

التمرين الأول : (5,6 نقاط)

في الغلاف الجوي العلوي (*haute atmosphère*) ، تتحول أنوية الآزوت $^{14}_7N$ لجزيئات الآزوت N_2 إلى الكربون $^{14}_6C$ عند اصطدامها بنيوترونات ذات مصدر كوني (*cosmiques*).
إن الكربون 14 نظيرا مشعا، و الكربون 12 نظيرا مستقرا، يدخلان في تركيب CO_2 الجوي الذي تمتصه النباتات بفضل الكلوروفيل بوجود الضوء.

تحتوي كل الكائنات الحية، كما الغلاف الجوي، على ذرات الكربون بحيث ذرة واحدة ، من بين $8,3.10^{11}$ ذرات كربون ، هي ذرة كربون 14 . لكن عند وفاة الكائن الحي ، يتوقف كل نشاط امتصاص الكربون من طرفه، فبالتالي نسبة الكربون 14 فيه يتناقص لأنه يتفكك مُصدراً جسيمات β^- .

1- أكتب معادلة تفاعل تشكل الكربون 14 في الغلاف الجوي العلوي علما أن التفاعل يستهلك نيوترونا واحدا.

2- الأتوية $^{14}_6C$ مشعة β^- . أكتب معادلة تفككها.

3- ما هي الظاهرة الفيزيائية التي يمكن أن ترافق تفكك أنوية الكربون 14 ؟

4- للكربون 14 نصف العمر 5568 سنوات . احسب ثابت تفككه λ ؟

5- نريد تحديد عمر (تأريخ) مومياء (*une momie*).

لهذا الغرض نأخذ عينة كتلتها $m = 0,259g$ تحتوي كتليا على % 51.2 من الكربون .

إن النشاط A لهذه العينة يساوي 1,4 تفككا في الدقيقة.

1-5 احسب العدد $N_{C14}(0)$ لذرات الكربون 14 الموجودة في العينة عند لحظة دفنها التي تُؤخذ كمبدأ $t = 0$.

2-5 استنتج النشاط $A_{C14}(0)$ للعينة في اللحظة $t = 0$.

3-5 ما هو عمر هذه المومياء ؟

6- احسب نشاط العينة (المومياء) عندما يكون عمرها 35 000 سنوات .

7- لماذا لا يمكن تأريخ ، بطريقة الكربون 14 ، آثار عمرها يفوق بعض ملايين سنوات ؟

يعطى عدد افوقادرو : $N_A = 6,02.10^{23}$

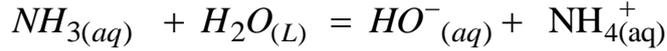
الكتلة المولية الذرية للكربون : $M(C) = 12,0 g/mol$

التمرين الثاني : (5,7 نقاط)

كل المحاليل مأخوذة عند $25^\circ C$ ، الجداء الشاردي للماء $K_e = 10^{-14}$

تحتوي قارورة على محلول تجاري للنشادر NH_3 (أمونياك) تركيزه $C_0 = 10,9 mol.L^{-1}$ و نرمز له (S_0) .

نذكر انه يحدث في محلول النشادر التوازن بين النشادر NH_3 و شوارد NH_4^+ (تدعى شوارد الأمونيوم) حسب المعادلة:



يُعطى ثابت التوازن لتفاعل النشادر مع الماء : $Q_{r,eq} = K = 1,58.10^{-5}$

I- نحضر $50,0mL$ ، ابتداءً من محلول النشادر السابق (S_0) ، محلولاً تركيزه $C_1 = \frac{C_0}{10}$ و قياس الـ pH للمحلول (S_1) أعطى القيمة $pH = 11,62$.

(1)- ما هو الحجم v_0 من المحلول (S_0) الواجب أخذه لتحضير (S_1) ؟

(2)- كيف تدعى هذه العملية ؟ اقترح بروتوكول تجريبي لتحضير (S_1) .

(3)- احسب $[HO^-]_{(S_1)}$ (أو نمز له $[HO^-]_1$) لشوارد HO^- في المحلول (S_1) .

(4)- نعتبر حجماً $v_1 = 1,0L$ من المحلول (S_1) . أكمل جدول تقدم التفاعل التالي الحادث بين NH_3 و الماء في المحلول (S_1) .

الحالة	التقدم	$NH_3(aq) + H_2O(L) = HO^-(aq) + NH_4^+(aq)$			
ابتدائية	0	$n_1 =$	فائض		
انتقالية	x		فائض		
نهائية	$x_f =$		فائض		
أعظمية	$x_{max} =$		فائض		

(5)- استنتج النسبة النهائية لتقدم التفاعل τ_1 . ضع تعليقا لهذه النتيجة .

