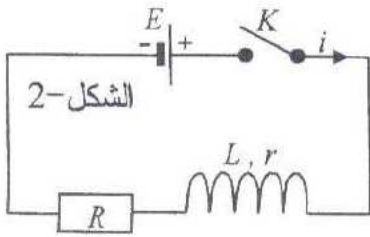


3AS U03 - Exercice 018

المحتوى المعرفي : دراسة ظواهر كهربائية .

تاريخ آخر تحديث : 2015/04/20

نص التمرين : (بكالوريا 2011 - علوم تجريبية) (**)

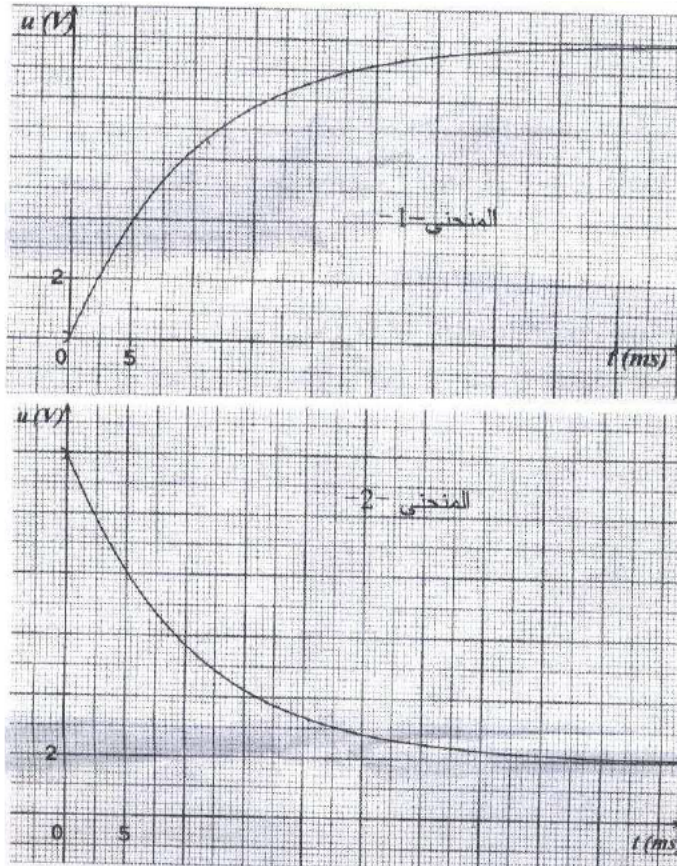


تحتوي دارة على العناصر الكهربائية التالية مربوطة على التسلسل (الشكل-2) :

- مولد ذي توتر ثابت E .
- وشيعة ذاتيتها L و مقاومتها r .
- ناقل أومي مقاومته $R = 100 \Omega$.
- قاطعة K .

للمتابعة الزمنية لتطور التوتر بين طرفي كل من الوشيعة $u_b(t)$ و الناقل الأومي $u_R(t)$ نستعمل راسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة .

- 1- أ- بين كيف يمكن ربط راسم الإهتزاز المهبطي بالدارة لمشاهدة كل من $u_b(t)$ و $u_R(t)$ ؟
- ب- نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0 \text{ ms}$ فنشاهد على الشاشة البيانيين الممثلين للتوترين $u_b(t)$ و $u_R(t)$ (الشكل) .



- انسب كل منحنى للتوتر الموافق له . مع التعليل .
- 2- أ- أثبت أن المعادلة التفاضلية لشدة التيار المار في الدارة تكون من الشكل :

$$\frac{di(t)}{dt} + A i(t) = B$$

ب- أعط عبارة كل من A و B بدلالة E و L و r و R .

ج- تحقق من أن العبارة $i(t) = \frac{B}{A} (1 - e^{-At})$ هي حلا للمعادلة التفاضلية السابقة .

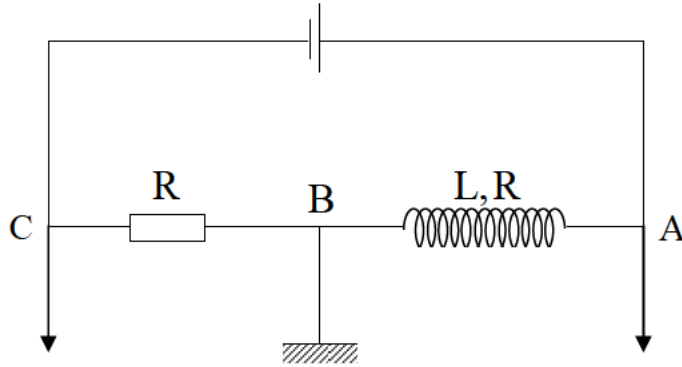
د- احسب شدة التيار في النظام الدائم I_0 .

