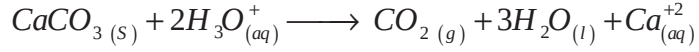


الإختبار الأول في مادة العلوم الفيزيائيةالتمرين الأول : ( 07 نقاط )

يتفاعل كربونات الكالسيوم  $CaCO_3$  مع محلول كلور الماء حسب المعادلة :



لدراسة حركية هذا التفاعل نصب في حوجلة تحتوي على كمية وفيرة من كربونات الكالسيوم حجما :  $V_a = 100 \text{ ml}$  من محلول حمض كلور الماء ذي التركيز  $C = 0,10 \text{ mol / l}$

– نقيس ضغط ثنائي أكسيد الكربون الناتج بواسطة جهاز مناسب و تحت حجم ثابت  $V = 1 \text{ l}$  عند درجة حرارة  $T = 298 \text{ K}$  يعطى الجدول النتائج المتحصل عليها :

| $t (s)$         | 10   | 20   | 30   | 40   | 50   | 60   | 70   | 80   | 90   | 100  |
|-----------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| $P_{CO_2} (pa)$ | 1250 | 2280 | 3320 | 4120 | 4880 | 5560 | 6090 | 6540 | 6940 | 7150 |
| $n_{CO_2}$      |      |      |      |      |      |      |      |      |      |      |

- 1- بتطبيق علاقة الغازات المثالية ( $PV = nRT$ ) حيث  $R = 8,31 \text{ SI}$  – أحسب كمية  $n_{CO_2}$  عند كل لحظة ثم أكمل الجدول .
- 2- انشئ جدولا لتقدم التفاعل ، واستنتج العلاقة بين التقدم  $x$  و  $n_{CO_2}$  .
- 3- أرسم البيان  $x = f(t)$  .
- 4- عين السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظتين  $t = 0$  و  $t = 50 \text{ s}$  ، ماذا تستنتج ؟
- 5- علما أن التفاعل كلي و أن الشوارد  $H_3O^+$  هي المتفاعل المحد ، عين
  - أ- التقدم الأعظمي  $x_{\max}$  ب- زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  .
- 6- إقترح طريقة أخرى تمكن من تتبع هذا التفاعل . علل إجابتك .

التمرين الثاني : ( 07 نقاط )

- 1- حدد مكونات نواة اليورانيوم : ( $^{235}_{92}U$ ) .
- 2- أعط تعبيراً للنقص الكتلي  $|\Delta m|$  لنواة اليورانيوم 235 بدلالة  $m_U$  ،  $m_n$  ،  $m_p$  .
- 3- أعط تعبيراً لطاقة الربط لنواة اليورانيوم 235 .
- 4- تعتمد محطة نووية في إنتاج الطاقة الكهربائية على انشطار اليورانيوم 235 حسب المعادلة :
 
$$^{235}_{92}U + {}^1_0n \longrightarrow {}^x_yXe + {}^{94}_{38}Sr + 3 {}^1_0n$$
  - أحسب قيمتي  $x$  و  $y$  و اعط تعبيراً للطاقة الناتجة عن هذا التفاعل النووي بدلالة  $m_U$  ،  $m_n$  ،  $m_{Sr}$  ،  $m_{Xe}$  .
- 5- نواتج هذا الانشطار إشعاعية النشاط حيث تتحول بدورها إلى نواتج أخرى كالسيزيوم 137 مثلاً .
  - لنواة السيزيوم ( $^{137}_{55}Cs$ ) إشعاعية النشاط  $\beta^-$  و ذات نصف عمر  $t_{1/2} = 30 \text{ ans}$  .
  - أ- عرّف النواة المشعة واكتب معادلة هذا التفكك علما أن النواة المتولدة هي البار  $Ba$  .
  - ب- عرّف نصف العمر  $t_{1/2}$  لنواة مشعة و بين أن قانون التناقص الإشعاعي للسيزيوم يكتب بالعلاقة :  $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$

بحيث  $m(t)$  : كتلة السيزيوم المتبقية عند اللحظة  $t$  .

