاطعان في R.

أجب عن الأسئلة الآتية

عند الحاجة أعود إلى الصفحة

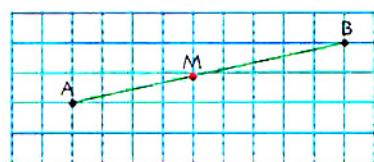
134

علمًا أن $AC = 5,8\text{cm}$ و $AB = 3,2\text{cm}$ و $BC = 9\text{cm}$ أي من الاقتراحات الآتية صحيح ؟

أ) النقط A ، B ، C في استقامية . ب) A تنتهي إلى [BC].

ج) B تنتهي إلى [AC].

137 و 136

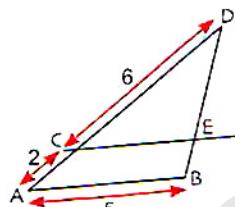


$$AB + BM = AM \quad (1)$$

$$\therefore AM = \frac{2}{5}AB \quad (2)$$

$$\therefore \frac{MA}{MB} = \frac{2}{3} \quad (3)$$

137 و 136



وحدة الطول هي السنتمتر، و $(EC) \parallel (AB)$ و $(EC) \parallel (AB)$.

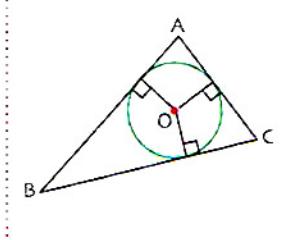
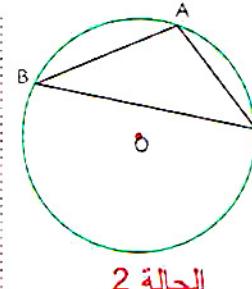
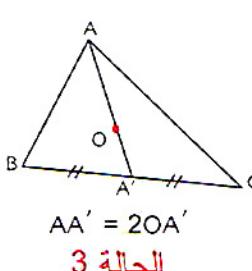
أكمل ما يأتي، واحسب الطول CE :

$$\bullet \text{لدينا } \frac{DC}{DB} = \frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} \quad (3)$$

$$\bullet \text{ومنه } \frac{\dots}{\dots} = \frac{CE}{5} \quad (4)$$

$$\bullet \text{أي } CE = \dots \quad (5)$$

139



138

بيّن إذا كان كل مما يأتي صحيحاً أو خاطئاً، وبرر إجابتك.

أ) يوجد مثلث نقطة تلاقي ارتفاعاته هي أحد رؤوسه.

ب) يوجد مثلث نقطة تلاقي محاوره تنتهي إلى أحد أضلاعه.

ج) يوجد مثلث نقطة تلاقي منصفاته تقع خارجه.

د) يوجد مثلث نقطة تلاقي ارتفاعاته تقع خارجه.

(3) ما
إلى
(4) اس
42
PS]
أجز
المثلث
43
منته
3D]
أثبت
44
BC
(1)
أضلا
(2)
ما
(3)



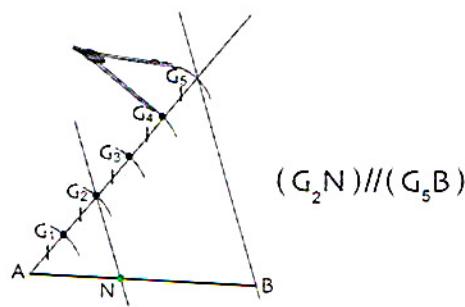
38 باستعمال مدور ومسطرة غير مدرجة

ارسم قطعة مستقيم [AB].

$$\frac{AM}{AB} = \frac{1}{4} \text{ بحيث } M \text{ من } [AB]$$

1 أنشى نقطة M من [AB] بحيث

$$\frac{AN}{AB} = \frac{2}{5} \text{ بحيث } N \text{ من}$$



اكتب برنامجا يسمح بإنجاز هذا الشكل.

$$\frac{AN}{AB} = \frac{2}{5} \text{ بحيث } N \text{ من }$$

39 انقل الشكل المرفق و أكمل

B ————— C

إنشاء المثلث ABC بحيث

G تكون مركز ثقله.

40 ارسم زاوية حادة \widehat{xOy} ، ودون استعمال منصف

زاوية، أنشى نقطة M متساوية المسافة عن ضلعي

هذه الزاوية.

أثبت أن $[OM]$ منصف الزاوية \widehat{xOy} .

41 يهدف هذا التمرين إلى إثبات أن ارتفاعات مثلث

متقاطعة في نقطة واحدة

Mثلث كيسي. (d_1) يشمل A ويوازي (BC)

(d_2) يشمل B ويوازي (AC) ، (d_3) يشمل C

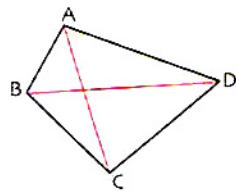
ويوازي (AB) . نقطة تقاطع (d_1) و (d_2)، نقطة

تقاطع (d_2) و (d_3)، G نقطة تقاطع (d_1) و (d_3).
1 أنجز شكلا مناسبا.

2 أثبت أن الرباعيات $ACBE$ ، $ABFC$ ، $ABC G$ متوازيات أضلاع.

32 ABCD رباعي كيسي، أثبت أن $AC + BD < P$

حيث P محيط الرباعي ABCD.



33 (1) أنشى مثلث EDS قائما في D، حيث

$$\widehat{DES} = 30^\circ \text{ ، و } DS = 3\text{cm}$$

(2) أنشى 'S' نظير النقطة S بالنسبة إلى (ED).

(3) ما طبيعة المثلث 'ESS'؟ بزر إجابتك.

34 ABCD متوازي أضلاع، I نقطة تقاطع قطريه،

[IC] و [IB] و [IA] و [ID] على الترتيب.

(1) أثبت أن EFGH متوازي أضلاع.

(2) عبر عن محيط EFGH بدلالة محيط ABCD.

35 LMPQ متوازي أضلاع، S منتصف [PQ].

المستقيمان (LS) و (PM) متقاطعان في R.

أثبت أن P منتصف [MR].

36 DLK مثلث، P منتصف [DL] ، S نظير P

بالنسبة إلى D ، المستقيم الموازي ل (DK) الذي يشمل

P يقطع (KL) في A ، والمستقيم الموازي ل (KL)

الذي يشمل S يقطع (KD) في B.

ارسم شكلا مناسبا ، وأثبت أن المثلثين PLA و DSB

متقابيان.

37 ABC مثلث أطوال أضلاعه AB = 3cm

و BC = 6cm و AC = 5cm ، منصف الزاوية

يقطع [BC] في M.

لحساب الطولين BM و CM ، أنجز ما يلي :

(1) ارسم الموازي ل (AM) الذي يشمل C ، فيقطع

(BA) في E ، وأثبت أن المثلث ACE متساوي الساقين.

(2) أثبت أن $\frac{BM}{BC} = \frac{3}{8}$ ، واستنتج كلاما من BM و CM.

أثبت أن \circ هي منتصف $[AF]$ ، وأن $AH = 2OL$.

4) أثبت أن المستقيم الذي يشمل O والعمودي على $[AC]$ هو محور لـ $[AC]$.

5) استنتج أنَّ النقط A ، B ، C ، F تنتهي إلى نفس الدائرة وعند مركزها.

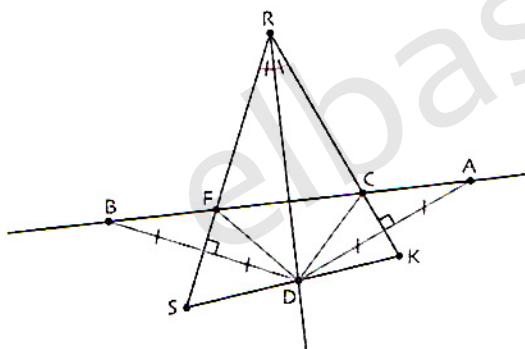
ABC مثلث كيسي، M نقطة تلاقي منصفات زواياه.

أثبت أن الجدول الآتي هو جدول تناسبية، وعين معامل التناسبية.

AB	AC	BC
\mathcal{A}_{ABM}	\mathcal{A}_{ACM}	\mathcal{A}_{BCM}

(يرمز A_{ABM} إلى مساحة المثلث ABM).

46 KRS مثلث كيسي، (RD) منصف الزاوية A، نظير D بالنسبة إلى (RK)، و B نظير D بالنسبة إلى (RS)، والنقط A ، C ، F ، B في استقامية.



؟) بين لماذا $DA = DB$

2) أثبت أن المثلثين DAC و DBF متقاربان.

3) استنتاج طبيعة المثلث DCF.

4) أثبت أن المثلث CRF متساوي الساقين.

هـ) بين لماذا (RD) هو محور [AB] ، واستنتاج مركز الدائرة التي تشمل النقط A ، B ، D .

3) ماذا تمثل نقطة تلاقي محاور المثلث EFG بالنسبة إلى المثلث ABC؟ يبرر إجابتكم.

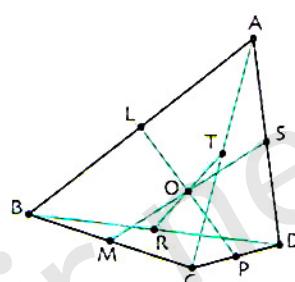
٤) استنتاج.

نقطة منتصف LM، و G، و PG = 2GS بحث PS [42]

أنجز شکلا مناسبا، واثبت أن σ هي مركز نقل المثلث LMP.

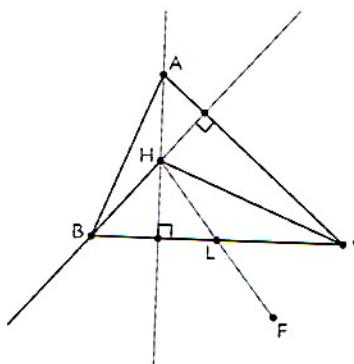
R, T, M, P, S, L رباعي کیفی ABCD 43

، [AC] ، [CB] ، [DC] ، [AD] ، [AB] منصفات
[BD] على الترتيب.



أثبت أن $[LP]$ ، $[SM]$ ، $[TR]$ لها نفس المنتصف.

في الشكل المرفق H نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث $\triangle ABC$ منتصف $[BC]$ ، F نظير H بالنسبة إلى A.



1) انقل الشكل، واثبت أن الرباعي $BFCH$ متوازي أضلاع.

2) أثبت أن كلا من المثلثين ACF و ABF قائم.

3) محور $[AF]$ يقطع $[BC]$ في O .

البرهان في الرياضيات

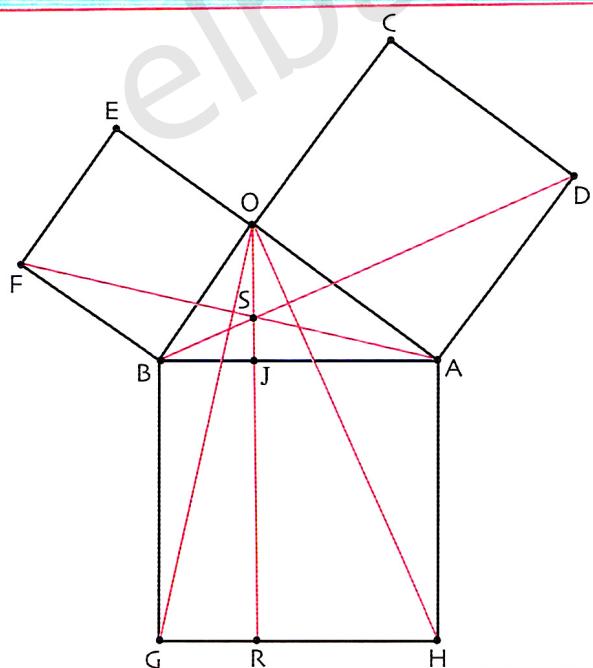


سأتعلم في هذا الباب

- استعمال قواعد النقاش الرياضي.
- كيف نبرر أن نصا رياضيا صحيح.
- كيف نبرر أن نصا رياضيا خاطئ باستعمال مثال مضاد.
- استعمال نصوص من الشكل: إذا، فإن
- كتابة نص عكسي لنص رياضي والتمييز بينهما.
- كيف نبحث في برهان.
- كيف نحرر برهانا.

إقليدس هو عالم رياضيات يوناني عاش بين (325 - 265 ق.م). اشتهر بوضع نظام البديهيات وجمع عمله في الهندسة في كتاب أسماه الأصول. وقد اعتبرت هندسة إقليدس منذ ذلك العهد نموذجاً للبرهان المنطقي. ومن مسلمات إقليدس:

- من نقطتين متباينتين يمر مستقيم واحد وواحد فقط.
- كل قطعة مستقيم يمكن أن تُمدد إلى مستقيم.



- تعطى نقطتان متباينتان. توجد دائرة واحدة وواحدة فقط مركزها النقطة الأولى وتمر بالنقطة الثانية.
- كل الزوايا القائمة متساوية فيما بينها.
- من نقطة خارج مستقيم يمكن رسم مستقيم واحد وواحد فقط يوازيه ويشمل هذه النقطة.

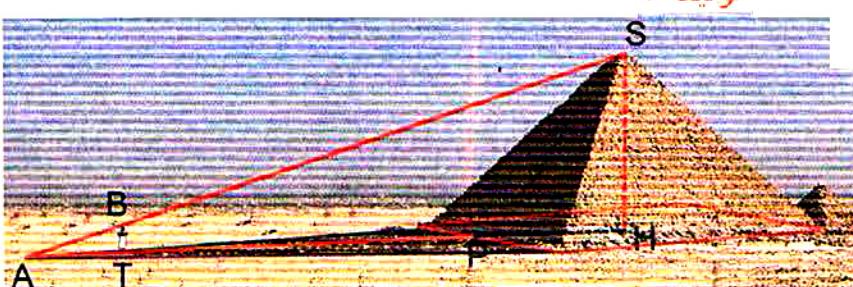
ويكون النظام الهندسي لإقليدس من التعاريف والبديهيات والفرضيات والمبرهنات.

وضعية

حساب ارتفاع الهرم بطريقة طالس

حسب العالم اليوناني طالس (546-625 ق.م) ارتفاع الهرم انطلاقاً من فكرة أن النسبة بين طوله وضله كالنسبة بين ارتفاع الهرم وضله.

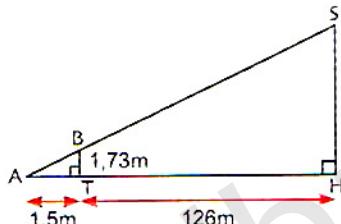
الوثيقة 2



عندما يقف طالس في الموضع T على بعد 97m من الهرم ينطبق ظله الذي يبلغ 1,5m مع ظل رأس الهرم. الهرم قاعدته مربع ضلعه 58m. طالس طوله 1,73m.

حل مختصر

- إنجاز شكل مناسب.



- ارتفاع الهرم يساوي 147,05m.

تحليل الوضعية

قراءة وتحليل الوضعية

- مم ت تكون الوضعية؟
- كيف تترجم فكرة تساوي النسبتين؟
- ما المهمة المطلوب إنجازها؟

تحليل التعليمية واختيار استراتيجية حل مناسبة

- فيما تمثل المهمة المطلوب إنجازها؟
- حدد على الشكل الطول المطلوب حسابه.

- هل في الشكل توازي؟

تنفيذ استراتيجية الحل المختارة

- الخاصية المناسبة لإنجاز المهمة.
- ثم كيفية المواصلة ...

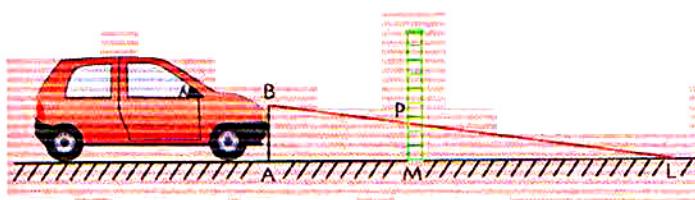
- تحرير الحل والشرح بجمل واضحة.

وضعية للتقويم

(ضبط أضواء السيارة)

من السلامة المرورية أن يضيء ضوء التقاطع في السيارة بين 30m و 45m. هل تعرف لماذا؟

لضبط أضواء سيارته يضع سائق سيارته



على بعد $AM = 4m$ أمام حائط شاقولي (انظر الوثيقة المرفقة)، حيث الطول AL يمثل مدى الضوء في غياب أي حاجز، و $AB = 0.65m$ يمثل ارتفاع أضواء السيارة عن الأرض.

ما هو الشرط اللازم وضعه على PM مسقط ضوء السيارة على هذا الحائط لتحقيق شروط السلامة؟

البرهان في الرياضيات

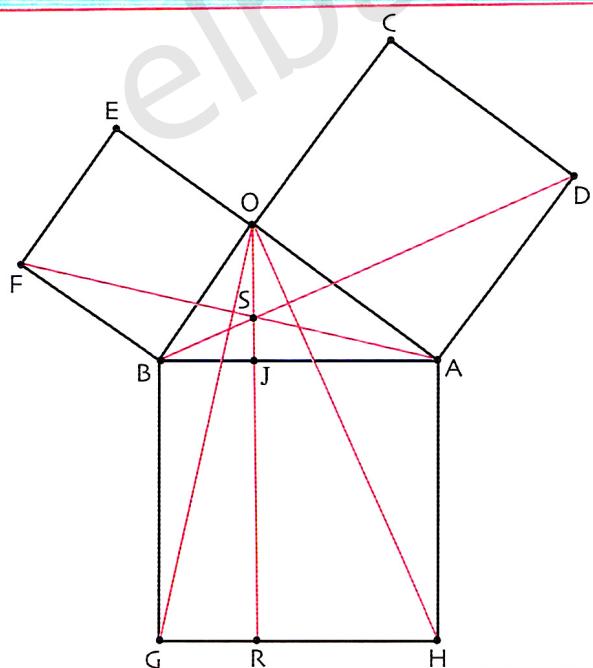


سأتعلم في هذا الباب

- استعمال قواعد النقاش الرياضي.
- كيف نبرر أن نصا رياضيا صحيح.
- كيف نبرر أن نصا رياضيا خاطئ باستعمال مثال مضاد.
- استعمال نصوص من الشكل: إذا، فإن
- كتابة نص عكسي لنص رياضي والتمييز بينهما.
- كيف نبحث في برهان.
- كيف نحرر برهانا.

إقليدس هو عالم رياضيات يوناني عاش بين (325 - 265 ق.م). اشتهر بوضع نظام البديهيات وجمع عمله في الهندسة في كتاب أسماه الأصول. وقد اعتبرت هندسة إقليدس منذ ذلك العهد نموذجاً للبرهان المنطقي. ومن مسلمات إقليدس:

- من نقطتين متباينتين يمر مستقيم واحد وواحد فقط.
- كل قطعة مستقيم يمكن أن تُمدد إلى مستقيم.



- تعطى نقطتان متباينتان. توجد دائرة واحدة وواحدة فقط مركزها النقطة الأولى وتمر بالنقطة الثانية.
- كل الزوايا القائمة متساوية فيما بينها.
- من نقطة خارج مستقيم يمكن رسم مستقيم واحد وواحد فقط يوازيه ويشمل هذه النقطة.

ويكون النظام الهندسي لإقليدس من التعاريف والبديهيات والفرضيات والمبرهنات.

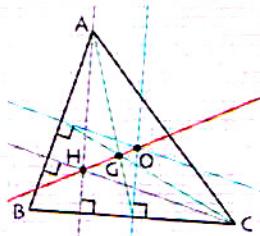
حل مسائل هندسية باستعمال جيوجبرا

نشاط : مستقيم أولر

- لرسم مثلث كيفي حدّد في شريط الأدوات «مُضلّع » بالنقر عليها بزر الفارة الأيسر، ثم بالنقر في ورقة العمل لتحديد الرؤوس، وللانتهاء عد من جديد إلى النقطة الأولى.
- لرسم محور قطعة مستقيم استعمل «متوسط عمودي ».
- لرسم المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$ مثلا، استعمل «مستقيم مار من نقطتين » وانقر على النقطة A ثم على منتصف $[BC]$.
- لرسم الارتفاع المتعلق بالضلع $[BC]$ مثلا، استعمل «مستقيم عمودي » وانقر على النقطة A ثم على $[BC]$.

أثبت العالم الرياضي السويسري ليونارد أولر (1707-1753) أن في مثلث غير متقايس الأضلاع نقطة تلاقي المحاور ونقطة تلاقي المتوسطات ونقطة تلاقي الارتفاعات تنتمي إلى نفس المستقيم الذي سُمي باسمه (مستقيم أولر).

- ارسم مثلث ABC (مثل المقابل).
- أنشئ O نقطة تلاقي محاور ABC (يمكن رسم محور $[AB]$ ومحور $[BC]$ فقط).



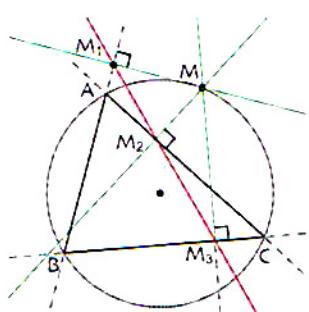
- أنشئ G نقطة تلاقي متوسطات ABC برسم متوسطين.
- أنشئ H نقطة تلاقي ارتفاعات ABC (يمكن الاقتصار على رسم ارتفاعين).
- ارسم المستقيم (OG).
- ماذا تلاحظ بالنسبة إلى H و (OG) ؟
- حرك أحد رؤوس المثلث ABC، ماذا تلاحظ بالنسبة إلى النقط O و G و H ؟

- كيف تصبح النقط O و G و H عندما يكون المثلث ABC متقايس الأضلاع ؟

تمرين : مستقيم سيمسون

اشتهر العالم الرياضي البريطاني روبرت سيمسون (1768-1687) بأعماله في ميدان الهندسة، والخاصية الآتية خلدت اسمه.

«نقطة من الدائرة التي تشمل رؤوس مثلث، النقط M_1 ، M_2 ، M_3 هي تقاطع المستقيمات التي تشمل النقطة M والعمودية على حوامل أضلاع هذا المثلث. إن النقط M_1 ، M_2 ، M_3 تنتمي إلى نفس المستقيم (مستقيم سيمسون)».



- أنجز شكلا مناسبا.

- حرك النقطة M أو شغل تنشيط هذه النقطة بالنقر عليها بزر الفارة الأيمن وانتقل تنشيط في النافذة الظاهرة.
- ما هو التخمين الذي يمكن وضعه حول النقط M_1 ، M_2 ، M_3 ؟

ملاحظة: لإيقاف تنشيط النقطة M انقر بزر الفارة الأيمن وانتقل تنشيط في النافذة الظاهرة.

المثلث القائم و الدائرة

سأتعلم في هذا الباب

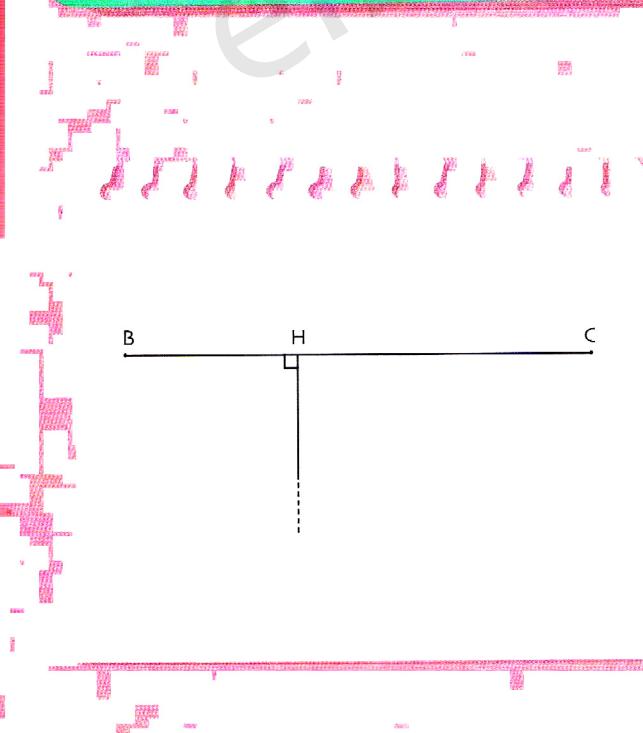


- معرفة و استعمال خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم.
- معرفة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم و استعمالها.
- معرفة الأوضاع النسبية لدائرة و مستقيم.
- إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها.

جميلة أو "كويكول" قديما، موقع أثري روماني يقع شمال شرق ولاية سطيف، صنفته منظمة اليونسكو ضمن قائمة التراث العالمي سنة 1982، وتصور الآثار مدينة بأحيائها وشوارعها وساحاتها ومرافقها المختلفة من منازل وأسواق ودكاكين وحمامات... ومن أبرز هذه المرافق المسرح الذي يلفت انتباه الزائر، فقد حُفر في هضبة تستند إليها مقاعد المتفرجين في شكل نصف دائرة، والتي يمكن أن تستوعب أكثر من 3000 متفرج.

تحدي

رسم يومنا مثلث ABC قائم في النقطة A و الارتفاع المتعلق بالضلعين $[BC]$ لكن للأسف قام أخيه الصغير أمين بمحو أجزاء من الشكل، فلم يتبق إلا الضلع $[BC]$ و جزء من الارتفاع. باستعمال مسطرة غير مدرجة و مدور ساعده زميلك يومنا على تحديد موقع النقطة A .



1 من المثلث القائم إلى الدائرة المحيطة به

(1) أ) ارسم ثلاثة مثلثات قائمة، ثم ارسم الدائرة المحيطة بكل مثلث.

ب) ضع تخمينا حول موقع مركز كل دائرة.

(2) أ) ارسم مثلث ABC قائما في A . علم النقطة I منتصف الضلع $[BC]$.

ب) أنشئ النقطة D نظيرة A بالنسبة إلى I .

ج) أثبت أن الرباعي $ABDC$ مستطيل.

(3) أ) ماذا يمثل الضلع $[BC]$ بالنسبة إلى المثلث ABC ؟

ب) ارسم الدائرة ذات القطر $[BC]$ ، ثم برر انتماء النقطة A إلى هذه الدائرة.

ج) انقل ثم أتمم :

إذا كان مثلث قائما، فإن وتره للدائرة المحيطة بهذا المثلث.

2 من الدائرة إلى المثلث القائم

(1) أ) ارسم دائرة (\odot) مركزها نقطة O .

ب) علم على الدائرة (\odot) ثلات نقط متمايزة R ، S و T بحيث يكون $[RT]$ قطر الدائرة (\odot) .

نريد فيما يأتي تحديد نوع المثلث RST .

لتكن $'S'$ نظيرة النقطة S بالنسبة إلى النقطة O .

أ) ما نوع الرباعي $RSTS$ ؟ برر إجابتك.

ب) استنتج نوع المثلث RST .

ج) انقل ثم أتمم :

إذا كان أحد أضلاع مثلث قطر الدائرة، فإن هذا المثلث

3 الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

(\odot) دائرة مركزها نقطة O و $[AB]$ قطر فيها، حيث $AB = 4\text{cm}$

نقطة متغيرة من المستقيم (AB)

(Δ) المستقيم الذي يشمل M ويعامد (AB) .

(1) أجز شكلان مناسبا في كل حالة مما يأتي :

(ج) $OM = 3,5\text{cm}$ (ب) $OM = 2\text{cm}$ (أ) $OM = 1,5\text{cm}$
 خمن في كل حالة عدد نقاط تقاطع الدائرة (\odot) والمستقيم (Δ) .

(2) نفرض أن $OM = 2\text{cm}$

لتكن P نقطة كافية من المستقيم (Δ) تختلف عن M .
 بين أن $OP > 2\text{cm}$ ، و استنتج عندئذ أن الدائرة (\odot) والمستقيم (Δ) يتقاطعان في نقطة واحدة.

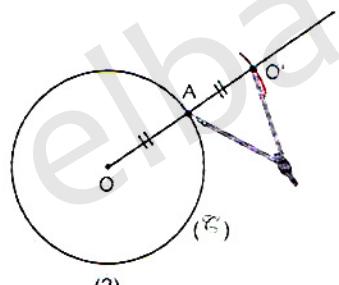
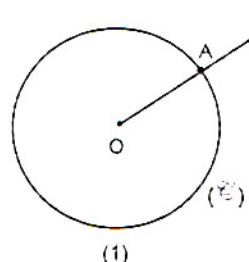
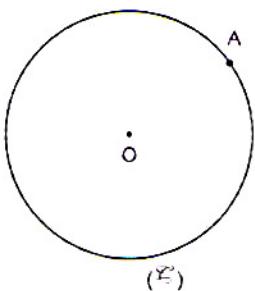
4 رسم مماس لدائرة في نقطة منها

• استعمال الكوس والمسطرة

- 1) ارسم قطعة مستقيم $[AB]$ ، ثم الدائرة (\odot) ذات القطر $[AB]$.
- 2) استعمل الكوس والمسطرة لرسم المماسين (Δ_1) و (Δ_2) للدائرة (\odot) في كل من النقطتين A و B .
- 3) ماذا يمكنك القول عن هذين المماسين؟ برر إجابتك.

