

التصحيح النموذجي للإمتحان التجريبي لدورة ماي 2015

النقطة الكلية	النقطة المجزأة	الإجابة النموذجية
05 نقاط	0,25 × 3	<p><u>التمرين الثاني (05 نقاط) : f</u> التحويل النقطي الذي يرفق بكل نقطة <math>M(z)</math> النقطة <math>M'(z')</math> ذات حيث :</p> $z' = \frac{1}{2}(1+i)z + 1$ <p>*1) العبارة المركبة للتحويل النقطي <math>f</math> هي من الشكل <math>z' = az + b</math> حيث <math>a</math> عدد مركب غير معدوم <math>b</math> عدد مركب لدينا : <math>a = \frac{1}{2}(1+i)</math> و منه : <math>a = \frac{\sqrt{2}}{2} e^{i\frac{\pi}{4}}</math> نستنتج هكذا أن : <math>\theta = \frac{\pi}{4}</math> و <math>k = \frac{\sqrt{2}}{2}</math></p> <p>من جهة أخرى فإن <math>\omega</math> لاحقة <math>\Omega</math> تحقق <math>\omega = \frac{b}{1-a}</math> <math>\omega = \frac{1}{1-\frac{1}{2}(1+i)}</math> نجد : <math>\omega = 1+i</math></p> <p>*2) نسمي النقطة <math>A_0</math> و <math>O</math> من أجل كل عدد طبيعي . نضع <math>A_{n+1} = f(A_n)</math> (*أ) إذا رمزنا إلى لاحقة <math>n</math> بالرمز <math>z_n</math> يكون لدينا :</p> $z_{n+1} = \frac{1}{2}(1+i)z_n + 1$ <p>و بالتالي :</p> $z_1 = 1 \text{ و } z_1 = \frac{1}{2}(1+i)z_0 + 1$ $z_2 = \frac{1}{2}(3+i) \text{ و } z_2 = \frac{1}{2}(1+i)z_1 + 1$ $z_3 = \frac{3}{2} + i \text{ و } z_3 = \frac{1}{2}(1+i)z_2 + 1$ <p>ب) * من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math> , نضع <math>u_n = \Omega A_n</math> لدينا :</p>
	0,25 × 3	

و بما أن  $u_{n+1} = \Omega_{n+1}$  فإن  $A_{n+1} = f(A_n)$  :

$$\begin{cases} \Omega_{n+1} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Omega_n \\ (\Omega_n; \Omega_{n+1}) = \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

ومنه  $u_{n+1} = \frac{\sqrt{2}}{2} u_n$  نستنتج هكذا أن المتتالية  $(u_n)$  هندسية أساسها

$$q = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

من أجل كل عدد طبيعي  $n$  لدينا  $u_n = u_0 \cdot q^n$   $u_0 = \sqrt{2}$

0,25

×

3

التصحيح النموذجي للإمتحان التجريبي لدورة ماي 2015

النقطة الكلية	النقطة المجزأة	الإجابة النموذجية
	0,75	<p>و عليه :</p> $u_n = \sqrt{2} \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^n$ <p>(ج*)</p> <p>تنتمي النقط <math>A_n</math> إلى القرص الذي مركزه <math>\Omega</math> و نصف قطره 0.1 إذا فقط إذا كان :</p> $\Omega A_n \leq 0,1$ <p>وهذا يعني أن : <math>u_n \leq 0,1</math> أي : <math>\sqrt{2} \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^n \leq 0,1</math> يعني :</p> $\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^n \leq \frac{0,1}{\sqrt{2}}$ <p>لدينا : <math>\ln \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^n \leq \ln \frac{0,1}{\sqrt{2}}</math> أي : <math>n \ln \frac{1}{\sqrt{2}} \leq \ln \frac{0,1}{\sqrt{2}}</math> و منه</p> $n \leq \frac{\ln \frac{0,1}{\sqrt{2}}}{\ln \frac{1}{\sqrt{2}}}$ <p>نجد بعد الحساب و التقريب <math>n_0 = 8</math></p>
	0,75	<p>(أ*) نوعية المثلث <math>A_0 A_1 \Omega</math> قائم في <math>A_1</math> و متساوي الساقين لأن</p> $(A_0 A_1) \perp (A_1 \Omega) \text{ و } A_0 A_1 = A_1 \Omega = 1$ <p>من خواص التشابه المباشر نستنتج أن المثلث <math>A_n A_{n+1} \Omega</math> قائم في <math>A_{n+1}</math> و متساوي الساقين</p> <p>(ب*)</p>

