

**التمرين الأول (6 نقاط):** بأخذ:  $a = 2013$  و  $b = 1434$

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات: أ، ب، ج مع التعليل:

1) أ:  $a \equiv 2[4]$  ، ب:  $a \equiv 3[4]$  ، ج:  $a \equiv 1[4]$

2) أ:  $b \equiv 2[4]$  ، ب:  $b \equiv 3[4]$  ، ج:  $b \equiv 1[4]$

3) العددين  $a$  و  $b$  متوافقان بترديد 4

أ: نعم ، ب: لا ، ج: لا ندري

4) باقي قسمة العدد  $A$  حيث:  $A = 2a - b + 1$

أ: 3 ، ب: 2 ، ج: 1 =

5) باقي قسمة العدد  $A$  حيث  $A = 2a^2 - 3b + 5$  على 4 هو:

أ: 1 ، ب: 0 ، ج: 2 =

6) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  يكون العدد:  $B = 5^{2n+1} - 8^n - 1$

أ:  $B \equiv 0[4]$  ، ب:  $B \equiv 1[4]$  ، ج:  $B \equiv -1[4]$

**التمرين الثالث (6 نقاط):** 1) عين باقي القسمة الإقليدية على 12 للعدد  $5^n$  من أجل:  $n = 0$  ،  $n = 1$  ، و  $n = 2$  .

2) استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $k$  فإن:  $5^{2k} \equiv 1[12]$

- استنتج باقي قسمة  $5^{2k+1}$  على 12 .

3) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $k$  فإن:  $17^{2020k} \equiv 1[12]$

4) ما هو باقي قسمة  $17^{2011}$  على 12 ؟

5) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن العدد  $A$  يقبل القسمة على 12 حيث:

$$A = 17^{4n+5} + 85^{2n} + 10$$

**التمرين الثالث (8 نقاط):**

- برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  اكبر من او يساوي 2 يكون:

$$1 \times 3 + 2 \times 3 + \dots + (n-1)n = \frac{(n-1) \times n \times (n+1)}{3}$$