

التنقيط	التصحيح المفصل	التصحيح المفصل	التنقيط
0.5	<p>معناه: <math>\left\{ \begin{array}{l} \text{---} \end{array} \right\}</math> ; <math>(t \in \mathbb{R})</math> : ومنه <math>\left( \begin{array}{c} \text{---} \\ \text{---} \end{array} \right)</math> <math>d(H; (\Delta))</math> <math>\sqrt{3}</math></p> <p>4. (ا) إيجاد مجموعة النقط <math>M(x; y; z)</math> من الفضاء التي تحقق: <math>\ 2\vec{MA} - \vec{MB} + e\vec{MC}\  = \sqrt{5}(1 + e)</math> معناه: <math>\ 2 - 1 + e\  \vec{MH} = \sqrt{5}(1 + e)</math> معناه: <math>\ \vec{MH}\  = \sqrt{5}</math> ومنه <math>(S)</math> سطح كرة مركزها النقطة <math>H</math> ونصف قطرها <math>\sqrt{5}</math></p> <p>(ب) إيجاد المستويات <math>(P_m)</math> التي تمس المجموعة <math>(S)</math> المستويات <math>(P_m)</math> تمس المجموعة <math>(S)</math> معناه: <math>d(H; (P_m)) = \sqrt{5}</math> <math>d(H; (P_m)) = \frac{ mx_H - y_H + (2-m)z_H + m + 4 }{\sqrt{m^2 + 1 + (2-m)^2}}</math> <math>\sqrt{2}</math> <math>\sqrt{5}\sqrt{2}</math> معناه: <math>\sqrt{2m}</math> معناه: <math>m^2 - 2m = 0</math> معناه <math>m = 0</math> او <math>m = 2</math> ومنه: <math>(P_2)</math>: <math>(P_0)</math>:</p>	<p>التمرين 01: 1. التحقق ان النقط <math>A, B, C</math> لا تعين مستويا وحيدا: <math>\vec{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \vec{AB} \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \end{pmatrix}</math> بما ان: <math>\vec{AB} = -\vec{AC}</math> فان الشعاعين <math>\vec{AC}, \vec{AB}</math> مرتبطان خطيا وبالتالي النقط <math>A, B, C</math> على استقامة واحدة ومنه النقط <math>A, B</math> و تعين ملا نهاية من المستويات وهي حزمة المستويات المتقاطعة وفق المستقيم المار بالنقط الثلاث</p> <p>2. <math>P(m)</math> مجموعة النقط <math>M(x; y; z)</math> من الفضاء التي تحقق: <math>mx - y + (2 - m)</math> عدد حقيقي (ا) نبين ان <math>P(m)</math> مستوي من اجل كل عدد حقيقي: لدينا من اجل كل <math>m</math> من <math>\mathbb{R}</math> الثلاثية <math>(m; -1; 2 - m) \neq (0; 0; 0)</math> ومنه <math>P(m)</math> مستوي من اجل كل عدد حقيقي</p> <p>(ب) نبين ان جميع المستويات <math>P(m)</math> تتقاطع في نفس المستقيم <math>(\Delta)</math> الذي يطلب تعيين تمثيلا وسيطيا له: <math>(2 - m)z</math> يكافئ <math>(-y + 2z + 4) + m(x - z + 1)</math> يكافئ <math>(x - z + 1) = 0</math> و <math>(-y + 2z + 4) = 0</math> منه <math>(\Delta)</math> معرف بالجملة: <math>\begin{cases} x - z + 1 = 0 \\ -y + 2z + 4 = 0 \end{cases}</math> اي ان بوضع <math>t, z = t</math> عدد حقيقي ومنه التمثيل الوسيط لـ <math>(\Delta)</math> هو: <math>\begin{cases} x = t \\ y = 2t + 4 \end{cases}</math></p>	0.5
0.75	<p>التمرين 02: 1. نحل في <math>\mathbb{C}</math> المعادلة ذات المجهول: <math>\sqrt{3}z + 4 = 0</math> ومنه <math>z_1 = \sqrt{3} - i</math> او <math>z_2 = \sqrt{3} + i</math> ومنه <math>\{\sqrt{3} - i; \sqrt{3} + i\}</math> كتابة الحلول على الشكل المثلي: <math>z_1 = 2 \left( \cos \left( -\frac{\pi}{6} \right) + i \sin \left( -\frac{\pi}{6} \right) \right)</math> <math>= 2 \left( \cos(-) + i \sin(-) \right)</math></p> <p>2. كتابة العدد <math>L</math> على الشكل الاسي ثم حساب لدينا: <math>z_C = 2e^{-i\frac{\pi}{6}}, z_B = 2e^{i\frac{\pi}{6}}</math> <math>\sqrt{2} e^{i(-)}</math> ومنه: <math>\sqrt{2} e^{i(-)}</math> <math>\sqrt{2} - \sqrt{2}</math> <math>= \sqrt{2}</math></p> <p>(ب) تعيين قيم العدد الطبيعي <math>n</math> حتى يكون <math>L^n</math> تخيلي صرف: لدينا: <math>L = \sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, L^n = \sqrt{2}^n e^{i(n\frac{\pi}{12})}</math> عدد تخيلي صرف معناه <math>\frac{\pi}{2} = \frac{n\pi}{12} + k\pi</math> ومنه <math>n = 6 + 12k</math></p>	<p>3. (ا) حساب إحداثيات النقطة <math>H</math> حيث: <math>2\vec{HA} - \vec{HB} + e\vec{HC} = \vec{0}</math> بما ان: <math>2 - 1 + e \neq 0</math> فان النقطة <math>H</math> موجودة ووحدية هي مرجع الجملة <math>\{(A; 2); (B; -1); (C; e)\}</math> <math>C(0; 1; 1)</math> ومنه <math>\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}</math> <math>(z)</math></p> <p>(ب) المسافة بين النقطة <math>H</math> والمستقيم <math>(\Delta)</math>: لتكن النقطة <math>H'</math> المسقط العمودي <math>(\Delta)</math> على <math>\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}</math> شعاع توجيهه <math>\vec{HH'} \begin{pmatrix} y_{H'} - 1 \\ y_{H'} - 1 \end{pmatrix}</math> معناه <math>\left\{ \vec{HH'}, \vec{u} \right\} \in (\Delta)</math></p>	0.5

