

السنة الدراسية: 2010/2009	ثانوية محمد الصديق بن يحيى - البيرين -	المعامل: 5	الصفحة: 2/1
الأستاذ: ضيفه محمد / بن عيسى خالد	مدة الإنجاز: 3 ساعات ونصف		
امتحان الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات		المستوى: الثالثة // الشعبة: علوم تجريبية	

التمرين الأول: (6 نقاط)

لكل عدد مركب Z نضع: $p(Z) = Z^3 + 2(\sqrt{2} - 1)Z^2 + 4(1 - \sqrt{2})Z - 8$

(1) أ) تحقق من أن: $p(2) = 0$
 ب) بين أنه يمكن كتابة $p(Z)$ على الشكل $(Z - 2)(Z^2 + aZ + b)$ حيث b, a عدنان حقيقيان يطلب تعيينهما.
 ج) حل في C المعادلة: $p(Z) = 0$(E) نرسم بـ $Z_2; Z_1$ لحلي المعادلة (E) بحيث $Z_1 \neq 2; Z_2 \neq 2; \text{Im}(Z_1) > 0$
 د) أكتب على الشكل المثلثي $Z_2; Z_1$.

(2) في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ نعتبر النقط $C; B; A$ حيث $Z_2; Z_1; 2$ لواحقهما على الترتيب ولتكن D منتصف $[AB]$
 أ) مثل النقط $D; C; B; A$
 ب) بين أن المثلث OAB متساوي الساقين ، مستنتجا قياس الزاوية $(\vec{i}; \overrightarrow{OD})$
 ج) حدد Z_d لاحقة النقطة D ثم أحسب $|Z_d|$
 د) أكتب Z_d على الشكل المثلثي مستنتجا $\sin \frac{3\pi}{8}; \cos \frac{3\pi}{8}$

التمرين الثاني: (5.5 نقطة)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد متجانس نعتبر المستويين (p_1) ، (p_2) المعرفين بالمعادلتين :

$(p_1): -2x + y + z - 6 = 0$ ، $(p_2): x - 2y + 4z - 9 = 0$

(1) أثبت أن المستويين (p_1) ، (p_2) متعامدان .
 (2) ليكن المستقيم (D) المشترك بين (p_1) ، (p_2)

اثبت أن التمثيل الوسيط لـ (D) هو : $t \in R$; $\begin{cases} x = -7 + 2t \\ y = -8 + 3t \\ z = t \end{cases}$

(3) لتكن M نقطة من (D) و A النقطة ذات الإحداثيات $(-9; -4; -1)$
 أ) تحقق من أن A لا تنتمي إلى (p_1) ولا تنتمي إلى (p_2)
 ب) أحسب بدلالة t المسافة AM^2
 ج) f دالة معرفة على R بالعلاقة: $f(t) = 2t^2 - 2t + 3$
 - أدرس تغيرات الدالة f مستنتجا إحداثيات M_0 بحيث تكون AM_0 أصغر ما يمكن .

(4) ليكن (Q) المستوي العمودي على (D) والذي يشمل A
 أ) عين معادلة ديكارتية لـ (Q)
 ب) أثبت أن M_0 هي المسقط العمودي للنقطة A على (D)

التمرين الثالث: (8.5 نقطة)

الجزء الأول:

لتكن الدالة g المعرفة على $]1; +\infty[$ بـ : $g(x) = \frac{x}{x-1} + \ln(x-1)$

(C_g) هو التمثيل البياني للدالة g في المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) أوجد : $\lim_{x \rightarrow 1} g(x)$ (يمكن استعمال $\lim_{x \rightarrow 1} (x-1) \ln(x-1) = 0$)

فسر النتيجة هندسيا

(2) أوجد : $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(3) أدرس تغيرات الدالة g

(4) استنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]1; +\infty[$

الجزء الثاني :

نعتبر الدالة f المعرفة على $]1; +\infty[$ بـ : $f(x) = x \cdot \ln(x-1)$ و (C_f) هو تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

(أ) أوجد $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ فسر النتيجة هندسيا

(ب) أوجد $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(ج) أدرس اتجاه تغير f وشكل جدول تغيراتها .

(د) أثبت أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف Ω يطلب تعيين إحداثياتها ، ثم عين معادلة المماس (Δ) عند هذه النقطة .

(هـ) حدد الوضع النسبي للمنحني (C_f) والمستقيم (D) ذو المعادلة $y = x$

(و) حدد نقطة تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل .

(ل) أحسب : $f(5); f(6)$ ثم أرسم المنحني (C_f) و (Δ) و (D)