

## التمرين الأول : (4نقاط)

نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  كما يلي : من أجل  $x < 1$  :  $g(x) = \frac{x^3 + x - 2}{x - 1}$

ومن أجل  $x \geq 1$  :  $g(x) = 4 + \ln \sqrt{x}$

1. أدرس إستمرارية الدالة  $g$  عند  $x_0 = 1$  .
2. أدرس قابلية الإشتقاق عند  $x_0 = 1$  . أعط تفسيراً هندسياً للنتيجة المحصل عليها .
3. أدرس تغيرات الدالة  $g$  و شكل جدول تغيراتها .

## التمرين الثاني : (4 نقاط)

$P(x) = 2x^3 - 3x^2 - 2x + 3$  كثير حدود حيث :

1. أحسب  $P(1)$  ثم حلل  $P(x)$  إلى جداء ثلاثة عوامل من الدرجة الأولى .
2. استنتج حلول المعادلة :  $P(x) = 0$  .

3. حل في  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  كلا من المعادلتين : أ)  $2\left(\ln\left(\frac{1}{x}\right)\right)^3 + 3(\ln x)^2 - 2\ln\left(\frac{1}{x}\right) - 3 = 0$

ب)  $2(\ln|x-1|)^3 - 3(\ln|x-1|)^2 - 2\ln|x-1| + 3 = 0$

## التمرين الثالث : (4نقاط).

نعتبر المعادلتين التفاضليتين :  $(E_1): y' - 2y = 2(e^{2x} - 1)$

$(E_2): y' - 2y = 0$

1. عين حلول المعادلة  $(E_2)$  .
2. بين ان الدالة  $g: x \rightarrow 2xe^{2x} + 1$  حلا للمعادلة  $(E_1)$
3.  $f$  و  $h$  دالتان قابلتان للإشتقاق على  $\mathbb{R}$  حيث :  $f = h + g$  ، نفرض  $f$  حلا للمعادلة  $(E_1)$ 
  - عين معادلة تفاضلية تحققها الدالة  $h$  .
  - جد عبارة  $h(x)$  ثم استنتج حلول المعادلة  $(E_1)$  .
  - عين الحل الخاص  $y$  للمعادلة  $(E_1)$  الذي يحقق  $y(0) = -3$

**التمرين الرابع: (8 نقاط).**

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = x + 2 - \frac{4e^x}{e^x + 3}$  ،  $(c_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

1. - احسب نهاية  $f$  عند  $-\infty$   
- بين ان المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته  $y = x + 2$  مقارب لـ  $(c_f)$  .  
- ادرس وضعية  $(c_f)$  بالنسبة لـ  $(\Delta)$  .
2. - احسب نهاية  $f$  عند  $+\infty$   
- احسب نهاية  $f(x) - (x - 2)$  عند  $+\infty$  ، ماذا تستنتج ؟
3. - ادرس تغيرات  $f$  وشكل جدول تغيراتها .  
- بين أن المنحني  $(c_f)$  يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها محصورة بين  $-1,5$  و  $-2$  .
4. - ماذا يمكن ان نقول عن المماس (T) للمنحني  $(c_f)$  في النقطة A التي فاصلتها  $\ln 3$  ؟  
- اكتب معادلة المماس (T) .  
- استنتج وضعية  $(c_f)$  بالنسبة الى (T) .  
- بين ان A مركز تناظر لـ  $(c_f)$  .  
- ارسم  $(c_f)$  و (T) .