(6)- احسب كسر التفاعل $Q_{r,1}$ عند الحالة النهائية و بين أن الجملة (S_1) في حالة التوازن. (باعتبار أخطاء القياس)

II- ابتداءً من تمديد المحلول (S_1) للنشادر ، نحضر محلول "بت" (S_2) تركيزه $C_2 = \frac{C_1}{100} = \frac{C_0}{1000}$.

تعطى الناقلية النوعية σ لمحلول ممدد بالعلاقة $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$

كما تعطى الناقلية النوعية المولية التالية : $\lambda(HO^-) = 19,9.10^{-3} S.m^2.mol^{-1}$ ،

$\lambda(NH_4^+) = 7,34.10^{-3} S.m^2.mol^{-1}$

نقيس الناقلية النوعية σ للمحلول (S_2) بواسطة جهاز قياس الناقلية، فنجد : $\sigma = 0,114 mS.cm^{-1}$.

(1)- أعط قيمة σ في النظام الدولي للوحدات (SI) .

(2)- أعط عبارة الناقلية النوعية σ للمحلول (S_2) بدلالة تركيز شوارد H_3O^+ في المحلول (S_2) (

(3)- استنتج من ما سبق $[HO^-]_{(S_2)}$.

(4)- احسب النسبة النهائية لتقدم التفاعل τ_2 لتفاعل النشادر مع الماء.

(5)- هل أثرت عملية التمديد على النسبة النهائية لتقدم تفاعل النشادر مع الماء؟ علل إجابتك بإيجاز .

التمرين الثالث : (نقاط)

نحقق الدارة الكهربائية المبينة على الشكل التالي، باستخدام على التسلسل مولدا قوته المحركة الكهربائية ثابتة قيمتها $E = 5V$ ، قاطعة K ، وشيعة (L, r) و ناقل أومي مقاومته r' .

نأخذ $R = r + r'$.

نغلق القاطعة K عند اللحظة $t = 0$.

1- أنقل الدارة الكهربائية موضحا عليها برسم كيفية ربط راسم الإهتزاز المهيطي

من أجل مشاهدة شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار فيها.

1-2- أكتب المعادلة التفاضلية التي تحقق شدة التيار.

2-2- ان حل هذه المعادلة هو من الشكل :

$$i(t) = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

استنتج ثابت الزمن τ من هذا الحل (لا تعطى مباشرة) .

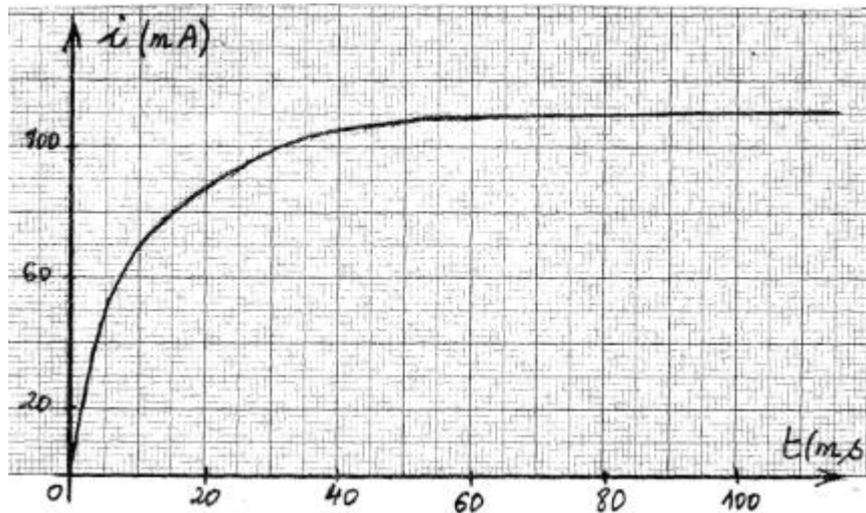
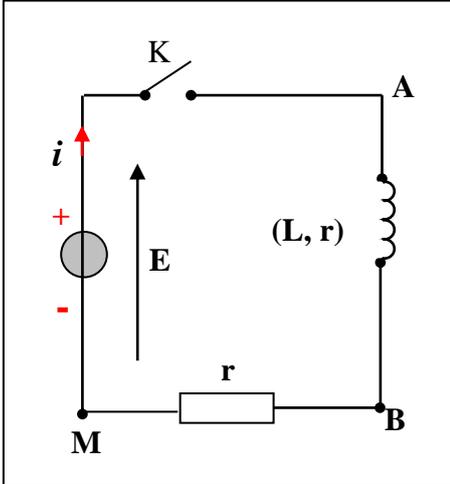
3- ابتداءا من التسجيل البياني أسفله، عين :