$$u_1 = e \approx 2.71 \quad (1)$$

$$u_3 = \frac{e^3}{27} \approx 0.74,$$

$$u_5 = \frac{e^5}{3125} \approx 0.05, \quad \text{متناقصة ونهايتها}$$

(ا) اثبات ان:  $(n)$

(1) (ا)

(ب) ادرس اتجاه تغير  $(v_n)$  ثم استنتج ان  $(u_n)$  متناقصة:

والدالة  $f(n)$  متناقصة على المجال  $[1, \infty)$

وبالتالي  $(v_n)$  متناقصة وبما ان  $u_n = e^{v_n}$  والدالة الاسية

متزايدة فان اتجاه تغير  $(u_n)$  هو اتجاه تغير  $(v_n)$  اي  $(u_n)$

متناقصة

(ج) استنتج انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معدوم:

بما ان  $(u_n)$  متناقصة فان  $u_n \leq u_0 = e$  ولدينا

$0 < n^n$  وبالتالي  $u_n > 0$  اي

(د) استنتج ان المتتالية  $(u_n)$  متقاربة وعين نهايتها.

$(u_n)$  متناقصة ومحدودة من الاسفل فهي متقاربة.

ولدينا  $\lim_{n \rightarrow +\infty} f(n) = -\infty$  اي

وبالتالي  $(u_n)$

التمرين 04:

الجزء 1:  $f(x) = e^{-x} \ln(1 + e^x)$

بوضع  $(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left[ \frac{\ln(1+e^x)}{e^x} \right]$

نجد:  $\lim_{t \rightarrow 0} \left[ \frac{\ln(1+t)}{t} \right] = 1$  ومنه

$f(x)$

التفسير الهندسي:  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب افقي معادلته

بجوار

(3) (ا) لدينا من اجل كل عدد حقيقي  $x$ :

$f(x) = e^{-x} [\ln e^x + \ln(e^{-x} + 1)]$  ومنه

$f(x) = \frac{x}{e^x} + e^{-x} \ln(1 + e^{-x})$

(ب) حساب نهاية  $f$  عند  $+\infty$  وتفسيرها هندسيا:

لان  $f(x)$

$\left[ \frac{x}{e^x} + e^{-x} \ln(1 + e^{-x}) \right]$

التفسير الهندسي:  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب افقي معادلته

بجوار

(4)  $g(x) = \frac{t}{1+t} - \ln(1+t)$ ،  $-1; +\infty[$

(ا) دراسة تغيرات الدالة:

النهايات:  $(x) = -\infty$

من اجل كل عدد حقيقي  $t$  من  $[0; +\infty[$  ولدينا:

$$(x) \quad \frac{1}{(1+t)^2} \quad \frac{1}{1+t} \quad \frac{1}{(1+t)^2}$$

(1) (ا) نبين انه يوجد دوران  $r$  مركزه النقطة  $B$  ويحول  $A$  الى

يطلب تعيين زاويته:

ليكن  $r$  تحويل عبارته المركبة من الشكل  $z' = az + b$  حيث

عددان مركبان

لدينا معناه  $\begin{cases} r(A) \\ r(B) \end{cases}$  ومنه:  $\sqrt{3}$  و

$$(1-a) = 2\sqrt{3}$$

ومنه:  $z' = \left(-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)z + 2\sqrt{3}$  بما ان:

$$|a| = \left| -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} \right|$$

فان  $r$  هو دوران مركزه  $B$  وزاويته  $g(a)$

(ب) استنتاج طبيعة المثلث  $ABC$  وحساب مساحته

لدينا:  $\arg\left(\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B}\right) = (\overline{BA}; \overline{BC}) = \frac{2\pi}{3}$  و  $AB = BC$  اذن

المثلث  $ABC$  متقايس الاضلاع

لتكن  $z_{B'}$  لاحقة منتصف  $[AC]$ ،  $\sqrt{3}$

$[B]$  ارتفاع وعمود ومتوسط ومحور متعلق ب:  $[AC]$  في

المثلث  $ABC$  المتقايس الضلعين مساحته

$$|z_{B'} - z_B| = 1, AC = |z_C - z_A| = 2\sqrt{3}$$

$$\text{ومنه: } \sqrt{3}ua$$

(1) (ا) تعيين  $(E_1)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  بحيث يكون

العدد  $\frac{z - \sqrt{3} + i}{z - 2i}$  حقيقي موجب: لدينا  $-\sqrt{3}$

$g(\text{---}) = 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$  معناه  $g(\text{---}) = 2k\pi$

$\arg\left(\frac{z - z_C}{z - z_A}\right) = (\overline{MA}; \overline{MC})$  ومنه  $(E_1)$  هي

المستقيم  $(AC)$  باستثناء القطعة  $[AC]$

(ب) تعيين  $(E_2)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  بحيث يكون

$$i\sqrt{3} +$$

عندما  $\theta$  يمسح

لدينا:  $iz = -1 + i\sqrt{3} + 2ie^{i\theta}$  اي  $iz = \sqrt{3} + i + 2e^{i\theta}$

$2e^{i\theta}$  اي ان:  $\sqrt{3} + i + 2e^{i\theta}$

$\theta$  يمسح  $\mathbb{R}$  ومنه:  $(E_2)$  هي دائرة مركزها

النقطة  $B$  ونصف قطرها

التمرين 03:

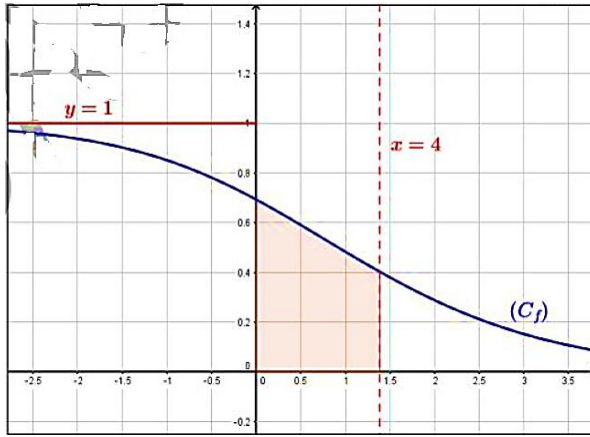
(1) دراسة تغيرات الدالة

$(x)$

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$		+	-
$f(x)$	0	0	$-\infty$

احسب الحدود:  $u_1, u_2, u_3, u_4, u_5$  ثم ضع تخميننا حول اتجاه

0.5



تغيرها ونهايتها

نلاحظ انه من اجل كل عدد حقيقي  $t$  من  $[-\infty, 0)$  :

جدول التغيرات :

$t$	$0$	$+\infty$
$g'(t)$		-
$g(t)$	$0$	$-\infty$

من جدول التغيرات نستنتج انه من اجل كل عدد حقيقي موجب تماما

ان :  $t < 0$

(1) ا) حساب  $f'(x)$  :

لدينا الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  ولدينا :

$$(x) = -e^{-x} \ln(1 + e^x) + \text{---}$$

ومنه بعد التبسيط نجد :  $(x) = \frac{g(e^x)}{e^x}$

(ب) من اجل كل عدد حقيقي  $x$  نضع  $t = e^x$  نجد  $\frac{g(t)}{t} < 0$  ومنه

نجد  $\frac{g(e^x)}{e^x} < 0$  اي  $f'(x) < 0$  ومنه  $f$  متناقصة على مجموعة

تعريفها

جدول التغيرات :

$x$	$-\infty$	$+\infty$
$f'(x)$		-
$f(x)$	$1$	$0$

(ج) انشاء  $(C_f)$  : (انظر في اخر الصفحة)

الجزء 2:  $\int_0^x f(t) dt$

(1) لدينا من اجل كل عدد حقيقي  $t$  : ---

(2) حساب التكامل بالتجزئة :

نضع :  $\begin{cases} u(t) = \frac{1}{1+e^t} \\ v(t) = -t \end{cases}$  و  $\begin{cases} u(t) = \ln(1 + e^t) \\ v'(t) = e^{-t} \end{cases}$  ومنه :

$$F(x) = [\ln(1 + e^t) \times (-e^{-t})]_0^x - \int \text{---}$$

$$F(x) = [\ln(1 + e^t) \times (-e^{-t})]_0^x - \int \text{---}$$

$$F(x) = [\ln(1 + e^t) \times (-e^{-t})]_0^x - \int_0^x \left(1 - \frac{e}{t}\right) dt$$

$$f(x) - \ln\left(\frac{1+e}{x}\right)$$

(3) حساب المساحة :

$$\int_0^{\ln 4} f(x) dx = \left[ -f(x) - \ln\left(\frac{1+e}{x}\right) + 2 \ln 2 \right]$$