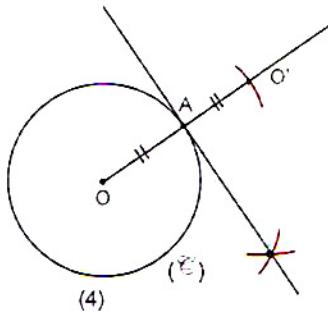
• استعمال المدور والمسطرة

- طلب الأستاذ من تلاميذه إنشاء المماس للدائرة (\odot) في النقطة A ،
 لكن هذه المرة باستعمال المدور والمسطرة فقط.
 إليك المراحل التي قام بها زميلك يونس لإنجاز ما طلب منه.

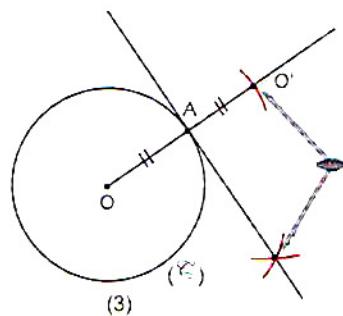


(2)

(1)



(4)



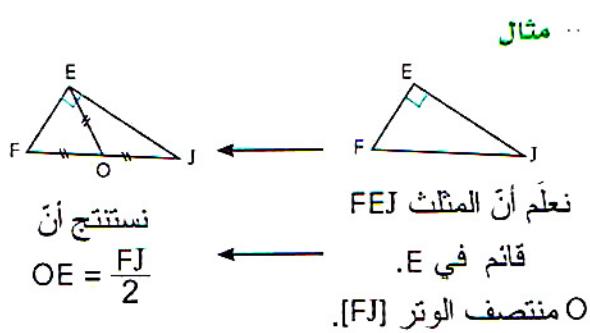
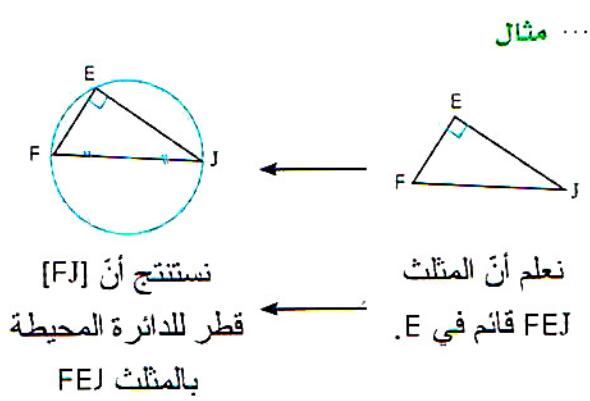
(3)

يبدو أن العمل الذي قام به زميلك يونس صحيح، ماهي الخواص التي استند إليها؟

١ الدائرة المحيطة بمثلث قائم

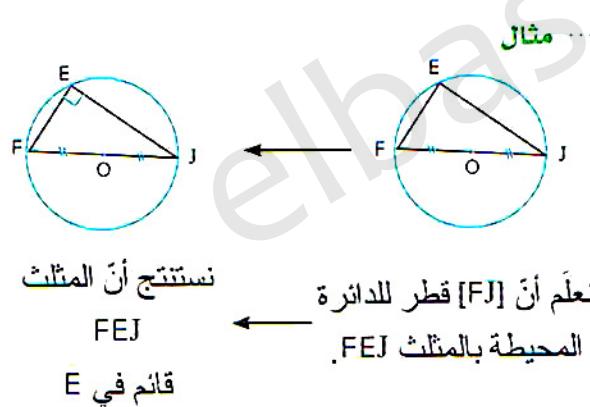
خاصية ١

إذا كان المثلث قائماً، فإنَّ وتره قطر للدائرة المحيطة به.



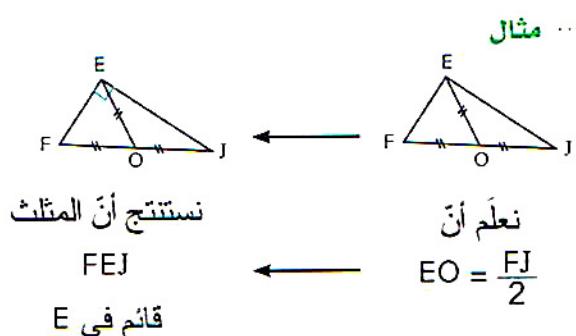
نتيجة

إذا كان المثلث قائماً، فإنَّ طول المتوسط المتعلق بوتر هذا المثلث، يساوي نصف طول هذا الوتر.



خاصية ٢

إذا كان أحد أضلاع مثلث قطر للدائرة المحيطة به، فإنَّ هذا المثلث قائم.



نتيجة

إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع مساوياً لنصف طول هذا الضلع ، فإنَّ هذا المثلث قائم.

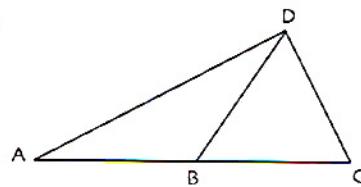
• إثبات أنَّ مثلثاً قائم

تمرين

في الشكل المقابل، النقطة B منتصف [AC].

$$BD = 3,8\text{cm} \quad AC = 7,6\text{cm}$$

أثبت أنَّ المثلث ADC قائم.



حل

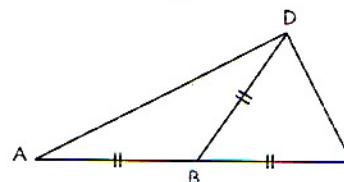
لدينا :

[DB] المتوسط في المثلث ADC المتعلق بالضلع [AC]

$$BD = \frac{1}{2} AC$$

$$7,6 \div 2 = 3,8$$

فالمثلث ADC قائم في D.



• إثبات أنَّ رباعياً متوازي أضلاع

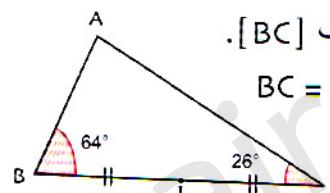
تمرين

في الشكل المقابل، النقطة I منتصف [BC].

$$BC = 5\text{cm} \quad \widehat{B} = 64^\circ \quad \widehat{C} = 26^\circ$$

1) أثبت أنَّ النقطة A تنتهي إلى الدائرة ذات القطر [BC].

2) احسب IA.



حل

$$\widehat{B} + \widehat{C} = 64^\circ + 26^\circ = 90^\circ \quad (1)$$

المثلث الذي فيه زاويتان متكاملتان هو مثلث قائم.

إذن : المثلث ABC قائم في A ووتره [BC].

الدائرة التي [BC] قطر فيها، هي الدائرة المحيطة بالمثلث ABC. فهي حتماً تشمل النقطة A

2) النقطة I منتصف وتر المثلث ABC.

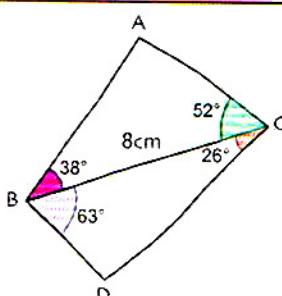
$$IA = \frac{BC}{2} = 2,5\text{cm}$$

هودي الآلن

1) أعد إنشاء الشكل المقابل بأبعاده الحقيقية.

2) ارسم الدائرة (L) التي قطرها [BC].

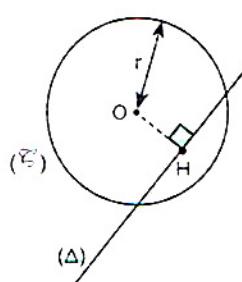
3) هل النقطتان A و D تنتهيان إلى الدائرة (L)؟ بَرَرْ إجابتك.



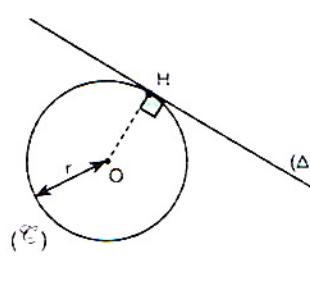
٢ الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

(١) دائرة مركزها O و نصف قطرها r ، (Δ) مستقيم.
 (٢) بُعد النقطة O عن المستقيم (Δ) المُسقّط العمودي للنقطة O على المستقيم (Δ)

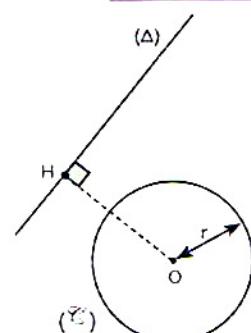
نميز ثلاثة حالات :



إذا كان $r < OH$ فإنَّ المستقيم (Δ) والدائرة (C) يتقاطعان في نقطتين متمايزتين.
 (نقول إنَّ المستقيم (Δ) قاطع الدائرة).

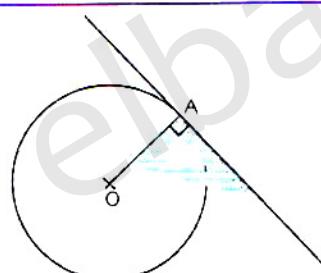


إذا كان $r = OH$ فإنَّ المستقيم (Δ) والدائرة (C) يتقاطعان في نقطة واحدة.
 (نقول إنَّ المستقيم (Δ) مماس للدائرة).



إذا كان $r > OH$ فإنَّ المستقيم (Δ) والدائرة (C) لا يتقاطعان في أيَّة نقطة.
 (نقول إنَّ المستقيم (Δ) خارج الدائرة).

• المماس لدائرة

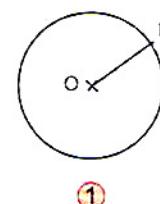
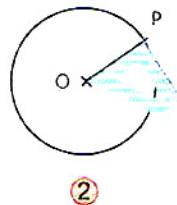
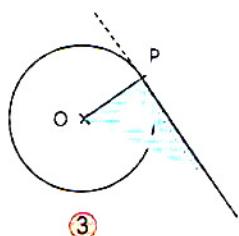


دائرة مركزها O ، A نقطة من الدائرة (C) .
 المماس للدائرة (C) في النقطة A هو المستقيم العمودي على المستقيم (OA) في النقطة A .

خاصية

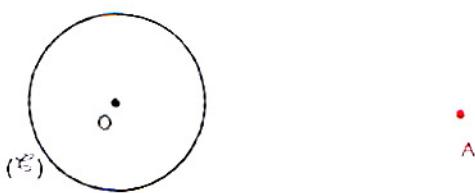
المماس لدائرة في نقطة A يقطع هذه الدائرة في نقطة واحدة هي A نفسها.

• رسم مماس لدائرة في نقطة منها



• إنشاء مماس لدائرة يشمل نقطة خارجها

تمرين



(C) دائرة مركزها O و نصف قطرها 4cm.

نقطة تحقق A

أنشئه باستعمال المدورة والمسطرة مستقيما (Δ)

يشمل A ويكون مماسا للدائرة (C).

حل

1) إذا كانت F هي نقطة تقاطع المماس (Δ) والدائرة (C)

فإن المثلث AOF قائم في F.

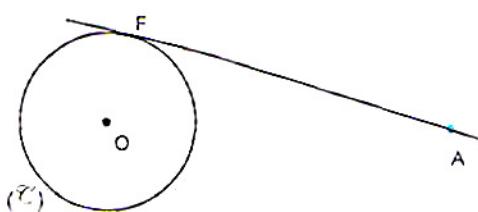
F هي نقطة تقاطع الدائرة المحيطة بالمثلث AOF

و الدائرة (C).

أي F هي نقطة تقاطع الدائرة المحيطة التي [OA]

قطر فيها. (الدائرة التي مركزها منتصف [OA])

نصف قطرها $\frac{OA}{2} = \frac{9}{2} = 4,5\text{cm}$ ، $\frac{OA}{2}$



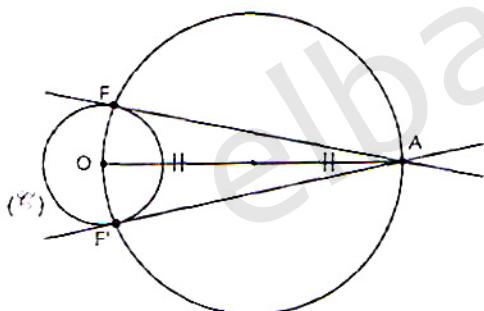
2) لتعيين النقطة F (نقطة التماس) نرسم الدائرة

التي مركزها منتصف [OA] وطول نصف قطرها 4,5cm

فتقطع الدائرة (C) في نقطتين F و F' .

إذا : بالكيفية السابقة ، يمكن رسم مماسين للدائرة

(C) يشمل كل منهما النقطة A.



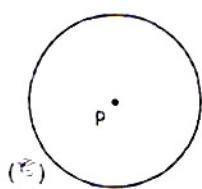
دوري الأذان

(C) دائرة مركزها P ونصف قطرها 2.

B نقطة تتحقق $PB > r$

أنشئه باستعمال المدورة والمسطرة

مستقيما (Δ) يشمل B ويكون مماسا للدائرة (C).



5 ارسم مستطيلا ABCD

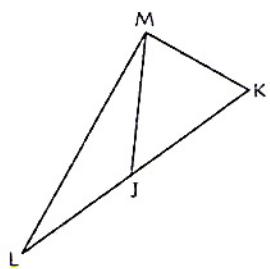
ما هو مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC ؟
برر انتماء النقطة D إلى الدائرة السابقة.

6 استناداً إلى المعطيات الموجبة، برهن أن المثلث ADB قائم.

دائرة نصف قطرها 4,5cm .
نقطة من (C) .
 $AD = 5,4\text{cm}$ ، $DB = 7,2\text{cm}$.

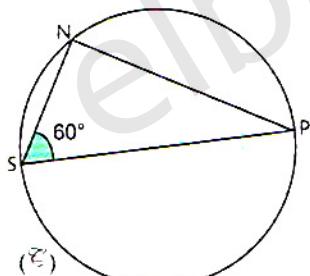
7 استناداً إلى المعطيات الموجبة، برهن أن المثلث LMK قائم.

$JK = JL = 2\text{cm}$ و $J \in [KL]$.
 $MJ = 2\text{cm}$.

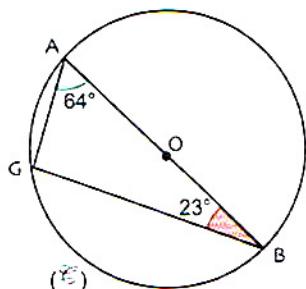


8 [SP] قطر للدائرة (C) و N نقطة من (C).

احسب مع التبرير قيس الزاوية \widehat{SPN}



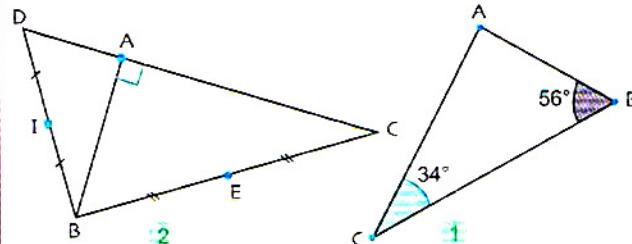
9 في الشكل الموجي، [AB] قطر للدائرة (C).



هل النقطة G تنتمي إلى الدائرة (C) ؟ برر جوابك ؟

المثلث القائم والدائرة

1 ما هو مركز ونصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث ABC في كل من الحالتين :



2 عين مركز الدائرة المحيطة بالمثلث MNL

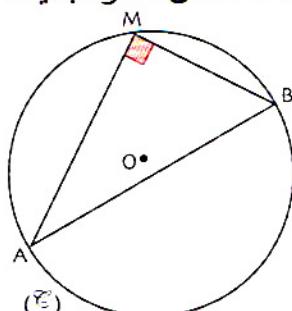
ثم احسب نصف قطرها.
اذكر الخصية التي استندت إليها.

3 في أية حالة من الحالتين الآتتين يكون مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC منتصف [BC] ؟

- (أ) $\widehat{C} = 36^\circ$ و $\widehat{B} = 54^\circ$
(ب) $\widehat{C} = 20^\circ$ و $\widehat{B} = 60^\circ$

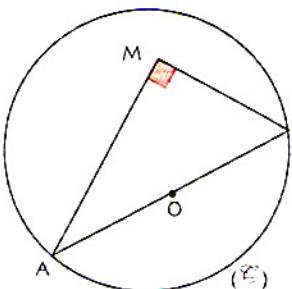
4 دون إجراء قياسات، برر خطأ الشكلين الآتيين

(1) دائرة مركزها النقطة O .
 $\overline{AMB} = 90^\circ$ ، ثالث نقطه من الدائرة بحيث



(2) دائرة مركزها O و [AB] قطر فيها.

$\overline{AMB} = 90^\circ$ ، M نقطة تحقق



أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

14 1) باستعمال مسطرة مدرّجة و مدوّر أنشى في كل حالة مما يأتي مثلثا ABC قائما في A وبحيث :

(أ) $AC = 6\text{cm}$ و $AB = 4\text{cm}$

(ب) $BC = 10\text{cm}$ و $AC = 7\text{cm}$

(ج) $\widehat{ABC} = 50^\circ$ و $AB = 5\text{cm}$

2) احسب في الحالة (ب) محيط ومساحة القرص المحدّد بالدائرة **المحيطة** بالمثلث ABC .

15 1) ارسم مثلثا كيفيا ABC .

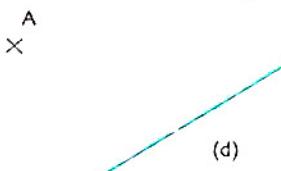
ارسم الدائرة ذات القطر $[AB]$ ، ثم الدائرة ذات القطر $[AC]$.

لتكن I نقطة تقاطعهما الأخرى.

2) ما نوع كل من المثلثين ACI ، ABI ؟ بزّر جوابك.

3) استنتج أن النقاط B ، I ، C في استقامية.

16 طلب الأستاذ من تلاميذه إنشاء المستقيم الذي يشمل النقطة A ويعتمد (d).



يصف زميلك «يونس» مراحل الإنشاء كالتالي :

1) اختار نقطة N من (d).

2) أعين منتصف $[AN]$ ، ثم أرسم الدائرة ذات **القطر** $[AN]$ فتقطع (d) في نقطة أخرى M .

3) أرسم المستقيم (AM).

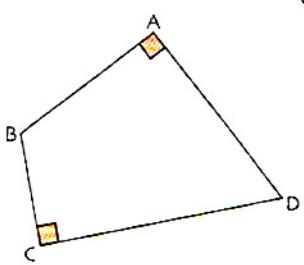
• أنجِز المراحل السابقة

هل تتوافق يونس في العمل الذي قام به ؟ بزّر إجابتك.

17 نريد فيما يأتي إثبات أن النقطة

تنتمي إلى نفس الدائرة.

1) حاول على كراس المحاوّلات الإجابة عن السؤال.



10 ABC مثلث كيفي.

H المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC) ،

ولتكن I منتصف $[AB]$.

برهن أن المثلث AIH متساوي الساقين رأسه الأساسي A .

1) أنجِز شكلًا مناسباً.

2) إليك ما قاله زميلك يونس :

لإثبات أن المثلث AIH متساوي الساقين رأسه الأساسي

A ، يكفي إثبات أن المثلث ABH قائم في H .

هل تتوافقه ؟ إذا كان الجواب بنعم، ما هي الخواص التي

تُثْبِرُ ذلك ؟

3) انقل ثم أتم البرهان الآتي مستعيناً بالشكل الذي رسمته.

بما أن النقطة H هي المسقط العمودي للنقطة B على

المستقيم (AC) فإن المثلث

.....

بما أن المثلث ABH فإن النقطة I

هي مركز الدائرة ، حسب الخاصية

(أكتب نص الخاصية) :

.....

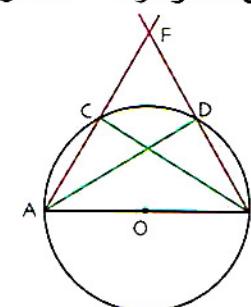
إذن $IA = \dots = \dots$

11 $ABCD$ معين، قطران يتقاطعان في النقطة I .

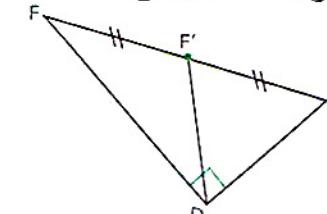
أثبت أن الدائرة ذات **القطر** $[AB]$ تشمل I .

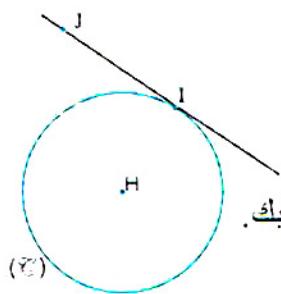
12 ميز في الشكل أدناه جميع الزوايا القائمة، علماً أن

C و D نقطتان من الدائرة و $[AB]$ قطر لها.



13 احسب الطول DF علماً أن





2) ما نوع المثلث JIH ؟

بَرَرْ جوابك.

3) ما هو بعد النقطة H

عن المستقيم (JI) ؟ بَرَرْ جوابك.

20) ABC مثلث قائم في C .

1) ارسم الدائرة (C) التي مركزها A وتشمل C

2) ما هو مماس الدائرة (C) في النقطة C ؟ بَرَرْ جوابك.

1) ارسم دائرة (C) مركزها نقطة K ونصف قطرها $.5\text{cm}$.

2) عَيَّنْ نقطة N على الدائرة (C) .

3) ارسم المماس (d) للدائرة (C) في N .

4) ما هو بعد النقطة K عن (d) ؟

1) ارسم مستقيما (d) ، ثُمَّ عَلَمْ نقطة A تبعد عن

(d) مسافة $.2\text{cm}$.

2) ارسم الدائرة التي مركزها A ونصف قطرها $.2\text{cm}$.

3) ما هو عدد نقط تقاطع المستقيم (d) والدائرة (C) ؟ بَرَرْ اجابتكم.

23) ارسم مثلثا ABC بحيث :

$$\widehat{ACB} = 42^\circ, \widehat{ABC} = 48^\circ \text{ و } BC = 7\text{cm}$$

1) ارسم الدائرة التي مركزها B ونصف قطرها AB .

2) بَرَرْ كون المستقيم (AC) مماساً للدائرة في النقطة A .

1) ارسم مثلثا KLM متوازي الأضلاع.

2) ارسم خارج المثلث KLM نصف المستقيم $[Mx]$

$$\text{حيث } \widehat{K M x} = 30^\circ.$$

3) ارسم الدائرة التي مركزها L وتشمل K .

4) أثبت أن المستقيم (Mx) مماس للدائرة المتبقية في النقطة M .

2) إليك ما كتبه يونس :

- لإثبات أن النقط A, C, B, D تنتهي إلى نفس الدائرة يكفي إثبات أن ثلاثة منها تنتهي إلى دائرة معينة و أن النقطة المتبقية تنتهي إلى نفس الدائرة.

• اعتماداً على التشفير الموجود على الشكل نستنتج أن المثلثين ABD و BCD قائمان.

أ) هل توافقه ؟

ب) أتمم البرهان الآتي :

بما أن المثلث ABD قائم في A فإن وتره

أي أن النقط A, B, D تنتهي إلى الدائرة التي

مركزها هذا من جهة،

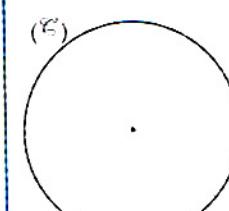
ومن جهة أخرى :

بما أن المثلث BCD قائم في فإن النقطة C تنتهي إلى الدائرة التي

نستنتج مما سبق أن النقط A, C, B, D تنتهي إلى الدائرة التي

18) هل يمكن تعريف نقطة A

من الدائرة (C) بحيث يكون المثلث ABC قائماً في A ؟



\bullet

المماس لـ دائرة

19) الدائرة التي مركزها H ونصف قطرها $.3\text{cm}$.

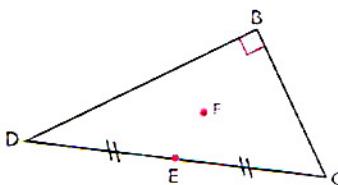
(JI) المماس للدائرة (C) في النقطة I.

1) حدد نقط تقاطع الدائرة (C) والممستوى (JI) .

عند الحاجة أعود إلى
الصفحة: ...

أجب عن الأسئلة الآتية

154

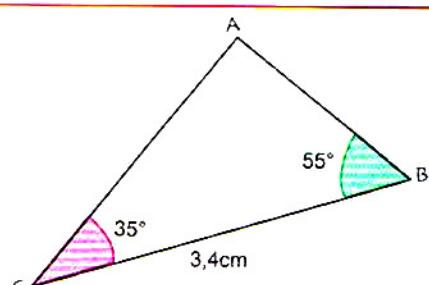


ما هو مركز الدائرة المحيطة بالمثلث DBC ؟ 1

154

ما هو مركز الدائرة المحيطة بالمثلث KLM القائم في M ؟ 2

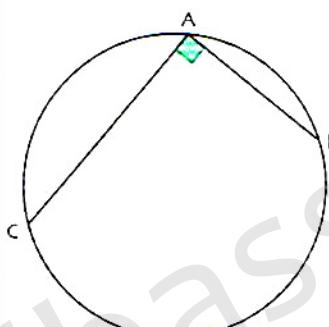
154



هل يمكن حساب نصف قطر الدائرة
المحيطة بالمثلث ABC ؟ 3

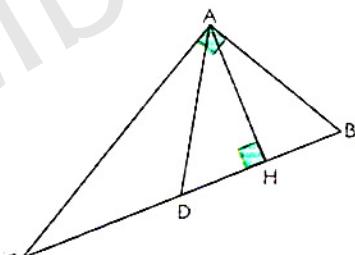
إذا كان الجواب بنعم احسبه.

155 و 154



هل المستقيم (FC) يشمل مركز الدائرة؟ 4
برر إجابتك.

155 و 154



مثلث قائم في ABC
متوسط في المثلث $[AD]$
ارتفاع في المثلث $[AH]$
 $AH = 3\text{cm}$ ، $AD = 4\text{cm}$
احسب BC ثم مساحة المثلث 5

156

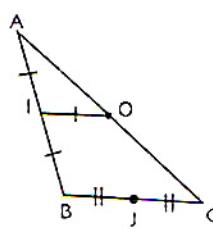
رسم دائرة (\odot) مركزها نقطة O ، عين عليها ثلاثة نقاط متمايزه مثلث IJK 6

رسم المماس للدائرة (\odot) في كل نقطة من النقاط I ، J ، K .

156

رسم دائرة (\odot) قطرها $[AB]$
رسم المماس للدائرة في كل من النقطتين A و B
ماذا يمكن القول عن المماسين السابقين؟ برر جوابك 7

المثلث القائم و الدائرة



40 اعتماداً على المعطيات

الواردة في الشكل

ما نوع المثلث $\triangle AOB$ ؟

هل المثلث $\triangle JOC$ متساوي الساقين رأسه الأساسي J ؟

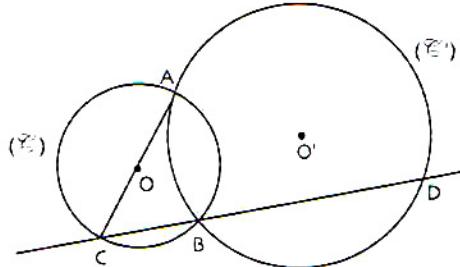
برر إجابتك.

41 (c) و (d) دائرتان مركزان O و O' على

الترتيب، تتقاطعان في نقطتين A و B

[AC] قطر للدائرة (c).

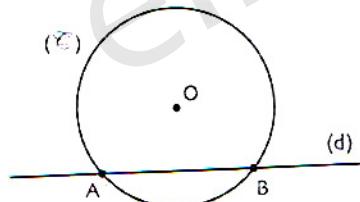
المستقيم (CB) يقطع الدائرة (d) في نقطة D تختلف عن B .



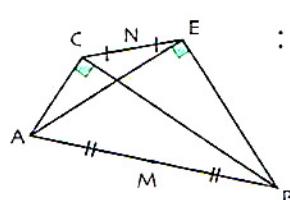
برهن أن [AD] قطر للدائرة (d).

(c) دائرة مركزها النقطة O .

(d) المستقيم الذي يقطع الدائرة (d) في نقطتين A و B غير متقابلتين قطريا.



ارسم باستعمال المسطرة فقط، المستقيم العمودي على المستقيم (d) في كل من النقطتين A و B ، مبرراً ما قمت به.



في الشكل المقابل :

المثلثان ACB و ABE قائمان في النقطتين C و E

المثلث القائم و الدائرة

35 مثلث متساوي الساقين

حيث $\widehat{ABC} = 43^\circ$ و $AB = AC = 4\text{cm}$

نطيرة B بالنسبة إلى A

(1) أعد رسم الشكل بالأبعاد الحقيقة.

(2) ما نوع المثلث $\triangle BCE$ ؟

برر إجابتك.