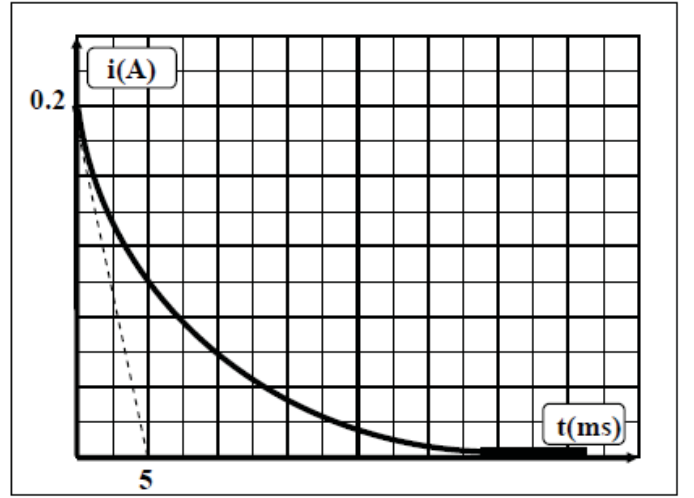
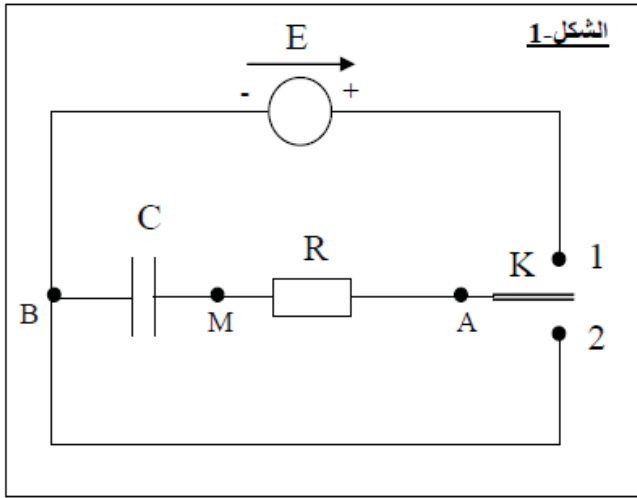
ب- يبين أنه عند اللحظة  $t = n t_{1/2}$  فإن  $\frac{m(t)}{m_0} = 2^{-n}$  .

ج- استنتج الزمن اللازم الذي تكون فيه الكتلة المتبقية من السيزيوم 137 تساوي 0,1 % من الكتلة الابتدائية .

### التمرين الثالث ( 06 نقاط ) :

تتألف دائرة كهربائية من مولد للتوتر الثابت قوته المحركة الكهربائية  $E$  و من مقاومة  $R = 50 \Omega$  ومكثفة فارغة سعتها  $C$  ( الشكل (1) ) .

1- نضع القاطعة  $K$  في الوضع (1) فتشحن المكثفة ، نتابع تطور شدة التيار المار بالدائرة خلال الزمن فتحصل على البيان الموضح في الشكل (2) .



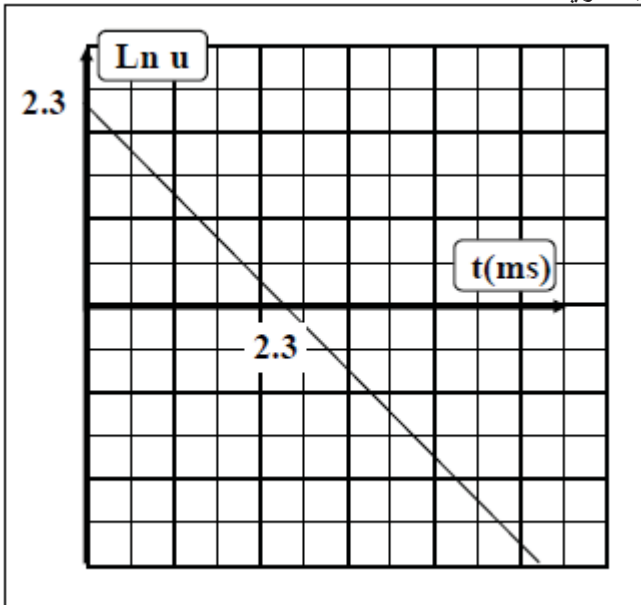
- اعتمادا على البيان أوجد :

\*\* شدة التيار الكهربائي في النظام الدائم . \*\* القوة المحركة للمولد . \*\* سعة المكثفة .

