

التمرين (04) ABCDEFGH مكعب ضلعه a . /1 احسب الجداءات السلمية الآتية :

$$\overline{AB} \cdot \overline{AC} \quad (أ) , \quad \overline{AB} \cdot \overline{CD} \quad (ب) , \quad \overline{AB} \cdot \overline{FG} \quad (ج) , \quad \overline{DB} \cdot \overline{HF} \quad (د)$$

/2 أثبت ان المستقيم (AG) عمودي على المستوي (BED)

/3 نعتبر المعلم $(D; \overline{DA}; \overline{DC}; \overline{DH})$. (أ) عيّن إحداثيات النقط A, G, B, E و D

(ب) اثبت مجددا أن المستقيم (AG) عمودي على المستوي (BED)

التمرين (05) في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ من الفضاء.

نعتبر النقط : $A(-1; 1; 1)$ ، $B(0; 0; -1)$ و $C(3; -2; 1)$

(1) بيّن أن النقط A, B و C تعيّن مستويا

(2) عيّن شعاع ناظمي \vec{n} للمستوي (ABC) ثم استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)

(3) أوجد معادلة لسطح الكرة (S) التي قطرها $[AC]$

التمرين (06) في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ من الفضاء محاوره (OX) ، (OY) ، (OZ)

نعتبر النقطة $A(1; -2; 4)$ و المستوي (P) الذي معادلته : $2x - 3y + z + 2 = 0$

1. اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A ويعامد المستوي (P) .

2. عيّن إحداثيات النقطة B نقطة تقاطع (Δ) و (P) .

3. اكتب معادلة لسطح الكرة التي مركزها A والتي تمس المستوي (P) .

4. عيّن إحداثيات $C; D$ نقطتي تقاطع سطح الكرة والمستقيم (OZ)

5. ما هي إحداثيات مركز ثقل رباعي الوجوه $ABCD$.

التمرين (07) في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ من الفضاء.

تعطى النقط : $A(1; 0; 2)$ ، $B(0; 2; 1)$ ، $C(2; 1; 0)$ ، $D(2; 4; 3)$

1. برهن أن الشعاع $\vec{V}(1; 1; 1)$ عمودي على المستوي (ABC) .

2. استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .

3. تحقق أن الرباعي $ABCD$ هو رباعي وجوه. ثم احسب حجم الجسم الرباعي $ABCD$.

التمرين (08) في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ من الفضاء . تعطى النقط : $A(2; 4; 1)$

$$I\left(\frac{3}{5}; 4; -\frac{9}{5}\right) , E(3; 2; -1) , D(1; 0; -2) , C(3; 1; -3) , B(0; 4; -3)$$

بيّن - مع التعليل - صحة أو خطأ الجمل التالية : (1) المستقيمان (AB) و (CD) متعامدان

(2) معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) هي : $2x + 2y - z - 11 = 0$

(3) النقطة E المسقط العمودي للنقطة D على المستوي (ABC)

$$(4) \text{ المستقيم } (CD) \text{ ممثل وسيطيا بالجملة : } \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 1 - t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

(5) النقطة I تنتمي للمستقيم (AB) .