

﴿ الامتحان الأول في الرياضيات ﴾  
﴿ 2011/2010 ﴾

قسم : 3 أف

المدة : ساعتان

**التمرين الأول: (06نقاط)**

$a$  و  $b$  عدنان طبيعيان حيث  $a = 1428$ ،  $b = 2006$

(1) عين باقي القسمة لـ  $a$  على 9

(2) بين أن  $b \equiv -1[9]$

(3) هل العدنان  $a$  و  $b$  متوافقان بترديد؟ برر إجابتك

(4) ماهو باقي قسمة العدد  $a + b^2$  على 9

(5) استنتج باقي قسمة  $a + b^2$  على 3

**التمرين الثاني: (06نقاط)**

(1) عين باقي قسمة كل عدد من الأعداد التالية :  $4^1$  ،  $4^2$  ،  $4^3$  ،  $4^{3n}$  ،  $13^{3n}$  على 9

(2) أثبت أن من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $4^{3n} - 13^{3n} + 18$  يقبل القسمة على 9

(3) ماهو باقي قسمة العدد  $7 + 31^{3n} + 2007^{3n+1}$  على 9

**التمرين الثالث: (08نقاط)**

$(u_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}$  كمايلي  $u_{n+1} - u_n = 0.06u_n$  و  $u_0 = 9000$

(1) احسب  $u_1$  ،  $u_2$

(2) بين أن  $(u_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين اساسها

(3) اكتب  $u_n$  بدلالة  $n$

(4) عين اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(5) احسب المجموع  $s_n$  حيث :  $s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_{n-1}$

(6) بلغ عدد سكان بلد 9000 نسمة يوم 1 جانفي 2000 ، نفرض ان عدد السكان يرتفع كل سنة بنسبة 6% كم يبلغ

عدد سكان هذا البلد يوم 1 جانفي 2030؟

**بالتوفيق**