بعد الحساب نجد :

$$\int_0^{\ln 4} f(x) dx \text{ ---}$$

0.5

0.5

0.75

0.5

0.5

0.5

0.75

0.75

التنقيط	التصحيح المفصل	التصحيح المفصل	التنقيط
0.5	تعيين معادلة ديكارتية للمستوى $(ABC)$ هي :	التمرين 01 :	
	(1) إيجاد $\vec{u}$ احد اشعة توجيه المستقيم $(\Delta)$ تمثيله الوسيط	1. اثبت ان حلول المعادلة $(E)$ هي الثنائيات	
0.75	هو $\left\{ \begin{array}{l} \ln(t) \\ \ln(e^t) \end{array} \right\}$ ; $t \in ]0; +\infty[$ كافئ	حيث $(x; y)$ حيث $x = 8k - 1$ ، و	
	بوضع $\left\{ \begin{array}{l} \ln(t) \\ \ln(t) \end{array} \right\}$ ; $t \in ]0; +\infty[$	ومنه : $(x + 1) = 8(y + 1)$	0.5
	نجد $k \in \mathbb{R}$ ; $y = -1 + k$ ومنه $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$	يقسم الجداء $8(y + 1)$ واولي مع فهو يقسم	
	نقطة من $(\Delta)$ هي $L(1; -1; 1)$	يعني $y = 3k - 1$ حيث $k \in \mathbb{Z}$ وبتعويض في نجد	0.5
	(ب) لتكن $M(x; y; z)$ نقطة من المستقيم $(\Delta)$ إيجاد	$\left\{ \begin{array}{l} 3x + 2 = 8y + 7 \\ \end{array} \right\}$ يستلزم	
	بدلالة	ومنه $(x; y)$ حل للمعادلة $(E)$	
0.5	ومنه $(x - 1)^2 + (y + 1)^2 + (z - 2)^2 = 3(\ln(t))^2 - 2\ln(t) + 1$	2. اثبات ان $(x; y)$ حل للمعادلة $(E)$ :	
	اي $(\ln(t))^2 + (\ln(t))^2 + (\ln(t) - 1)^2 = 3(\ln(t))^2 - 2\ln(t) + 1$	$\left\{ \begin{array}{l} [3] \\ 7[8] \end{array} \right\}$ كافئ	0.75
	(ج) إيجاد اصغر قيمة $EM^2 = f(t)$ نضع $f(t) = \frac{2(3\ln(t)-1)}{t}$ تنعدم $f'$ عند	(ب) اثبت ان $n$ حل للجمل $(S)$ اذا فقط اذا كان $23[24]$	
0.25	تغير الدالة $f$ نجد ان $f'(t) = \frac{2(3\ln(t)-1)}{t}$ تنعدم $f'$ عند	$(x; y)$ حل للمعادلة $(E)$ حسب السؤال 2) ومنه	
	وسالبة على المجال $]0; e^{\frac{1}{3}}[$ ومنه $f$ متناقصة على المجال	و $y = 3k - 1$ اذن	0.75
	$[-e^{\frac{1}{3}}; +\infty[$ ومتزايدة على المجال $[-e^{\frac{1}{3}}; +\infty[$ اذن اصغر قيمة تصلها	يعني : $n \equiv -1[24]$ ومنه	
	عندما $t = e^{\frac{1}{3}}$ اي $EM^2 = \frac{2}{3}$ ومنه المسافة بين النقطة	$23[24]$	
	والمستقيم $(\Delta)$ هي	نفرض ان يعني ومنه $\left\{ \begin{array}{l} n - 2 = 24k + 21 \\ n - 7 = 24k + 16 \end{array} \right\}$	0.75
	(د) استنتاج احداثيات $H$ المسقط العمودي للنقطة $E$ على المستقيم	$\left\{ \begin{array}{l} 3(7k + 8) \\ 8(8k + 7) \end{array} \right\}$ يعني $\left\{ \begin{array}{l} 2[3] \\ 7[8] \end{array} \right\}$	
0.25	$(\Delta)$ نعوض في التمثيل الوسيط $t = e^{\frac{1}{3}}$ هي $H(-, -, -)$	3. تأكد ان 2015 حل للجمل $(S)$ :	
	(و) كتابة معادلة سطح الكرة $(S)$ التي مركزها $E$ ويمس	لدينا $2015 = 3 \times 671 + 2$ يعني $2015 \equiv 2[3]$ و	0.5
0.5	المستقيم $(\Delta)$ هي مجموعة النقط $M(x; y; z)$ حيث	يعني $2015 = 8 \times 251 + 7$ يعني ان $2015 \equiv 7[8]$	
	يكافئ	اذن $2015 \equiv 23[24]$ اذن $2015 \equiv (-1)$	0.5
	$(x - 1)^2 + (y + 1)^2 + (z - 2)^2 = 0$ ومنه $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0$	اخيرا $0[24]$ و $1[24]$	
0.25	(2) تبين ان المثلث $ABC$ قائم في $A$ لدينا $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0$ ومنه	يعني ان $2015^{1436} - 1$ يقبل القسمة على	
	محقة	التمرين 02 :	
0.5	حساب مساحة المثلث	1. اثبات ان النقط $A, B, C$ تعين مستويا $(ABC)$ لدينا	0.5
	(ب) حساب حجم رباعي الوجوه $ABCD$ نحسب	$\vec{AB} \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}, \vec{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ بما ان $\frac{3}{4} \neq 8$ فان النقط $B, C$ ،	
0.5	حساب $d(D; (ABC))$ ومنه الحجم	تعين مستويا	
		(ب) التحقق ان الشعاع $\vec{n}(-2)$ ناظمي للمستوى $(ABC)$ نحسب	
		$\vec{AC} \cdot \vec{n} = 8 - 7 - 1 = 0$ و $\vec{AB} \cdot \vec{n}$	0.5
		اذن محقة	

