

المستوى: الثالثة علوم تجريبية	اختبار الثلاثي الأول في الرياضيات	المؤسسة:
المدة: 03 ساعات		التاريخ: ديسمبر 2007

التمرين الأول : (10 نقاط)

f دالة معرفة على المجال $R - \{1; -1\}$ ، $f(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{x^2 - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; I; J)$ و

الوحدة 2cm

الجزء (A):

لتكن الدالة g المعرفة على R بـ: $g(x) = x^3 - 3x - 4$.

1. أنشئ جدول تغيرات الدالة g
2. بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]2, 1; 2, 2[$
3. استنتج إشارة g على R

الجزء (B):

1. أحسب نهاية f عند أطراف مجال تعريفها
2. بين أنه من أجل كل x من $R - \{1; -1\}$ ، $f'(x) = \frac{xg(x)}{(x^2 - 1)^2}$ ، ثم استنتج جدول تغيرات الدالة f
3. أ/ بين أنه من أجل كل x من $R - \{1; -1\}$ ، $f(x) = x + 2 + \frac{x+2}{x^2 - 1}$
ب/ استنتج أن (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب إعطاء معادلته
ج/ أدرس وضعية (Δ) بالنسبة إلى (C_f)
4. أنشئ (Δ) و (C_f) يعطى $5, 29 < f(\alpha) < 5, 30$

الجزء (C):

1. عين فواصل النقط من (C_f) حيث يكون المماس فيها موازي للمستقيم ذو المعادلة $y = x + 2$
2. أكتب معادلة كل مماس و أنشئه
3. استنتج بيانيا و حسب قيم k من R حلول المعادلة $f(x) = x + k$

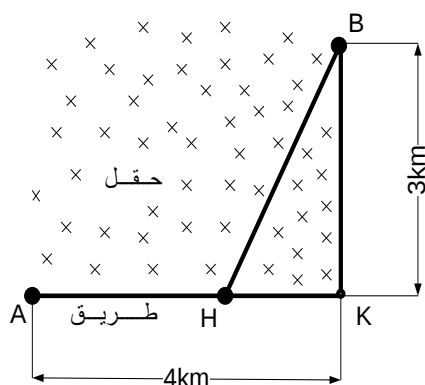
التمرين الثاني: (4 نقاط)

تنطلق سيارة أولا من النقطة A على طريق سيار ، ثم تواصل سيرها عبر حقل لتصل إلى النقطة B حيث سرعتها على الطريق السيار 40 km/h

وفي الحقل 20 km/h . نضع $HK = x$ ونرمز بـ: $f(x)$

زمن انتقال السيارة من النقطة A إلى النقطة B المقدر بالساعة.

1. اوجد عبارة $f(x)$
2. عين النقطة H حتى يكون زمن الانتقال من A إلى B اصغر ما أمكن.



التمرين الثالث: (6 نقاط)

اجب صح أو خطأ مع التبرير

الفضاء منسوب إلى معلم متجانس و متعامد ، لتكن $A(3; -2; 2)$ ، $B(6; 1; 5)$ ، $C(6; -2; -1)$ ، $D(0; 4; -1)$

1. المثلث ABC قائم
2. المستوي (P) الذي معادلته $x + y + z - 3 = 0$ عمودي على المستقيم (AB) و يشمل A
3. $\vec{\mu}(1; -2; 1)$ شعاع توجيه للمستقيم (Δ) تقاطع المستوي (P) و المستوي (P') الذي معادلته $x + z - 5 = 0$ ،
4. مجموعة النقط $M(x; y; z)$ و التي تحقق $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 6 = 0$ هي معادلة كرة مركزها A ونق $6=$