(3) أثبت أن $\widehat{EAC} = 86^\circ$

36 مثلث متقابلي الأضلاع.

O مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

D نطيرة B بالنسبة إلى O .

ما نوع المثلث ABD ؟

برر إجابتك.

أثبت أن $\widehat{OBA} = 30^\circ$.

استنتج أن $\widehat{ADB} = 60^\circ$.

E النقطة التي من أجلها يكون الرباعي

متوازي أضلاع.

برهن أن المستقيمين (DC) و (OE) متعامدان.

في الشكل :

النقط B ، E ، B في استقامية.

النقط C ، E ، A في استقامية.

أثبت أن الدائرة

المحيطة بالمثلث ACD

تشمل النقطة B .

38 معين $ABCD$ معين مركزه النقطة O .

الدائرة المحيطة بالمثلث COD تقطع المستقيم (BC)

في النقطة E تختلف عن C .

برهن أن المستقيمين (BC) و (ED) متعامدان.

39 نقطة من نصف دائرة ذات قطر $[TN]$

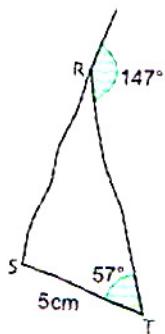
R نطيرة T بالنسبة إلى E

N نطيرة E بالنسبة إلى A

ارسم الشكل بيد حرة

أثبت أن الرباعي $TARN$ معين.

أعد رسم الشكل الآتي بالأبعاد الحقيقية [47]



- (1) احسب قيمي الزوايا \widehat{SRT} و \widehat{RST}
- (2) ارسم الدائرة (\odot) التي مركزها T ونصف قطرها 5cm

أثبت أن المستقيم (RS) مماس للدائرة (\odot)

(1) ارسم مثلث ABC قائما في A حيث [46]

$$AC = 5,5\text{cm} , AB = 4\text{cm}$$

ارسم الدائرة التي مركزها A وتشمل النقطة B .

هذه الدائرة تقطع الضلع $[AC]$ في نقطة E .

(2) ارسم المماس (d_1) للدائرة (\odot) في B .

ارسم المماس (d_2) للدائرة (\odot) في النقطة E .

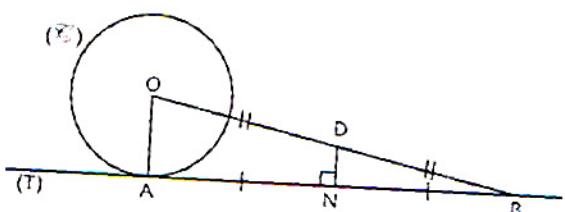
المستقيمان (d_1) و (d_2) متلقيان في نقطة D .

برهن أن الرباعي $ABDE$ مربع.

في الشكل المولى [47]

النقطة O ، D ، B في استقامية.

النقطة A ، N ، B في استقامية.



برهن أن المستقيم (AB) مماس للدائرة (\odot) .

على الترتيب.
ال نقطتان M و N هما على الترتيب منتصفا $[AB]$
و $[CE]$.

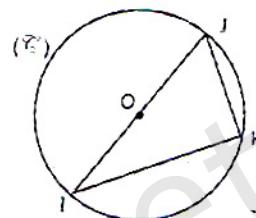
- (1) أثبت أن المثلث MCE متساوي الساقين.
- (2) استنتج أن المستقيمين (MN) و (CE) متعمدان.

(2) الدائرة التي مركزها النقطة O ونصف

قطرها 8cm .

I و J نقطتان من الدائرة (\odot) متقابلتان قطريا.

K نقطة من الدائرة (\odot) حيث $JK = 4\text{cm}$



(1) حدد نوع المثلث IJK . بذر إجابتك.

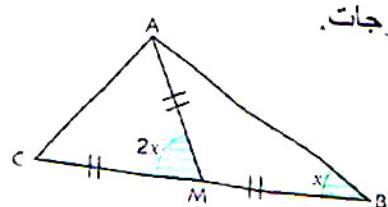
(2) حدد نوع المثلث OJK . بذر إجابتك.

لتكن R نظيرة K بالنسبة إلى (IJ) .

(3) أثبت أن النقطة K تنتمي إلى الدائرة (\odot) .

(45) يشير x في الشكل الآتي إلى قيس الزاوية \widehat{B}

مقدرًا بالدرجات.



أثبت أن النقاط C ، M ، B في استقامية برهن أن المثلث ABC قائم.

المماس للدائرة

(46) (\odot) دائرة و $[AB]$ قطر لها.

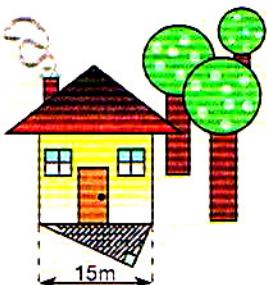
علم نقطة M على (\odot)

ارسم المماس (d) للدائرة (\odot) في النقطة B .

ارسم الارتفاع (d') المتعلق بالضلع $[AB]$.

أثبت أن المستقيمين (d) و (d') متوازيان.

▪ وضعية



مساحة أكبر ما يمكن

يرغب العم أحمد في تبليط حيز على شكل مثلث قائم يستند وتره إلى واجهة منزله بحيث تكون مساحته أكبر ما يمكن.

• ما هو التوجيه الذي تقدمه له؟

• ماهي عددة قيمة هذه المساحة؟

▪ توجيهات

قراءة وفهم الوضعية

• ما المقصود بالعبارة «مساحته أكبر ما يمكن»؟

• ماهي المتغيرات التي تدخل في حساب :

مساحة مثلث كيفي؟ مساحة المثلث القائم المرسوم في الشكل؟

تحليل الوضعية و اختيار استراتيجية حل مناسبة

• يمكن تسمية رؤوس المثلث القائم في الشكل لتسهيل العمل.

• اكتب عبارة مساحة المثلث القائم المرسوم في الشكل.

• ماهي أضلاع المثلث المعروفة الطول؟

ما هي الخواص التي يبدو لك إمكانية توظيفها؟

تنفيذ الاستراتيجية المختارة

• تسمية رؤوس المثلث.

• توظيف الخاصية «إذا كان مثلث قائما فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به»

• تحديد وضعية الارتفاع المتعلق بالوتر التي تكون من أجلها مساحة الحيز أكبر ما يمكن.

▪ حل مختصر

• قيمة المساحة هي : $56,25m^2$

▪ وضعية للتقويم

في الشكل المقابل :

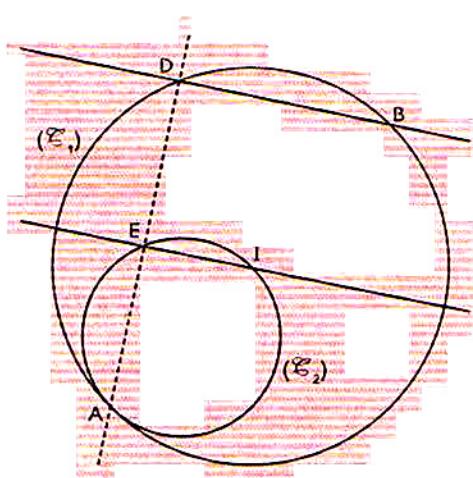
[AB] قطر للدائرة (\mathcal{C}_1) .

[AI] قطر للدائرة (\mathcal{C}_2) .

$E \in (\mathcal{C}_2)$ ، $D \in (\mathcal{C}_1)$

في استقامة D, E, A

هل المستقيمان (BD) و (EI) متوازيان؟



استعمل جيوجبرا لوضع تخمين.

استعمل الأيقونة

الموجودة في المرتبة الأولى على اليمين في



قائمة الأدوات

علم ثلات نقط A ، B ، C .

الموجودة في المرتبة الأولى على اليمين في



قائمة الأدوات

ارسم المستقيم العمودي على (AC) والذي يشمل B

اضغط على السهم الصغير الموجود أسفل



الأيقونة على اليمين، فتظهر نافذة بها عدّة خيارات ،

انقر على الخيار « تقاطع عنصرين »

علم M نقطة تقاطع هذين المستقيمين.



حدد النقطة M

(انقر بمؤشر الفارة على النقطة M) ثم اضغط بزر



الفارة الأيمن فتظهر نافذة ، اضغط على الخيار

غير في موضع النقطة C

وذلك بالضغط وتحريك الفارة في نفس الوقت.

ما هو الشكل الذي يبدو أن النقطة M قد رسمته ؟

الأيقونة موجودة في المجموعة الأولى من قائمة



الأدوات.

علم I منتصف [AB]

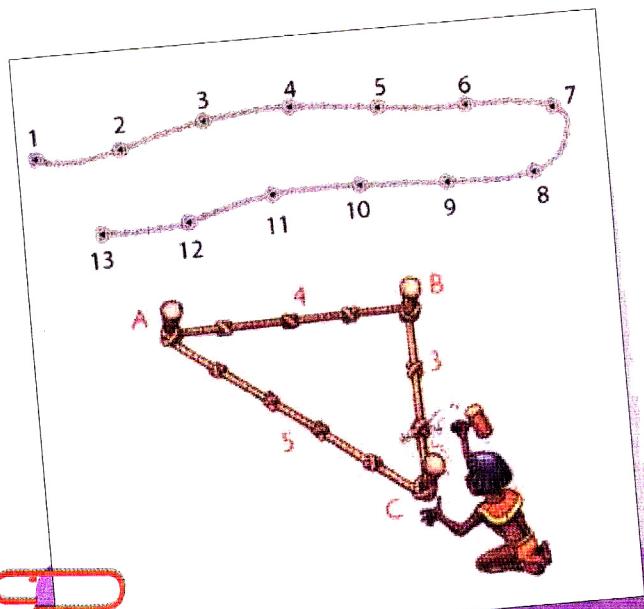
بتم ذلك برسم القطع المستقيمة [IA] ، [IB] ، [IC]

تحقق أن IA = IB = IM

وملاحظة أطولها في نافذة الجبر.

استعمل الخواص التي درستها للحكم على صحة التخمين الذي قمت به.

خاصية فيتاغورس، جيب تمام زاوية

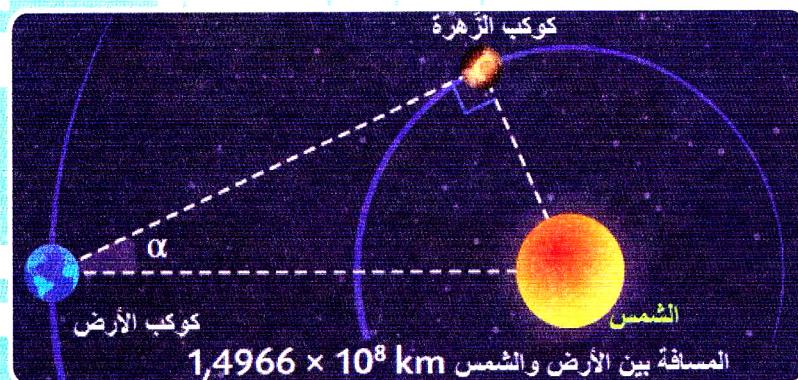


سأتعلم في هذا الباب

- معرفة خاصية فيتاغورس واستعمالها.
- التعرف على جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم.
- تعين القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لجيب تمام زاوية حادة، أو لزاوية بمعرفة جيب تمامها.
- حساب أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية.

فيتاغورس (495-580 ق.م) هو فيلسوف وعالم رياضيات يوناني، عُرفت باسمه الخاصية الرياضية «في مثلث قائم، مساحة المربع المنشا على الضلع المقابل للزاوية القائمة يساوي مجموع مساحتي المربعين المنشائين على الضلعين الآخرين» رغم أنها استعملت من قبل من قبل من طرف المصريين والبابليين. كان المصريون يستعملون حيلاً مكوناً من 12 قطعة مقايسة محددة بعقد، يقومون بوصل طرفي الحبل وطيه حول ثلات عقد بكيفية تسمح بتشكيل مثلثات خاصة.

تحدي



في تلك الفترة يكون أسطع جسم مضيء في السماء. حين يكون كوكب الزهرة أبعد ما يمكن عن الشمس، يشكل معها ومع الأرض زاوية قائمة، عندئذ تُقدّر الزاوية α بحوالي 46° .

- احسب المسافة بين الزهرة والشمس.

يُعد كوكب الزهرة ثاني كواكب المجموعة الشمسية قرباً من الشمس وأقربها إلى الأرض. مداره حول الشمس ليس دائرياً تماماً. يمكن رؤيته من على سطح الأرض فقط قبل الشروق أو بعد المغرب بوقت قصير لذلك يطلق عليه أحياناً تسمية نجم الصبح أو نجم المساء، وعند ظهوره

- في تلك الفترة يكون أسطع جسم مضيء في السماء. حين يكون كوكب الزهرة أبعد ما يمكن عن الشمس، يشكل معها ومع الأرض زاوية قائمة، عندئذ تُقدّر الزاوية α بحوالي 46° .
- احسب المسافة بين الزهرة والشمس.

أسطورة

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3) الصلع الم مقابل للزاوية القائمة	(2) أقصر ضلع	(1) أطول ضلع
13,69	$3,7 \times 3,7$	$3,7 \times 2$
52	20	10^2
36	84	6^2
متقارن الأضلاع لا يمكن تحديد نوعه.	متتساوي الساقين	
49cm^2	25cm^2	28cm^2
\widehat{B} و \widehat{C} زاويتان متكاملتان	\widehat{B} و \widehat{C} زاويتان متتماثلتان	$\widehat{C} = 90^\circ - 37^\circ$
$180 < \alpha < 360$	$90 < \alpha < 180$	$0 < \alpha < 90$
$\frac{x}{5} = 6$	$x = \frac{5}{6}$	$x = 6 \times 5$
$x = \frac{4}{7}$	$4 = 7x$	$x = 4 \times 7$

الأسئلة

1. الوتر في مثلث قائم هو:

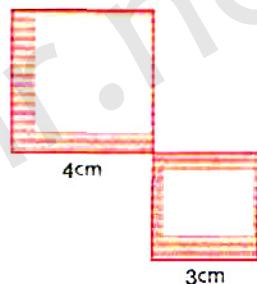
$$3,7^2 = \dots . 2$$

$$6^2 + 4^2 = \dots . 3$$

$$10^2 - 4^2 = \dots . 4$$

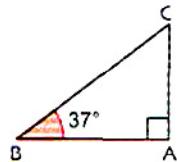
5. المثلث الذي أطوال أضلاعه 5cm ; $3,2\text{cm}$; 3cm هو مثلث:

6. في الشكل الآتي:



مجموع مساحتي المربعين تساوي:

7. طول ضلع مربع مساحته 64cm^2 يساوي:



8. في المثلث القائم ABC :

9. إذا كان α قيس زاوية حادة فإن:

10. إذا كان $5 = \frac{x}{6}$ فإن:

11. إذا كان $7 = \frac{4}{x}$ فإن:

١ خاصية فيتاغورس

في الشكل المقابل، $\triangle ABC$ مثلاً قائم في A أضلاعه

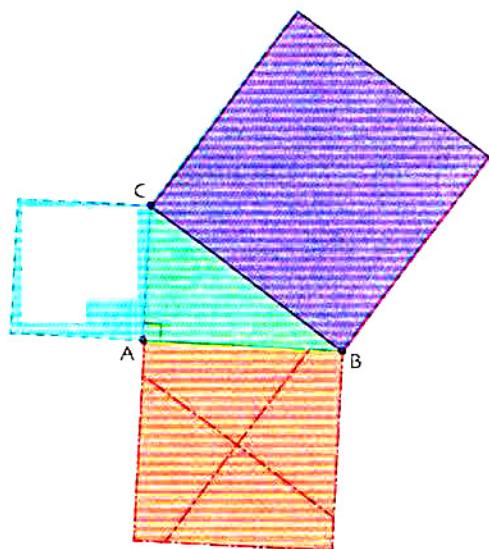
$$[BC], [AC] \text{ و } [AB]$$

1) أنجز مثيلاً للشكل المقابل مستعملاً الورق الشفاف.

2) قم بقص المربع الأزرق والأجزاء الأربع من المربع البنّي وفق الخطوط المنقطة.

3) تأكّد أنه باستعمال الأجزاء الخمسة السابقة يمكن تغطية سطح المربع البنّي بالضبط.

4) استنتج أنه في المثلث ABC القائم في A ، المساواة $BC^2 = AB^2 + AC^2$ صحيحة.

**٢ اللمسة**

1) ثلاثة مربعات مساحاتها على الترتيب $0,81\text{cm}^2$ ، 49cm^2 ، 16cm^2 احسب ذهنياً طول ضلع كل مربع.

2) طول ضلع مربع مساحته 26cm^2 .

اشرح لماذا يمكن القول إن a محصور بين العددين 5 و 6.

يقول يونس: إن اللمسة الموجودة على الآلة الحاسبة تُعطي قيمة تقريرية للعدد a هل هذا صحيح؟ برر جوابك.

3) أعط القيمة المضبوطة أو قيمة تقريرية للعدد b في كل حالة مما يأتى:

$$b^2 = 32,04$$

$$b^2 = 28,09$$

$$b^2 = 144$$

٣ الخاصية العكسية لفيتاغورس

1) أنشئ مثلاً $\triangle ABC$ بحيث $BC = 6,5\text{cm}$ ، $AC = 5,2\text{cm}$ ، $AB = 3,9\text{cm}$

قارن بين BC^2 و $AB^2 + AC^2$.

2) النقطة التي تتحقق في أن واحد الشروط الثلاثة الآتية :

$(AC) \perp (AD)$ ، D و B تقعان في جهتين مختلفتين بالنسبة إلى (AC) ، $AD = 3,9\text{cm}$

احسب CD ، ثم استنتاج نوع المثلث ABC .

٤ جيب تمام زاوية حادة

- ١) ارسم مثلثا EFR قائما في R .
- ٢) ما هما الزاويتان الحادتان في هذا المثلث؟
- ٣) ما هما ضلعي الزاوية \widehat{REF} ؟ أحد الضلعين هو وتر المثلث ، ما هو؟
الضلعين الآخرين يسمى الضلعين المجاورين للزاوية \widehat{REF} .
- ٤) حدد الضلعين المجاورين للزاوية \widehat{RFE} .
- ٥) ارسم مثلثا قائما قيس إحدى زواياه 35°
- ٦) قم بالقياسات اللازمة لحساب:
- $$\frac{\text{طول الصلع المجاور للزاوية}}{\text{طول الوتر}}$$
- قارن ما توصلت إليه مع ما وجده زملاؤك.

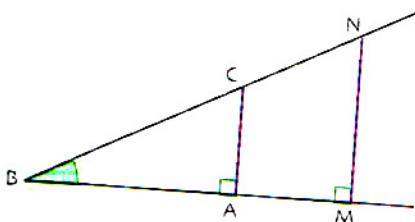
٧) في الشكل المقابل للمثلثان ABC و MBN قائمان

في النقطتين A و M على الترتيب .

أ) اشرح لماذا $\frac{BA}{BM} = \frac{BC}{BN}$

ب) استنتج أن $\frac{BA}{BC} = \frac{BM}{BN}$

النسبة $\frac{BA}{BC}$ تسمى جيب تمام الزاوية \widehat{B} ؛ ونرمز إليها بالرمز $\cos \widehat{B}$



٥ حساب جيب تمام زاوية حادة باستعمال الحاسبة

٠. لحساب قيمة تقريرية لـ $\cos 41^\circ$ مثلا، نضغط من اليسار إلى اليمين على:

$\cos 41^\circ$ (أو $\cos =$) يمكن أن نكتب 0.75470958 يظهر على الشاشة ($\cos 41 =$)

٠. أعط قيمة مقرابة إلى الجزء من 10 لكل من:

$\cos 77^\circ$ (4) $\cos 15^\circ$ (3) $\cos 30^\circ$ (2) $\cos 43^\circ$ (1)

٦ حساب قيس زاوية علم جيب تمامها باستعمال الحاسبة

٠. لحساب قيمة القيس α لزاوية حادة علما أن $\cos \alpha = 0,7$ مثلا، نضغط من اليسار إلى اليمين على:

$0,7 \quad 2^{\text{nd}} \quad \cos \quad =$ أو $\text{SHIFT} \quad \cos \quad 0,7 \quad =$

يظهر على الشاشة 45.572996 يمكن أن نكتب $\alpha \simeq 46^\circ$

٠. أعط القيمة التامة أو قيمة مقرابة إلى الجزء من عشرة بالدرجات لقيس زاوية جيب تمامها:

0,0001 (4) 0,046 (3) 0,5 (2) 0,6 (1)

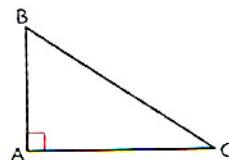
١ خاصية فيتاغورس

إذا كان مثلث قائماً، فإنَّ مربع طول وتره يُساوي مجموع مربعي طولي ضلعيه الآخرين.

مثال

- المثلث ABC قائم في A وتر هذا المثلث هو الضلع $[BC]$.

$$\text{المساواة } BC^2 = AB^2 + AC^2 \text{ صحيحة}$$



يمكن ترجمة ما جاء في المثال بالخطط الآتي



ملاحظات :

- خاصية فيتاغورس لا تُطبق إلا في المثلثات القائمة.
- تسمح خاصية فيتاغورس بحساب طول ضلع في مثلث قائم بمعلومية طولي الضلعين الآخرين.

نتيجة

إذا كان في مثلث، مربع أطول أضلاعه لا يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإنَّ هذا المثلث غير قائم.

٢ الخاصية العكسية لفيتاغورس

إذا كان في مثلث مربع طول أحد الأضلاع مساوياً لمجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإنَّ هذا المثلث قائم.

مثال



ملاحظة:

تسمح الخاصية العكسية لفيتاغورس بإثبات أن مثلثاً عُلمت أطوال أضلاعه الثلاثة قائم.

• حساب طول ضلع في مثلث قائم

تمرين

احسب القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة إلى الجزء من 100 للطول AB . في كل مما يأتي.

$$(1) \text{ مثلث قائم في } C \text{ حيث } BC = 3,2\text{cm} \text{ و } AC = 2,4\text{cm}$$

$$(2) \text{ مثلث قائم في } A \text{ حيث } BC = 5\text{cm} \text{ و } AC = 2\text{cm}$$

حل

(2) المثلث ABC قائم في A , حسب خاصية فيتاغورس

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$5^2 = AB^2 + 2^2$$

$$25 = AB^2 + 4$$

$$AB^2 = 25 - 4$$

$$AB^2 = 21$$

$$AB \approx 4,58\text{cm}$$

حساب AB نستعمل الحاسبة

$$\boxed{\checkmark} 21 \boxed{=} 21 \boxed{\checkmark} \boxed{=}$$

يظهر على الشاشة 4,58257569

(1) المثلث ABC قائم في C , حسب خاصية

فيتاغورس.

$$AB^2 = CB^2 + CA^2$$

$$AB^2 = 3,2^2 + 2,4^2$$

$$AB^2 = 10,24 + 5,76$$

$$AB^2 = 16$$

$$(16 = 4 \times 4) AB = 4\text{cm} \text{ منه}$$

طريقة

(1) يمكن رسم شكل بسيط ييد حرة للمثلث القائم وتسمية رؤوسه.

(2) كتابة مساواة فيتاغورس المناسبة، ثم إجراء الحسابات بعد التعويضات العددية.

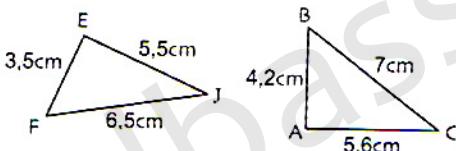
(3) يمكن عند الضرورة استعمال الممسنة \checkmark على الآلة الحاسبة لتحديد الطول المطلوب.

• المثلث قائم أم لا

تمرين

هل المثلثان ABC و FEJ قائمان؟ برر جوابك.

حل



أطول الأضلاع
هو $[FJ]$

بالنسبة إلى المثلث J :

نقارن بين FJ^2 و $EF^2 + EJ^2$

$$EF^2 + EJ^2 = 3,5^2 + 5,5^2$$

$$EF^2 + EJ^2 = 12,25 + 30,25$$

$$EF^2 + EJ^2 = 42,5$$

$$FJ^2 = 6,5^2 = 42,25$$

بما أن $EF^2 + EJ^2 \neq FJ^2$ فحسب خاصية فيتاغورس، المثلث FEJ ليس قائما

بالنسبة إلى المثلث C :

نقارن بين BC^2 و $AB^2 + AC^2$

$$AB^2 + AC^2 = 4,2^2 + 5,6^2$$

$$AB^2 + AC^2 = 17,64 + 31,36$$

$$AB^2 + AC^2 = 49$$

$$BC^2 = 7^2 = 49$$

بما أن $AB^2 + AC^2 = BC^2$ فحسب الخاصية العكسية

لفيتاغورس فالمثلث ABC قائم في A .

موري الآن

• EFG مثلث قائم في F , حيث $FG = 0,7\text{cm}$, $FG = 0,7\text{cm}$. بين في كل حالة مما يأتي، إن كان المثلث RST قائما أم لا.

$$ST = 74\text{mm}, RT = 70\text{mm}, RS = 24\text{mm} \quad (ا)$$

$$ST = 8,7\text{cm}, RT = 6,1\text{cm}, RS = 6,3\text{cm} \quad (ب)$$

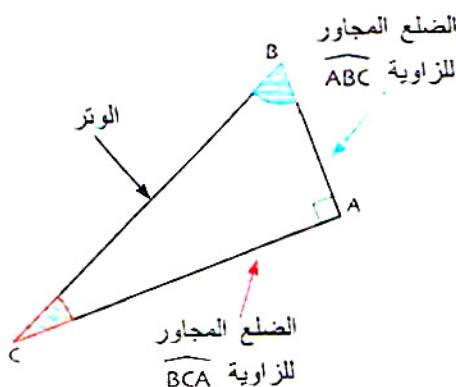
$$EF = 2,4\text{cm}$$

احسب القيمة المضبوطة للطول EG .

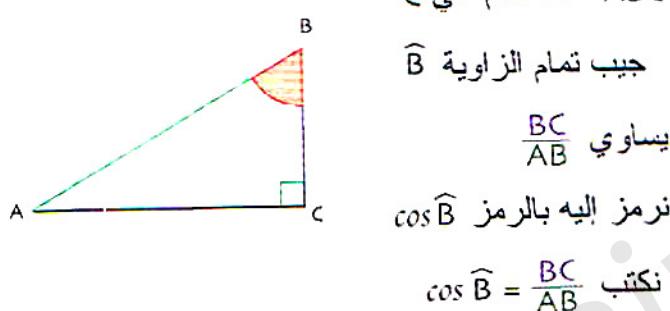
٣ جيب تمام زاوية حادة

• تعابير

أمثلة



- مثلث ABC مثمن قائم في A . نقول إن:
- القطعة المستقيمة $[BC]$ هي الوتر.
- $[AB]$ هو الضلوع المجاور للزاوية \widehat{B} .
- $[AC]$ هو الضلوع المجاور للزاوية \widehat{C} .



جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم يساوي حاصل قسمة طول الظل المجاور لهذه الزاوية على طول الوتر.

• استعمال الآلة الحاسبة لإيجاد جيب تمام زاوية حادة

يمكن استعمال الآلة الحاسبة العلمية لحساب:

- القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لجيب تمام زاوية α علم قيسها باستعمال اللمسة \cos .
- القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لزاوية α علم جيب تمامها باستعمال اللمسة \cos^{-1} .

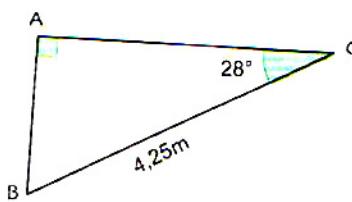
ملاحظة: يجب التأكد أولاً من الوضع:
لاستعمال اللمسة \cos^{-1} نضغط على: 2^{nd} \cos أو shif \cos أو inv \cos
تبعاً لنوع الآلة الحاسبة.

مثال

تعين الزاوية الحادة α التي جيب تمامها	حساب $\cos 43^\circ$	نضغط على
$0,8 \cos^{-1} 0,8$ أو $\cos^{-1} 0,8 =$ 36,86989765	43 \cos أو $\cos 43 =$ 0,731353701	يظهر
$\alpha \approx 36,9^\circ$ (قيمة مقربة إلى الجزء من المائة)	$\cos 43^\circ \approx 0,73$ (قيمة مقربة إلى الجزء من العشرة)	نكتب

• حساب طولي ضلعين بمعرفة زاوية حادة وطول الوتر

تمرين: اعتماداً على معطيات الشكل المقابل، احسب:



1) قيمة مقربة إلى الجزء من عشرة للطول AC.

2) قيس الزاوية \widehat{B} .

3) قيمة مقربة إلى الوحدة للطول AB.