أ- قيمة R

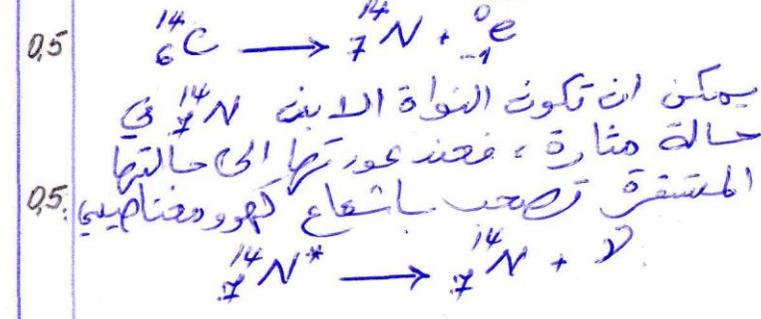
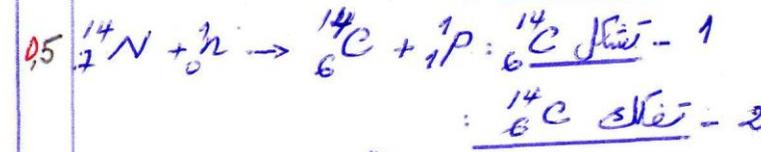
ب- قيمة ثابت الزمن τ بطريقتين مختلفتين .

ج- الذاتية L للوشيعة .

4- في الحالة أين r صغيرة جدا من r' ($r \ll r'$) ، أكتب عبارة التوتر اللحظي بين طرفي الوشيعة.



المترين 01, 6,5 كل



حساب λ :
 $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$

0,5 $t_{1/2} = 5568 \text{ ans} \Rightarrow \lambda = 1,24 \cdot 10^{-4} \text{ an}^{-1}$

1-5 حساب العدد $N_{C14}(t=0)$:
 * كتلة C في العينة :

0,5 $m_C = \frac{51,2}{100} m = \frac{51,2}{100} \times 0,259$
 $m_C \approx 13,26 \cdot 10^{-2} \text{ g}$

* عدد ذرات C في العينة :
 $n_C = \frac{m_C}{M} \cdot N_A \rightarrow n_C = \frac{13,26 \cdot 10^{-2}}{12} \cdot 6,02 \cdot 10^{23}$

0,5 $n_C \approx 6,652 \cdot 10^{21} \text{ atomes}$

* عدد ذرات ${}^{14}_6\text{C}$ في العينة :

0,5 $\left. \begin{array}{l} 14 \text{ C ذرة 1 في } 8,3 \cdot 10^{11} \\ N(C14) \leftarrow n_C \end{array} \right\}$

0,5 $N(C14) = \frac{n_C}{8,3 \cdot 10^{11}} = 8 \cdot 10^9 \text{ atomes}$

2-5 حساب $A(t=0)$

$A(t=0) = \lambda \cdot N_{C14}(0)$

$A(t=0) = \frac{\ln 2 \times 8 \cdot 10^9}{5568 \times 365 \times 24 \cdot 3600}$

0,5 $A(t=0) = 3,16 \cdot 10^{-2} \text{ Bq}$

3-5 عمر المويساء :

$A(t) = A(0) e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln e^{-\lambda t} = \ln \frac{A(t)}{A(0)}$

$-\lambda t = \ln \frac{A(t)}{A(0)}$

0,5 $t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{A(0)}{A(t)}$ and

0,5 $A(t) = \frac{1,4}{60} = 2,33 \cdot 10^{-2} \text{ Bq}$: تبع

$A(0) = 3,16 \cdot 10^{-2} \text{ Bq}$

$\lambda = 3,95 \cdot 10^{-12} \text{ s}^{-1}$

0,5 $t = 7,71 \cdot 10^{10} \text{ s} \approx 2,4 \cdot 10 \text{ ans and}$

6 - نشاط العينة عند $t = 35 \text{ ans}$

$t = 35 \text{ ans} = 365 \times 24 \cdot 3600 = 1,1 \cdot 10^{12} \text{ s}$

$A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$
 $= 3,16 \cdot 10^{-2} e^{-(3,95 \cdot 10^{-12} \cdot 1,1 \cdot 10^{12})}$

0,5 $= 3,16 \cdot 10^{-2} e^{-4,345} \approx 4,1 \cdot 10^{-4} \text{ Bq}$

7 - لان نسبة الكربون 14 في المويساء (او الالبان) ضئيلة جداً وبالتالي تكون العينة غير مشعة.

