

التمرين (22) : منسوب إلى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

نعتبر النقط التالية $A(-3; 4; 0)$ ، $B(2; 2; -1)$ ، $C(3; -3; 0)$ و $D(0; 0; -3)$.

1) عين معادلة ديكارتية لمستوي محور $[AB]$ (ليكن (P) هذا المستوي) .

2) نقبل فيما يلي أن المستويين محوري القطعتين

$[DC]$ و $[BC]$ معرفان بالمعادلتين $3x-3y+2z-5=0$ و $2x-10y-6z-7=0$ على الترتيب .

أ) - بين أن تقاطع هذه المستويات الثلاثة هو نقطة E يطلب تعين إحداثياتها .

ب) - بين أن النقط A ، B ، C ، D تقع على سطح كرة مركزها E يطلب تعين نصف قطرها .

التمرين (23) نعتبر المستويين المعرفين بمعادلتين ديكارتين كما يلي :

$$(R): 2x + y + 2z = 0 \quad , \quad (P): x + y = -1$$

1) تحقق أن المستويين يتقاطعان وفق مستقيم (D) يشمل النقطة $(1; 0; -2)$ و موجه بالشعاع $\vec{u}(-2; 2; 1)$

2) بين أن المستقيم (D) و المستوي (P') الذي معادلته $4x + 4y + z + 3 = 0$ يتقاطعان

3) استنتاج حل الجملة

$$\begin{cases} x + y = -1 \\ 2x + y + 2z = 0 \\ 4x + 4y + z + 3 = 0 \end{cases}$$

التمرين (24) (مراجعة حساب المثلثات والهندسة المستوية)

المستوي منسوب إلى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. تعطى النقط :

$$C\left(\cos\left(\theta - \frac{2\pi}{3}\right); \sin\left(\theta - \frac{2\pi}{3}\right)\right) \quad , \quad B\left(\cos\left(\theta + \frac{2\pi}{3}\right); \sin\left(\theta + \frac{2\pi}{3}\right)\right) \quad , \quad A(\cos\theta; \sin\theta)$$

1. عين إحداثي النقطة G مرجم النقط $(A; -1)$ ، $(B; 2)$ و $(C; 2)$.

2. عين النقطة H من المستوي بحيث :

$$2\overrightarrow{HB} + 2\overrightarrow{HC} - \overrightarrow{HA} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AO}$$

3. عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث :

$2MB^2 + 2MC^2 - MA^2 = 3$ (يمكن إثبات أن O نقطة من المجموعة)

المفاتيح العشرة للنجاح الدراسي

الهداية

- العطاء يساوي الأخذ:

النجاح عمل وجد و تضحية وصبر ومن منح طموحه صبراً و عملاً و جداً حصد نجاحاً و ثماراً .. فاعمل واجتهد وابذل الجهد لتحقيق النجاح والطموح والهدف .. فمن جدّ وجد ومن زرع حصد.. وكل من جد في أمر يحاوله واستعمل الصبر إلا فاز بالظفر .. يتبع