حل: 1) في المثلث ABC القائم في A:

$$\cos 28^\circ = \frac{AC}{4,25} , \text{ أي } \cos \widehat{C} = \frac{AC}{BC}$$

أي: $AC = 4,25 \times \cos 28^\circ$

باستعمال الآلة الحاسبة نجد $AC \approx 3,8\text{m}$

2) الزاويتان الحاديتان في مثلث قائم متتامتان.

$$\widehat{B} = 90^\circ - 28^\circ = 62^\circ$$

3) في المثلث ABC القائم في A:

$$AB = 4,25 \times \cos 62^\circ , \text{ أي } \cos 62^\circ = \frac{AB}{4,25} , \text{ أي } \cos \widehat{B} = \frac{AB}{BC}$$

باستعمال الآلة الحاسبة نجد $AB \approx 2\text{m}$

• يجب تحديد المثلث القائم حيث نستعمل العلاقة الخاصة بجيب التمام.

$$28 \cos \times 4,25 =$$

$$62 \cos \times 4,25 =$$

يمكن استعمال خاصية فيتاغورس

$$BA^2 = BC^2 - AC^2$$

$$BA^2 \approx 4,25^2 - 3,8^2$$

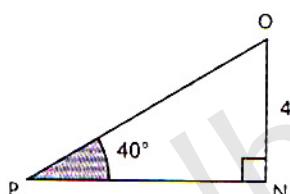
$$BA^2 \approx 3,62$$

باستعمال اللمسة \checkmark نجد $AB \approx 2\text{m}$

• حساب طول وتر مثلث قائم علمت فيه زاوية حادة وطول ضلع قائم

تمرين: اعتماداً على معطيات الشكل المقابل، احسب

قيمة مقربة إلى الجزء من عشرة للطول OP.



حل: في المثلث PON القائم في N، الزاويتان \widehat{O} و \widehat{P} متتامتان

$$\widehat{O} = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$$

في المثلث PON القائم في N

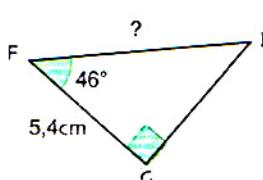
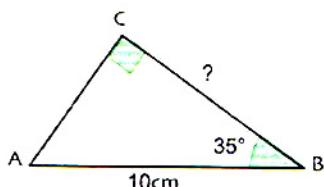
$$\cos 50^\circ = \frac{4}{OP} , \text{ أي } \cos \widehat{O} = \frac{ON}{OP}$$

$$OP = \frac{4}{\cos 50^\circ} . \text{ منه } OP \times \cos 50^\circ = 4$$

باستعمال الآلة الحاسبة نجد $OP \approx 6,2\text{cm}$

دوري الأن

احسب في كل حالة، طول الضلع المجهول.



MP = 3,7cm مُثُلٌ قائم في N حيث 7
و MN = 3,5cm عند القيام بـ:

$$\sqrt{(\ 3,7\ x^2 - 3,5\ x^2)} =$$

ما زلنا نريد أن نحسب؟

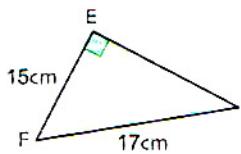
أعط قيمة مقربة إلى الجزء من عشرة لنتيجة الحساب السابقة.

RT = 6cm مُثُلٌ قائم في S بحيث 8

$$ST = 5,5cm$$

احسب الطول RS مدورا إلى الجزء من العشرة من السنتمتر.

تصويب برهان



طلب الأستاذ من تلاميذه

حساب الطول EG في المثلث القائم EFG المرسوم في الشكل.

إليك البرهان الذي قام به زميلك خالد.

مثلث قائم في E
حسب خاصية فيتاغورس

$$EG^2 = GF^2 + FE^2$$

$$EG^2 = 17^2 + 15^2$$

$$EG^2 = 194$$

$$EG \approx 22,67\text{cm}$$

هل البرهان السابق صحيح؟ وضح إجابتك.

برر الطريقة التي يستعملها البناؤون عادة للتحقق من أن ركن غرفة يشكل فعلاً زاوية قائمة.

ABCD مستطيل حيث AD = 2,4cm و AB = 7cm 11

1) ارسم الشكل بيديك.

2) احسب طول قطر في هذا المستطيل.

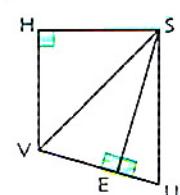
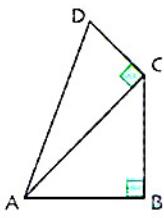
خاصية فيتاغورس والخاصية العكسية لها

اكتب المساواة التي تعبر عن خاصية فيتاغورس في كل مما يأتي:

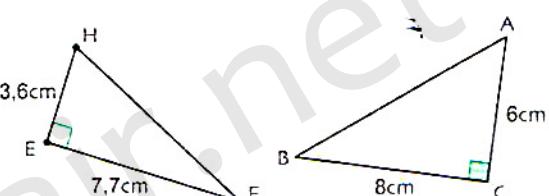
DEF مُثُلٌ قائم في E.

TUV مُثُلٌ قائم ، ووتره [UV].

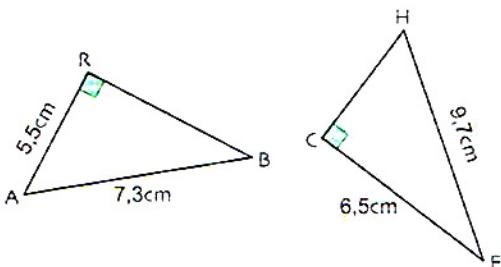
2) اكتب جميع المساويات الممكنة التي تعبر عن خاصية فيتاغورس في كل شكل من الشكلين الآتيين:



3) احسب طول الضلع الثالث في كل مُثُلٌ من المثلثين الآتيين.



4) احسب طول الضلع الثالث في كل مُثُلٌ من المثلثين الآتيين.



5) نعتبر الشكل المقابل

1) احسب LC

2) احسب GE

3) احسب مساحة المثلث GEL

6) أنجز بالآلة حاسبة السلسلة:

$$5 \boxed{x^2} + 12 \boxed{x^2} =$$

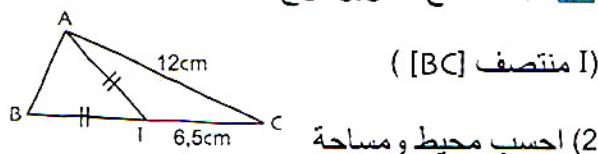
2) استنتج ذهنياً طول الوتر [BC] لمُثُلٌ ABC قائم في A و طولاً الضلعين الآخرين [AB] و [AC] هما 12cm و 5cm.

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي

أنشئ المثلث KJL بأبعاده الحقيقية؟

هل يبدو لك المثلث KJL قائمًا؟ تحقق من ذلك حسابيا.

(1) حدد مع التبرير نوع المثلث **18**



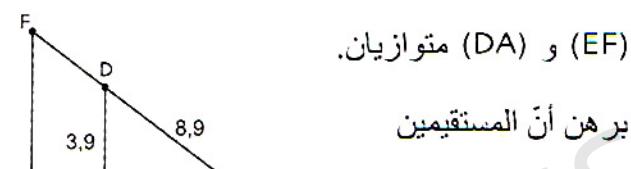
(1) أرسم مثلثا TUV بحيث:

$$UV = 5\text{cm}, TU = 4\text{cm}, TV = 6.4\text{cm}$$

(1) أرسم الدائرة (\odot) التي مركزها T وتشمل U .

(2) هل المستقيم (UV) مماس للدائرة (\odot) ? بَرَرْ جوابك.

(20) في الشكل المقابل، المستقيمان



برهن أنَّ المستقيمين
(EF) و (EB) متعامدان.

(21) للتحقق إن كانت سارية العلم مثبتة شاقوليا على

سطح الأرض، قام زميلك يونس بتوصيل حبل بين نقطتين، إحداهما على السارية والأخرى

على سطح الأرض كما هو

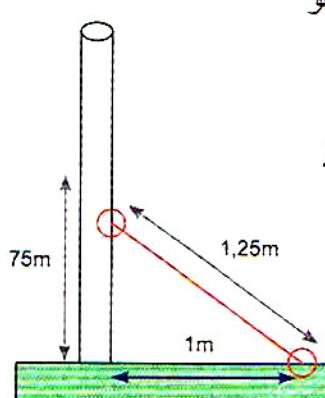
مبين في الشكل،

ثم أجري قياسات مُحددة.

هل السارية عمودية

على سطح الأرض؟

بَرَرْ جوابك.



.3cm .3cm **12** MP =

أعط قيمة مقربة إلى الجزء من 10 لطول قطر في هذا المربع.

(13) مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي K .

$$JL = 5\text{cm}, KJ = 3\text{cm}$$

(1) أنشئ المثلث KJL ، ثم ارسم الارتفاع $[KH]$.

(2) أعط قيمة مقربة إلى الجزء من 10 للطول KH .

(14) مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 4cm.

أعط قيمة مقربة إلى الجزء من 10 لكل ارتفاع من ارتفاعاته.

(15) أنشئ مثلثا RST متساوي الساقين رأسه الأساسي

$$S \text{ حيث } RT = 7\text{cm} \text{ و } RS = 6\text{cm}$$

(1) أثبت أنَّ حامل الارتفاع الذي يشمل S يقطع الضلع $[RT]$ في منتصفه.

(2) أعط قيمة مقربة إلى الجزء من 10 لطول الارتفاع السابق.

(3) استنتج قيمة مقربة لمساحة المثلث RST .

(16) بين في كل حالة مما يأتي، إن كان المثلث RST قائمًا أم لا.

$$ST = 60\text{cm}, RT = 45\text{cm}, RS = 75\text{cm} \quad (1)$$

$$ST = 5,5\text{cm}, RT = 4,5\text{cm}, RS = 3,5\text{cm} \quad (2)$$

(17) مثلث KJL حيث $KJ = 5,7\text{cm}, JL = 7,6\text{cm}$ حيث $KL = 9,4\text{cm}$ و

RT = 6

نررة من

15cm
F

للتتحقق

AD = 2

$\cos 87^\circ$ ، $\cos 62^\circ$ ، $\cos 45^\circ$ ، $\cos 26^\circ$ ، $\cos 15^\circ$

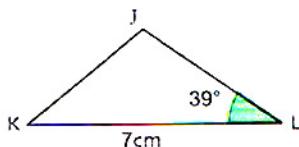
26 باستعمال الآلة الحاسبة، أعط قيمة مقربة إلى

الوحدة (الدرجة) للزوايا التي جيوب تمامها:

0,975 ، 0,01 ، 0,426 ، 0,6 ، 0,2

حساب أطوال وزوايا

27 احسب إن أمكن أطوال جميع الأضلاع في الشكلين الآتيين:



M 28 مثلث قائم في

$NP = 6\text{cm}$ ، $MN = 4\text{cm}$ حيث

احسب قيمتين مقربتين إلى الجء من عشرة لكل من \hat{P} ، \hat{N} .

29 (1) ارسم مثلث FEG قلما في F بحيث

$.EG = 9\text{cm}$ ،

(2) احسب قيمة تقريرية $\underline{\cos FGE}$ واستنتج قيمة تقريرية للزاوية \underline{FGE} .

(3) استنتج قيمة تقريرية للزاوية \underline{FEG} .

30 (1) ارسم نصف دائرة (P) مركزها O و $[AB]$

قطر لها حيث $AB = 10\text{cm}$

(2) علم على (P) نقطة C بحيث $\widehat{BAC} = 40^\circ$

(3) ارسم المماس (d) لـ (P) في النقطة B

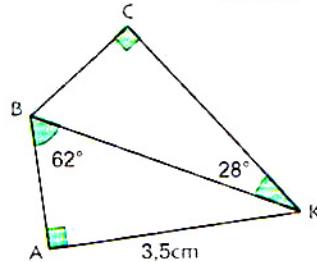
المماس (d) يقطع المستقيم (AC) في النقطة D

(4) احسب قيمة مقربة إلى الجء من مائة لكل من AC و CB بعد أن تبين نوع المثلث ABC .

(5) أعط القيمتين المضبوطتين لكل من \widehat{ADB} و \widehat{DBC} مبررا العمل الذي قمت به.

(6) احسب قيمة مقربة إلى الجء من مائة لكل من AD ، BD ، CD .

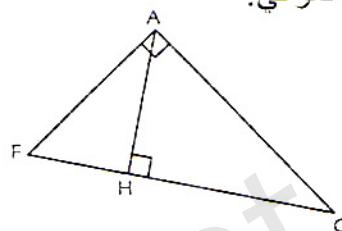
22 احسب الطول CK



جيوب تمام زاوية حادة

23 عموميات

نعتبر الشكل المولى:



1) في المثلث FAC القائم في A .

أ) ما هو الضلع الذي يمثل الوتر؟

ب) انقل ثم أتم $\cos \widehat{FCA} = \dots$

2) في المثلث CAH القائم في H .

أ) ما هو الضلع الذي يمثل الوتر؟

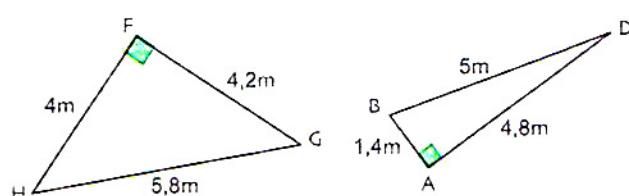
ب) انقل ثم أتم:

$$\cos \widehat{AHC} = \dots , \cos \widehat{CAH} = \dots$$

3) ماذا يمثل الضلع $[AF]$ بالنسبة إلى:

أ) المثلث AFH بـ \widehat{FAH} ؟

24 اعتمادا على الشكلين الآتيين :



عين القيمة المضبوطة لكل من : $\cos \widehat{H}$ ، $\cos \widehat{D}$

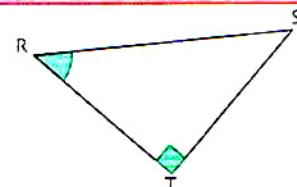
استعمال الآلة الحاسبة

25 باستعمال الآلة الحاسبة، أعط قيمة مقربة إلى الجزء

من المائة لكل مما يأتي:

عند الإخفاق أعود إلى
الصفحة:

171، 170



اكتب مساواة تعبّر عن خاصية فيتاغورس

في المثلث TRS

171، 170

من بين المساويات الآتية، حدد تلك التي تعبّر عن خاصية فيتاغورس في المثلث RST القائم في R.

$$TR^2 + TS^2 = RS^2 \quad (ج) \quad SR^2 + ST^2 = RT^2 \quad (ب) \quad RS^2 + RT^2 = ST^2 \quad (أ)$$

171

احسب قيمة مقرّبة إلى الجزء من المائة لطول الضلع الثالث للمثلث القائم في كل من الحالتين: (أ) مثلث قائم في H حيث $IH = 5,2\text{cm}$ و $IG = 7\text{cm}$. (ب) مثلث قائم في P حيث $PU = 18,8\text{cm}$ و $PR = 14,1\text{cm}$

171

$RM = 6\text{cm}$ ، $PM = 3,6\text{cm}$ ، $RP = 4,8\text{cm}$ RPM مثلثان حيث:

$HB = 7\text{cm}$ ، $DB = 5,7\text{cm}$ ، $HD = 4,1\text{cm}$

HDB مثلثان RPM و HDB .

بين إن كان المثلثان RPM و HDB قائمين أم لا.

172

احسب $\cos 50^\circ$ ، $\cos 1^\circ$ ، $\cos 89^\circ$ ، $\cos 25^\circ$

172

يرمز a إلى قيس زاوية حادة مقدراً بالدرجات.

أعط إن أمكن قيمة مقرّبة إلى $\frac{1}{10}$ للعدد a في كل حالة مما يأتي:

$$\cos a = 1 \quad , \quad \cos a = 1,5 \quad , \quad \cos a = \frac{2}{3} \quad , \quad \cos a = 0,547 \quad , \quad \cos a = 0,3$$

173، 172

$TI = 6\text{cm}$ ، $\widehat{T} = 30^\circ$ حيث TIC مثلث قائم في C.

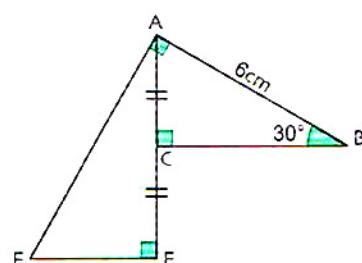
اعط قيمة مقرّبة إلى الجزء من عشرة للطول TC .

173، 172

$BC = 8\text{cm}$ ، $AC = 10\text{cm}$ ، $AB = 6\text{cm}$ حيث ABC مثلث قائم في B.

احسب القيمة المضبوطة لجيب تمام الزاوية \widehat{A} .

173، 172



باستعمال معطيات الشكل المقابل :

احسب قيمة تقرّيبة للطول AF.

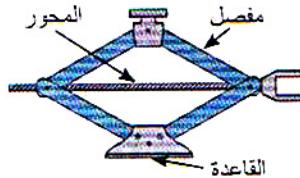
خاصية فيثاغورس

في الشكل الموقعي، طول كل مفصل 26cm

من المعاشر الذي ترتفع به السيارة عندما يكون

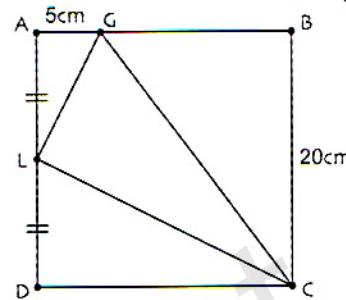
طول المحور بين

المفصلين 20cm ؟



في الشكل الآتي:

$ABCD$ مربع $AG = 5\text{cm}$ و



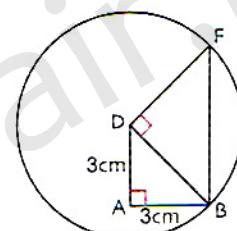
(1) احسب LC و GC .

(2) ما نوع المثلث LGC ؟ بزر إجابتك.

33 في الشكل الموقعي B و F نقطتان من الدائرة

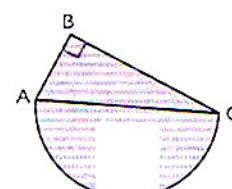
التي مرکزها النقطة D .

احسب الطول FB .



34 في الشكل الموقعي $[AC]$

قطر لنصف الدائرة



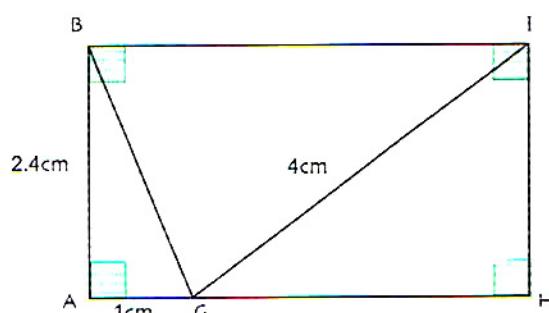
$AC = 41\text{cm}$

$BC = 40\text{cm}$

احسب مساحة الشكل المظلل

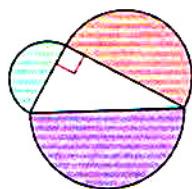
35 في استقامية $ABIH$ مستطيل، النقاط A ، G ، H في استقامية.

هل المثلث BGI قائم في G ؟ بزر إجابتك.



36 بين أن مجموع مساحتى

نصفي القرصين
الصغارين يساوى
مساحة نصف
القرص الكبير.



37 أنشئ مستطيلا $ABCD$ حيث $AB = 7,5\text{cm}$

و $AC = 8,5\text{cm}$

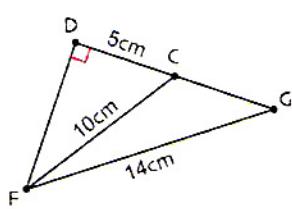
(1) احسب BC ، ثم مساحة المثلث ABC

(2) باستعمال مساحة المثلث ABC ، احسب بعد النقطة B
عن المستقيم (AC) .

38 أثبت أن محيط

المثلث CGF

يساوي 30cm



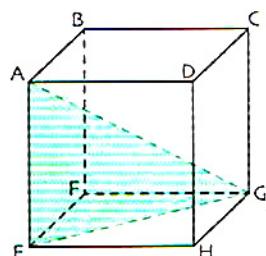
.3cm طول حرفه $ABCDEF$ مكعب 39

(1) ما نوع المثلث EFG ؟

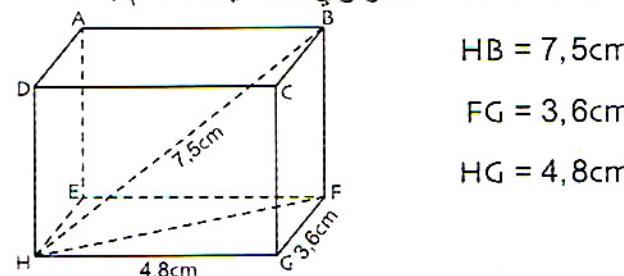
بزر إجابتك.

(2) أثبت أن $EG^2 = 18$

(3) أعط قيمة مقربة إلى المليметр
لطول القطر $[AG]$.



. $ABCDEF$ متوازي مستطيلات قائم 39



(1) ما نوع الرباعي $EFGH$ ؟

(2) احسب FB ارتفاع متوازي المستطيلات $ABCDEF$.

جيب تمام زاوية حادة

(1) أنشئ مثلثا GFE حيث:

$FG = 13\text{cm}$ ، $EG = 5\text{cm}$ ، $EF = 12\text{cm}$

العنصر

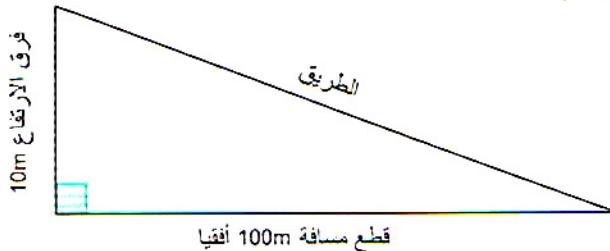


45 تدل الإشارة المرورية

المقابلة على وجود

انحدار قدره 10%.

يعني ذلك أن كل تنقل أفقي لمسافة 100m يقابله فرق ارتفاع 10 أمتار.



1) حدد قيس الزاوية \widehat{BCA} ، مدورا إلى الوحدة.

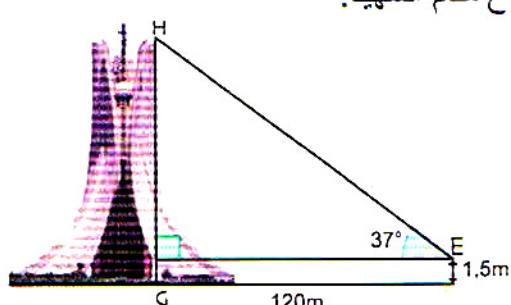
2) في بعض البلدان لا تستعمل إشارات تتضمن علامة النسبة المئوية ؛ ولكن كتابة مثل «1:5»، والتي تعني أن «كل تنقل أفقي لمسافة 5 أمتار يقابله فرق في الارتفاع قدره متر واحد». إليك الإشارتين:



حدد الإشارة التي تعبر عن أشد الانحدارين.

46 باستعمال المعطيات الواردة في الشكل أعط تقديرًا

لارتفاع مقام الشهيد.

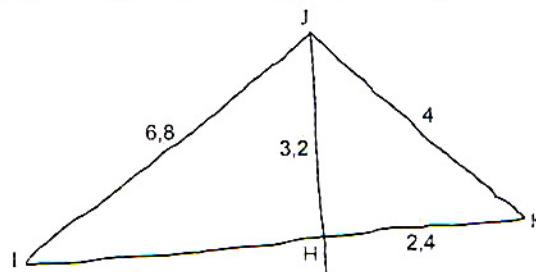


2) بزر كون المثلث EFG قائم في E .

3) أعط قيمة مقربة إلى الوحدة لقيس الزاوية \widehat{EFG} .

41 نعتبر الشكل الآتي المرسوم بيد حرة ، حيث النقط

I ، H ، K في استقامية. (وحدة الطول هي السنتمتر)



1) أعد رسم الشكل بأبعاده الحقيقة.

2) أثبت أن المستقيمين (IK) ، (JH) متعامدان.

3) بين أن $IH = 6\text{cm}$.

4) أعط قيمة مقربة إلى الوحدة لقيس \widehat{HJK} .

42 1) أنشئ دائرة (C) مركزها O .

$ST = 7\text{cm}$ حيث

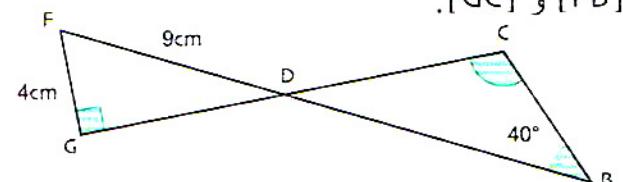
$SU = 3\text{cm}$ حيث

2) بين أن المثلث STU قائم في U .

3) احسب قيس الزاوية \widehat{UST} مدورا إلى الوحدة.

43 في الشكل المولاي، النقطة D تنتمي إلى كل من

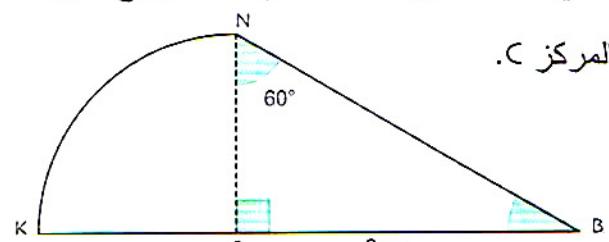
$[GC]$ و $[FB]$.



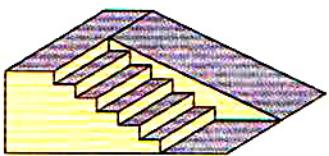
احسب قيمة تقريبية للزاوية \widehat{DCB} .

44 احسب قيمة تقريبية لكل من محيط ومساحة الشكل

الآتي المشكّل من المثلث القائم NBC وربع دائرة ذات المركز C .



وضعية



عند مدخل أحد أجنحة مستشفى، تم تكليف مقاول بإنجاز سلم مشكل من ست درجات متماثلة يسمح بتخطي مستوى مائل ارتفاعه 96cm

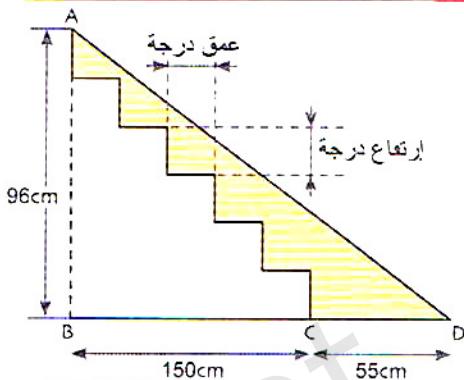
معايير المصالح التقنية

$60 \leq 2h + p \leq 65$ حيث h ارتفاع الدرج و p عمق الدرجة (الوحدة: السنتمتر).

طول المستوى المائل (الطول AD) محصور بين 2,50m و 2,20m

يشكل المستوى المائل مع أفق سطح الأرض زاوية قيسها محصور بين 20° و 30° .
(الزاوية المقصودة هنا هي \widehat{BDA})

المخطط الوصفي المعاد من طرف المقاول



هل المخطط الذي أعده المقاول يستجيب للمعايير المتفق عليها؟ برر إجابتك.

توجيهات

قراءة يتمتع

ينبغي التمييز بين عمق وارتفاع درجة. ماذا يمثل كل من 55cm و 150cm على المخطط الوصفي؟
ما المقصود بالحصر $60 \leq 2h + p \leq 65$ ؟ ما هي المعايير التي يجب التأكد من احترامها؟

تحليل المعطيات و إيجاد ترابطات بينها

كيف نتأكد من احترام الشرط $60 \leq 2h + p \leq 65$ ؟

كيف نتأكد من احترام الشرط المتعلق بالزاوية \widehat{BDA} ؟

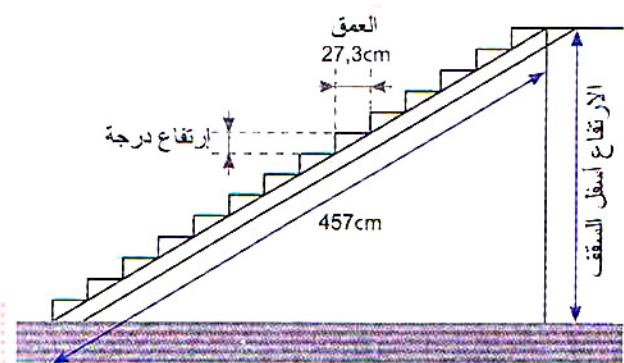
تجنيد الموارد وإعداد خطة حل

حساب عمق وارتفاع الدرجة الواحدة اختبار صحة الشرط $60 \leq 2h + p \leq 65$ حساب \widehat{BDA} ، إصدار حكم.

حل مختصر

$$\widehat{BDA} \approx 25,1^\circ, p = 30\text{cm}, h = 16\text{cm}$$

وضعية للتقويم



أنجز العم أحمد درجا مواصفاته في الشكل المقابل.

