

المحور : الدوال الأسية واللوغاريتمية

الجزء الثاني : الدوال اللوغاريتمية

التمرين (01) عيّن مجموعة تعريف الدالة f في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \ln(x+2)^2 \quad (2)$$

$$f(x) = \ln(x^2 + 2x - 3) \quad (1)$$

$$f(x) = \ln\left(\frac{x+2}{x-1}\right) \quad (4)$$

$$f(x) = \ln|x+1| \quad (3)$$

$$f(x) = \ln(x+2) - \ln(x-1) \quad (6)$$

$$f(x) = \ln\left|\frac{x+2}{x-1}\right| \quad (5)$$

$$f(x) = \ln(-2x+3) \quad (8)$$

$$f(x) = \ln|x+1| - \ln|x| \quad (7)$$

التمرين (02) عيّن مجموعة تعريف الدالة f في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \ln(\ln(x)) \quad (2)$$

$$f(x) = \frac{x}{\ln x - 1} \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{\ln(x)} \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{\ln(x+2)}{\ln(x)-2} \quad (3)$$

$$f(x) = \sqrt{1+\ln(x)} \quad (6)$$

$$f(x) = \sqrt{1-(\ln x)^2} \quad (5)$$

التمرين (03) حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$\ln(3-x) - \ln\sqrt{x+1} = \frac{1}{2}\ln(2x) \quad (1)$$

$$\ln(4x-10) + \ln(2x-2)^2 - 2\ln(4x-4) = 0 \quad (2)$$

$$2(\ln x)^3 - 7(\ln x)^2 + 3(\ln x) = 0 \quad (3)$$

التمرين (04) حل في \mathbb{R} المتراجحات التالية :

$$\ln(2x+3) < 4 \quad (3) \quad , \quad \ln 2x > -1 \quad (2) \quad , \quad \ln x < 1 \quad (1)$$

$$2\ln(x-1) + 3 \geq 0 \quad (6) \quad , \quad \ln\left(\frac{2x-1}{x+3}\right) \leq 0 \quad (5) \quad , \quad \ln(x-2)^2 \geq 0 \quad (4)$$