بالتوفيق

القسم: 3 ع ت

المدة: 3 ساعات

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضياتالتمرين الأول: (6 نقاط)

1. حل في  $\square$  المعادلة:  $z^2 - 18i = 0$  وأكتب الحلين على الشكل المثلثي .
2. نعتبر الأعداد المركبة التالية:  $z_1 = 3 + 3i$  ,  $z_2 = \frac{\sqrt{6} - i\sqrt{2}}{2}$  ,  $z_3 = -5e^{i\frac{\pi}{7}}$  - أكتب على الشكل الأسّي كلا من الأعداد المركبة التالية :  
 $z_1$  ,  $z_2$  ,  $\overline{z_2}$  ,  $\frac{z_1}{z_2}$  ,  $(z_2)^{504}$
3. - عين الطويلة و عمدة العدد المركب  $z$  حيث:  $z_1 \times z = 6\sqrt{2} e^{i\frac{17\pi}{12}}$   
 - أكتب العدد  $z$  على الشكل الجبري  
 - استنتج القيمتين المضبوطتين لكل من:  $\cos \frac{17\pi}{12}$  و  $\sin \frac{17\pi}{12}$

التمرين الثاني: (6 نقاط)

- ليكن  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  معلم متعامد ومتجانس للفضاء والنقاط  
 $A(1, 0, 2)$  ,  $B(1, 1, 4)$  ,  $C(-1, 1, 1)$
1. بين ان النقاط  $A$  ,  $B$  ,  $C$  تشكل مستوي  $(ABC)$  شعاعه الناظمي  $\vec{n} \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ -2 \end{pmatrix}$
  2. أكتب معادلة المستوي  $(ABC)$
  3. ليكن المستويين المعرفين بالمعادلتين :  
 $(P_1): x - 2y + 6z = 0$  ;  $(P_2): 2x + y + 2z + 1 = 0$   
 - بين ان  $(P_1)$  و  $(P_2)$  يتقاطعان في مستقيم  $(\Delta)$  يطلب تعيين تمثيلا وسيطيا له  
 - ادرس وضع  $(\Delta)$  بالنسبة الى المستوي  $(ABC)$   
 - اكتب معادلة سطح الكرة  $S$  التي مركزها  $O$  و  $(ABC)$  مماسا لها
  4.  $G$  مرجح الجملة  $\{(A,1)(B,2)(C,\alpha)\}$  حيث  $\alpha$  عدد حقيقي  
 - برر وجود  $G$

- احسب احداثيات I مرجح  $\{(A,1)(B,2)\}$

- عبر عن  $\overline{IG}$  بدلالة  $\overline{IC}$

- استنتج قيمة  $\alpha$  حتى تنطبق النقطة G على منتصف [IC]

5. حدد مجموعة النقط M من الفضاء بحيث :  $\|\overline{MA}+2\overline{MB}\|=\|\overline{MA}+\overline{MB}+\overline{MC}\|$

### التمرين الثالث: (8نقاط)

**الجزء 1:** المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

$(\Delta)$  مستقيم معادلته :  $y = x + 1$

$(\Gamma)$  بيان الدالة :  $x \rightarrow e^x$

1. ماذا يمثل  $(\Delta)$  بالنسبة الى  $(\Gamma)$  ؟

2. U دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  حيث  $U(x) = e^x - x - 1$

- ادرس تغيرات U ثم بين انه من اجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :  $e^x \geq x + 1$

- بوضع  $x = -t$  استنتج ان من اجل كل  $t$  من  $\mathbb{R}$  :  $e^{-t} + t + 1 \geq 2$

- استنتج ان من اجل كل  $x > 0$  :  $\frac{1}{x} + \ln(x) + 1 \geq 2$

**الجزء 2:** f دالة معرفة على المجال :  $]0, +\infty[$  حيث :  $f(x) = (x+1)\ln(x)$  ،

$(C_f)$  تمثيلها البياني .

1. ادرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

2. اكتب معادلة المماس (T) للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1 .

3. لتكن h دالة معرفة على المجال  $]0, +\infty[$  بـ :  $h(x) = f(x) - 2x + 2$

- ادرس تغيرات الدالة h ثم استنتج اشارة  $h(x)$  .

- استنتج الوضع النسبي لـ  $(C_f)$  و (T) .

- ارسم  $(C_f)$  و (T) .