2- نضع البادلة في الوضع (2) .

أ- يبين ماذا يحدث في المكثفة على المستوى المجهرى .

ب- أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة  $U = f(t)$  حيث  $U$  : التوتر بين طرفي المكثفة .



ج- تحقق من أن حل هذه المعادلة من الشكل  $U(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}}$  .

3- نستبدل المكثفة السابقة بمكثفة أخرى سعتها  $C'$  ثم نغلق

القاطعة ، وعند انتهاء عملية الشحن نفتح القاطعة من جديد

- يمثل البيان المقابل تغيرات اللوغاريتم النبري للتوتر

بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن  $\ln(U) = f(t)$

أ- أوجد العبارة النظرية بين  $\ln(U)$  ,  $t$  ,  $\tau$  ,  $E$  .

ب- اعتمادا على هذه العبارة وكذا البيان المعطى

- أوجد ثابت الزمن للدائرة ثم استنتج سعة المكثفة  $C'$  .

## التصحيح النموذجي للإختبار الأول في مادة العلوم الفيزيائية

| 07 نقاط           |                     | ** التمرين الأول **                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|-------------------|---------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------|-----------|------|------|------|-------------------|-------|---------------------|----|-------|-------------------|-------------------|-------|----------------|---------|-------|---------|-----------------|-------|------------------|-----------|-------|-----------|--|--|--|--|--|--|--|
| إجمالية           | مجزأة               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| 01                | 0,25                | 1- حساب الكمية $n_{CO_2}$ عند كل لحظة :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,25                | لدينا العلاقة : $n = \frac{PV}{RT} \Leftrightarrow PV = nRT$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   |                     | حيث تأخذ القيم بالوحدات التالية : $\{ P (pa) , V (m^3) , T (K) \}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,5                 | ** من العلاقة السابقة نقوم بإكمال الجدول فنحصل على القيم :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   |                     | <table><tr><th><math>t (s)</math></th><td>10</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td><td>50</td><td>60</td><td>70</td><td>80</td><td>90</td><td>100</td></tr><tr><th><math>n_{CO_2} (mmol)</math></th><td>0,50</td><td>0,92</td><td>1,34</td><td>1,66</td><td>1,97</td><td>2,24</td><td>2,45</td><td>2,64</td><td>2,80</td><td>2,89</td></tr></table>                                                                                                                                                                                                                                                                      | $t (s)$             | 10                                                                                      | 20        | 30   | 40   | 50   | 60                | 70    | 80                  | 90 | 100   | $n_{CO_2} (mmol)$ | 0,50              | 0,92  | 1,34           | 1,66    | 1,97  | 2,24    | 2,45            | 2,64  | 2,80             | 2,89      |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| $t (s)$           | 10                  | 20                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | 30                  | 40                                                                                      | 50        | 60   | 70   | 80   | 90                | 100   |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| $n_{CO_2} (mmol)$ | 0,50                | 0,92                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | 1,34                | 1,66                                                                                    | 1,97      | 2,24 | 2,45 | 2,64 | 2,80              | 2,89  |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| 01                | 0,5                 | 2- إنشاء جدول التقدم :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   |                     | <table><tr><th>المعادلة الكيميائية</th><th colspan="5"><math>CaCO_{3(s)} + 2H_3O_{(aq)}^+ \longrightarrow CO_{2(g)} + 3H_2O_{(l)} + Ca_{(aq)}^{+2}</math></th></tr><tr><td>الحالة الابتدائية</td><td>بوفرة</td><td><math>n_0 = 10^{-2} mol</math></td><td>0</td><td>بوفرة</td><td>0</td></tr><tr><td>الحالة الإنتقالية</td><td>بوفرة</td><td><math>n_0 - 2x (t)</math></td><td><math>x (t)</math></td><td>بوفرة</td><td><math>x (t)</math></td></tr><tr><td>الحالة النهائية</td><td>بوفرة</td><td><math>n_0 - 2x_{max}</math></td><td><math>x_{max}</math></td><td>بوفرة</td><td><math>x_{max}</math></td></tr></table> | المعادلة الكيميائية | $CaCO_{3(s)} + 2H_3O_{(aq)}^+ \longrightarrow CO_{2(g)} + 3H_2O_{(l)} + Ca_{(aq)}^{+2}$ |           |      |      |      | الحالة الابتدائية | بوفرة | $n_0 = 10^{-2} mol$ | 0  | بوفرة | 0                 | الحالة الإنتقالية | بوفرة | $n_0 - 2x (t)$ | $x (t)$ | بوفرة | $x (t)$ | الحالة النهائية | بوفرة | $n_0 - 2x_{max}$ | $x_{max}$ | بوفرة | $x_{max}$ |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | المعادلة الكيميائية | $CaCO_{3(s)} + 2H_3O_{(aq)}^+ \longrightarrow CO_{2(g)} + 3H_2O_{(l)} + Ca_{(aq)}^{+2}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | الحالة الابتدائية   | بوفرة                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | $n_0 = 10^{-2} mol$ | 0                                                                                       | بوفرة     | 0    |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| الحالة الإنتقالية | بوفرة               | $n_0 - 2x (t)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | $x (t)$             | بوفرة                                                                                   | $x (t)$   |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| الحالة النهائية   | بوفرة               | $n_0 - 2x_{max}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | $x_{max}$           | بوفرة                                                                                   | $x_{max}$ |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,5                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
| 02                | 0,5                 | ** من الجدول نجد أن : $n_{CO_2} = x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,5                 | 3- رسم البيان :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,5                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |
|                   | 0,5                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                     |                                                                                         |           |      |      |      |                   |       |                     |    |       |                   |                   |       |                |         |       |         |                 |       |                  |           |       |           |  |  |  |  |  |  |  |