	0,25	$L_n = A_0A_1 + A_1A_2 + \dots \dots \dots + A_{n-1}A_n$ <p style="text-align: center;">ومنه</p> $L_n = \Omega A_1 + \Omega A_2 + \dots \dots \dots + \Omega A_n$
	0,25	<p style="text-align: right;">وعليه:</p> $L_n = u_1 + u_2 + \dots \dots \dots + u_n$ <p style="text-align: right;">وعليه:</p>
	0,5	<p>و بما أن المتتالية <math>(u_n)</math> هندسية أساسها <math>q = \frac{\sqrt{2}}{2}</math> فإن <math>L_n = u_1 \frac{1-q^n}{1-q}</math></p> <p>بعد الحساب نجد: <math>L_n = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \left( 1 - \left( \frac{1}{\sqrt{2}} \right)^n \right)</math></p>
	0,25	<p>بما أن: <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} \right)^n = 0</math> فإن <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} L_n = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}</math></p>

التصحيح النموذجي للإمتحان التجريبي لدورة ماي 2015

النقطة الكلية	النقطة المجزأة	الإجابة النموذجية
	0.5	<p><u>النمرين الثالث : (05 نقاط)</u></p> <p>تمثيلا وسيطيا للمستقيم <math>(\Delta)</math> المعرف بالنقطتين <math>A</math> و <math>B</math></p> <p><math>\overrightarrow{AB}</math> شعاع توجيه له و يشمل النقطة <math>A</math>. <math>\overrightarrow{AB}(2; 3; 2)</math> و <math>A(8; 0; 8)</math></p> $\begin{cases} x = 8 + 2a \\ y = 3a \\ z = 8 + 2a \end{cases} \quad a \in \mathbb{R}$
	0.5	<p>(2) بين أن <math>(D)</math> و <math>(\Delta)</math> غير متقاطعين</p> $\begin{cases} -5 + 3t = 8 + 2a \\ 1 + 2t = 3a \\ -2t = 8 + 2a \end{cases} \quad ; a, t \in \mathbb{R}$
05 نقاط	0,5	$\begin{cases} -2a + 3t = 13 \\ -3a + 2t = -1 \\ t + a = -4 \end{cases} \quad ; a, t \in \mathbb{R}$ <p>تكافئ:</p> $\begin{cases} a = -5 \\ a = -\frac{7}{5} \\ t = -a - 4 \end{cases}$
	0.5	<p>الجملة لا تقبل حلا نستنتج أن المستقيمين <math>(D)</math> و <math>(\Delta)</math> غير متقاطعين</p>
	0,5	<p>(3) <math>(P)</math> المستوي الموازي للمستقيم <math>(D)</math> و الذي يحوي المستقيم <math>(\Delta)</math>.</p> <p>أ) لبرهن أن <math>\vec{n} \left( \frac{2}{1} \right)</math> شعاع ناظم للمستوي <math>(P)</math></p> <p>بما أن <math>(P)</math> المستوي الموازي للمستقيم <math>(D)</math> يكفي أن نبين أن</p>