بالتوفيق

## التمرين الأول : (7 نقاط)

ليكن  $ABC$  مثلث كفي .  $A', B', C'$  ثلاث نقط حيث:

$$\overline{A'C} = -\frac{5}{3}\overline{A'B}, \overline{B'C} = -2\overline{B'A}, \overline{C'B} = \frac{6}{5}\overline{AC'}$$

- 1- عبر عن  $A'$  كمرجح للنقطتين  $C$  و  $B$  مرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما .
- 2- عبر عن  $B'$  كمرجح للنقطتين  $C$  و  $A$  مرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما .
- 3- عبر عن  $C'$  كمرجح للنقطتين  $B$  و  $A$  مرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما .
- 4- أنشئ الشكل .

5- أنشئ النقطة  $G$  مرجح الجملة  $\{(A;6);(B;5);(C;3)\}$  .

6- بين أن المستقيمات  $(AA');(BB');(CC')$  تتقاطع في نقطة واحدة .

7- عين  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي حيث:  $\|6\overline{MA} + 5\overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 14 \cdot \|\overline{MA} - \overline{MB}\|$  .

## التمرين الثاني : (7 نقاط)

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  ب:  $f(x) = \frac{4x-7}{x-2}$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي

المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .

1- عين نسبة تزايد الدالة  $f$  بين العددين 1 و  $h+1$  حيث  $h$  عدد حقيقي غير معدوم .

2- استنتج أن الدالة  $f$  تقبل الإشتقاق من أجل 1 ، وعين  $f'(1)$  ثم أكتب معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها  $x_0 = 1$  .

3- بين أن :  $f(x) = \frac{a}{x-2} + b$  حيث  $a$  و  $b$  عددين حقيقيين يطلب تعيينهما .

4- بين أن النقطة  $w(2;4)$  هي مركز تناظر المنحني  $(C_f)$  .

5- بين أن  $(C_f)$  هو صورة منحني دالة مرجعية بإنسحاب يطلب تعيين شعاعه . ثم أنشئه .

**التمرين الثالث: (6 نقاط).**

ABCD مربع طول ضلعه  $4\text{cm}$  .  $I, J, k, L$  أربعة نقط على القطع المستقيمة  $[AD], [BC], [CD], [AB]$  على الترتيب حيث :  $LD = AI = KC = BJ = x$  .

نضع  $P(x)$  مساحة الرباعي  $IJKL$

1- ماهي مجموعة قيم  $x$  ؟

2- بين أن :  $P(x) = 2[(x-2)^2 + 4]$

3- نعتبر الدالة  $p : x \rightarrow p(x)$  ادرس إتجاه تغيرها على كل من المجالين :  $[2;4]$  و  $[0;2]$  ثم شكل جدول تغيراتها .

5- استنتج قيمة  $x$  التي من أجلها تكون المساحة  $P(x)$  أصغر ما يمكن .

**بالتوفيق**

ثانوية عبد السلام حباشي الأقسام: 2 ع ت	إختبار الثلاثي الثاني في الرياضيات	السنة الدراسية: 2011/2012 المدة: ساعتان
-------------------------------------------	---------------------------------------	--------------------------------------------

### التمرين الأول: (3 نقاط)

- ( $W_n$ ) متتالية حسابية حددها الأول  $W_0$  و أساسها العدد الحقيقي الموجب  $q$  .
- 1- أحسب  $W_1$  و  $q$  علماً أن:  $W_0 + W_1 + W_2 = 11$  و  $W_0 \times W_3 = 15$  .
- 2- إستنتج  $W_0, W_2, W_3$  .

### التمرين الثاني: (8 نقاط)

- ( $U_n$ ) متتالية عددية معرفة بحددها الأول  $U_0 = 3$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3$  .
- أ) بإستعمال منحنى الدالة التآلفية:  $x \rightarrow \frac{1}{2}x + 3$  مثل بيانها الحدود الأربعة الأولى للمتتالية ( $U_n$ ) .
- ب) نعتبر المتتالية ( $V_n$ ) المعرفة على  $\square$  ب:  $V_n = U_n - 6$  .
- بين أن ( $V_n$ ) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحددها الأول .
  - عبر عن الحد  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم إستنتج الحد  $U_n$  بدلالة  $n$  .
  - أحسب نهايتي المتتاليتين ( $U_n$ ) و ( $V_n$ ) .
  - أحسب بدلالة  $n$  المجموع:  $S = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$  .
  - إستنتج المجموع:  $S' = U_0 + U_1 + \dots + U_n$  .