لندرس قابلية اشتقاق  $f$  على يمين :

$$\frac{f(x)-f(0)}{-2(3-2)+}$$

ومنه قابلة للاشتقاق على يمين 0 والمنحنى ( $C_f$ ) يقبل نصف مماس موازي لمحور الفواصل عند النقطة (0; 1)

(1) دراسة اتجاه تغير الدالة

0 حساب المشتق : الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على المجال ]0

حيث  $f'(x) = x(3 - 2 \ln x) - x$  ومنه

$$(x) = 2x(1 - \ln x)$$

إشارة  $f'(x)$  هي إشارة  $(1 - \ln x)$  لان

$f'(x)$  يكفي  $(1 - \ln x) \geq 0$  يكفي

أي  $x \leq e$  أي  $x \in [0; e]$  إذن :

$f'(x) \geq 0$  ومنه الدالة  $f$  متزايدة تماما

ونستنتج  $f'(x) \leq 0$  يكفي  $x \in [e; +\infty)$  ومنه الدالة

متناقصة تماما

جدول تغيرات الدالة :

$x$	0	$e$	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$	1	$\frac{1}{2}e^2 + 1$	$-\infty$

0.5

(1) تبين انه يوجد عدد حقيقي  $\alpha$  وحيد حيث :

0.5 و  $f(\alpha) = 0$  من جدول التغيرات نجد الدالة  $f$  متناقصة تماما

على  $[e; +\infty)$  ومستمرة على هذا المجال ولدينا :

و  $f(e) = \frac{1}{2}e^2 + 1$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$  إذن

حسب مبرهنة القيم المتوسطة فان المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل

حلا  $\alpha$  وحيدا في المجال  $[e; +\infty)$  يحقق  $f(\alpha) = 0$

التحقق ان :  $4.6 \leq \alpha \leq 4.7$  لدينا و  $f(4.7) \times$

ومنه  $f(4.6)$

(2) كتابة معادلة المماس ( $D$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة ذات

الفاصلة :

( $D$ ):  $y = f'(x)(x - 1) + f(1)$  ومنه:

( $D$ ): -

لدينا -  $g(x) = f(x)$

حساب  $g'(x)$  و  $g''(x)$  :

الدالة  $g$  قابلة للاشتقاق على المجال  $[0; +\infty)$  حيث

( $x$ )  $2x(1 - \ln x)$  اي ( $x$ )  $(x) - 2$ :