| إجماليّة | مجزأة |                                                                                                                               |
|----------|-------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 01       | 0,25  | 4- تعيين السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظتين $t = 0$ و $t = 50$ s .                                                           |
|          | 0,25  | لدينا من العلاقة : $v_v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$ و برسم مماس المنحنى عند اللحظتين المذكورتين كما في الرسم نجد :           |
|          | 0,25  | - لما $t = 0$ : $v_0 = \frac{1}{0,1} \frac{10^{-3}}{20}$ نجد أن : $v_0 = 5 \times 10^{-4} \text{ mol / s}$ .                  |
|          | 0,25  | - لما $t = 50$ s : $v_{50} = \frac{1}{0,1} \frac{(2-0,5)10^{-3}}{50}$ نجد أن : $v_{50} = 3 \times 10^{-4} \text{ mol / s}$ .  |
|          | 0,25  | ** نستنتج أن سرعة التفاعل متناقصة بتناقص كميات المادة للمتفاعلات .                                                            |
| 01       | 0,25  | 5- أ- تعيين التقدم الأعظمي $x_{\max}$ .                                                                                       |
|          | 0,25  | علما أن $H_3O^+$ هي المتفاعل المحد يعني أن : $n_0 - 2x_{\max} = 0 \Leftrightarrow x_{\max} = \frac{n_0}{2}$                   |
|          | 0,25  | ومنّه : $x_{\max} = 5 \times 10^{-3} \text{ mol}$ $x_{\max} = \frac{10^{-2}}{2} \Leftrightarrow$                              |
|          | 0,25  | ب- إيجاد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ .                                                                                          |
|          | 0,25  | زمن نصف التفاعل هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه الأعظمي أي : $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$                        |
| 01       | 0,25  | و منه من البيان نجد أن : $t_{1/2} \approx 74 \text{ s}$                                                                       |
|          | 0,5   | 6- الطريقة المقترحة التي تمكن من تتبع هذا التفاعل : عن طريق قياس الناقلية .                                                   |
|          | 0,5   | - التعليل :                                                                                                                   |
|          | 0,5   | ** خلال هذا التفاعل يكون فيه اختفاء للشوارد $H_3O^+_{(aq)}$ و ظهور للشوارد $Ca^{+2}_{(aq)}$ مما يؤدي إلى التغير في قيم ناقلية |
|          | 0,5   | المحلول .                                                                                                                     |
| 07 نقاط  |       | ** التمرين الثاني **                                                                                                          |
| إجماليّة | مجزأة |                                                                                                                               |
| 0,5      | 0,25  | 1- تحديد مكونات نواة اليورانيوم : $(^{235}_{92}U)$ .                                                                          |
|          | 0,25  | تتكون من : 92 بروتون ( $Z = 92$ ) و 143 نوترون ( $N = A - Z = 143$ )                                                          |
|          | 0,5   | 2- عبارة النقص الكتلي $ \Delta m $ لنواة اليورانيوم 235 بدلالة $m_U$ , $m_n$ , $m_p$ .                                        |
|          | 0,5   | $ \Delta m  = (92 m_p + 143 m_n) - m_U$ ومنّه : $ \Delta m  = (Z m_p + (A - Z) m_n) - m_U$                                    |
|          | 0,5   | 3- عبارة طاقة الربط لنواة اليورانيوم 235 .                                                                                    |
| 01       | 0,5   | $E_l = ((92 m_p + 143 m_n) - m_U) c^2$ ومنّه : $E_l =  \Delta m  c^2$                                                         |
|          | 0,5   | 4- تحديد قيمتي $x$ و $y$ .                                                                                                    |
|          | 0,5   | من قانوني انحفاظ الكتلة و الشحنة : $235 + 1 = x + 94 + 3$ $\Leftrightarrow x = 139$ ، $92 = 54 + y$ $\Leftrightarrow y = 38$  |
|          | 0,5   | - الطاقة النهائية : $E_{lib} = Q = \Delta m c^2$ ومنّه $E_{lib} = (m_{Xe} + m_{Sr} + 2m_n - m_U) c^2$                         |
|          | 0,5   |                                                                                                                               |