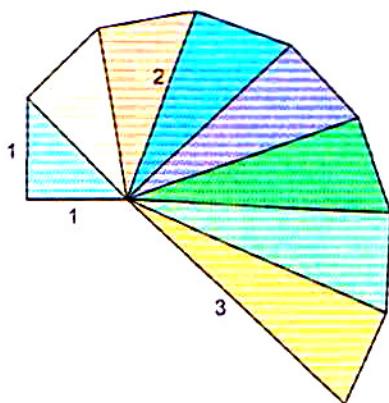
من أجل ضمان راحة في الصعود أو النزول

في أي سلم يجب أن يكون ارتفاع الدرجة الواحدة

منه محصوراً بين 17cm و 21cm

هل يستجيب درج العم أحمد إلى الشروط السابقة؟

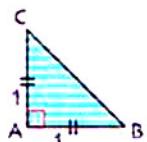
إنشاء حلزونية فيثاغورس باستعمال جيوجبرا.



نشاط

إنشاء حلزونية فيثاغورس

باستعمال برمجية جيوجبرا.



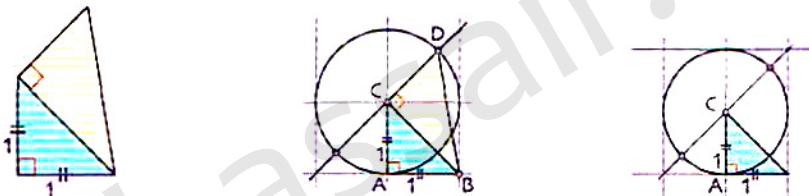
أنشئ مثلثاً قائماً ومتقابلاً الساقين، طول ضلعه القائم 1 ثم احسب طول وتر هذا المثلث.
(مربع طول الوتر يساوي 2 ، أي أن طول الوتر يساوي بالتقريب 1,414).

نضغط على الأيقونة ونستعمل مربعات الموصوفة.

ملاحظة: قمنا بالتشير وتسمية الرؤوس فقط لتقديم التفسيرات الضرورية فيما بعد.

المرحلة 2

أنشئ مثلثاً قائماً آخر ، أحد أضلاعه وتر المثلث السابق وطول ضلعه الآخر 1، ثم احسب طول وتره.



رسم مستقيماً (Δ) عمودياً على الوتر $[BC]$ ويشمل الرأس C ، وذلك باستعمال الأيقونة .

رسم دائرة مركزها C ونصف قطرها 1 باستعمال الأيقونة .

لتعميين نقطتي تقاطع الدائرة والمستقيم (Δ)، نستعمل الأيقونة .

رسم المثلث القائم BCD ، وذلك باستعمال الأيقونة .

بعد ذلك نضغط على **AA** [Afficher l'étiquette] [Show label] وبعد ذلك نضغط على **AA** [Afficher l'étiquette] [Show label].

ونخفي كل العناصر التي لا نريد أن تظهر.

(مربع طول وتر المثلث الأخضر يساوي 3، وطوله يساوي بالتقريب 1,732)

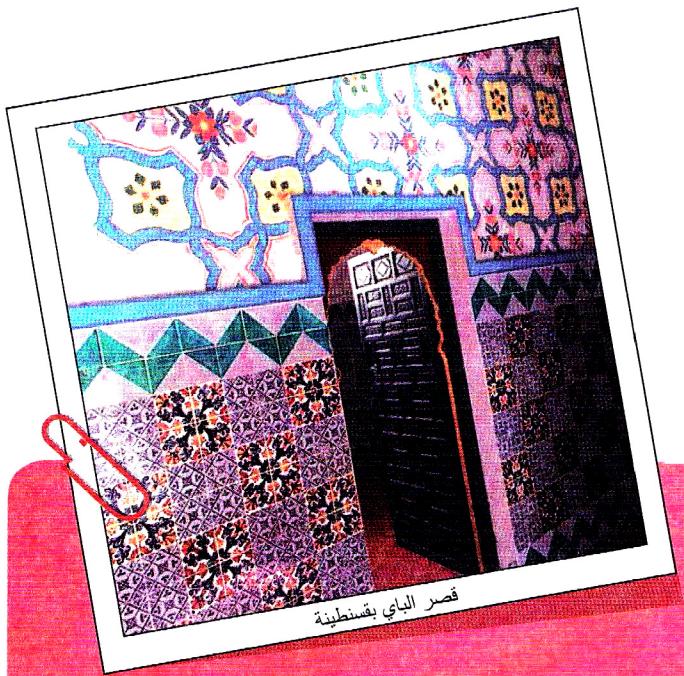
المرحلة 3

وأصل الإنشاء كما فعلت في المرحلة 2 إلى غاية الحصول على المثلث القائم الذي طول وتره يساوي 3.

اشرح لماذا ظهر عددان طبيعيان كطول للوتر؟

كم مثلثاً قائماً يلزم من رسمه بالكيفية السابقة للحصول على مثلث قائم طول وتره عدد طبيعي؟

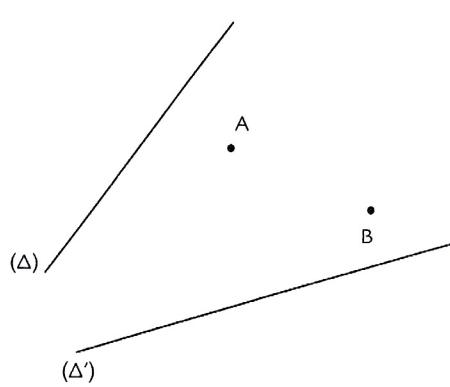
الآن... حاب



سأتعلم في هذا الباب

- تعريف الانسحاب انطلاقاً من متوازي الأضلاع.
- إنشاء صورة: نقطة، قطعة مستقيم، نصف المستقيم، مستقيم، دائرة بانسحاب.
- معرفة خواص الانسحاب وتوظيفها.

يعتبر قصر الباي بقسنطينة أثراً حياً للحضارة العثمانية في الجزائر، تم بناؤه سنة 1826، وافتتح سنة 1835، وقد تحول إلى متحف الفنون والتعابير الثقافية التقليدية سنة 2010. ما يُبهر الزائر لأول وهلة المساحة الشاسعة للقصر والتي تُقدّر بـ 5609m^2 ، ونجد في هذه التحفة كل ما قدّمته الهندسة المعمارية للجزائر خلال العهد العثماني. ومن أبرز ما يميّز هذا القصر الفنون الخزفية النادرة التي تتكون مما يقارب 47000 بلاطة من الخزف تمثل 167 نوعاً مختلفاً، وهي مزخرفة بأشكال هندسية متنوعة، تبرز في البعض منها تحويلات نقطية مثل الانسحاب والتناظر.



تحدي

- كيف يمكن اختيار النقطة P من المستقيم (Δ) بحيث (Δ) و النقطة Q من المستقيم (Δ') بحيث الرباعي APQB متوازي الأضلاع؟

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3)

9

(2)

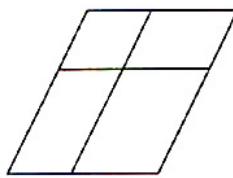
12

(1)

5

الأسئلة

1. عدد متوازيات الأضلاع الموجودة في الشكل المقابل



متعامدان

$$\begin{aligned} \widehat{A} &= \widehat{B} \\ \widehat{C} &= \widehat{D} \end{aligned}$$

معين

متقابisan

$$\begin{aligned} \widehat{A} &= \widehat{C} \\ \widehat{B} &= \widehat{D} \end{aligned}$$

مستطيل

متناصفان

$$\widehat{A} + \widehat{B} = \widehat{C} + \widehat{D}$$

مرربع

مربيع

معين

مستطيل

رباعي كافي

$$6\text{cm}^2$$

معين

$$18\text{cm}^2$$

مرربع

$$9\text{cm}^2$$

معين

مستطيل

مرربع

معين

مستطيل

متوازي أضلاع

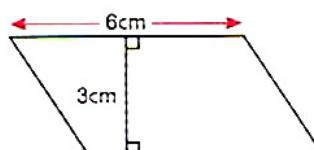
2. متوازي الأضلاع قطره

3. يكون الرباعي ABCD متوازي الأضلاع إذا كان

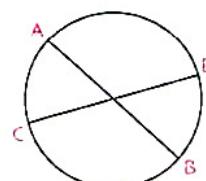
4. متوازي الأضلاع الذي قطره متقابisan هو

5. متوازي الأضلاع قطره متعامدان هو

6. رباعي محدب قطره متقابisan و متعامدان هو



7. مساحة متوازي الأضلاع في الشكل المقابل تساوي

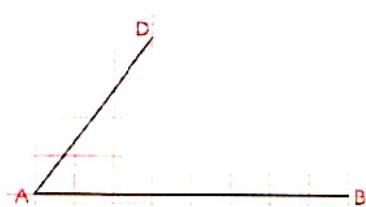


8. قطران في دائرة واحدة، الرباعي ACBD هو

9. ABC مثلث متقابيس الأضلاع و D نظيره A بالنسبة للمستقيم (BC)، الرباعي ABCD.

١ متوازي الأضلاع و المرصوفة

1) باستعمال المرصوفة أكمل الرسم المقابل للحصول على متوازي الأضلاع ABCD.



2) عين المستقيمات المتوازية.

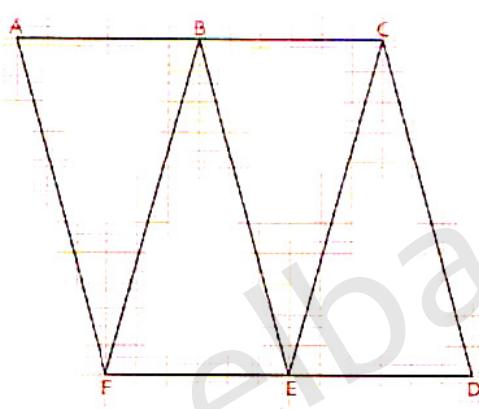
3) عين القطع المتساوية.

نقول أن C هي صورة النقطة D بالانسحاب الذي

يتحول A إلى B.

٢ صورة نقطة بانسحاب

أكمل الفراغات التالية:



1) صورة النقطة بالانسحاب الذي يتحول A إلى B.

2) هي صورة النقطة D بالانسحاب الذي يتحول E إلى B.

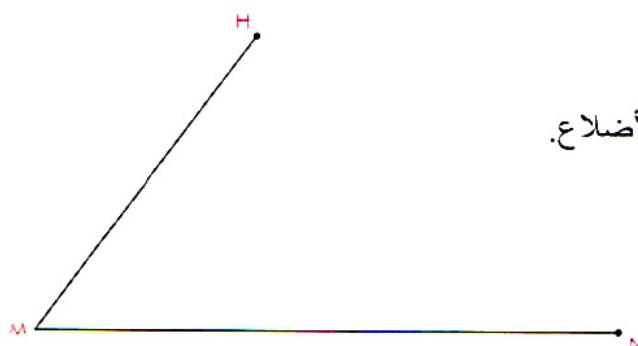
3) A هي صورة النقطة بالانسحاب الذي يتحول D إلى C.

4) D هي صورة النقطة C بالانسحاب الذي يتحول B إلى

5) F هي صورة النقطة بالانسحاب الذي يتحول D إلى E.

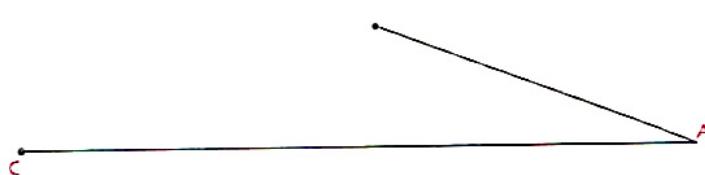
6) D هي صورة النقطة بالانسحاب الذي يتحول A إلى C.

7) صورة النقطة بالانسحاب الذي يتحول إلى

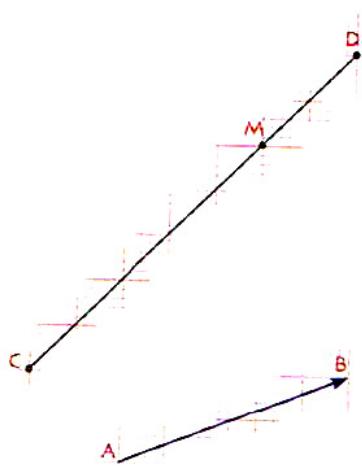
٣ إنشاء متوازي الأضلاع (١)

1) انقل الشكل على كراسك وباستعمال المدور أنشئ النقطة K حتى يكون الرباعي MNKH متوازي الأضلاع.

2) ماذا نقول عن قطريه؟

4 انشاء متوازي الأضلاع (2)

باستعمال المدورة والمسطرة غير المدرج انشئ متوازي الأضلاع ABCD بحيث يكون $[AC]$ قطرًا له.

5 صورة مستقيم بانسحاب

[CD] قطعة مستقيمة و M نقطة كيفية من القطعة [CD].

1) عين النقط C' , D' , M' صور النقط

C , D , M على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

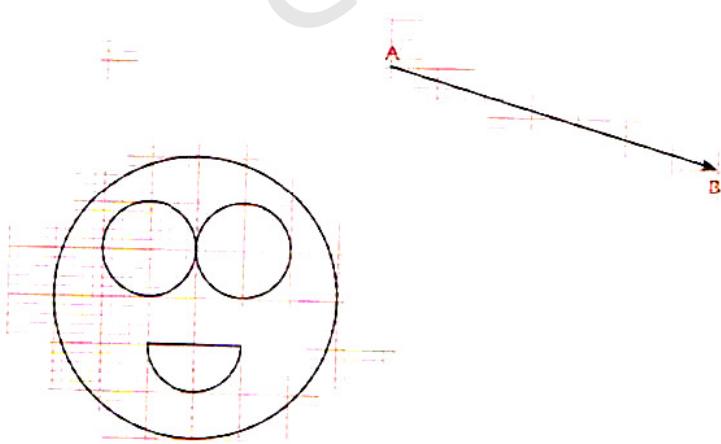
2) ماذا تلاحظ بالنسبة للنقط C' , D' , C , D , M ؟

3) اكمل الفراغات التالية:
القطعة المستقيمة $[C'D']$ القطعة
المستقيمة $[CD]$.
المستقيم $(C'D')$ المستقيم (CD) .

6 صورة شكل هندسي بانسحاب

1) باستعمال المرصوفة المقابلة انشئ الشكل (2)
صورة الشكل (1) المقابل بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

2) ماذا نقول عن الشكلين (1) و (2)؟

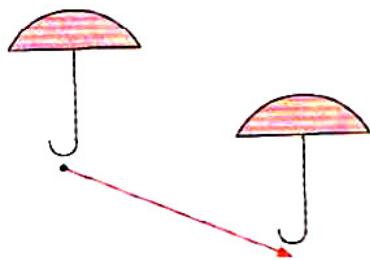


الشكل (1)

الشكل (2)

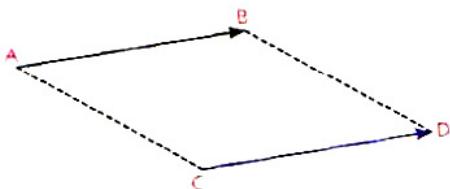
الانسحاب

مثال



انسحاب شكل هندسي معناء إزاحته على امتداد مستقيم بطول معين وفي اتجاه معين.

مثال



ملاحظة : الخواص الهندسية، الطول، المنحى والاتجاه تمثل بثنائية نقطية $(A; B)$.

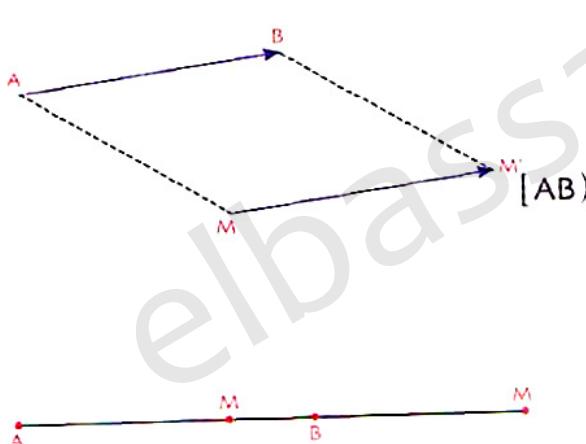
خاصية ١

إذا كان الانسحاب الذي يحول A إلى B ويجعل كذلك C إلى D فإن الرباعي $ABDC$ متوازي الأضلاع.

٢ صور بعض الأشكال الهندسية بانسحاب

فيما يلي A و B نقطتان ثابتتان ومتمايزتان.

(أ) صورة نقطة بالنسحاب

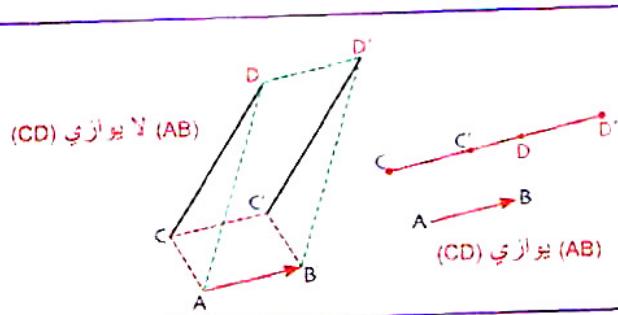


و B نقطتان و M' نقطة كافية من المستوى.
النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى B .
نميز حالتين:

- النقط A ، B و M' ليست في استقامية.
معناه أن الرباعي $ABM'M$ متوازي الأضلاع.
- النقط A ، B و M' في استقامية معناه النقطة M' من المستقيم (AB) والقطعتين $[AB]$ و $[M'M]$ لهما نفس الطول و نفس المنحى ولنصف المستقيمين $[AB]$ و $[M'M]$ نفس الاتجاه.

(ب) صورة قطعة مستقيم بالنسحاب

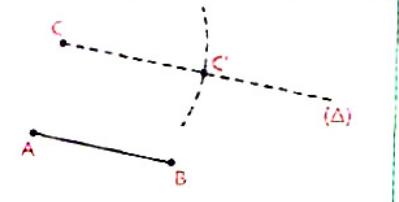
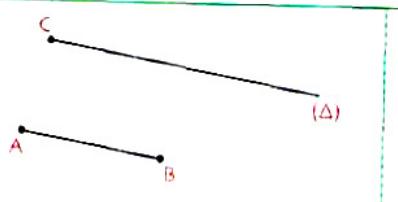
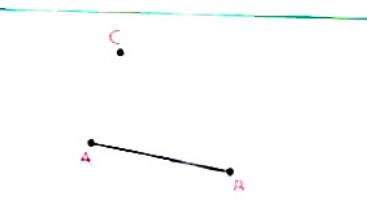
صورة قطعة مستقيم بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي قطعة مستقيم توازيها وتقايسها.



ملاحظة : النقطان C' و D' هما صورتا النقطتين C و D على الترتيب بالانسحاب السابق.

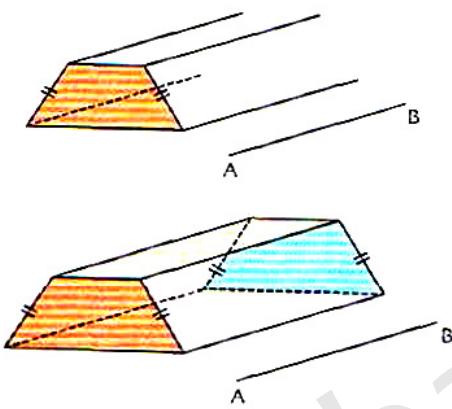
إنشاء صورة نقطة بانسحاب

مراحل الإنشاء

 <p>المرحلة (2)</p>	 <p>المرحلة (1)</p>	 <p>المرحلة (0)</p>
<p>إنشاء مستقيم (Δ) يشمل النقطة C' رسم دائرة مركزها النقطة C ونصف قطرها AB تتقاطع مع المستقيم (Δ) في النقطة C'.</p>	<p>إنشاء C' صورة النقطة C بالانسحاب الذي يحول A إلى B.</p>	

تمرين 1: أنشئ على كراسك شبه منحرف متساوي الساقين وباختيار الانسحاب المناسب وباستعمال المنظور المتساوي القياس أكمل الرسم للحصول على موشور قائم قاعدته شبه المنحرف السابق.

حل



- نرسم شبه المنحرف (باللون البرتقالي).

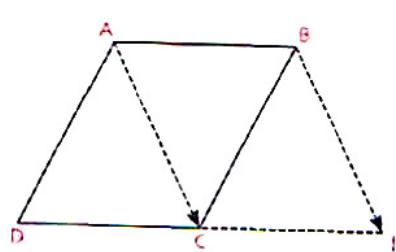
نختار نقطتين متمايزتين A و B ثم ننشئ صور رؤوس شبه المنحرف بالانسحاب الذي يحول A إلى B .

نصل بين صور النقطة و نحصل على شبه المنحرف المرسوم باللون الأزرق.

الشكل الناتج هو موشور قائم قاعدته شبه المنحرف.

تمرين 2: أنشئ متوازي الأضلاع $ABCD$ ، النقطة I هي صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى C .
بين أن النقط C ، D و I في استقامية وأن C منتصف $[ID]$.

حل



- متوازي الأضلاع ومنه $AB = CD$ ($AB \parallel CD$) و

هي صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى C .

إذن الرباعي $ABIC$ متوازي الأضلاع ومنه $AB = CI$ ($AB \parallel CI$) و

نستنتج أن $CI = CD$ ($CD \parallel CI$) وبما أن لهما نقطة مشتركة C

إذن هما منطبقان ومنه النقط C ، D ، I في استقامية.

فذلك لدينا $CD = CI$ إذن $AB = CD$ أي C منتصف $[ID]$.

دورى الآن

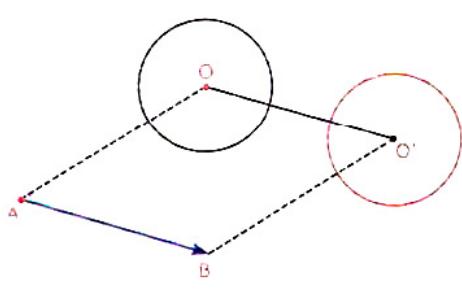
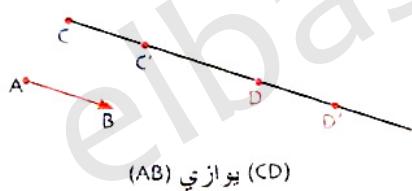
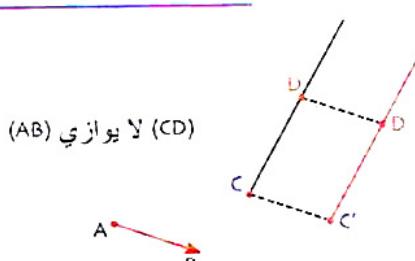
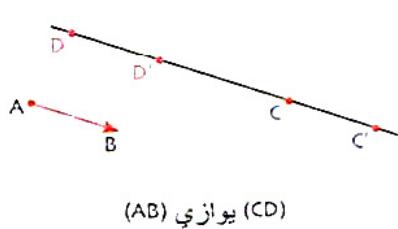
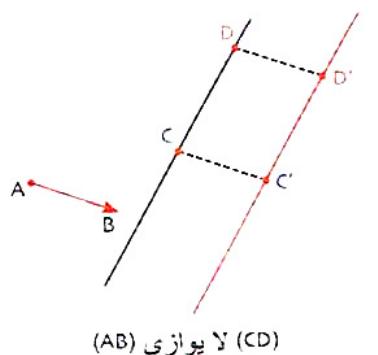
O ، A و B ثلث نقاط ليست في استقامية، A' صورة A بالانسحاب الذي يحول O إلى A و B' صورة B بالانسحاب الذي يحول O إلى B . بين أن $A'B' = 2AB$

ج) صورة مستقيم

صورة مستقيم بالانسحاب الذي يحول A إلى B هو مستقيم يوازيه.

ملاحظة

عندما يكون المستقيم (CD) يوازي المستقيم (AB) فإن صورة المستقيم (CD) هو نفسه.



هـ) صورة دائرة

صورة دائرة مركزها O ونصف قطرها r بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي دائرة مركزها O' ونصف قطرها r حيث O' هي صورة O بهذا الانسحاب.

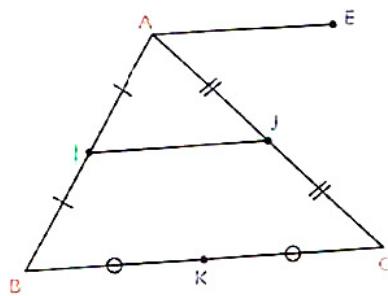
خواص

الانسحاب يحافظ على :

- (أ) المسافات ؛
- (ب) استقامة نقط ؛
- (ج) قيس الزوايا ؛
- (د) المساحات.

• استقامية ثلاثة نقط

تمرين



[BC] ، [AC] و [AB] منتصفات الأضلاع على الترتيب.

- أ) انشي النقطة E صورة النقطة A بالانسحاب t الذي يحوال K إلى C.
- ب) بين أن النقاط E ، J ، K في استقامية.

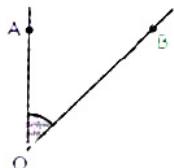
حل

A	→	E
I	→	J
B	→	K

- أ) إنشاء النقطة E.
- ب) لدينا E هي صورة A بالانسحاب t.
- كذلك حسب مبرهنة المنتصفين المستقيم (IJ) يوازي المستقيم (BC) والقطعة $IJ = KC$ ومنه فإن الرباعي IJCK متوازي الأضلاع.
- إذن J هي صورة I بالانسحاب t.
- K هي صورة B بالانسحاب t.
- و بما أن النقاط A ، I و B في استقامية فإن النقاط E ، J و K في استقامية.

• صورة زاوية بانسحاب

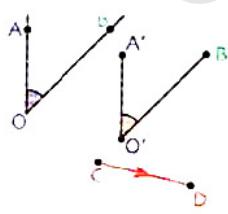
تمرين



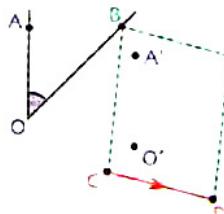
أنشئ صورة الزاوية \widehat{AOB} بالانسحاب الذي يحوال C إلى D (الموضح في الشكل المقابل).

حل

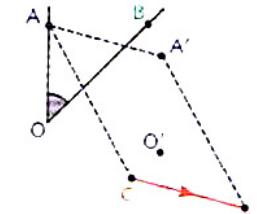
- نبحث عن صور النقط O ، B ، A ، O' بالانسحاب الذي يحوال C إلى D.



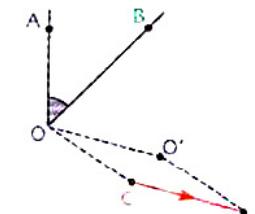
المرحلة ④



المرحلة ③



المرحلة ②



المرحلة ①

ملخص : صورة الزاوية \widehat{AOB} بالانسحاب الذي يحوال C إلى D هي زاوية $\widehat{A'OD}$ تقايسها.

دوري الان

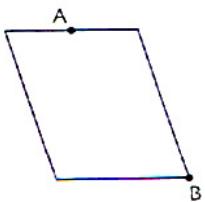
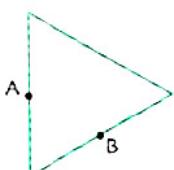
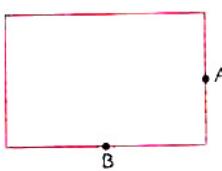
- أنشئ صورة المربع ABCD بالانسحاب الذي يحوال A إلى C.

١ صحيحة أو خطأ.

أجب بـ صحيح أو خاطئ على ما يلي:

8

- ٥** أعد رسم الأشكال التالية ثم أنشئ صورها بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

**٦**

- ١) أنشئ باللون الأحمر صورة المثلث الأسود بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

- ٢) أنشئ باللون الأخضر صورة المثلث الأحمر بالانسحاب الذي يحول B إلى C.

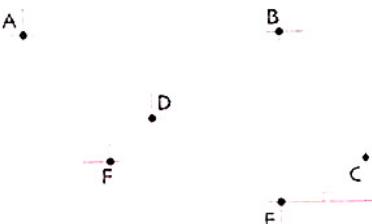
- ٣) عين التحويل الذي يحول المثلث الأسود إلى المثلث الأخضر.

- ٧** (١) دائرة مركزها O، A و B نقطتان من (C) غير متقابلتين قطريا.

- ١) أنشئ النقطتين 'O' و 'B' صورتي النقطتين O و B بالانسحاب الذي يحول A إلى O.

- ٢) ماهي صورة الدائرة (C) بهذا الانسحاب؟

- ٣) بين أن المستقيمين ('OB') و (O'B) متعمدان.



- أ) النقطة E هي صورة النقطة D بالانسحاب الذي يحول B إلى C.

- ب) النقطة E هي صورة النقطة D بالانسحاب الذي يحول A إلى D.

- ج) النقطة C هي صورة النقطة F بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

- ٢** مثلث ABC وأرتفاع AH المتعلق بالضلعين [BC].

