

3AS U03 - Exercice 020

المحتوى المعرفي : دراسة ظواهر كهربائية .

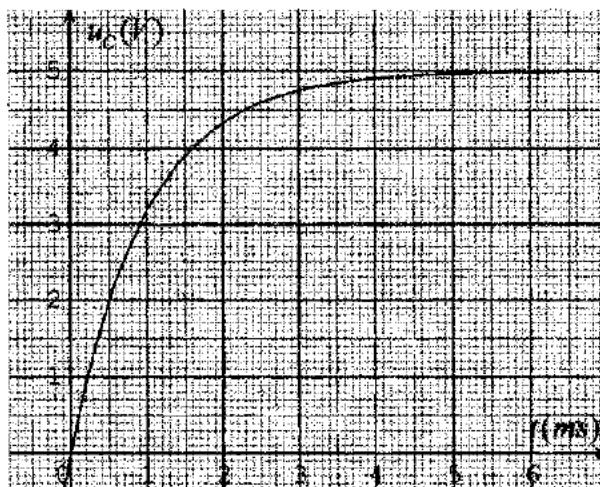
تاريخ آخر تحدث : 2015/04/20

نص التمرين : (بكالوريا 2010 – علوم تجريبية) (**)

نحق دارة كهربائية تتكون من :

- مولد ذو توتر كهربائي ثابت $E = 5V$.
- ناقل أومي مقاومته $\Omega = 100$.
- مكثفة سعتها C .
- قاطعة k .

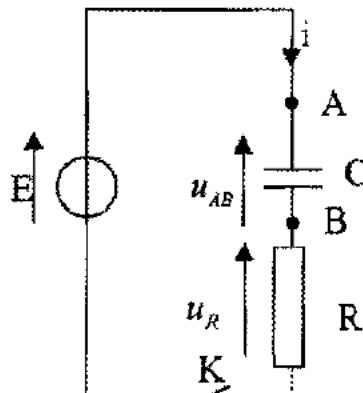
نوصل طرفي المكثفة A ، B إلى واجهة دخول لجهاز إعلام آلي و عولجت المعطيات ببرمجة "MicrosoftExcel" و تحصلنا على المنحنى البياني $u_C = f(t)$ (الشكل-2) .



الشكل-2

- 1/ اقترح مخططاً للدارة موضحاً اتجاه التيار ثم مثل بسهم كلًا من التوترين u_R و u_C .
- 2/ عين قيمة ثابت الزمن τ و ما مدلوله الفيزيائي؟ استنتج قيمة سعة المكثفة C .
- 3/ أحسب شحنة المكثفة عند بلوغ الدارة لنظام الدائم .
- 4/ لو استبدلنا المكثفة السابقة بمكثفة سعتها $C' = 2C$ ، أرسم كيافيًا ، في نفس المعلم السابق شكل المنحنى $u_C = g(t)$ الذي يمكن مشاهدته على شاشة الجهاز . مع التعليل .

حل التمرين



1- مخطط الدارة : (الشكل المقابل)

2- تعين قيمة τ :

بالإسقاط في البيان نجد : $t = \tau \rightarrow u_C = 0.63 \cdot u_{C0} = 0.63 \cdot 5 = 3.15 \text{ V}$

$$\tau = 10^{-3} \text{ s} = 1 \text{ ms}$$

يمكن الحصول على نفس النتيجة بمقابلة ببيان $f(t) = u_C(t)$ عند اللحظة $t = 0$.

المدلول الفيزيائي :

هو الزمن اللازم لشحن المكثفة بنسبة 63% من شحنتها العظمى كما يمثل 20% من زمن اتمام الشحن.

قيمة سعة المكثفة :

$$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-3}}{100} = 10^{-5} \text{ F} = 10 \mu\text{F}$$

3- شحنة المكثفة عند بلوغ النظام الدائم :

عند بلوغ النظام الدائم أي نهاية الشحن تبلغ شحنة المكثفة قيمتها العظمى Q_0 حيث يكون :

$$Q_0 = EC$$

$$Q_0 = 5 \times 10^{-5} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ C}$$

4- البيان $f(t) = u_C'$ عند استبدال المكثفة السابقة بمكثفة سعتها $C' = 2C$:

ثبتت الزمن يتتناسب طرديا مع سعة المكثفة أي $C' = 2C$ و عليه :

$$C' = 2C \rightarrow \tau' = 2\tau$$

هذا يعني أن قيمة τ تزداد و بالتالي يزداد زمن إتمام الشحن (أو تتأخر عملية إتمام الشحن) لذا يكون البيان الموافق τ' كما يلي :