		<p style="text-align: center;"><math>\vec{n}</math> عمودي على شعاع توجيه المستقيم <math>(D)</math></p> $\vec{n} \cdot \vec{u} = 3 \times 2 + 2(-2) + (-2) \times 1 = 0$ <p style="text-align: center;">و منه نستنتج <math>\vec{n} \left( \frac{2}{1} \right)</math> شعاع ناظم للمستوي <math>(P)</math></p> <p style="text-align: center;">ب* المعادلة الديكارية للمستوي <math>(P)</math></p> $2(x - 8) - 2(y - 0) + 1(z - 8) = 0$ <p style="text-align: center;">و منه المعادلة الديكارية للمستوي <math>(P)</math></p> $2x - 2y + z - 24 = 0$
	0,25	
	0.5	

التصحيح النموذجي للإمتحان التجريبي لدورة ماي 2015

النقطة الكلية	النقطة المجزأة	الإجابة النموذجية
	0,25	<p>ج) المسافة بين نقطة كيفية <math>M(-5 + 3t; 1 + 2t; -2t)</math> من <math>(D)</math> و المستوي <math>(P)</math></p> $\frac{ 2(-5+3t)-2(1+2t)-2t-24 }{\sqrt{2^2+-2^2+1^2}} = \frac{39}{\sqrt{9}} = 12$ <p>المسافة هي : <math>12</math> .</p> <p>12:</p>
	0,5	<p>4) عيّن تمثيلا وسيطيا للمستقيم المعروف بتقاطع المستويين <math>(P)</math> و <math>(xoy)</math> نحل الجملة</p> $\begin{cases} z = 0 \\ 2x - 2y + z - 24 = 0 \end{cases} \quad (5)$ <p>التمثيل الوسيطي لمستقيم التقاطع</p> <p>التمثيل الوسيطي لمستقيم التقاطع</p>
05 نقاط	0,5	$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -11 + t \\ z = 0 \end{cases} \quad t \in R$ $\begin{cases} x = t \\ y = -12 + t \\ z = 0 \end{cases} \quad t \in R \text{ أو}$

التصحيح النموذجي للإمتحان التجريبي لدورة ماي 2015

النقطة الكلية	النقطة المجزأة	الإجابة النموذجية														
07 نقاط	0,5	( التمرين الرابع: (07 نقاط)														
	×															
	2	1. أ - حساب النهايتين: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ :														
	0,5	ب - حساب $f'(x) = e^x - e$ :														
	0,5	دراسة إشارة $f'(x)$ :														
	×															
	5	ج - جدول تغيرات الدالة $f$ :														
		<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>1</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td></td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>+\infty</math></td> <td></td> <td>-1</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	1	$+\infty$	$f'(x)$		-	0	+	$f(x)$	$+\infty$		-1	$+\infty$
	$x$	$-\infty$	1	$+\infty$												
	$f'(x)$		-	0	+											
$f(x)$	$+\infty$		-1	$+\infty$												
	2. أ - $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (-ex - 1)] = 0$ :															
0,5	ب - معادلة $(T)$ مماس $(C_f)$ عند النقطة ذات الفاصلة $0 : y = (1 - e)x$															
0,5	ج - $f$ مستمرة و متزايدة تماما على $[1,75; 1,76]$ ، $f(1,75) = -0,0024$ ، $f(1,76) = 0,028$															
01	د - رسم المستقيمين $(\Delta)$ و $(T)$ ثم المنحنى $(C_f)$ على المجال $]-\infty; 2]$ .															



$$01.3 \text{ أ - حساب بدلالة } \alpha \text{ ، المساحة } A(\alpha) : A(\alpha) = \left( -e^\alpha + \frac{1}{2}e\alpha^2 + \alpha + 1 \right) ua$$

ب - من  $f(\alpha) = 0$  نجد  $e^\alpha = e\alpha + 1$  و بالتعويض نجد أن :

$$A(\alpha) = \left( \frac{1}{2}e\alpha^2 - e\alpha + \alpha \right) ua$$

01

0,5