$\bar{c}_2 = \frac{x_f}{x_{max}}$ حساب 4-أ

$x_f = [H^+]_{S_2} \cdot V_2$

$x_{max} = C_2 \cdot V_2 = \frac{C_0}{1000} \cdot V_2$

$\bar{c}_2 = \frac{[H^+]_{S_2} \cdot 10^3}{C_0}$ من

$\bar{c}_2 = \frac{4,2 \cdot 10^{-4} \cdot 10^3}{10,9} \approx 0,0385$

$\bar{c}_2 \approx 3,8\%$

5- $\bar{c}_2 > \bar{c}_1$: فان التمديد يؤثر على النسبة الزائدية لتقابل الامونيا مع الماء : حيث التمديد يزيد من ايسية الزائدية للتردم.

5- حساب \bar{c}_1

$\bar{c}_1 = \frac{x_f}{x_{max}}$

$\bar{c}_1 = \frac{4,2 \cdot 10^{-3}}{1,09} \approx 0,385 \cdot 10^{-2} \approx 3,85\%$

← التوكول اكيماي في (S₁) محدودا جدا

6- حساب $R_{r,1}$

$R_{r,1} = \frac{[H^+]_f [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f}$

$R_{r,1} = \frac{(4,2 \cdot 10^{-3})^2}{1,09 - 4,2 \cdot 10^{-3}} = 16 \cdot 10^{-5}$

نلاحظ ان $R_{r,1} \approx R_{r,eq}$ في حدود اخطاء القياس

أ- 1- قيمة σ في (142)

$\sigma = 0,114 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{1}{10^{-2}} = 1,14 \cdot 10^{-2} S \cdot m^{-1}$

2- عبارة الناقلية النوعية σ

$\sigma = (\lambda_{NH_4^+} + \lambda_{H^+}) \cdot [H^+]_{S_2}$

3- حساب $[H^+]_{S_2}$

$[H^+]_{S_2} = \frac{\sigma}{\lambda_{H^+} + \lambda_{NH_4^+}}$

$[H^+]_{S_2} = \frac{1,14 \cdot 10^{-2}}{(19,9 + 7,34) \cdot 10^{-3}} = 0,42 \text{ mol/m}^3$

$[H^+]_{S_2} = 4,2 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L}$

EXO-02 (المطلوب 7)

1- حساب V_0 المحلول (S₀) لتخفيض (S₁)

$C_1 \cdot V_1 = C_0 \cdot V_0 \Rightarrow V_0 = \frac{C_1 \cdot V_1}{C_0}$

$V_0 = \frac{C_0}{10} \cdot \frac{50}{C_0} = 5 \text{ mL}$ قس

2- عملية التمديد (التخفيف) البروتوكول:

- نضع حوالي 10ml من (S₀) في بيشر
- بصاطية ناخذنا 5ml
- نترعه في حوضته سعترنا 50ml
- نضيف الماء ونرشح
- نكمل الماء حتى خط العيار

3- حساب $[H^+]_1$ في الملول (S₁):

$[H^+]_1 = \frac{10^{-14}}{[H_3O^+]_1} = \frac{10^{-14}}{10^{-11,62}} = 10^{-2,38}$

$[H^+]_1 \approx 4,2 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$

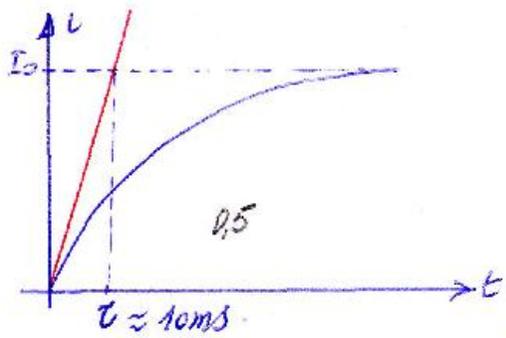
4- جدول التمديد مع (S₁)

		$NH_3(aq) + H_2O = H^+(aq) + NH_4^+(aq)$		
t0	0	$n_1 = C_1 \cdot V_1 = 1,09$	0	0
t	x	$1,09 - x$	x	x
t _f	$x_f = 4,2 \cdot 10^{-3}$	$1,09 - x_f$	x_f	x_f
max	$x_{max} = 1,09$	0	1,09	1,09

