

الفرص الثاني للفترة الأولى في مادة الرياضيات

تمرين : (10 نقاط)

(I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  ب:  $g(x) = 2x^3 - 3x^2 - 1$

وليكن  $(C_g)$  تمثيلها البياني في معلم

- (1) أدرس تغيرات الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها
- (2) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  محصور بين 1.6 و 1.7
- (3) إستنتج حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$  على  $]-1; +\infty[$

(II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  ب:  $f(x) = \frac{1-x}{x^3+1}$

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(o; i; j)$  الوحدة 4cm

(1) بين ان  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$  ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  واعط تفسيراً بيانياً للنتيجتين

(2) بين أنه من أجل  $x$  من  $]-1; +\infty[$  ،  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x^3+1)^2}$

- (3) إستنتج إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
- (4) عين معادلة ل  $(\Delta)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0
- (5) أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة للمماس  $(\Delta)$  ماذا تلاحظ؟
- (6) أرسم  $(\Delta)$  و  $(C_f)$