### التمرين الثالث: (9 نقاط)

- $f$  دالة معرفة بالعلاقة:  $f(x) = \frac{-x^2 + 2x + 7}{x}$  ،
- ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $\vec{i}; \vec{j}; O$ ) .
- عين  $D$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  .
  - عين الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $D$ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x}$  .
  - أدرس تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول التغيرات .
  - بين أن للمنحنى ( $C_f$ ) مستقيمان مقاربان أحدهما مائل وليكن ( $\Delta$ )، يطلب تعيين معادلة لكل منهما .
  - أدرس وضعية ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم ( $\Delta$ ) .
  - عين نقاط تقاطع ( $C_f$ ) مع محور الفواصل .
  - أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة التي فاصلتها 1 .
  - أنشئ ( $C_f$ ) ، (T) ، ( $\Delta$ ) .

بالتوفيق

## اختبار الثلاثي الأول في

## مادة الرياضيات

التمرين الأول: (6 نقاط)

لتكن  $(V_n)$  متتالية متتالية هندسية أساسها العدد الحقيقي الموجب  $q$  و معرفة ب:  $V_0 = 4$  و  $-1V_2 = 100$   
أحسب أساسها  $q$  ثم  $V_3$ .

2- أكتب عبارة  $V_n$  بدلالة  $n$ .

3- أحسب المجموع:  $S = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{20}$

التمرين الثاني: (8 نقاط)

$(U_n)$  متتالية حسابية معرفة ب:  $U_3 + U_5 = 24$  و  $U_1 + U_3 = 16$ .

1- أحسب:  $U_2$  ثم  $U_4$ .

2- أحسب أساس هذه المتتالية ثم أحسب حدها الأول  $U_0$ .

3- استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(U_n)$ .

4- أكتب عبارة حدها العام بدلالة  $n$ .

5- هل العدد 4025 حدا من حدود المتتالية  $(U_n)$ ؟

6- أحسب بدلالة  $n$  المجموع:  $S = U_4 + U_5 + \dots + U_{n-2}$ .

التمرين الثالث: (6 نقاط)

1- عين باقي قسمة كلا من العددين  $4^{2008}$  و  $31^{2007}$  على 5.

2- عين باقي القسمة الإقليدية على 5 للعدد:  $A = 2 * 31^{2007} + 4^{2008}$ .

3- أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  يكون العدد  $B = 3^n + 3^{n+1} + 3^{n+2} + 3^{n+3}$  مضاعفا للعدد 5.

بالتوفيق

**التمرين الأول: (6نقاط)**

تحتوي علبة على 10 كرات مرقمة من 3 إلى 12. نسحب منه كرة واحدة .

1- ماهي مجموعة الإمكانات  $\Omega$  ؟

2- نعتبر الحوادث التالية: A :الكرة المسحوبة تحمل رقما زوجيا .

B : الكرة المسحوبة تحمل رقما فرديا .

C : الكرة المسحوبة تحمل رقما مضاعفا للعدد 4.

أ) عين الحوادث A , B ,C

ب) عين الحادثة المعاكسة للحادثة A

ج) بين أن الحادثتين A و B غير متلائمتين .

**التمرين الثاني: (8نقاط)**

يمثل الجدول التالي سعر البترول بالدولار للبرميل الواحد .

السنة	2001	2002	2003	2004	2005	2006
السعر	36	46	61	63	70	59
المؤشر	100					

1) أكمل الجدول مع أخذ إنتاج 2001 كمؤشر 100 .

2) عين المعامل الضربي  $k_1$  الموافق للتطور بين 2004 و 2005

عين المعامل الضربي  $k_2$  الموافق للتطور بين 2005 و 2006

عين المعامل الضربي k الموافق للتطور من 2004 إلى 2006 .