الدالة  $g'$  قابلة للاشتقاق على المجال  $[0; +\infty)$  حيث :

اي  $g''(x) = 2(1 - \ln x) + 2x$  ( $-$ )

( $x$ )

0.5

0.5

التمرين 03 :

1. (ا) احسب العدد المركب  $(\sqrt{3} + i)$

0.25

$$(\sqrt{3} + i) = 2 + 2\sqrt{3}i$$

استنتاج :  $z^2 = 2 + 2\sqrt{3}i$  معناه :  $z^2 = (\sqrt{3} + i)^2$  معناه :

$$-\sqrt{3} - i \text{ او } z = \sqrt{3}$$

0.5

$$(i(\sqrt{3} + i))^2 : z^2 = -2 - 2\sqrt{3}i$$

$$1 - \sqrt{3}i \text{ او } z = -1 + \sqrt{3}i$$

$$\{-\sqrt{3} - i; \sqrt{3} + i; 1 - \sqrt{3}i; -1 + \sqrt{3}i\}$$

(ب) التحقق :  $(z) = (z^2 + 2 + 2\sqrt{3}i)(z^2 - 2 - 2\sqrt{3}i)$

$$-8\sqrt{3}i$$

0.25

2. (ا) اكتب الاعداد المركبة  $C, B, A$  و  $D$  على الشكل الاسي

$$i(-), i(-), -$$

$$i(-),$$

0.5

(ب) تعليم النقط :

0.5

ونصف قطر الدائرة هو

$$\frac{z_A + z_B}{z_A + z_D} = i \text{ و } \frac{z_A + z_B}{z_A + z_D} = i$$

(التفسير :  $(\overline{AB}; \overline{AD}) = \frac{\pi}{2}$  و  $AD = AB$ )

فالمثلث  $ABD$  قائم في  $A$  ومتساوي الساقين

0.75

3.

0.5

(ا) عين طبيعة التحويل  $T$  محدد عناصره المميزة

دوران مركزه  $O$  وزاويته -

(ب) التحقق :  $T(A) = B$  معناه

معناه  $T(B)$

معناه  $T(C)$

0.5

$$P(z') = P(e^{-}) = (iz)^4 + 8 - 8\sqrt{3}i = P(z)$$

$$P(z_A)$$

0.25

0.25

لدينا :  $P(z_A) = P(z_B)$  ومنه  $(z_B) = 0$

$P(z_C) = 0$  ومنه  $P(z_B) = P(z_C)$

$P(z_D) = 0$  ومنه  $P(z_C) = P(z_D)$

0.25

إذا حلول المعادلة  $P(z) = 0$  هي :

$$\{-\sqrt{3} - i; \sqrt{3} + i; 1 - \sqrt{3}i; -1 + \sqrt{3}i\}$$

التمرين 04 :

1. لدينا 0)  $f(x) = \frac{1}{x^2}(3 -$

$$f(0)$$

0.25

2. حساب نهاية  $f$  عند

$$f(x) =$$

0.25

3. دراسة قابلية اشتقاق  $f$  عند

من الواضح ان  $f$  غير قابلة للاشتقاق عند لانها ليست نعرفة على يسار

0.5

(2) استنتاج بدلالة  $n$  المساحة  $A(n)$ :

بما ان  $0 < x < 1$  اي  $0 < \frac{1}{n} \leq x \leq 1$  فان

$$f(x) -$$

حسب السؤال 2 من الجزء II اي من اجل  $\frac{1}{n} \leq x \leq 1$  فان

$$f(x) -$$

$$A(n) = \int_{\frac{1}{n}}^1 \left( f(x) - \left( 2x + \frac{1}{2} \right) \right) dx$$
 ولدينا :