هـ- احسب قيم كل من E و r و τ و L .

و- احسب الطاقة الأعظمية المخزنة في الوشيجة .

حل التمرين

1- أ- كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي :



كون أن $u_C > u_B$ يظهر البيان في المدخل Y_1 معكوس لذا نضغط على الزر INV حتى نحصل على البيان المعطى في الشكل .

ب- المنحني الموافق لكل توتر :

عند غلق القاطعة ($t = 0$) تكون شدة التيار معدومة و حسب قانون أوم بين طرفي الناقل الأومي $u_R = R i$ يكون $u_R = 0$ أيضا عن اللحظة $t = 0$ أي :

$$t = 0 \rightarrow u = u_R = 0$$

و هذا يوافق المنحني (1) إذن :

$$u_R(t) \leftarrow (1) \text{ المنحني}$$

$$u_b(t) \leftarrow (2) \text{ المنحني}$$

2- كتابة المعادلة التفاضلية :

حسب قانون جمع التوترات :

$$E = u_R + u_b$$

$$E = L \frac{di}{dt} + r i + R i$$

$$L \frac{di}{dt} + (R + r) i = E \rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{(R + r)}{L} i = \frac{E}{L}$$

ب- عبارة A و B بدلالة E ، L ، r ، R :

$$\text{المعادلة التفاضلية السابقة هي من الشكل } \frac{di}{dt} + A i = B \text{ حيث : } A = \frac{R + r}{L} , B = \frac{E}{L} .$$

ج- التحقق من أن $i = \frac{B}{A} (1 - e^{-At})$ هو حل للمعادلة التفاضلية :

$$\bullet i = \frac{B}{A} (1 - e^{-At})$$

$$\bullet \frac{di}{dt} = \frac{B}{A} (0 - (-Ae^{-At})) = B e^{-At}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية $\frac{di}{dt} + A i = \frac{E}{L}$ نجد :

$$B e^{-At} + A \cdot \frac{B}{A} (1 - e^{-At}) = \frac{E}{L}$$

$$B e^{-At} + B(1 - e^{-At}) = \frac{E}{L}$$

$$B e^{-At} + B - B e^{-At} = \frac{E}{L}$$

$$B = \frac{E}{L}$$

و حيث أن $B = \frac{E}{L}$ كما ذكرنا سابقا ، تكون المساواة محققة و بالتالي الحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية .

د- شدة التيار في النظام الدائم :

- من المنحنى (1) الذي يمثل $u_R(t)$ ، يكون عند بلوغ النظام الدائم :

$$u_{R0} = 2 \cdot 5 = 10 \text{ V}$$

و لدينا :

$$u_{R0} = R I_0 \rightarrow I_0 = \frac{u_{R0}}{R} = \frac{10}{100} = 0.1 \text{ A}$$

هـ- قيم L, τ, r, E :

■ قيمة E :

حسب قانون جمع التوترات :

$$E = u_R + u_b$$

و في النظام الدائم :

$$E = u_{R0} + u_{b0}$$

من المنحنيين (1) ، (2) و عند النظام الدائم لدينا :

$$u_{R0} = 10 \text{ V} \quad , \quad u_{b0} = 2 \text{ V}$$

إذن :

$$E = 10 + 2 = 12 \text{ V}$$

■ قيمة r :

لدينا :

$$u_b = L \frac{di}{dt} + r i$$

و في النظام الدائم أين يكون $u_b = u_{b0}$ ، $\frac{di}{dt} = 0$ ، $i = I_0$ يصبح :

$$u_{b0} = L (0) + r I_0$$

$$u_{b0} = r I_0 \rightarrow r = \frac{u_{b0}}{I_0} = \frac{2}{0.1} = 20 \Omega$$

▪ قيمة τ :

من البيان و بعد رسم المماس عند $t = 0$ نجد : $\tau = 10 \text{ ms}$.

▪ قيمة L :

$$\tau = \frac{L}{R + r} \rightarrow L = \tau (R + r) = 0.01(100 + 20) = 1.2 \text{ H}$$

و- الطاقة الأعظمية المخزنة في الوشيجة :

$$E_{(L)0} = \frac{1}{2} L I_0^2$$

$$E_{(L)0} = 0.5 \cdot 1.2 (0.1)^2 = 6 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$