|         |       |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|---------|-------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 4,5     | 0,5   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|         | 0,5   | 5- أ- النواة المشعة هي نواة غير مستقرة تصدر اشعاعات $\alpha$ , $\beta$ , $\gamma$ .                                                                                                                                                                                                                                                             |
|         | 0,5   | - معادلة التفكك : $^{137}_{55}\text{Cs} \rightarrow ^{137}_{56}\text{Ba} + \beta^-$                                                                                                                                                                                                                                                             |
|         | 0,5   | - نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة مشعة هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية .                                                                                                                                                                                                                                                      |
|         | 0,5   | - تبين أن قانون التناقص الإشعاعي للسيزيوم يكتب بالعلاقة : $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$ .                                                                                                                                                                                                                                                         |
|         | 0,5   | لدينا عبارة كمية المادة $N = \frac{m N_A}{M} \Leftrightarrow n = \frac{m}{M} = \frac{N}{N_A}$ .                                                                                                                                                                                                                                                 |
|         | 0,5   | و لدينا من قانون التناقص الإشعاعي : $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه $\frac{m(t) N_A}{M} = \frac{m_0 N_A}{M} e^{-\lambda t}$                                                                                                                                                                                                                    |
|         | 0,5   | ف نجد : $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|         | 0,5   | ب- تبين أنه عند اللحظة $t = n t_{1/2}$ فإن : $\frac{m(t)}{m_0} = 2^{-n}$ .                                                                                                                                                                                                                                                                      |
|         | 0,5   | لدينا من العلاقة : $\frac{m(t)}{m_0} = e^{-\lambda t}$ ولدينا $\left\{ t = n t_{1/2} , \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \right\} \Leftrightarrow \frac{m(t)}{m_0} = e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} n t_{1/2}} \Leftrightarrow \frac{m(t)}{m_0} = 2^{-n}$ ومنه $\frac{m(t)}{m_0} = e^{-\ln 2 n} \Leftrightarrow \frac{m(t)}{m_0} = e^{-n \ln 2}$ إذا : |
|         | 0,5   | ج- استنتاج الزمن اللازم الذي تكون فيه الكتلة المتبقية من السيزيوم 137 تساوي 0,1 % من الكتلة الابتدائية .                                                                                                                                                                                                                                        |
|         | 0,5   | أي من أجل $\frac{m(t)}{m_0} = 0,1\%$ ومنه $2^{-n} = 0,001 = 10^{-3} \Leftrightarrow \ln 2^{-n} = \ln 10^{-3} \Leftrightarrow -n \ln 2 = \ln 10^{-3}$ ومنه $n = \frac{\ln 10^3}{\ln 2} \approx 10$ ومن العلاقة : $t = n t_{1/2}$ نجد أن $t = 10 \times 30$ ومنه : $t = 300 \text{ ans}$                                                          |
| 06 نقاط |       | ** التمرين الثالث **                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
| إجمالية | مجزأة |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| 1,25    | 0,25  | 1 - اعتمادا على البيان :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
|         | 0,5   | ** شدة التيار في النظام الدائم معدومة : $i(\infty) = 0$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|         | 0,5   | ** القوة المحركة للمولد :                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|         | 0,5   | من البيان : لما $t = 0$ فإن $i = I_0 = 0,2 \text{ A}$ ولدينا $I_0 = \frac{E}{R} \Leftrightarrow E = R I_0$ ومنه $E = 50 \times 0,2$ فنجد : $E = 10 \text{ V}$                                                                                                                                                                                   |
|         | 0,5   | ** سعة المكثفة : من البيان : $\tau = 5 \times 10^{-3} \text{ s}$ ولدينا $\tau = R \times C \Leftrightarrow C = \frac{\tau}{R}$ ومنه : $C = \frac{5 \times 10^{-3}}{50}$ ومنه : $C = 100 \mu\text{F}$                                                                                                                                            |
|         | 0,25  | 2 - أ- تبين ما يحدث في المكثفة على المستوى الجهري في هذه الحالة : المكثفة تتفرغ في الناقل الأومي .                                                                                                                                                                                                                                              |