3) أحسب النسبة المئوية للتطور بين 2005 و 2006. ما طبيعة هذا التطور ؟

4) في سنة 2007 خضع سعر البترول إلى 3 زيادات متعاقبة قدرها % 10 ثم % 25 ثم % 30 .

- ماهي النسبة المئوية للزيادة الإجمالية ؟

- ماهو السعر الجديد للبرميل الواحد من البترول في سنة 2007؟

### التمرين الثالث: (6 نقاط)

الجدول التالي يبين أعمار تلاميذ ثانوية

20	19	18	17	16	15	العمر
70	30	25	55	50	20	التكرار

1- أحسب متوسط هذه الأعمار

2 - أحسب الوسيط .

3- أحسب الربيعين الأول والثالث .

4- مثل هذه السلسلة بمخطط بالعلبة .

5- أحسب التباين .

بالتوفيق

السنة الدراسية: 2011/2012 المدّة: ساعتان	إختبار الثلاثي الثاني في الرياضيات	ثانوية عبد السلام حباشي الأقسام: 2أفغ و 2أفل
---------------------------------------------	---------------------------------------	-------------------------------------------------

### التمرين الأول: (8 نقاط)

$(U_n)$  حسابية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $U_0 = -8$  و  $U_5 = 12$  .

1. أحسب أساس المتتالية ثم إستنتج إتجاه تغيراتها .
2. أكتب عبارة الحد  $U_n$  بدلالة  $n$  .
3. هل  $U_{200}$  حد من حدود المتتالية  $(U_n)$  ؟
4. أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S'_n = U_1 + \dots + U_n$
5. أحسب المجموع :  $S = U_{21} + U_{22} + \dots + U_{620}$

### التمرين الثاني: (7 نقاط)

$(V_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{R}^*$  كما يلي :  $V_n = 3(-2)^n$

1. بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول .
2. أحسب الحد  $V_{21}$  . ماهي رتبته ؟
3. أحسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n = V_1 + V_2 + \dots + V_n$

### التمرين الثالث: (5 نقاط)

نعتبر المجموعة  $\Omega$  وقانون الإحتمال  $P$  حيث :

$$P(\{1\}) = \frac{1}{3}, P(\{2\}) = \frac{1}{4}, P(\{4\}) = \frac{1}{6} \text{ و } \Omega = \{1, 2, 3, 4\}$$

1. عين قانون الإحتمال لهذه التجربة .
2. أحسب إحتمال الحصول على عدد زوجي .
3. أحسب إحتمال الحصول على عدد فردي .

بالتوفيق

ثانوية عبد السلام حباشي

السنة الدراسية: 2011/2012

## اختبار الثلاثي الثاني في

## مادة الرياضيات

## التمرين الأول: (7 نقاط)

.  $(U_n)$  متتالية عددية معرفة بعدها الأول  $U_0 = 2$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $U_{n+1} = \frac{3}{2}U_n + \frac{1}{2}$  .

. (ب) نعتبر المتتالية  $(V_n)$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $V_n = U_n + 1$  .

- أحسب :  $u_1; u_2$  و  $u_3$

بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول

عبر عن الحد  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم إستنتج الحد  $U_n$  بدلالة  $n$

أحسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n = V_1 + V_2 + \dots + V_n$  و  $S'_n = U_1 + \dots + U_n$

## التمرين الثاني: (5 نقاط)

1/ عين في مجموعة الاعداد النسبية الصحيحة  $Z$  قواسم العدد 10

2/ استنتج الاعداد الصحيحة  $n$  التي من اجلها يكون العدد الصحيح  $2n+1$  قاسما للعدد 10

## التمرين الثالث: (8 نقاط)

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى

معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .

1/ أدرس تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول التغيرات

2/ حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ثم لستنتج ان بيان  $f$  يقطع محور الفواصل في نقطتين يطلب تعيين احداثياتها .

