

المتقن قصر البيخاري السنة الدراسية: 2010/2009.	الإمتحان التجريبي في مادة الرياضيات الموضوع الثاني	المستوى : 3 رياضي المدة : 3 ساعات و نصف.
--	--	--

التمرين الاول :

(1) نعتبر في $Z \times Z$ المعادلة (E) : $3x + 4y = -8$(E)

أ - تحقق أن $(0, -2)$ حل للمعادلة (E) .

ب- حل المعادلة (E) .

(2) في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$ نعتبر المستقيم (Δ) الذي معادلته $3x + 4y + 8 = 0$

A نقطة من (Δ) فاصلتها 0

أ - برهن أنه إذا كانت M نقطة من (Δ) إحداثياتها أعداد صحيحة فإن AM مضاعف للعدد 5

ب- ليكن N نقطة من (Δ) إحداثياتها $(x; y)$ ، تحقق أن : $AN = \frac{5}{4}|x|$

ج- إستنتج أنه إذا كان AN مضاعف للعدد 5 فإن x و y عددان صحيحان

التمرين الثاني :

الفضاء إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ ، نعتبر النقط $A(4; 0; 0)$ ، $B(0; 2; 0)$ ، $C(0; 0; 3)$

(1) أ- بين أن النقط A ، B و C تعين مستويا

ب- ليكن $\vec{n}$ الشعاع الذي إحداثياته $(3; 6; 4)$

- بين أن هو شعاع ناظمي على المستوي (ABC)

ج - بين أن المعادلة $3x + 6y + 4z - 12 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)

د- أوجد المسافة δ_E بين المستوي (ABC) و النقطة $E(\frac{2}{3}; -\frac{2}{3}; \frac{1}{9})$

(2) أ- بين أن المستقيم المعروف بالجملة الوسيطة
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2t \\ z = \frac{5}{9} + \frac{4}{3}t \end{cases}$$
 عمودي على المستوي (ABC) و يمر بالنقطة E

ب - عين إحداثيات المسقط العمودي G للنقطة E على المستوي (ABC) .

ج - أحسب δ_E باستعمال إحداثيات النقطتين E و G .

التمرين الثالث :

المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{u}; \vec{v})$

نعتبر النقطتين A ، B ، C ، D و E لواحقتها على الترتيب على الترتيب $Z_A = 2i$ ، $Z_B = 2$ ، $Z_C = 4 + 6i$ ،

$Z_D = -1 + i$ و $Z_E = -3 + 3i$

1) مثل هذه النقط

2) عين طبيعة المثلث ABC

3) ليكن f التشابه المباشر الذي يحقق $f(A) = D$ و $f(B) = A$

أ- أكتب العبارة المركبة للتشابه f .

ب- عين نسبته و زاويته و مركزه ω

ج- بين أن المثلث DAE هو صورة المثلث ABC بالتشابه f .

د - إستنتج طبيعة المثلث DAE .

4) نسمي (φ_1) الدائرة التي قطرها $[AB]$ و (φ_2) الدائرة التي قطرها $[AD]$ و نسمي M نقطة التقاطع الثانية للدائرة (φ_1) مع المستقيم (BC) و N نقطة التقاطع الثانية للدائرة (φ_2) مع (AE)

أ - عين صورة M بالتشابه f .

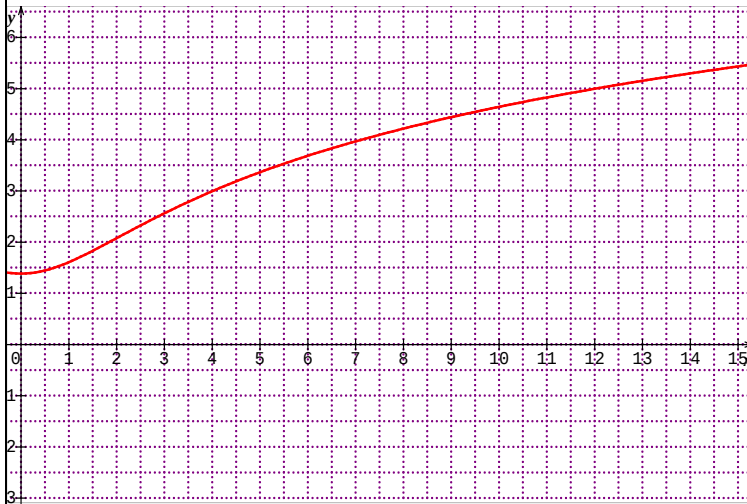
ب - إستنتج طبيعة المثلث OMN .

ج - بين أن : $MB \times NE = ME \times NA$

التمرين الرابع :

I) لتكن الدالة f المعرفة على $[0, +\infty[$ كما يلي : $f(x) = \ln(x^2 + 4)$

و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. (أنظر الشكل)



1) أدرس تغيرات الدالة f على المجال $[0, +\infty[$

2) لتكن g الدالة المعرفة على $[0, +\infty[$ بـ :

$$g(x) = f(x) - x$$

أ- أدرس تغيرات الدالة g على المجال $[0, +\infty[$.

ب - بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على

المجال $[2, 3]$ ، أوجد قيمة مقربة إلى 10^{-1} لـ α .

ج - إستنتج أن α هو الحل الوحيد للمعادلة $f(x) = x$

II) نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بـ : $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} = f(U_n)$

1) أرسم المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$ في المعلم السابق ، مثل النقطة I ذات الفاصلة α ومثل U_0 ، U_1 و U_2 على محور الفواصل

2) أ- بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $1 \leq U_n \leq \alpha$

ب - بين أن (U_n) متقاربة ثم أحسب نهايتها .