- ١) أنشئ النقطتين 'B' و 'C' صورتي النقطتين B و C على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى H.

- ٢) ما طبيعة الرباعي 'CBB'C؟ برر جوابك.

- ٣** معين ABCD مع مركزه O.

- ١) عين صورة المستقيم (AB) بالانسحاب الذي يحول A إلى D.

- ٢) أنشئ النقطة K صورة النقطة O بالانسحاب الذي يحول A إلى D ثم استنتج صورة المثلث OAB بالانسحاب الذي يحول A إلى D.

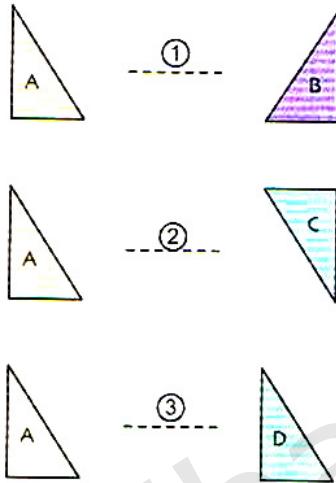
- ٤** ١) أنشئ المعين ABCD حيث $AC = 6\text{cm}$ و $DB = 4\text{cm}$.

- ٢) أنشئ النقط E، F و G صور النقط B، C و D بالانسحاب الذي يحول A إلى C.

- ما طبيعة الرباعي EFGC؟ برر جوابك.

12) أربع نقط من المستوى حيث المستقيم D, C, B, A لا يوازي (CD) ، E و F صورتا النقطتين C و D على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى B . ما طبيعة الرباعي $CEFD$? برجوابك.

13) ABC مثلث قائم في A حيث $AB = 5\text{cm}$ و $BC = 7\text{cm}$. B' و C' صورتا النقطتين B و C على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى C . احسب طول القطعة $[CC']$ بتقرير $0,01\text{cm}$.



بملاحظة الشكل أعلاه ، عين نوع التحويل في الحالات الثلاث التالية:

المثلث A يتحول إلى المثلث B .

المثلث A يتحول إلى المثلث C .

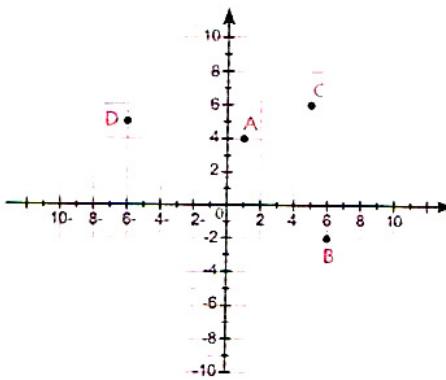
المثلث A يتحول إلى المثلث D .

15) أنشئ المثلث ABC حيث : $AB = 5\text{cm}$ ، $BC = 11\text{cm}$ و $AC = 8\text{cm}$.

2) أنشئ M نقطة تقاطع محوري القطعتين $[AB]$ و $[AC]$ ، و النقطة H المسقط العمودي للنقطة A على $[BC]$.

3) أنشئ صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي يحول H إلى M .

8) المستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتاجنس.



1) بقراءة بيانية عين إحداثيات النقط A, B, C, D .

2) أنشئ النقطتين C' و D' صورتي النقطتين C و D بالانسحاب الذي يحول A إلى B .

3) بقراءة بيانية عين إحداثيات النقطتين C' و D' .

9) ABC مثلث قائم في A و متساوي الساقين حيث $AB = AC = 4\text{cm}$.

1) أنشئ النقطة K نظيرة النقطة C بالنسبة إلى A .

2) أنشئ النقطة L نظيرة النقطة A بالنسبة إلى (BC) .

3) أنشئ النقطة M صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول C إلى A .

4) ما طبيعة الرباعي $ABMK$? برجوابك.

خواص الانسحاب

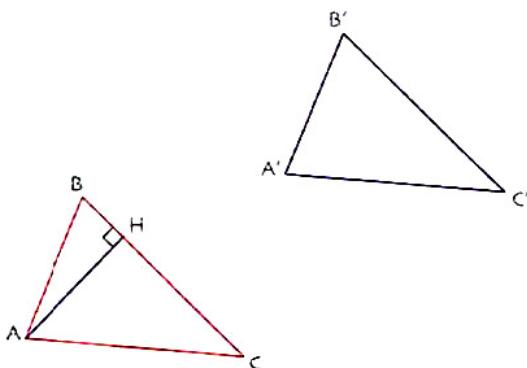
10) دائر قطرها $[AB]$ ، M نقطة من الدائرة (C) تختلف عن A و B ، N صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى M ، E نظيرة النقطة B بالنسبة إلى النقطة M .

ما طبيعة الرباعي $ABNE$? برجوابك.

11) قطعة مستقيم طولها $4,5\text{cm}$ ، (C) صورة الدائرة (C) التي نصف قطرها 3cm بالانسحاب الذي يحول A إلى B .

هل الدائرتان (C) و (C') متقاطعتان؟ علل.

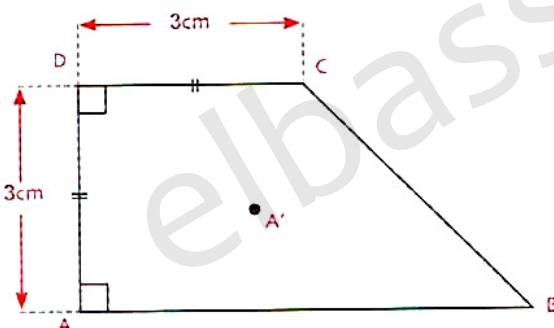
1) باستعمال المدور و المسطرة غير المدرج أنشئ الارتفاع $(A'H)$ في المثلث $A'B'C'$.



2) لتكن النقطة E, F, G, H حيث النقطة O هي منتصف الضلعين $[GH]$ و $[EF]$.

أثبت أن النقطة F هي صورة النقطة G بالانسحاب الذي يحول E إلى H .

22 شبه منحرف قائم حيث $AD = DC = 3\text{cm}$ و $AB = 2AD$ كما هو موضح في الشكل أدناه.



نقطة داخل شبه المنحرف بحيث $AA'D$ مثلث متقارن الأضلاع.

1) باستعمال المدور فقط، أنشئ $A'B'C'D'$ صورة المضلع $ABCD$ بالانسحاب الذي يحول A إلى A' .

2) ما هو قيس الزاوية $\angle A'D'C$? بزر

3) احسب مساحة المضلع $ABCD$.

ثم استنتج (دون حساب) مساحة المضلع $A'B'C'D'$ مع التعليق.

16ABC مثلث، I, J, K منتصفات الأضلاع $[AB]$ و $[BC]$ و $[AC]$ على الترتيب، E صورة النقطة A بالانسحاب الذي يحول I إلى J .
بين أن النقط E, J و K في استقامية.

17ABC مثلث، I و J منتصفان للضلعين $[AB]$ و $[AC]$ على الترتيب.

1) عين النقطة K صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول I إلى J .

2) قارن بين مساحة المثلث ABC و مساحة المثلث IJK .

18 A, B نقطتان متمايزتان من المستوى، D نقطة لا تنتمي إلى المستقيم (AB) ، النقطة C هي صورة النقطة D بالانسحاب الذي يحول A إلى O ، B منتصف $[BD]$.
بين أن A نظيرة C بالنسبة إلى O .

19ABC مثلث قائم في A ، I منتصف $[BC]$.
النقطة D هي صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى I .
بين أن المثلث BID متساوي الساقين.

20) ارسم متوازي الأضلاع $ABCD$ مركزه O .

2) أنشئ النقطة D' صورة النقطة D بالانسحاب الذي يحول B إلى D .

3) بين أن النقطة D' تنتمي إلى المستقيم (BD) .

4) أثبت أن $DD' = 2OD$.

5) ماذا تمثل النقطة D في المثلث ACD' ?
برر جوابك

21 المثلث $A'B'C'$ صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي يحول A إلى A' ، (AH) هو الارتفاع المرسوم من A في المثلث ABC .

عدد الأدلة
على الصفحة:

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إليها.

186 و 187

- إذا كانت النقطة F هي صورة النقطة E بالانسحاب الذي يحول A إلى B فإن:
 (أ) ABFE متوازي الأضلاع ؛ (ب) ABFE متوازي الأضلاع ؛ (ج) AEBF متوازي الأضلاع.

188

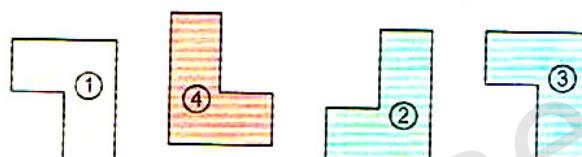
- صورة دائرة نصف قطرها 5cm بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي دائرة قطرها 10cm ؛
 (أ) 5cm ؛ (ب) 25cm ؛ (ج) 10cm.

186

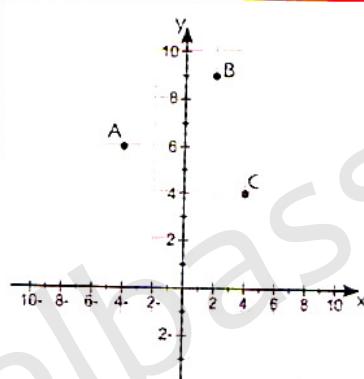
- صورة مستقيم بالانسحاب الذي يحول A إلى B هو مستقيم:
 (أ) يوازيه ؛ (ب) يتطابقه ؛ (ج) لا يوازيه.

من بين الأشكال المقابلة عين شكلين حيث يكون الأول هو صورة الثاني بانسحاب.

188



186



صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى C هي
 النقطة D حيث:

- (أ) D(-6; 11)
 (ب) D(-2; 1)
 (ج) D(10; 7)

186

النقطة B هي صورة النقطة E بالانسحاب الذي يحول A إلى C معناه:

(أ) للقطعتين [AB] و [EC] نفس المنتصف.

(ب) القطعتان [AC] و [BE] مقايسستان.

(ج) للقطعتين [AE] و [BC] نفس المنتصف.

186

رباعي محدب قطراه [AC] و [BD] متعمدان فإن:

(أ) صورة D بالانسحاب الذي يحول A إلى B.

(ب) يوجد تناظر بالنسبة إلى مستقيم يحول B إلى D.

(ج) لا يوجد انسحاب.

188

(ج) دائرة قطرها [AB]، M نقطة كيفية من (ج)، M' صور النقطة A، B، A'، B'، A'M' على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى B يكون المثلث

: A'B'M' متساوي الساقين ؛ (ب) قائم ؛ (ج) مقايس الأضلاع.

D، C
2) ع
بالانس
31
m و
1) أند
H الد
J و
 الذي
2) ع
ما ط
32
3cm
ABC
أ
بالان
3) أند
DE
4)
(
33
مو
3) أند
CBLA
6) متعامدان
7) احسب
8) أنشئ
B'K
9) (Δ) و
هل يوجد
ارسم مستقيمين متوازيين
عین على الأقل ثلا

1) ارسم دائرة مركزها A ثم عين عليها النقط L، N، M
نقطة خارج الدائرة A
2) أنشئ النقط M'، N'، L' صور النقط M، N، L على الترتيب بالانسحاب الذي يحول L إلى A.
3) باستعمال المدور فقط ،أنشئ مركز الدائرة المحيطة بالمثلث M'N'L'.

1) ارسم دائرة قطرها [MN] و مركزها A.
لتكن A نقطة ثابتة من هذه الدائرة.

2) أنشئ النقط M'، N'، A' صور النقط M، N، A على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى A'.

3) لماذا المثلث M'N'A' قائم؟ بزر جوابك.

4) ماذا يمثل منتصف القطعة [M'N']؟

1) أنشئ متوازي الأضلاع ABCD ثم النقط:

أ) I صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى C.
ب) J صورة النقطة A بالانسحاب الذي يحول B إلى D.

2) بين أنَّ النقط J، D، C، I في استقامية.

3) بين أنَّ JD = CI

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A. I منتصف [BC] و D نظيره A بالنسبة إلى I.
1) ارسم الشكل.

2) أنشئ النقطتين B' و C' صورتي B، C على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى I.

3) أثبت أنَّ D منتصف [B'C'] .

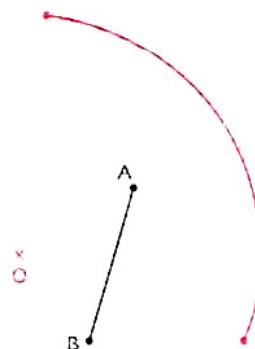
4) ما طبيعة المثلث 'B'IC'؟ بزر جوابك.

30 في معلم متعامد ومتجانس مبدؤه O، أنشئ النقط D(-3; -2)، A(1; 3)، B(-4; 2)، C(3; 6) و A'(-4; -4).

1) عين إحداثيات النقط B'، C'، D' صور النقط B،

صورة قوس من دائرة

انقل الشكل على كراسك
ثم أنشئ في الشكل المقابل
صورة القوس من الدائرة
بالانسحاب الذي يحول A إلى B.



1) أنشئ المثلث ABC حيث AB = 8cm

و AC = 10cm و BC = 6cm. ما طبيعة المثلث ABC؟
برر جوابك.

2) عين قيساً للزاوية \widehat{BCA} مدوراً للوحدة.

3) أنشئ النقطة D من القطعة [AC] بحيث

$AD = \frac{2}{5}AC$ ثم أنشئ المستقيم العمودي على (BC) و يشمل النقطة D، يقطع المستقيم (BC) في النقطة E.

4) احسب الطول DE ثم CE.

5) أنشئ النقطة L صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول C إلى A.

ما طبيعة الرباعي CBLA؟ بزر جوابك.

6) بين أنَّ المستقيمين (AL) و (AB) متعامدان.

7) احسب مساحة الرباعي CBLA.

8) أنشئ المستقيم العمودي على (AC) و يشمل B يقطع [AC] في النقطة K. احسب BK.

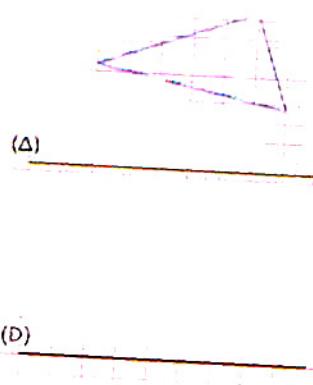
25 (Δ) و (Δ') مستقيمان غير متوازيين.

1) هل يوجد انسحاب يحول (Δ) إلى (Δ')؟ بزر.

2) ارسم مستقيمين متوازيين (Δ) و (Δ').

عین على الأقل ثلا

- 34 . على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A' إلى C ، D على الترتيب بالانسحاب الذي يحول A إلى E حيث D هي صورة E بالانسحاب السابق.

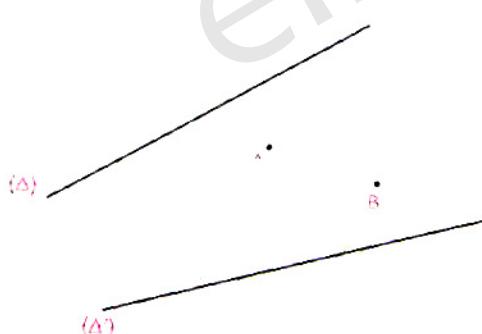


باستعمال المرصوفة أعلاه.
1) أنشئ باللون الأحمر نظير المثلث الأزرق بالنسبة للمستقيم (Δ) .

2) أنشئ باللون الأخضر نظير الشكل الأحمر بالنسبة للمستقيم (D) .

3) ما طبيعة التحويل الذي يحول المثلث الأزرق إلى الشكل الأخضر؟

35 انشئ النقطة P من المستقيم (Δ) و النقطة Q من المستقيم (Δ') بحيث رباعي $APQB$ متوازي الأضلاع.



36 مثلث ABC متوازي الأضلاع طول ضلعه $4cm$.
أ) صور النقط A ، B و C على الترتيب A' ، B' و C' بالانسحاب الذي يحول A إلى B' .
ب) احسب مساحة الدائرة التي تشمل النقط A' ، B' ، C' .

- 31 LM = 6cm مثلث قائم في L ، حيث $MN = 8cm$ و A أنشئ النقط H العمودي للنقطة L على القطعة $[MN]$.
أ) صورتي النقطتين M و N على الترتيب بالانسحاب الذي يحول L إلى H .

2) عين بقيم تقريبية محيط ومساحة المثلث HIJ .
ما طبيعة الرباعي $IMNJ$? ثم احسب مساحته.

32 (1) ارسم دائرة (\odot) مركزها O ونصف قطرها

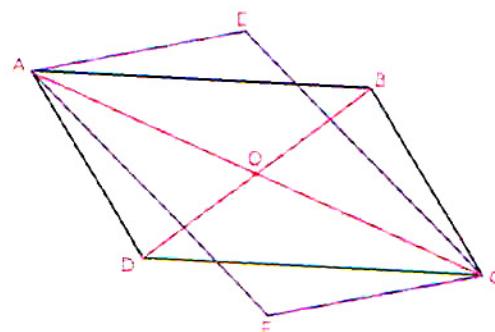
$3cm$ و $AB = AC = 5cm$ بحيث المثلث ABC متساوي الساقين في A حيث $AB = AC$.

(2) أنشئ النقطتين D و E صوري A ، C على الترتيب بالانسحاب الذي يحول B إلى C .

(3) أنشئ بعذائية الدائرة (\odot) التي تشمل رؤوس المثلث CDE .

(4) أثبت أن المستقيم (AD) مماس مشترك للدائرةين (\odot) و (\odot) .

33 $ABCD$ متوازي أضلاع مركزه O و $AECF$ متوازي أضلاع آخر، كما هو موضح في الشكل أدناه.

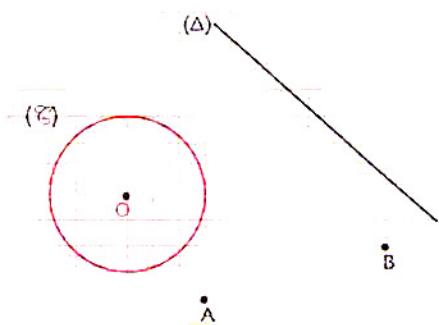


أثبت أن الرباعي $DEBF$ متوازي الأضلاع.

▪ وضعية

السند

(Δ) مستقيم، (C) دائرة مركزها O، A و B نقطتان متمايزتان
(كما هو موضح في الشكل المقابل)



كيف يمكن اختيار نقطة F من (C) و نقطة E من (Δ) بحيث رباعي ABEF متوازي الأضلاع؟

▪ تحليل وضعية

- المشكلة تتعلق بإنشاء نقطتين.

- أيهما ترسم أولاً E أم F؟

- ABEF متوازي الأضلاع معناه النقطة E صورة النقطة F بانسحاب الذي يحول A إلى B.

- هل دائمة E و F موجودتان؟

تنفيذ استراتيجية الحل المختار

- نرسم الدائرة (C) صورة الدائرة (C') بانسحاب الذي يحول A إلى B.

- E هي نقطة تقاطع الدائرة (C') مع المستقيم (Δ).

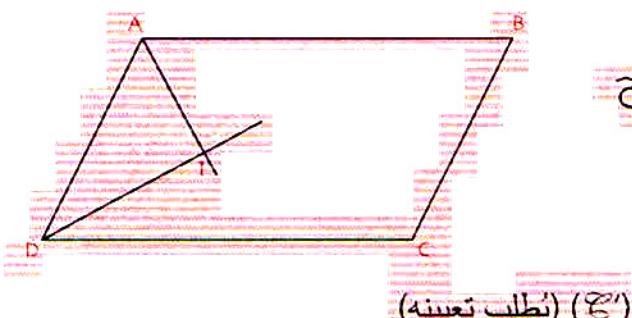
- الوضعية في هذه الحالة لها حلان.

- نشئي النقطة F بحيث رباعي ABEF متوازي الأضلاع.

ملاحظة

يمكن أن يكون متوازي الأضلاع غير موجود في حالة الدائرة (C) و المستقيم (Δ) لا يتقاطعان.

▪ وضعية للتقويم



ABCD متوازي الأضلاع ، منصفا الزاويتين \widehat{A} و \widehat{D} يتقاطعان في النقطة I، منصفا الزاويتين \widehat{B} و \widehat{C} يتقاطعان في النقطة J.

نسمى (C) الدائرة التي تشمل النقاط A, D, I.

نسمى (C') الدائرة التي تشمل النقاط B, C, J.

بين أنه يوجد انسحاب يحول الدائرة (C) إلى الدائرة (C') (يطلب تعبينه).

استعمال جيوجيرا لإنشاء صور أشكال هندسية

تهيئة

افتح ورقة عمل جديدة، ثم انقر على أيقونة إخفاء المحاور.

1) صورة نقطة بانسحاب.



مثلاً: صورة النقطة A بالانسحاب الذي يتحول إلى C.
خذ نقطة كافية بالنقر على A، انقر على ورقة العمل النقط A، B، C ثم انقر على \.\. واختر(انسحاب) translation انقر على النقطة A ثم B وC تتحصل على النقطة A'.
أولاً على النقطة A ثم B وC تتحصل على النقطة A' هي صورة النقطة A بالانسحاب الذي يتحول إلى C.

2) صورة دائرة بانسحاب.

أ) طريقة أولى

نبحث عن صورة دائرة بالانسحاب.

انقر على أيقونة دائرة \(\odot\) ثم انقر على A لاختيار نقطتين B وC، انقر على الدائرة ثم على النقطتين B وC تتحصل على دائرة أخرى صورة الدائرة الأولى.

- انقر \(\square\) ثم اختر \(\square\), انقر على الدائرة الأولى اقرأ مساحة القرص ثم على الدائرة الصورة واقرأ مساحة القرص الصورة، ماذا تلاحظ؟

ب) طريقة ثانية (إنشاء حركي)

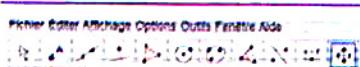
في ورقة العمل ننقر على A لتحديد نقطتين A، B ثم ننقر على \(\odot\) نرسم دائرة مركزها C ونصف قطرها مثلاً 3، ثم ننقر على A لفتحها ونختار \(\square\) لتحديد نقطة كافية D على الدائرة (C) بالنقر عليها.

أنشئ D صورة النقطة D بالانسحاب الذي يتحول إلى B.

ننقر بيمين الفأرة على النقطة D تظهر نافذة نختار Afficher la trace باستعمال الفأرة نحرك النقطة D على الدائرة (C).

ستتشكل نقطة صورة الدائرة (C) بالانسحاب الذي يتحول A إلى B.

دوري الان



• باتباع الطريقتين أ) أو ب) عين بالانسحاب صورة قطعة مستقيم، نصف مستقيم ، مثلث.

• باستعمال مفهوم الانسحاب أنشئ موشورا قائما قاعدته متوازي الأضلاع.



الهرم و مخروط الدوران

سأتعلم في هذا الباب

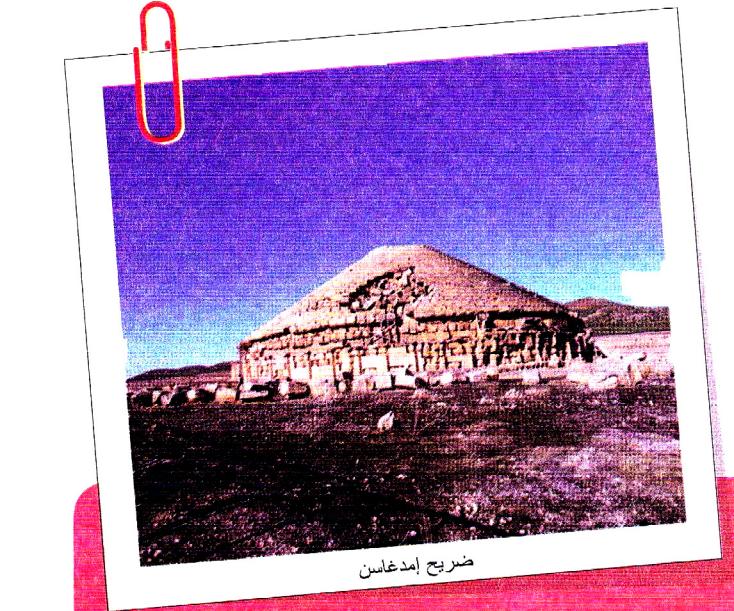
وصف الهرم و مخروط الدوران.

تمثيل الهرم و مخروط الدوران.

إنجاز تصميم لهرم ولمخروط دوران
أبعادهما معلومة.

صنع هرم و مخروط دوران أبعادهما
معلومة.

حساب حجم كل من الهرم و مخروط
الدوران.



يقع صريح إمدادغاسن في بلدية يومية، ولاية باتنة ، حوالي 400 كم من الجزائر.
أثبتت الدراسات الأثرية أنه بُنيَ في أوائل القرن الثالث قبل الميلاد ليكون قبرًا الملك عظيم من أسلاف الملك الأمازيغي ماسينيسا مؤسس نوميديا أول دولة أمازيغية. صُنِّف الصريح كمعلم تاريخي قبل سنة 1900 م.

يبعد الجزء السفلي منه في شكل أسطواني يقدّر قطره بحوالي 59m و ارتفاعه 5m، أما الجزء العلوي فشكله مخروط دوراني له نفس قاعدة الأسطوانة، و ارتفاعه يبلغ 13,50m.

تحدي

1) باستعمال المنظور متساوي القياس ارسم تمثيلاً لصريح إمدادغاسن.

2) احسب حجم هذا الصريح.

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

الإجابات

(3)

(2)

(1)

مربع

مستطيل

معين

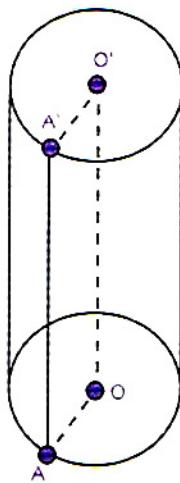
الأسئلة

1. هذه الأسطوانة ناتجة

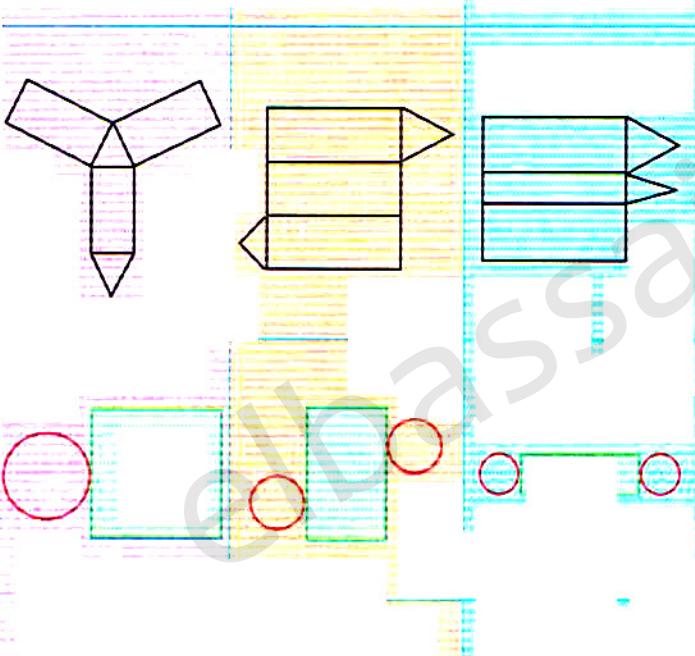
عن دوران $A O O' A'$

حول المستقيم $(O O')$,

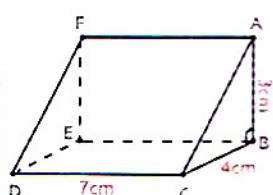
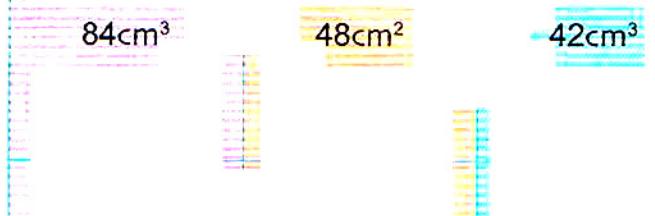
إذن الرباعي $A O O' A'$:



2. تصميم لموشور قائم هو:



3. تصميم لأسطوانة دوران هو:



4. حجم الموشور القائم الآتي هو:

$85,75\pi \text{cm}^3$

$49\pi \text{cm}^3$

$24,5\pi \text{cm}^3$

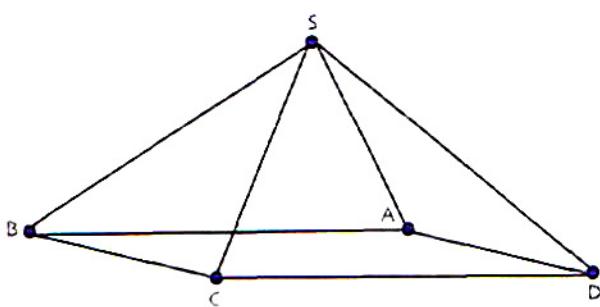
5. أسطوانة دوران نصف

قطر قاعدتها 3,5cm

وارتفاعها 7cm، حجمها هو:

1 وصف الهرم

قامت مريم بتمثيل الهرم المقابل وفق المنظور متساوي القياس فتحصلت على المجسم $ABCDS$ كما هو مبين في الشكل.