3/ برهن ان النقطة  $A$  من المنحني التي فاصلتها 1 نقطة انعطاف للمنحني  $(C_f)$

4/ اكتب معادلة المستقيم  $(D)$  مماس المنحني في النقطة  $A$ . ارسم  $(C_f)$  و  $(D)$

## التمرين الأول ( 05 نقاط )

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث  $a < 1$  و  $b < 1$

$$B = 4 \text{ و } A = \frac{a^2}{a-1}$$

تحقق ان من اجل كل عدد حقيقي  $a < 1$  :  $a^2 - 4a + 4 = (a-2)^2$  ثم استنتج اشارة  $\frac{a^2 - 4a + 4}{a-1}$

2 . أحسب الفرق  $A - B$  ثم قارن  $A$  و  $B$

$$3 . \text{ استنتج أن } \frac{a^2}{a-1} + \frac{b^2}{b-1} < 8$$

## التمرين الثاني ( 05 نقاط )

عين الإجابة الصحيحة من بين الأجوبة المقترحة في الجدول مع التعليل

$A = \frac{2}{3}$	$A = \frac{8}{3}$	$A = \frac{8}{9}$	ليكن العدد $A = \frac{8 \times 3^{-3}}{9^{-1} \times 2^2}$	1
$9\sqrt{2} + 4\sqrt{3}$	$30 + 12\sqrt{6}$	30	العدد $(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3})^2$ يساوي	2
$\frac{2}{(a+b)^2}$	$\frac{2}{(a^2+b^2)}$	$\frac{1}{(a+b)^2}$	ضعف مقلوب مربع مجموع العددين $a$ و $b$ هو	3
$-1 < ab < +2$	$-2 < ab < +2$	$-4 < ab < 1$	إذا كان $a$ و $b$ عدنان حقيقيان بحيث $-1 < a < -2$ و $1 < b < 2$ فان	4
3	- 3	0	العدد $\sqrt{(1-\pi)^2} + \sqrt{(4-\pi)^2}$ يساوي	5
$] -6 ; +\infty [$	$] -6 ; 12 [$	$] -12 ; 6 [$	حلول المتراحة : $ 3-x  < 9$ هي :	6
$x + 2$	$x^2 + 4$	$x + 4$	من اجل كل عدد حقيقي $x$ : $\sqrt{(x^2+4)^2}$ تساوي	7
$S = [-4, 6]$	$S = \{-4, 6\}$	$S = \{6\}$	قيم العدد الحقيقي $x$ التي تحقق $ x-1 =5$ هي	8

## التمرين الثالث ( 05 نقاط )

$(\Delta)$  مستقيم مزود بمعلم  $(O, I)$  و  $M$  نقطة فاصلتها  $x$

ا. باستعمال مفهوم المسافة بين نقطتين، أوجد قيم  $x$  التي تحقق :

$$i) \quad |x-4| > 1 \quad ; \quad |2x+5| \leq 4 \quad (ب) \quad |2x+5| \leq 4 \quad ; \quad |x-1| = 6 \quad (ج) \quad |x+5| + |x-1| = 6$$

ii. عين مجموعة تعريف كل من الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بالشكل:

$$g(x) = \frac{2}{|x-2|-1} \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{x}{x^2+1}$$

التمرين الرابع ( 05 نقاط )

لتكن  $f$  الدالة ذات المتغير الحقيقي  $x$  والمعرفة على  $D = [-3; +4]$  كما يلي:

$$f(x) = x^2 - 6x + 8$$

1/ ① أوجد صور الأعداد  $+1$  ؛  $0$  ؛  $2$  و  $-2$

② برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D$  يكون  $f(x) = (x-3)^2 - 1$

③ عين السوابق الممكنة للأعداد  $-1$  ؛  $+3$  و  $-2$  بواسطة الدالة  $f$

④  $a$  عدد من  $D$ ، أحسب صورة  $(3-a)$  وصورة  $(3+a)$  بواسطة الدالة  $f$  ثم قارن بينهما .

2/ بين أن من أجل كل  $x$  من  $D$  :  $f(x) \geq -1$  ثم فسر النتيجة

## بالتوفيق أساتذة المادة