

التمرين الاول :

(U_n) متتالية عددية معرفة بحددها الأول U_0 وبالعلاقة التراجعية $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n - 1$ ، ($n \in \mathbb{N}$)

1- عين قيمة U_0 حتى تكون المتتالية (U_n) ثابتة .

2- نفرض $U_0 = 6$:

أ) أحسب U_1 و U_2 .

ب) (V_n) متتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي n بالعلاقة : $V_n = \alpha U_n - 2$ ، حيث $\alpha \in \mathbb{R}^*$.

عين قيمة العدد α حتى تكون (V_n) متتالية هندسية .

ت) نضع $\alpha = -1$:

• عبر بدلالة n عن كل من (V_n) و (U_n) .

• أحسب بدلالة n لمجموع S_n حيث : $S_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n$.

التمرين الثاني :

في كل حالة مما يلي عين الإجابة الصحيحة من بين الإجابات أ، ب، ج المقترحة.

أ	ب	ج	
العدد $\ln\left(\frac{2 \times e^3}{\sqrt{3}}\right)$ يساوي	$3 - \ln 2 + \frac{1}{2} \ln 3$	$3 + \ln 2 - \frac{1}{2} \ln 3$	
حل المعادلة $\ln(x+1) = 2$ في $\mathbb{R}$ هو:	$e^2 + 1$	$e^2 - 1$	$1 - e^{-2}$
العبارة $2 \ln x - \ln(x-1)$ تساوي:	$\ln\left(\frac{x^2}{x-1}\right)$	$\ln\left(\frac{2x}{x-1}\right)$	$\ln[2x(x-1)]$
العدد $\ln(4^n) - \ln(2^{n-1})$ يساوي	$(n+1) \ln 2$	$(2n+1) \ln 2$	$(n-1) \ln 2$

التمرين الثالث

يحتوي كيس على أربع كرات بيضاء تحمل الأرقام 0 ، 1 ، 1 ، 2 ،
و أربع كرات حمراء تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 2 ، 2 ،
نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الكيس .

1- أحسب احتمال الحصول على :

- ثلاث كرات من نفس اللون .
 - ثلاث كرات تحمل نفس الرقم .
 - ثلاث كرات أرقامها مختلفة مثنى مثنى
- 2- ليكن x المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحبة عدد الكرات المسحوبة التي تحمل الرقم 1
- عين قانون احتمال المتغير العشوائي x .
 - أحسب الأمل الرياضي $E(x)$ والانحراف المعياري $\sigma(x)$.

التمرين الرابع:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = 2(\ln(x))^2 - \ln(x) - 3$

وليكن (C) المنحنى الممثل لها في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، (الوحدة 2cm)

- 1- حل المعادلة $f(x) = 0$.
- 2- ماذا تمثل هذه الحلول هندسيا ؟ .
- 3- أحسب نهاية الدالة f عند 0 و عند $+\infty$ ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى (C) ؟ .
- 4- أدرس تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها .
- 5- أنشئ المنحنى (C) في المعلم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

.....انتهى.

بالتوفيق

التمرين الاول :

يمثل الجدول التالي تطور نسبة البطالة في بلد بين السنوات 1970 إلى 2005.

نضع : $x_i = a_i - 1970$.

السنوات a_i	1970	1975	1980	1985	1999	1995	2000	2005
y_i (%)	1.3	1.5	1.5	1.3	1.4	2.2	2.5	2

(1) مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد ($1cm$ لكل 5 سنوات علي محور الفواصل و $1cm$ لكل

0.5% علي محور الترتيب) .

(2) عين إحداثي النقطة المتوسطة G ثم علمها .

(3) بين أن المعادلة المختصرة لـ (Δ) مستقيم الانحدار لهذه السلسلة هي $y = 0.03x + 1.19$ ثم ارسمه .

(4) ماهي نسبة البطالة المتوقعة في هذا البلد سنة 2009؟

(5) ابتداء من أي سنة تصبح النسبة المتوقعة للبطالة اكبر من 3% .

التمرين الثاني :

صندوق يحوي 5 كريات منها 3 سوداء تحمل الأرقام 1 ، 2 ، 3 .

كريتين حمراء تحملان الرقمين 1 و 2.

نسحب عشوائيا و في آن واحد كرتين .

(1) احسب احتمال ما يلي :

• A سحب كرتان من نفس اللون.

• B سحب كرتان مجموع رقمين المسجلين علي الكرتين هو 3.

(2) احسب $p_B(A)$.

التمرين الثالث:

- f دالة عددية معرفة من اجل كل عدد حقيقي x بـ : $f(x) = \frac{2x+2}{x^2+2x-3}$.
- (C) المنحنى الممثل لها في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (3) ادرس تغيرات الدالة f و المستقيمات المقاربة للمنحنى (C).
- (4) اوجد إحداثي A نقطة تقاطع المنحنى (C) مع محور الفواصل.
- (5) اكتب معادلة المستقيم (Δ) المماسي للمنحنى (C) عند النقطة A.
- (6) بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $x^3 + 3x^2 + 3x + 1 = (x+1)^3$.
- ثم ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C) بالنسبة لـ (Δ) . ماذا نستنتج؟
- (7) ارسم (Δ) و (C).
- (8) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة $f(x) = m$.

التمرين الرابع :

- نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة علي $\square$: $U_0 = 2$ ومن اجل كل عدد طبيعي n بـ $U_{n+1} = \frac{1}{2}(U_n + 3)$.
- لتكن المتتالية (V_n) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n بـ : $V_n = U_n - 3$.
- (1) بين أن (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الاول.
- (2) اكتب V_n و U_n بدلالة n .
- (3) بين ان (U_n) متزايدة
- (4) أحسب بدلالة n المجموع S_n ثم S'_n حيث:
- $S_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n$ و $S'_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$.
- _____ .انتهى .

بالتوقيع