

امتحان الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 نقاط)

(U_n) متتالية حسابية حدها الأول U_0 معرفة بـ $U_3 + U_4 = 17$ و $U_0 + U_2 = 2$

1- عين أساسها وحدها الأول U_0

2- أكتب عبارة حدها العام U_n بدلالة n

3- هل العددا 2008 و 2009 حدان من حدودها.

4- أحسب المجموع S_n المعرف بـ $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

5- عين العدد الطبيعي n حتى تكون $S_n = 33$

التمرين الثاني: (08 نقاط) المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{e}, \vec{O}, \vec{j})$

نعتبر الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = 2x^2 + a \cdot x + b$

1- عين العددين a و b حتى تكون النقطتين $A(-1, 0)$ و $B(0, -6)$ تنتميان إلى المنحني (C_f) .

ضع $a = -4$ و $b = -6$

2- أدرس تغيرات الدالة f .

3- أكتب معادلة المماس (Δ) عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 2$

4- أرسم (C_f) والمماس (Δ)

5- عين نقط تقاطع المنحني (C_f) والمستقيم ذو المعادلة $y = -6$

التمرين الثالث: (06 نقاط):

نعتبر الدالة f المعرفة على المجال D وبجدول التغيرات التالي:

x	-1	0	2	4
$f(x)$	0	3	-2	1

باستعمال جدول التغيرات أجب عن ما يلي:

1- عين مجموعة تعريف الدالة f

2- عين صور الأعداد 0 ، 2

3- عين سوابق الأعداد 1

4- حدد إشارة $f(x)$ على المجال $[2, 4]$

5- استنتج إشارة $f'(x)$

التمرين الأول (05 نقاط):

$U_0 = -2, r = 3$ (1)

$U_n = -2 + 3n$ (2)

العدد 2009 حد من الحدود $U_n = 2009$ (3)

ليس حد $n \notin \mathbb{N}$

العدد 2008 حد من الحدود $U_n = 2008$

$n = 670 \in \mathbb{N}$

2008 حد من الحدود

$(-4 + 3n) \frac{n+1}{2} S =$ (4)

$S = 33, n = 5$

التمرين الثاني (05 نقاط):

$f(x) = 2x^2 + ax + b$

$a = -4, b = -6$

$D_f =] - \infty, + \infty [$

دراسة التغيرات:

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$f'(x) = 4x - 4$

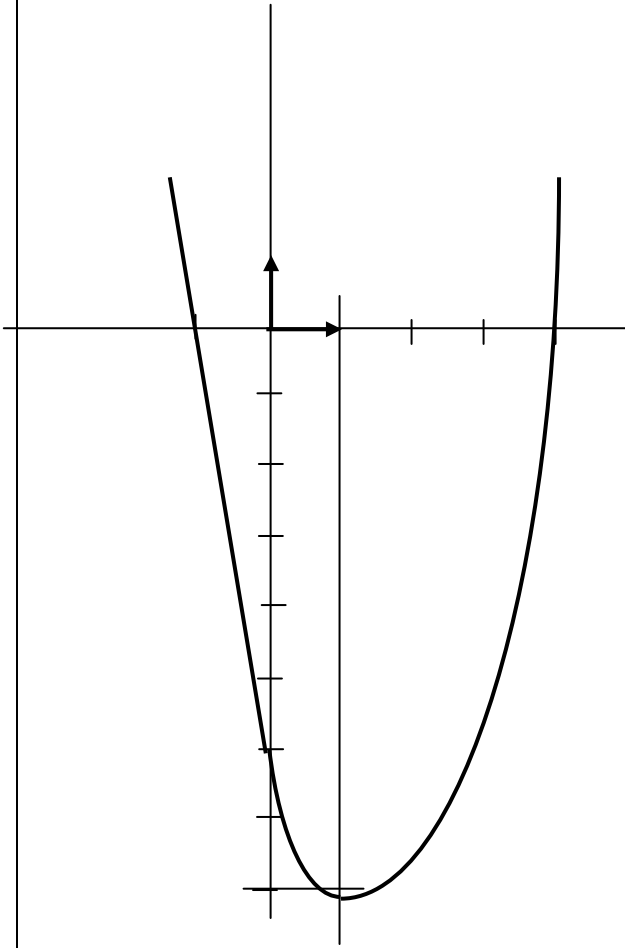
$f'(x)$	-	○	+
$f(x)$	$+\infty$		$+\infty$

-8

نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الترتيب $A(0, -6)$

نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الترتيب:

$S = \{B(-1, 0), (4, 0)\}$



التمرين الثالث (05 نقاط):

1 $D_f = [-1, 4]$

1 - صورة العدد 0 هي 3

1 - صورة العدد 2 هي -2

$\frac{1}{2}$ للعدد 1 سابقين

إشارة $f(x)$ على المجال $[2, 4]$ سالبة تماما.

1 إشارة $f'(x)$ موجبة في المجال $[2, 4] \cup] -1, 0$

1,5 وإشارة $f'(x)$ سالبة على المجال $[0, 2]$