

## إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

## التمرين الأول : ( 6 نقاط)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

نعتبر النقاط  $A(2;1;3)$  ،  $B(-3;-1;7)$  و  $C(3;2;4)$ .

1/ بين أن النقاط  $A$  ،  $B$  و  $C$  ليست في استقامية.

2/ ليكن  $(D)$  مستقيم تمثيله الوسيطى : 
$$\begin{cases} x = -7 + 2t \\ y = -3t \\ z = 4 + t \end{cases}$$
 حيث :  $t \in \mathbb{R}$ .

أ/ بين أن  $(D)$  عمودي على المستوي  $(ABC)$ .

ب/ عين معادلة ديكرتية لـ  $(ABC)$ .

3/ لتكن  $G$  نقطة تقاطع المستقيم  $(D)$  والمستوي  $(ABC)$ :

أ/ بين أن  $G$  مرجح الجملة  $\{(A;-2); (B;-1); (C;2)\}$ .

ب/ عبر عن الشعاع  $\overrightarrow{MG}$  بدلالة  $-2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}$  ثم استنتج مجموعة النقط من الفضاء التي تحقق :

$$(-2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}) \cdot (\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}) = 0$$

## التمرين الثاني (07 نقاط)

1/ نعتبر  $P(Z)$  كثير حدود للمتغير  $Z$  المعروف كما يلي:  $P(Z) = Z^4 + 2Z^3 + 5Z^2 + 2Z + 4$

أ/ أحسب  $P(i)$  و  $P(-i)$ ، ثم بين أن:  $P(Z) = (Z^2 + 1)(Z^2 + aZ + b)$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان عينهما.

ب/ حل عندئذ المعادلة:  $P(Z) = 0$ .

2/ في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  لتكن النقاط  $A$ ،  $B$ ،  $C$  و  $D$  التي لواحقها على الترتيب:

$$Z_A = i, Z_B = \overline{Z_A}, Z_C = -1 + \sqrt{3}i, Z_D = \overline{Z_C} \text{ و لتكن النقطة } I \text{ منتصف } [CD].$$

أ/ ماطبيعة المثلث  $ABI$ .

ب/ ليكن الدوران  $R$  الذي مركزه  $I$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$ ، والتحاكي  $H$  الذي يحول  $A$  إلى  $C$  و يحول  $B$  إلى  $D$ .

- عين العبارة المركبة لكل من  $R$  و  $H$ .

- أكتب العبارة المركبة للتحويل  $HO R$  محددًا طبيعته.

### التمرين الثالث: (7 نقاط)

$$\begin{cases} U_0 = -3 \\ U_{n+1} = \frac{9}{6-U_n} \end{cases} \quad \text{لتكن } (U_n) \text{ متتالية عددية معرفة على } \mathbb{Q} \text{ كما يلي:}$$

1/ برهن بالتراجع أن:  $U_n < 3$  من أجل كل عدد طبيعي.

2/ أدرس اتجاه تغير  $(U_n)$ .

- استنتج تقارب المتتالية  $(U_n)$ .

3/ نضع:  $V_n = \frac{1}{U_n - 3}$  من أجل كل عدد من  $\mathbb{Q}$ .

أ/ بين أن  $(V_n)$  حسابية عين أساسها وحدها الأول.

ب/ أكتب  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج عبارة  $U_n$  بدلالة  $n$ .

ج/ أحسب نهاية  $U_n$ .

بالتوفيق وحظ سعيد

أستاذة المادة