$$f(x) - \left( 2x + \frac{1}{2} \right) -$$

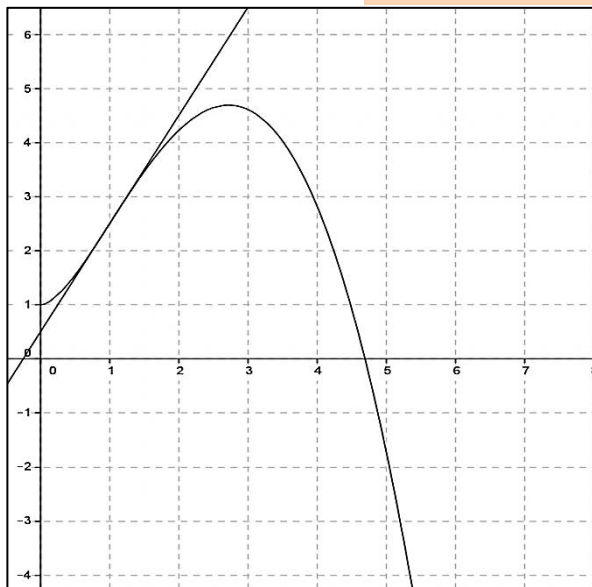
ومنه :  $A(n) = \left[ \frac{x^3}{2} - x^2 + \frac{x}{2} \right]_{\frac{1}{n}}^1 - I_n$  بعد التبسيط نجد :

$$A(n) = \left( - \frac{1}{2n^3} - \frac{1}{2n^2} - \frac{1}{2n} + \frac{1}{2} \right) -$$

حساب  $A(n)$

لدينا :  $\frac{\ln(n)}{n}$  ومنه نجد :

$$A(n) -$$



دراسة اتجاه تغير

(x) يكافئ  $-2\ln x \geq 0$  يكافئ  $\ln x \leq 0$

اذن الدالة  $g'$  متزايدة تماما على  $[0; 1]$

(x) يكافئ  $-2\ln x < 0$

يكافئ  $x < 1$  اذن الدالة  $g'$  متناقصة تماما على  $[1; +\infty[$

جدول تغيرات الدالة :

$x$	0	1	$+\infty$
$g'(x)$	+	0	-
$g(x)$	-2	0	$-\infty$

اشارة الدالة  $g'$  على المجال  $[0; +\infty[$ :

من جدول التغيرات الدالة  $g'$  نجد من اجل كل عدد حقيقي :  
(x)

4. تحديد اتجاه تغير الدالة  $g$  :

لدينا من السؤال 0.1  $g'(x) \leq 0$  ومنه الدالة  $g$  متناقصة تماما على المجال  $[0; +\infty[$

جدول تغيرات الدالة :

$x$	0	1	$+\infty$
$g'(x)$	-	0	-
$g(x)$	1	0	$-\infty$

من جدول تغيرات الدالة  $g$  نجد :  $g(x) \geq 0$  من اجل  $x \in [0; 1]$  ،

$g(x)$  من اجل  $x \in [1; +\infty[$

استنتاج وضعية  $(C_f)$  بالنسبة الى يعود الى (D) دراسة اشارة

الفرق  $f(x) - 2x - \frac{1}{2}$  اشارة  $g(x)$

$x$	0	1	$+\infty$
$g(x)$	+	0	-
الوضعية	$(D)$	$(C_f)$	$(D)$

5. انشاء  $(C_f)$  و  $(D)$  :

6. (1) حساب بدلالة باستعمال المكاملة بالتجزئة :

لدينا :  $\int_{\frac{1}{n}}^1 x^2 \ln x dx$

$$\left\{ \begin{array}{l} u(x) = x \\ v(x) = \ln x \end{array} \right. \text{ ونضع : } \left\{ \begin{array}{l} u'(x) = 1 \\ v(x) = \ln x \end{array} \right.$$

اذن :  $\int_{\frac{1}{n}}^1 \frac{1}{3} x^3 \times \frac{1}{x} dx$

ومنه بعد التبسيط نجد :  $-\left( \frac{1}{3} + \ln n \right) - \frac{1}{9}$

0.5

0.25

0.25

0.25

0.5

0.5

0.75