(1) أ) أعد رسم الشكل وصخ الأخطاء المرتكبة.

. نقول إن النقطة S هي رأس الهرم $ABCDS$ و قاعدته هي الرباعي $ABCD$.

ب) اذكر عناصر أخرى للهرم $ABCDS$.

(2) مثل في الحالتين - وفق المنظور متساوي القياس - هرما قاعدته:

أ) مثلث.

ب) مضلع كيفي.

2 حجم الهرم

ABCDEFHG مكعب طول حرفه 6cm , مثلاً داخل هذا المكعب ثلاثة أهرامات، قاعدة كل هرم هي وجه وارتفاعه هو طول الحرف في المكعب. (انظر الأشكال أدناه)

(1) أ) حدد قاعدة ورأس كل هرم.

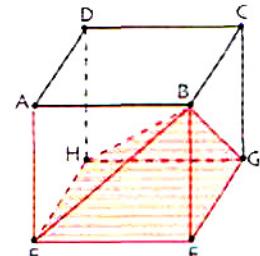
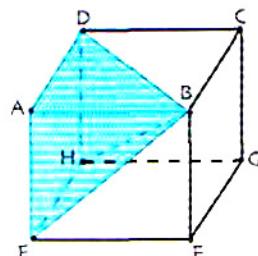
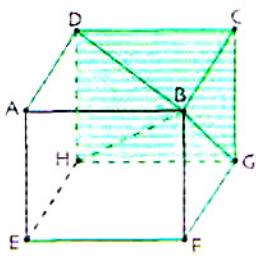
ب) تحقق أن الأوجه المتماثلة للأهرامات الثلاثة قابلة للتطابق مثلي مثلثي.

(2) أ) احسب حجم المكعب $ABCDEFHG$.

ب) استنتج حجم كل هرم.

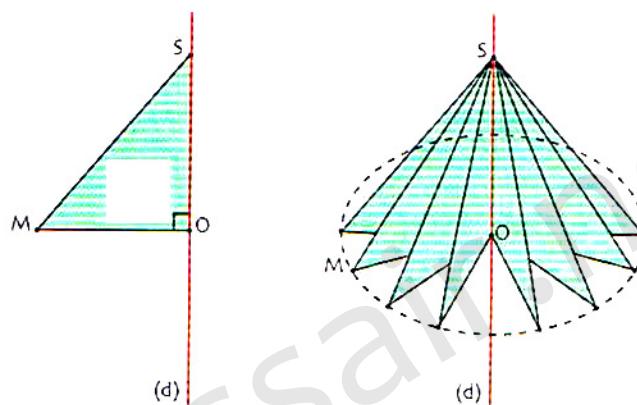
(3) أ) حدد مساحة قاعدة كل هرم وارتفاعه.

ب) اقترح دستوراً يسمح بحساب حجم الهرم في الحالة العامة انطلاقاً من مساحة قاعدته وارتفاعه.



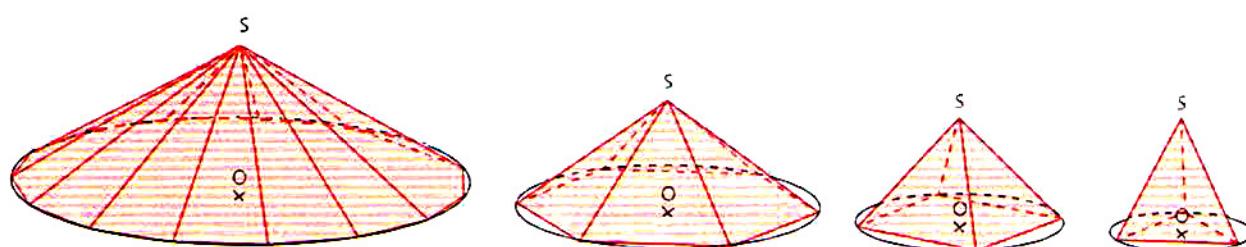
3 وصف مخروط الدوران

- (1) أرسم على ورق مقوى مثلثاً OSM قائماً في النقطة O بحيث $OM = 4\text{cm}$ و $OS = 6\text{cm}$.
- ب) ثبت الضلع $[OS]$ على قلم بشريط لاصق ثم دور القلم.
- ج) في حالة الدوران دورة كاملة حول المحور (d) ما طبيعة الشكل الذي ترسمه النقطة M ؟
- (2) عند دوران المثلث OSM حول المحور (d) فإنه يولد مجسمًا يسمى مخروط الدوران نصف قطر قاعده 6cm وارتفاعه 4cm .
- أ) هل توجد مجسمات دورانية أخرى؟
- ب) إذا كان الجواب نعم، فبأي شكل تستبدل المثلث OSM للحصول على هذا المجسم الدوراني.



4 حجم مخروط الدوران

باستعمال برامجية هندسية رسمنا مجموعة من الأهرامات، حيث في كل حالة رمزاً إلى رأس كل هرم بالحرف S ، كما أن رؤوس قاعدة كل هرم تتبع إلى نفس الدائرة ذات المركز O .



- 1) بزيادة عدد رؤوس قاعدة الهرم، إلى أي مجسم يقول هذا الهرم؟
- 2) اقترح دستوراً يسمح بحساب حجم مخروط الدوران في الحالة العامة انطلاقاً من طول نصف قطر قاعده وارتفاعه.

١ الهرم

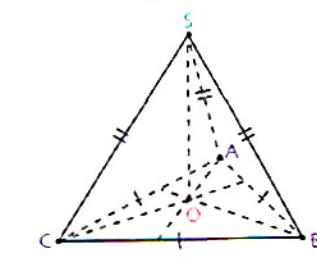
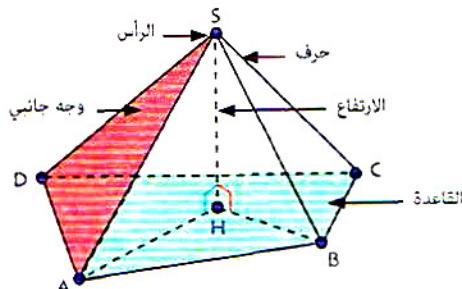
• وصف الهرم

الهرم هو مجسم في الفضاء حيث:

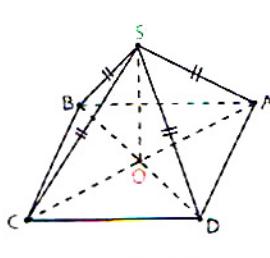
- أحد أوجهه هو مضلع ويسمى القاعدة.

- الأوجه الأخرى هي مثلثات لها رأس مشترك

يسمى رأس الهرم، وتسمى هذه الأوجه **الواجهات الجانبية**.



هرم منتظم قاعدته مربع
متقابله الأضلاع مركزه O.
الارتفاع [SO] يشمل مركز
المربع ABCD.



هرم منتظم قاعدته مربع
مركزه O.
الارتفاع [SO] يشمل
مركز المربع ABCD.

ملاحظات ونتائج

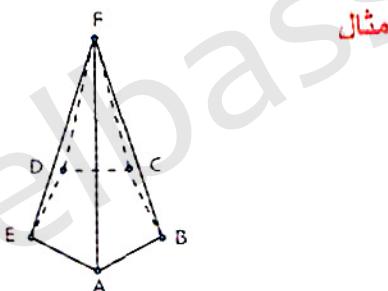
- نسمى ارتفاع الهرم: الضلع [SH] الذي يعادد القاعدة، وأيضاً الطول SH.

- إذا كانت القاعدة مضلعاً منتظاماً (مثلث منتظم، الأضلاع، مربع، خماسي منتظم، ...) فيسمى الهرم **هرماً منتظاماً**.

- الأوجه الجانبية لهرم منتظم هي مثلثات متقاربة وكل منها متساوي الساقين.

- ارتفاع الهرم المنتظم يشمل مركز القاعدة.

• تمثيل الهرم



مثال

نمثل هرماً باستعمال التمثيل بالمنظور المتساوي القياس، مع مراعاة قواعد هذا التمثيل. (الخطوط غير المرئية تمثل بخطوط مقطعة، حفظ التوازي والاستقامية والمنتصلات ...)

• حجم الهرم

- حجم الهرم يساوي ثلاثة جداء مساحة قاعدة وارتفاع هذا الهرم.

إذا رمزنا ب A إلى مساحة القاعدة وإلى الارتفاع

$$\text{ب } h \text{ إلى الحجم ب } V \text{ فإن: } V = \frac{A \times h}{3}$$

في الهرم المقابل، القاعدة مستطيلة الشكل بعدها 4cm، 5cm وارتفاعه 9cm

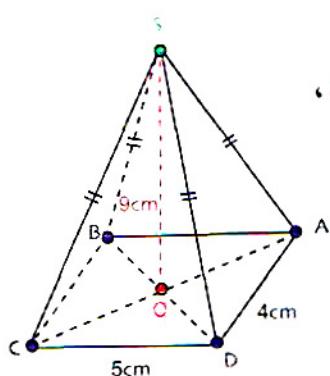
$$\text{مساحة القاعدة: } 4 \times 5 = 20$$

$$\text{إذن: } A = 20 \text{ cm}^2$$

و منه حجم الهرم:

$$\frac{20 \times 9}{3} = 60$$

$$\text{إذن: } V = 60 \text{ cm}^3$$



• تصميم وصنع هرم

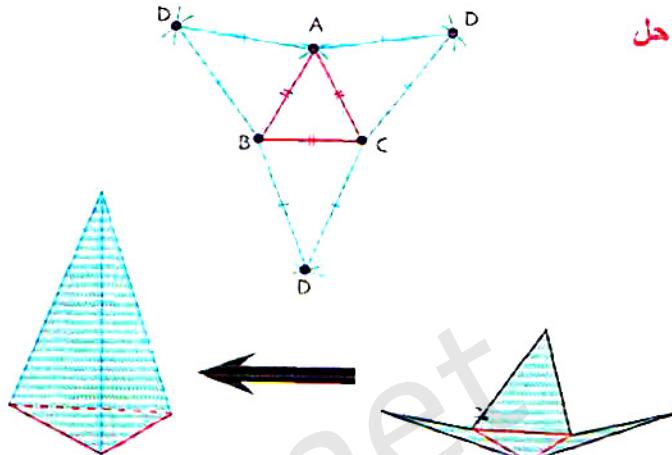
تعاليق

- الهرم المراد انجاز تصميم له وصنعه هو هرم منتظم قاعدته مثلث متقايس الأضلاع والأوجه الجانبية له هي مثلثات متقايسة، وكل منها متساوي الساقين.
- نستعمل مسطرة غير مدرجة ومدور لرسم المثلث متقايس الأضلاع والمتلائمة متساوية الساقين فنحصل على التصميم المقابل.
- نقص التصميم مع ترك حاشيات على حافات الأوجه الجانبية ثم نضع عليها الغراء.
- نصنع هذا الهرم وذلك بلصق الحاشيات بطريقة مناسبة.

تمرين: هرم منتظم قاعدته مثلثة طول ضلعها 3cm وأطوال أحرفه الجانبية 4cm.

- 1) ارسم بالأطوال الحقيقة تصميما للهرم المعتبر على ورق مقوى، ثم قصه.
- 2) اصنع هذا الهرم.

حل



طريقة

لإنجاز تصميم لهرم ثم صنعه على ورق مقوى:

1) أحصي أولاً عدد أوجه هذا الهرم.

2) ارسم قاعدة هذا الهرم ثم أوجهه الجانبية بأبعادها الحقيقة المعطاة مستعملاً الأدوات المناسبة.

3) أصنع الهرم بعد القص واللصق بالطريقة المناسبة.

دوري الآن

1) ارسم بالأطوال الحقيقة تصميما لهرم منتظم **3** هرم منتظم قاعدته مربع طول ضلعه 5cm وارتفاعه 8cm. قاعدته مربعة الشكل طول ضلعها 4cm وارتفاعه 7,5cm. هذا الهرم هو

احسب حجم هذا الهرم.

على ورق مقوى.

ارتفاع هرم منتظم هو 5cm وحجمه هو **4** 81cm^3 .

ب) اصنع هذا النيرم.

احسب مساحة قاعدة هذا الهرم.

2 باستعمال ورق مقوى، اصنع الهرم

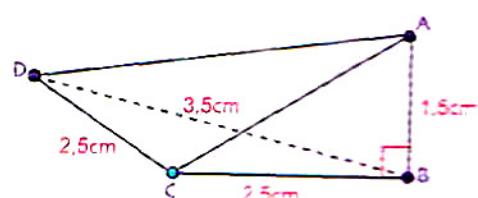
هرم منتظم قاعدته مثلث.

الممثل في الشكل أدناه محترماً أبعاده الحقيقة.

ارتفاع كل وجه جانبي فيه يساوي 1,5cm ومساحته

الجانبية تساوي $1,35\text{cm}^2$.

• احسب طول ضلع القاعدة.



٢ مخروط الدوران

• وصف مخروط الدوران

مخروط الدوران هو المجسم المولَد بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين.

في المخروط المرسوم في الشكل المقابل لدينا:

• **رأس** هو النقطة S.

• **قاعدة** هي القرص الذي مركزه O ونصف قطره [OA].

• القطعة [SO] هي ارتفاع المخروط.

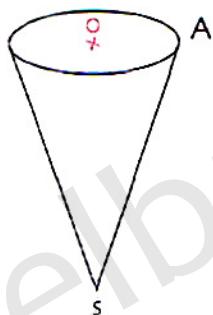
(الطول SO هو كذلك ارتفاع المخروط)

• كل قطعة [SA] حيث A نقطة من الدائرة هي **مولَد السطح الجانبي** للمخروط.

• تمثيل وتصميم مخروط الدوران

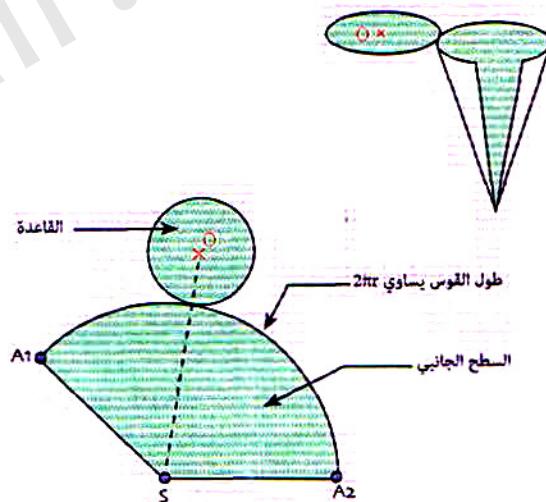
مثال

نعتبر مخروط الدوران الذي نصف قطر قاعدته يساوي 2 وتمثيله بالمنظور متساوي القياس كما يلي:



الشكل المقابل يمثل تصميم هذا المخروط.

يتكون تصميم مخروط الدوران من قرص يمثل قاعدته ومن قطاع قرص يمثل سطحه الجانبي.



• حجم مخروط الدوران

مثال

مخروط دوران ارتفاعه $h = 4\text{cm}$ ونصف قطر قاعدته $r = 1,5\text{cm}$:

$$V = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3} = \frac{\pi \times (1,5)^2 \times 4}{3} = 3\pi \text{cm}^3$$

اذن: $V \approx 9,4\text{cm}^3$ ومنه $V = 3\pi \text{cm}^3$

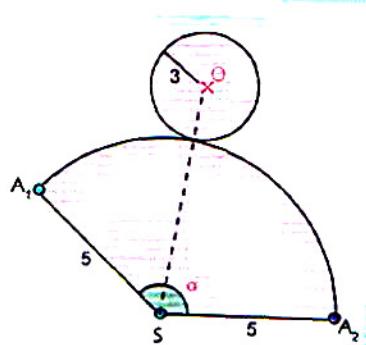
حجم مخروط الدوران يساوي ثلاثة أضعاف مساحة قاعدة وارتفاع هذا المخروط.

إذا رمزنا إلى نصف قطر القاعدة بـ r وإلى الارتفاع بـ h وإلى الحجم بـ V فإن:

$$V = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3}$$

• تصميم وصنع مخروط دوران

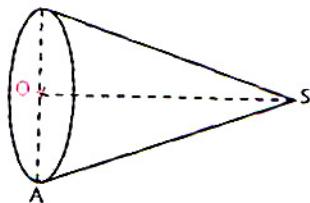
تعاليق



لإنشاء القوس $\widehat{A_1 A_2}$ نعين

أولاً القيس α .

في الدائرة التي مركزها S ونصف قطرها SA ، طول القوس متناسب مع قيس الزاوية التي تعين هذه القوس.



تمرين

في المخروط المقابل، لدينا:

$$OA = 3\text{cm} \quad SA = 5\text{cm}$$

أنجز تصميماً لهذا المخروط.

حل

- نرسم بالتقريب شكلاً يمثل تصميماً للمخروط. (انظر الشكل المقابل)

- لحساب α نبحث عن طول القوس $\widehat{A_1 A_2}$ ، ولتكن L .

بما أن L يساوي محيط القاعدة فإن

$$L = 2 \times \pi \times r \quad \text{أي: } L = 2 \times 3,14 \times 3 = 18,84$$

محيط الدائرة التي مركزها S ونصف قطرها SA هو

$$\text{أي: } 2 \times \pi \times SA = 2 \times 3,14 \times 5 = 31,4$$

لدينا جدول التناسبية الآتي:

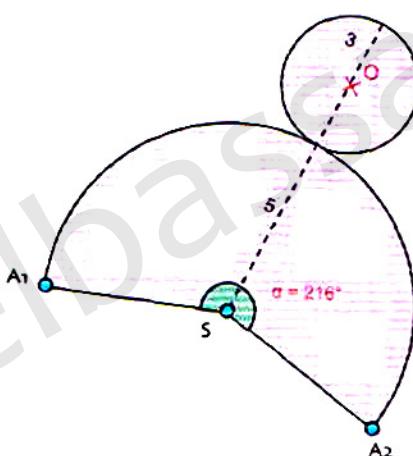
α	360	الزاوية المركزية بالدرجات
طول القوس بـ cm	18,84	31,4

نستنتج أن: $\alpha \times 31,4 = 360 \times 18,84$

$$\text{ومنه: } \alpha = \frac{360 \times 18,84}{31,4} = 216$$

إذن: $\alpha = 216^\circ$

- إنجاز التصميم:



طريقة

تصميم مخروط دوران هو شكل مستو يتألف من:

1) قطاع قرص نصف قطره L ، حيث L هو طول مولد للمخروط.

2) قرص نصف قطره r حيث r هو نصف قطر قاعدة المخروط.

دورى الان

(ا) اشرح كيف تصنع مخروطاً دورانياً إذا علمت أن ارتفاع مخروط دوراني هو 5,5cm وحجمه $51,27\text{cm}^3$.

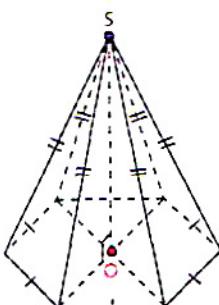
احسب نصف قطر قاعدة هذا المخروط.

قطر قاعدته 6cm وارتفاعه 9cm.

(ب) احسب حجم هذا المخروط.

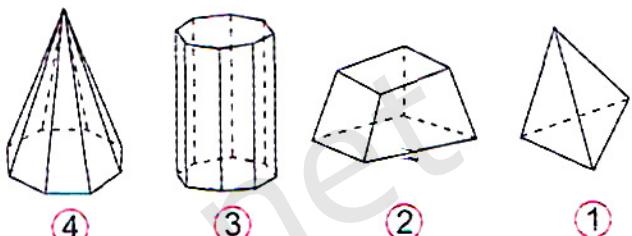
وصف الهرم

- ١) تمعن في المجسم المقابل.
٢) كيف يسمى هذا المجسم؟
٣) ما اسم الشكل الهندسي لقاعدته؟
٤) ما هو الشكل الهندسي لأوجهه الجانبية؟
٥) ماهي نقطة تقاطع ارتفاع هذا



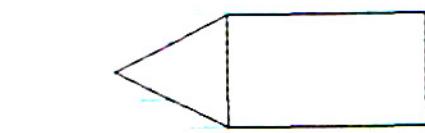
- ٤) ماهي نقطة تقاطع ارتفاع هذا المجسم مع قاعدته؟ علل.

٢ من بين المجسمات الآتية، حدد الذي يمثل هرما
والذي لا يمثل هرما مع التعليل.

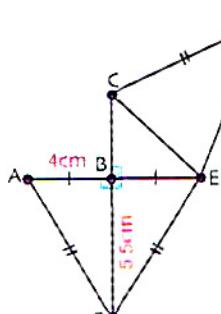


تصميم و صناع هرم

- 7) 1) أنجز تصميماً ليرم منظم قاعدته سداسي طول ضلعه 2.5cm وارتفاع كل وجه جانبی 9cm .
2) اصنع هذا اليرم.

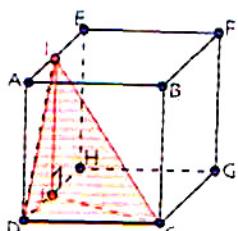


- ٩) التصميم المقابل هو لهرم.
 - ١) باعتبار ABF قاعدة له، Δ حدد ارتفاع هذا الهرم.
 - ٢) أنجز التصميم للهرم باعتبار الأبعاد الحقيقة له.
 - ٣) اصنع الهرم وتحقق من إجابتك في السؤال أ).



انقل ثم أتمم الجدول الآتي:

(4)	(3)	(2)	(1)	الهرم
		IJKL		تسميته
MNOP				قاعدته
G				فنته (رأسه)
				شكل قاعدته
				عدد أوجهه الجانبية
8				عدد أحرفه



مكعب ABCDEFGH 15

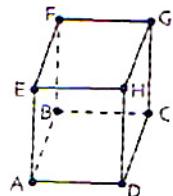
طول حرفه 6cm، النقطتان

أولاً منتصف القطعتين

[DH] و [AE] على الترتيب.

1) أنجز تصميماً للهرم IDJC.

2) احسب حجم الهرم.



مثلاً المكعب 16

الذي طول حرفه 3cm.

1) أعد تمثيل المكعب ومثلاً عليه

الهرم ADCH.

2) أنجز تصميماً للمكعب ABCDEFGH بالأبعاد

الحقيقية له، مع رسم أضلاع المثلث ACH.

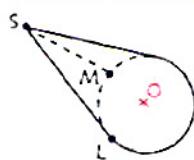
3) أعط اوجه الهرم ADCH ثم أنجز تصميماً له

بالأبعاد الحقيقية.

4) احسب مساحة المثلث ADH ثم استنتج حجم

الهرم ADCH.

وصف مخروط الدوران



17) تمعن في المجسم المقابل.

1) كيف يسمى هذا المجسم؟

2) ما هو الشكل الهندسي لقاعدته؟

3) هل يتكون سطحه الجانبي من مضلعات؟

4) ما هو ارتفاع هذا المجسم؟

• ما هي نقطة تلاقى الارتفاع والقاعدة؟

5) ما اسم القطعة [SL]؟ هل $SL = SM$ ؟

6) ماذا يمثل $\angle OMS$ ؟

18) نعتبر المثلث STR

القائم في النقطة T.

1) ما هو المجسم الناتج عن

دوران المثلث STR حول الضلع [ST]؟

• ما هو رأسه؟

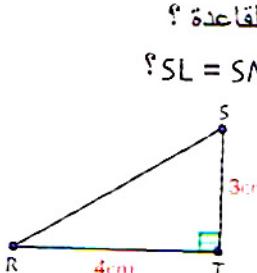
• ما هي قاعدته؟ احسب مساحتها.

• ما هو ارتفاع هذا المجسم؟

• ماذا يمثل [SR] لهذا المجسم؟

2) هل المجسم الناتج عن دوران المثلث STR حول

الضلع [RS] هو مخروط دوران؟ علل



حساب حجم هرم 10

اقرأ النص والحل المنجز من طرف أحد التلاميذ، ثم حمر حلًا خاص بك مع الأخذ بملحوظات الأستاذ.

النص: احسب حجم

الهرم ABCD. علماً أن

$AK = 8\text{cm}$, $BD = 12\text{cm}$, $CH = 9\text{cm}$

حل التلميذ مع ملاحظات الأستاذ بالأحمر:

حجم الهرم:

$$\frac{1}{3} \times 5 \times h$$

$$= \frac{8 \times 9}{3} \times \frac{1}{3} \times 5 \times 9$$

فحجم الهرم هو 24. أين وحدة الحجم؟

11) انقل ثم أكمل الجدول الآتي:

الهرم	مساحة القاعدة	الارتفاع	الحجم
5dm ²	15cm ²		
45mm	10cm		
1200mm ³	8dm ³		

12) هرم رأسه 5 وقاعدته مستطيلة الشكل،

حيث $BC = 3,5\text{cm}$, $AB = 4,2\text{cm}$ وارتفاعه

احسب حجم هذا الهرم cm^3 ثم بـ mm^3 .

13) هرم قاعدته مثلث قائم ومتتساوي

الساقين في A بحيث $AT = 3\text{cm}$ وارتفاعه 4cm.

• احسب بـ cm^3 حجم هذا الهرم.



13) هرم خفرع بمصر هو هرم

منتظم قاعدته مربع طول ضلعه

215m وارتفاعه 143m.

• أعط القيمة التقريرية إلى 0,1 لحجمه.

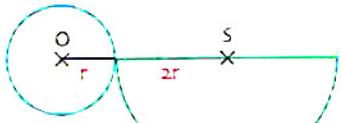
14) مثلث متوازي الأضلاع مساحته 62,35cm²

احسب حجم الهرم المنتظم الذي قاعدته المثلث ABC

وارتفاعه يساوي طول ضلع هذا المثلث.

$$\angle M_1SM_2 = 120^\circ, OM = 3\text{cm}, SM = 4,5\text{cm}$$

2) اصنع هذا المخروط.



24) بين أن الشكل

المقابل هو تصميم
لمخروط دوران.

25) باستعمال أدوات هندسية، أنجز تصميما

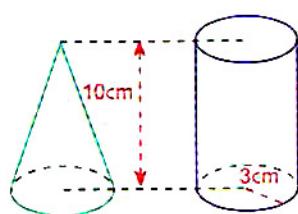


حجم مخروط دوران

26) وعاء بيبيتة مخروط دوران، ارتفاعه 10cm ونصف قطر قاعدته 5cm.

1) احسب بـ cm^3 القيمة المضبوطة لحجم هذا الوعاء.

2) اعط قيمة تقريرية إلى 0,1 لحجم هذا الوعاء.



27) للمجسمين المُقابلين

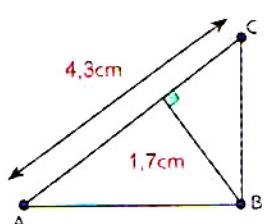
قاعدين قابليان للتطابق
ولهما نفس الارتفاع.

1) احسب حجم الأسطوانة.

2) استنتج حجم مخروط
الدوران مع التعليق.

28) انقل ثم أكمل الجدول الآتي:

3	2	1	مخروط الدوران
	نصف قطر القاعدة	ارتفاع	الحجم
36mm		9cm	
$300\pi \text{ mm}^3$	$58,6\text{dm}^3$		



29) احسب بـ mm^3

حجم المجسم الناتج

عن تدوير المثلث

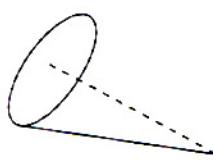
[ABC] حول الضلع [AC]

في الشكل المقابل.

التمثيل بالمنظور متساوي القياس لمخروط

19) أتم الشكل المقابل

لكي يمثل مخروط دوران



20) في كل من المرصوفتين، أتم الشكل لكى يمثل
مخروط دوران.



21) باستعمال أدوات

هندسية مناسبة، ارسم بالأطوال
الحقيقة المثلث القائم SOM.

2) باليد الحرة، ارسم وفق المنظور

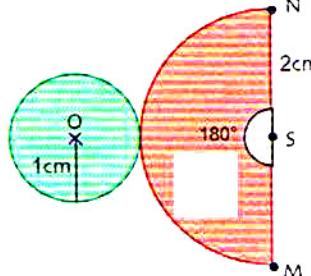
متساوي القياس مخروط الدوران الذي يولد دوران
المثلث SOM حول الضلع [SO].

3) احسب طول مولد لهذا المخروط.

تصميم وصنع مخروط دوران

22) الشكل المقابل

هو تصميم لمخروط
دوران.



1) سُمّ رأس هذا المخروط.

2) سُمّ مركز القاعدة.