ب- إيجاد المعادلة التفاضلية بدلالة  $U = f(t)$  :

حسب قانون جمع التوترات و قانون أوم :

$$RC \frac{dU(t)}{dt} + U(t) = 0 \Leftrightarrow 0 = U_{AM} + U_{MB} \Leftrightarrow U_{AB} = U_{AM} + U_{MB}$$

ولدينا  $\tau = R \times C$  و منه :  $\frac{dU(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} U(t) = 0$  وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى .

ج- التحقق من أن حل هذه المعادلة من الشكل  $U(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}}$  .

$$\frac{dU(t)}{dt} = -\frac{1}{\tau} E e^{-\frac{t}{\tau}} \Leftrightarrow U(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ بالتعويض في المعادلة التفاضلية : } -\frac{1}{\tau} E e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{\tau} E e^{-\frac{t}{\tau}} = 0$$

ومنه  $0 = 0$  إذن الحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية السابقة .

3- أ- إيجاد العبارة النظرية بين  $E, \tau, t, \ln(U)$  .

$$\text{لدينا } U(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ و بادخال اللوغاريتم نجد } \ln U = \ln \left( E e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \ln E + \ln e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\text{ومنه : } \ln U = -\frac{1}{\tau} t + \ln E$$

ب- \*\* إيجاد ثابت الزمن للدارة : .

البيان عبارة عن خط مستقيم عبارته من الشكل :  $\ln U = a t + b$  بحيث  $a$  : ميل البيان

$$\text{بالمطابقة مع العلاقة النظرية نجد بأن : } -\frac{1}{\tau} = a \Leftrightarrow \tau = -\frac{1}{a} \text{ من البيان } a = \frac{0 - 2,3}{2,3 \times 10^{-3} - 0} = -10^3$$

$$\text{ومنه } \tau = 10^{-3} \text{ s}$$

\*\* قيمة سعة المكثفة  $C'$  :

$$\text{لدينا } \tau = R \times C' \text{ ومنه } C' = \frac{\tau}{R} \Leftrightarrow C' = \frac{10^{-3}}{50} \text{ ومنه : } C' = 20 \mu F$$

2,25

0,5

0,5

0,5

0,5

0,5

0,5

2,5

0,5

0,5

0,5