$n_1 = C_1 \cdot V_1 = \frac{C_0}{10} \cdot V_1 = 1,09 \text{ mol}$

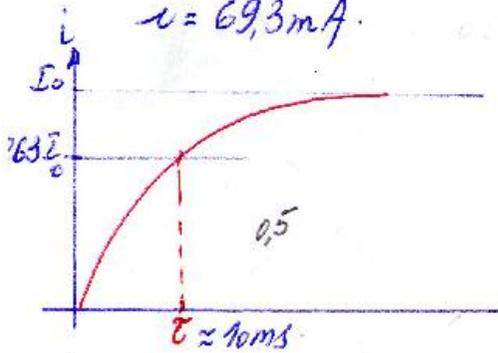
$x_f = [H^+]_1 \cdot V_1 = 4,2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

$1,09 \cdot x_{max} \approx \Rightarrow x_{max} = 1,09 \text{ mol}$



المعادلة 2

من اجل $t = \tau$ يكون: $i = 0,63 I_0$
 $i = 69,3 \text{ mA}$



حساب L

0.5 $L = \tau \cdot R = 10^{-2} \times 45,4 = \underline{0,45 \text{ H}}$

4- اذا كان $r \ll r'$ يكون: $u_L = L \cdot \frac{di}{dt}$

$u_L = L \cdot \frac{E}{R} \left(\frac{1}{\tau} e^{-t/\tau} \right)$

$u_L = E \cdot e^{-t/\tau} = \bar{E} e^{-\frac{t}{\tau}}$

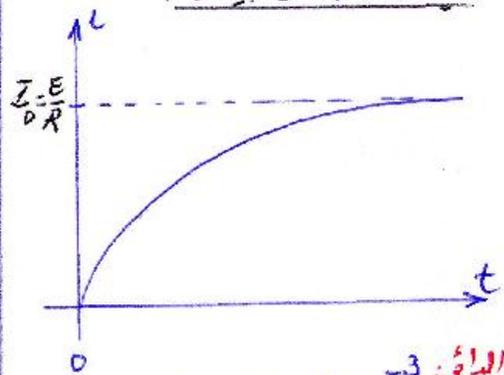
$E \cdot e^{-t/\tau} \left(\frac{1}{\tau R} - \frac{1}{L} \right) + \frac{E}{L} = \frac{E}{L}$

$e^{-t/\tau} \left(\frac{1}{\tau R} - \frac{1}{L} \right) = 0$

$\frac{1}{\tau R} = \frac{1}{L}$ أو

$\tau = \frac{L}{R}$

3- قيم R من البيان



في النظام الدائم: $I_0 = \frac{E}{R} = 110 \cdot 10^{-3} = \underline{110 \text{ mA}}$

$R = \frac{E}{I_0} = \frac{E}{110 \cdot 10^{-3}}$

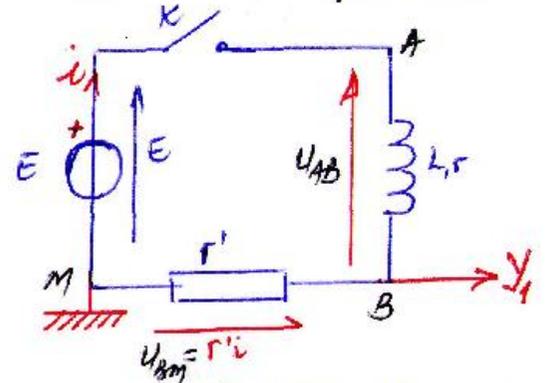
$R = \underline{45,4 \Omega}$

حساب tau

المعادلة الأولى

(06P) Exo-03

1- ربط اسم الاقتران الكهربائي



2- المعادلة التفاضلية

قانون الحركات: $E - U_{AB} - U_{rm} = 0$

$E - L \cdot \frac{di}{dt} - r'i - r'i = 0$

$L \cdot \frac{di}{dt} + R \cdot i = E$

أو $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = \frac{E}{L}$

2-2- عبارة C: $\left(\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{E}{L} \right)$ أو $\left(\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{E}{L} \right)$

$i = \frac{E}{R} (1 - e^{-t/\tau})$

$\frac{di}{dt} = \frac{E}{R\tau} e^{-t/\tau}$

المعادلة التفاضلية نضج

$\frac{E}{R\tau} e^{-t/\tau} + \frac{R}{L} \cdot \frac{E}{R} - \frac{R}{L} \cdot \frac{E}{R} e^{-t/\tau} = \frac{E}{L}$