ما نصف قطر القاعدة؟

3) ما هو طول أحد مولدات هذا المخروط؟

4) احسب طول القوس MN بالتقريب إلى 0,1

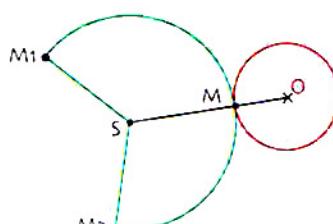
5) ارسم بالأطوال الحقيقة هذا التصميم على ورق مقوى.

6) اصنع المجسم الذي يمثل هذا المخروط.

23) 1) ارسم على

ورق مقوى تصميما
لمخروط الدوران

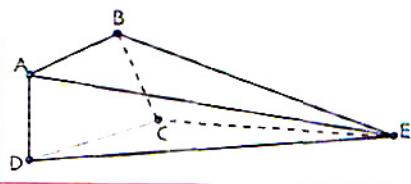
المقابل علماً أن:



عند الإخفاق أعد
إلى الصفحة:

جد الإجابة الصحيحة (أو الإجابات الصحيحة) في كل حالة، مبرراً إياها.

202



1 قاعدة الهرم المقابل هي المثلث:

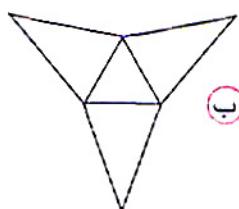
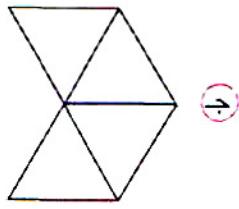
(i) CBE ; (ii) ABCD ; (iii) CDE

202

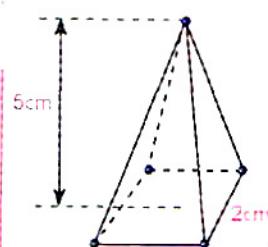
الواجهة الجانبية لهرم منتظم هي:
أ) مثلثات كثيرة ؛ ب) مربعات ؛ ج) مثلثات متقاربة وكل منها متساوي الساقين.

تصميم لهرم قاعدته مثلثة هو:

203



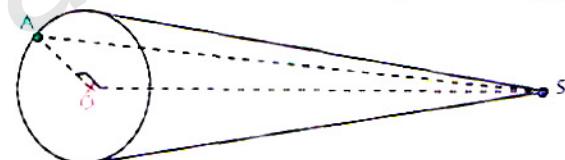
202



الهرم المقابل قاعدته مربع، حجم هذا الهرم يساوي:

$$\frac{20}{3} \text{ cm}^3 \quad (\text{i}) \quad 20 \text{ cm}^3 \quad (\text{ii}) \quad 2 \times 5 \text{ cm}^3 \quad (\text{iii})$$

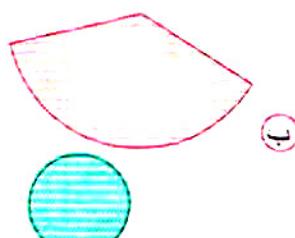
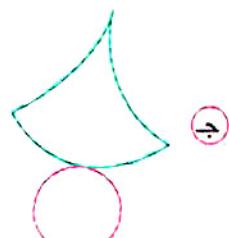
204



ارتفاع مخروط الدوران المقابل هو:

$$OA \quad (\text{i}) \quad OS \quad (\text{ii}) \quad SA \quad (\text{iii})$$

205



تصميم لمخروط دوران هو:

$$(\text{i}) \quad (\text{ii}) \quad (\text{iii})$$

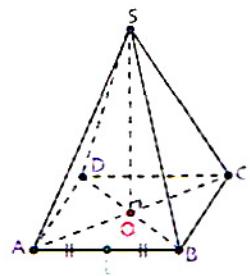
204

مخروط دوران ارتفاعه 9 cm ونصف قطر قاعدته 3 cm، حجمه يساوي بالتقريب:

$$56 \text{ cm}^3 \quad (\text{i}) \quad 85 \text{ cm}^3 \quad (\text{ii}) \quad 254 \text{ cm}^3 \quad (\text{iii})$$

35 المساحة الجانبية (والكلية) لهرم

هرم منتظم قاعدته $ABCD$ مربع حيث:



$AB = 14\text{dm}$ وارتفاعه:

$L = 25\text{dm}$ ، النقطة L ، النقطة S .

منتصف القطعة $[AB]$.

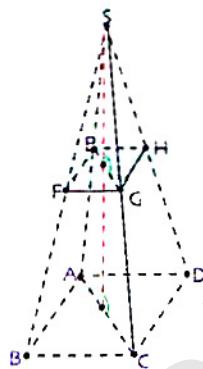
أ) احسب الطول SL مبررا طريقة الحساب.

ب) احسب مساحة المثلث SAB .

ج) استنتج المساحة الجانبية ثم المساحة الكلية لهذا الهرم واحسبهما.

36 حجوم مجسمات

هرم منتظم قاعدته مربع طول ضلعه 5cm ، ومساحته الجانبية تساوي ضعف مساحة القاعدة.



1) احسب المساحة الكلية للهرم.

2) احسب حجم الهرم.

3) قطع هذا الهرم بمستوى يوازي قاعدته على بعد نصف الارتفاع من القاعدة.

هذا المستوى يقطع الأحرف الجانبية للهرم في النقط E ، F ، G ، H . (انظر الشكل).

أ) ما هو نوع المجسم $?SEFGH$ ؟

ب) ما هي مساحة قاعدة هذا المجسم؟ علل.

ج) ما هي مساحته الجانبية؟

د) ما هو حجمه؟

هـ) استنتاج حجم المجسم $.ABCDEFGH$

37 دستور: أولر - بوان كاري Euler-Poincaré

هرم قاعدته مضلع عدد أضلاعه n .

عين بدلالة n عدد كل من:

أوجه ورؤوس وأحرف هذا الهرم.

30 حجم منزل

الشكل المقابل هو تمثيل لمنزل حيث متوازي مستطيلات $EFGHS$ هرم.

احسب الحجم الكلي لهذا المنزل.

31 تحدي

تقول صفاء لزميلتها مريم: كيف يمكنك تشكيل 4 مثلثات، بحيث كل مثلث متقايس الأضلاع وباستعمال 6 أعادات كبيرة فقط؟ ساعد مريم في هذه المهمة.

32 إنجاز تصميم لمجسم مركب

المجسم الملون نحصل عليه بعد قص 8 أهرامات متماثلة ومنتظمة هن علبة على شكل مكعب طول حرفه 6cm ، بحيث رأس كل

هرم هو رأس في المكعب وكل رأس في قاعدة هرم هو منتصف حرف في المكعب.

1) احسب حجم هذا المجسم.
2) أنجز تصميماً للمجسم.

33 هل يمكن إنجاز تصميم لهرم، قاعدته مستطيل بعدها $9,5\text{cm}$ ، $5,5\text{cm}$ وكل وجه جانبي له هو مثلث متساوي الساقين طول ضلعيه المتقابلين 12cm ، على ورق مقوى من التمثيل $A4$? بزر إجابتك.

34 إثبات توازي مستقيمات

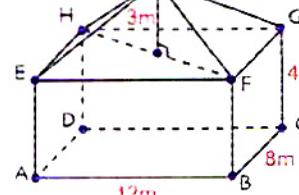
رباعي $ABCD$ منتظم. (هرم منتظم قاعدته مثلث وجميع أوجهه قابلة للتطابق مع القاعدة).

النقط I ، J ، K ، L هي على الترتيب منتصفات القطع $[BD]$ ، $[CD]$ ، $[AC]$ ، $[AB]$.

1) أثبت أن $LK = IJ$ و $(IJ) \parallel (LK)$.

2) استنتاج طبيعة الرباعي $IJKL$ مع التبرير.

ABCDEFHG هرم.

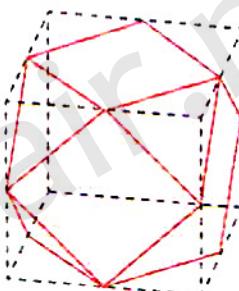


نقول صفاء لزميلتها مريم: كيف يمكنك تشكيل 4

مثلثات، بحيث كل مثلث متقايس الأضلاع وباستعمال 6 أعادات كبيرة فقط؟

ساعد مريم في هذه المهمة.

المجسم الملون نحصل عليه بعد قص 8 أهرامات متماثلة ومنتظمة هن علبة على شكل مكعب طول حرفه



هرم هو رأس في المكعب وكل رأس في قاعدة هرم هو منتصف حرف في المكعب.

1) احسب حجم هذا المجسم.
2) أنجز تصميماً للمجسم.

هل يمكن إنجاز تصميم لهرم، قاعدته مستطيل بعدها $9,5\text{cm}$ ، $5,5\text{cm}$ وكل وجه جانبي له هو مثلث متساوي الساقين طول ضلعيه المتقابلين 12cm ، على ورق مقوى من التمثيل $A4$? بزر إجابتك.

رباعي $ABCD$ منتظم. (هرم منتظم قاعدته مثلث وجميع أوجهه قابلة للتطابق مع القاعدة).

النقط I ، J ، K ، L هي على الترتيب منتصفات القطع $[BD]$ ، $[CD]$ ، $[AC]$ ، $[AB]$.

1) أثبت أن $LK = IJ$ و $(IJ) \parallel (LK)$.

2) استنتاج طبيعة الرباعي $IJKL$ مع التبرير.

و قطره $AB = 10\text{cm}$ أعطى طول مولده $SA = 13\text{cm}$

- 1) باستعمال المعطيات السابقة مثل هذه الشمعة بمخروط وفق المنظور متساوي القياس.
- 2) عين ارتفاع هذه الشمعة ثم احسبه.
- 3) كم شمعة من هذا النمط يمكن صنعها باستعمال 4 لترات من الشمع؟



43 حجم وكثافة خذروف

1) احسب حجم الخذروف المقابل، حيث قطر قاعدة الأسطوانة

الدايرية القائمة 5mm وارتفاعها 15mm وطول قطر 2cm وارتفاعه 2cm .

2) ما هي كثافة هذا الخذروف، علما أنَّ كثافة السنتمتر المكعب الواحد من الخشب الذي صنع منه هي $0,89\text{g/cm}^3$ ؟

44 المساحة الجانبية (والكلية) لمخروط دوران

الشكل المقابل هو تصميم لمخروط دوران.

1) تحقق أنَّ طول القوس AB يساوي

محيط القرص الدايري الذي مركزه النقطة O .

2) باستعمال تناصبية

المناسبة، احسب المساحة الجانبية لهذا المخروط.

3) استنتج المساحة الكلية للمخروط.

4) تطبيق:

تريد بليقس تصميم تاج على شكل مخروط دوران باستعمال ورق مقوى

مزين بحيث يكون ارتفاعه 30cm

و قطر قاعدته 16cm .

* أعطِي القيمة التقريرية إلى $0,1$ لمساحة الورق المقوى اللازم لصناعة هذا التاج.

45 مشكل مفتوح

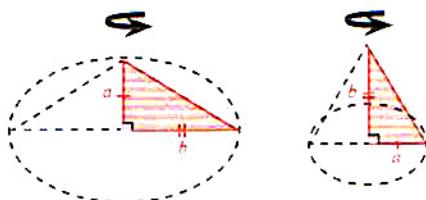
مخروط C ارتفاعه 4cm ، ومخروط C_1 طول نصف قطر قاعدته 2cm وارتفاعه يساوي طول نصف قطر

قاعدة المخروط C .

* عين كل الحالات الممكنة بحيث يكون للمخروطين C و C_1 نفس الحجم.

38 مخروطان من نفس المثلث

بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين نحصل على مخروطي دوران.



أ) ما هو أكبر مخروط في الحجم؟ علل.

ب) بين أنَّ فرق حجمي المخروطين يساوي :

$$\frac{\pi ab(a-b)}{3}$$

39 مخروط دوران داخل مكعب

1) احسب حجم مكعب طول حرفه 8cm .

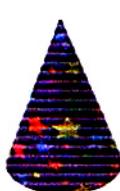
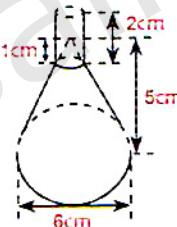
2) احسب القيمة المضبوطة لحجم مخروط دوران ارتفاعه 8cm وطول نصف قطر قاعدته نصف ارتفاعه.

3) نضع المخروط داخل المكعب، هل يشغل المخروط 30% من حجم المكعب؟ علل.

40 سعة قمع

الشكل المقابل يمثل قمعاً (محانا).

احسب باللتر سعة هذا القمع.



41 مخروط دوران ارتفاعه 8cm ونصف قطر

قاعدته 5cm .

قطعنا هذا المخروط

بمستوى يوازي قاعدة

المخروط على بعد

$2,5\text{cm}$ من القاعدة

وذلك للحصول على

المجسمين (1) و(2).

* احسب حجم كل من المجسمين (1) و(2).



42 شمعة

الشكل المقابل يمثل شمعة بهيئة

مخروط دوران رأسه 5

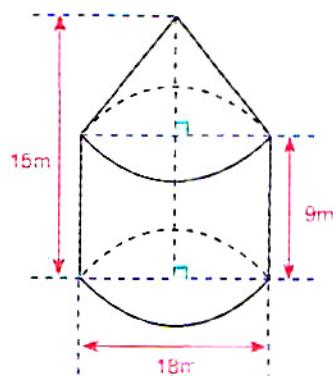
و قاعدته قرص دايري مركزه O .

• وضعية

خزان القمح

طلب منك القيام بزيارة لأحد مخازن القمح في البلدية، ووضع بطاقة تقنية للخزان الواحد تتضمن معلومات معينة. (انظر الوثيقة 1)

تحصّل من المصالح التقنية للبلدية على معلومات تخصّ شكل المخزن وأبعاده. (انظر الوثيقة 2) اقتراح بطاقة تقنية لهذا الخزان.



الوثيقة 2

• كمية القمح بالقطرار التي يمكن أن يحويها الخزان على أن لا يفوق ذلك 90% من حجمه: علماً أن كثافة القمح هي تقريباً 800kg/m^3 (أي 800kg يوافق 1m^3)

• عدد المخازن الواجب استعمالها من أجل 20000 هكتار إذا كان معدل الإنتاج بها هو 40 قطuar بالهكتار:

• كمية الطلاء اللازمة لصبغ سطح الخزان الخارجي الكلى إذا كان 1m^2 من السطح يتطلّب 200g من الطلاء:

• تكلفة كمية الطلاء اللازمة إذا كان سعر 1m^2 من الطلاء هو : 200DA

الوثيقة 1

• وضعية للتقويم

• تحليل وضعية

الشكل المقابل هو تمثيل لأحد الأهرامات من شركة مختصة في صناعة وبيع قطع على شكل أهرامات.

هل يمكن لهذه الشركة تعليب مثل هذه القطع في علب مكعبية الشكل طول حرف المكعب 96cm

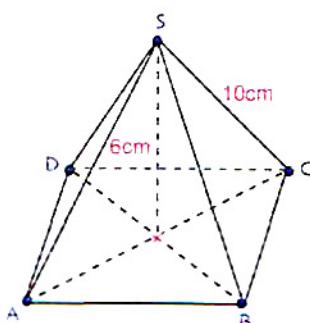
بزر إجابتكم.

لمعالجة الوضعية السابقة، استعن بالعناصر الآتية:

- قراءة وفهم النص.
- تحليل المعطيات وإيجاد ترابطات بينها.
- تحديد الموارد وإعداد خطة حل.
- تنفيذ الخطة.
- تبليغ الحل.

• حل مختصر

البطاقة التقنية للمخزن.



تمثيل هرم وإنجاز تصميم له باستعمال برمجية جيوججيرا

1) افتح نافذة جديدة على برمجية جيوججيرا.

2) من شريط القوائم، اختر القائمة **Affichage** ثم من القائمة الفرعية، اختر **Graphique 3D** عندها ستلاحظ

ظهور ورقي عمل، على اليسار **Axes** وعلى اليمين **Graphique**.

3) انقر بالزر الأيسر للفارة داخل ورقة العمل **Axes** و**Graphique** وشبكة الرسم **Graphique** واحذف المعلم **Axes** وذلك بعد النقر على كل منها، أعد نفس العمل على ورقة العمل **Graphique 3D** من أجل **Axes** و

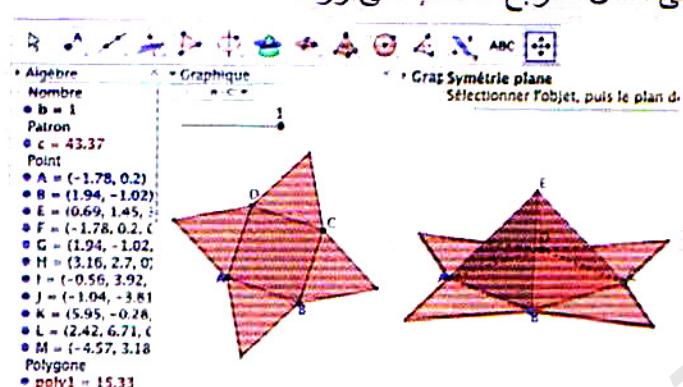
4) انقر داخل ورقة العمل **Graphique** ثم من القائمة **Graphique**، اختر الأداة **Graphique 3D** بعدها أدرج نقطتين ستكونان

A و**B** وعند ظهور علبة الحوار صادق بـ **OK** لإنشاء مربع **(ABCD)** الذي يمثل قاعدة الهرم.

(يمكن استبدال العدد 4 بعده آخر للحصول على قاعدة هي مضلع منتظم).

5) انقر داخل ورقة العمل **Graphique 3D**.

ثم من القائمة **Graphique 3D**، اختر الأداة **Graphique 3D** ثم اضغط على داخل المربع المنشئ على ورقة



العمل، بعد ظهور علبة الحوار اكتب مثلثاً

الذي يمثل ارتفاع هذا الهرم صادق بـ **OK**.

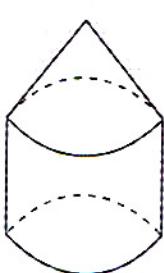
(ستلاحظ تشكيل الهرم **(EABCD)**)

6) من القائمة **Graphique 3D**، اختر الأداة **Graphique 3D** ثم انقر

على الهرم عندك سينجز تصميم للهرم.

7) اضغط على النقطة الزرقاء **Graphique 3D** وحرّكها ثم انظر ماذا ترى.

حل مشكلة بمساعدة مجدول إكسال



الحجم الداخلي لقصور في حديقة حيوانات هو $40m^3$.

هذا القصور مؤلف من أسطوانة دوران قائمة ارتفاعها $1.95m$ ومخروط دوران،

طول نصف قطر قاعدة كل منها $2m$.

نهدف إلى تعين قيمة مقربة إلى $\frac{1}{10}$ لارتفاع هذا المخروط بالاستعانة بمجدول إكسال،

علماً أن هذا الارتفاع محصور بين $3m$ و $4m$.

1) في ورقة حساب مجدول، أنجز الجدول الآتي:

G	F	E	D	C	B	A	نصف القطر	ارتفاع الأسطوانة	ارتفاع المخروط	ارتفاع المخروط	ارتفاع المخروط
							1				
				3	1,95	2	2				
				3,1			3				
				3,2			3				
				3,3							

2) في خلايا نفس السطر من **D2** إلى **G2**، احجز العبارات المناسبة.

3) انسخ محتوى الخلايا في السطر 2 في كل من الأعمدة **A**, **B**, **C**, **D**, **E**, **F**, **G** إلى غاية السطر 12.

4) حل المشكلة المطروحة.

إرشاد: لكتابة العدد π نستعمل الطلبية: **(pi)**.

لكتابة الأس 2 نستعمل الطلبية: **^2**.

متحف مصطلحات الرياضيات

Simplify a fraction	Simplifier une fraction
Height	Hauteur
Cylinder of revolution	Cylindre de révolution
Translation	Translation
Sign	Signe
Dimensions	Dimension
Exponent	Exposant
Bands	Bandes
Demonstration	Démonstration
Numerator	Numérateur
Distance from a point to a right line	distance d'un point à une droite
Algebraic expression	Expression algébrique
Grouping of diatre	Regroupement de données
Round	Arrondi
Mathematization	Mathématisation
Reduction	Réduction
Pattern	Patron
Isometry of triangles	Isométrie de triangles
The enlargement	Agrandissement
Effective	Effectif
Relative frequency	Fréquence relative
Representation	Représentation
Graphic Representation	Représentation graphique
Proportionality	Proportionnalité
Proportionality of lengths	Proportionnalité des longueurs
Symmetry - axial - central	Symétrie - axiale - centrale
Calculation program	Organiser un calcul
Organization of data	Organisation des données
Reduction to the same denominator	Réduction au même dénominateur
Cosine of an acute angle	Cosinus d'un angle aigu
Quotient	Quotient
Volume	Volume
Term	Terme
Uniform movement	Mouvement uniforme
Literal calculation	Calcul littéral
Framing	Encadrement
Solving an equation	Résoudre une équation
Solutions	Solutions
Circle	Cercle
Circum circle	Cercle circonscrit
Degree	Degré
Fourth proportional	Quatrième proportionnelle
Magnitude	Ordre de grandeur
Right angle	Angle droit
Straight angle	Angle plat
Obtuse angle	Angle obtus
Average speed	Vitesse moyenne
Image	Image
Subtraction	Soustraction
Relative integer	Nombre entier relatif
Decimal number	Nombre décimal
Rational number	Nombre rationnel
Relative number	Nombre relatif
Operations	Opérations
Abscissa	Abscisse
Difference	Différence

أختزال كسر
ارتفاع
اسطوانة دوران
انسحاب
إشارة
أبعاد
أس
أشرتة
برهان
بسط كسر
بعد نقطة عن مستقيم
عبارة جبرية
تجميع معطيات
تدوير مدور
ترتيب
تصغير
تصميم
تقايس مثلثات
تكبير
نكرار
تكرار نسبي
قميل
قميل بيانى
تناسبية
تناسبية الأطوال
تناظر - محوري - مركزي
تنظيم حساب
تنظيم معطيات
توحيد مقامات
جيب تمام زاوية حادة
حاصل قسمة
حجم
حد
حركة منتظمة
حساب حرفي
حضر
حل معادلة
حلول
دائرة
دائرة محيطة
درجة
رابع متناسب
رتبة مقدار
زاوية قائلة
زاوية مستقيمة
زاوية حادة
سرعة متوسطة
صورة
طرح
عدد صحيح نسبي
عدد عشري
عدد ناطق
عدد نسبي
عمليات
فاصلة
فرق

Pythagoras	Pythagore	فيثاغورس
Class	Classe	فئة
Divisor	Diviseur	قاسم
Secant	Sécante	قاطع
Base	Base	قاعدة
Power	Puissance	قوة
Power of a relative number	Puissance d'un nombre relatif	قوة عدد نسبي
Power of ordre n	Puissance d'ordre n	قوة من الدرجة n
Exact value	Valeur exacte	قيمة مضبوطة
Approximate value	Valeur approchée	قيمة مقربة
Scientific writing	Ecriture scientifique	كتابية علمية
Fractionnal writing	Ecriture fractionnaire	كتابية كسرية
Fraction	Fraction	كسر
Inequality	Inégalité	متباينة
Parallelogram	Parallélogramme	متوازي أضلاع
Median of a triangle	Médiane d'un triangle	متوسط في مثلث
Average of a series	Moyenne d'un série	متوسط سلسلة
Weighted average	Moyenne pondérée	متوسط متوازن
Triangle	Triangle	مثلث
Right triangle	Triangle rectangle	مثلث قائم
Excel spreadsheet	Tableurs Excel	جدول
Sum	Somme	مجموع
Unknown	Inconnue	مجهول
Perpendicular bissector	Médiatrice	محور
Cone of revolution	Cône de révolution	مخروط دوران
Bar graph	Diagramme en baton	مخطط يأخذ شكل مطرز
Histogram	Histogramme	مدرج تكراري
Area	Aire	مساحة
Distance	Distance	مسافة
Right of the media	Droite des milieux	مستقيم المتنصفين
Parallel lines	Droites parallèles	مستقيمان متوازيان
Problem	Problème	مشكلة
Common multiple	Multiple commun	مضاعف مشترك
Equation	Équation	معادلة
Opposed by a relative number	Opposé d'un nombre relatif	معاكس عدد صحيح
Coefficient of proportionnality	Coefficient de proportionnalité	معامل التناصبية
Rhombus	Losange	مربع
Comparison	Comparaison	مقارنة
Common denominator	Dénominateur commun	مقام مشترك
Inverse of a fraction	Inverse d'une fraction	مقلوب كسر
Cube	Cube	مكعب
Tangent to a circle	Tangente à un cercle	مماس دائرة
Midpoint	Milieu	منتصف
Bisector	Bissectrice	منصف
Generator of a cone of revolution	Génératrice d'un cône de révolution	مولد مخروط الدوران
Right prisme	Prisme droit	موشور قائم
Percentage	Pourcentage	نسبة مئوية
Radius	Rayon	نصف قطر
Ray	Demi-droite	نصف مستقيم
Theorem	Théorème	نظرية - مبرهنة
Point	point	نقطة
Pyramid	Pyramide	هرم
Chord	Corde	وتر دائرة
Hypotenuse	Hypoténuse	وتر مثلث قائم
Time Units	Unités de temps	وحدات الزمن
Description	Description	وصف
Situation of proportionality	Situation de proportionnalité	وضعية تناصبية
Relative position	Position relative	وضعية نسبية

المصادر :

- الصفحة 22 : http://www.maths-et-tiques.fr/index.php?option=com_content&view=article&id=207&Itemid=290
- الصفحة 38 : <http://www.futura-sciences.com/sciences/definitions/univers-unite-astronomique-63>
- الصفحة 70 : <http://histoiredechiffres.free.fr/histoire%20notations/equations.htm>
- الصفحة 86 : https://www.lesnoeuds.com/noeuds_marins.html
- الصفحة 102 : <http://www.who.int/mediacentre/factsheets/fs311/fr>
- الصفحة 118 : <http://www.maths-et-tiques.fr/index.php/histoire-des-maths/mathematiciens-celebres/euclide>
- الصفحة 128 : https://fr.wikipedia.org/wiki/Triangle_des_Bermudes
- الصفحة 150 : <http://whc.unesco.org/fr/list/191>
- الصفحة 166 : <http://www.futura-sciences.com/sciences/personnalites/mathematiques-pythagore-samos-204>
- الصفحة 182 : <http://www.constantine-hier-aujourd'hui.fr/LaVille/palaisdubey.htm>
- الصفحة 198 : [Les Aurés \(Beau livre Chihab Editions\)](#)

الصور :

- الصفحة 22 : <https://alchetron.com/Abu-al-Wafa-Buzjani-1045438-W>
- الصفحة 38 : <http://www.astro-coaching.eu/accueil/astro-coaching-terre-soleil-lune>
- الصفحة 70 : <http://www.bibmath.net/bios/index.php?action=affiche&quoi=khayyam>
- الصفحة 86 : <http://www.meridienne.org/index.php?page=loch.presentation>
- الصفحة 102 : [Chihab Editions](#)
- الصفحة 118 : <http://histoiredelagrece.blogspot.com/p/euclide-dalexandrie-ete-un-genie-qui.html>
- الصفحة 128 : <https://owdin.live/2017/05/27/le-mystere-du-triangle-des-bermudes-peut-etre-enfin-resolu>
- الصفحة 150 : [Chihab Editions](#)
- الصفحة 182 : https://www.tripadvisor.fr/LocationPhotoDirectLink-g734459-d8489661-i224856018-Palais_d_Ahmed_Bey-Constantine_Constantine_Province.html
- الصفحة 198 : [Photos du mausolée Imedghacen \(Chihab Editions\)](#)

تم إنجاز هذا الكتاب ليكون وسيلة بيداغوجية تدعم المساعي التي تهدف إليها مناهج الإصلاح في مادة الرياضيات للسنة الثالثة من التعليم المتوسط، وتحقيق التحسينات المنتظرة في ممارسات القسم عموما، وفي تحصيل التلاميذ في المادة خصوصا، فهو :

- منسجم مع متطلبات المنهاج و يحترم الاختيارات والتوجهات البيداغوجية والتعليمية المقترحة فيه.
- مهيكل وفق تنظيم متكرر في كل الأبواب يترجم تمثي التعلم المختار.
- سهل الاستعمال سواء من قبل التلميذ أو من قبل الأستاذ.
- يحتوي على مسهلات بيداغوجية وتقنية ورسومات وصور توضيحية.
- يرتكز تمثي التعلم المقترح في هذا الكتاب على محطات أساسية، تتيح للتلميذ فرص المشاركة في بناء تعلماه، وللأستاذ هاماها واسعا للتصرف.

نأمل أن يكون هذا الكتاب سenda فعالة للتلמיד والأستاذ.

كتاب مدرسي معتمد من طرف

وزارة التربية الوطنية تحت الرقم : 803 /م.ع 17



MS : 902/17

سعر البيع : 336,30 دج

ISBN 978-9947-39-254-6



9 789947 392546

اضغط هنا
لدخول

موقع عيون البصائر التعليمي

elbassair.net



يمكنك أيضاً متابعتنا على صفحة الفيسبوك

عيون البصائر التعليمية