

الفرض الاول للثلاثي الاول في مادة الرياضيات**التمرين الاول : ( 6 نقاط )**

لتكن  $(u_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}$  بما يلي:

$$\begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} - \frac{2}{3}U_n = \frac{2}{3} \end{cases} ; n \in \mathbb{N}$$

1- احسب الحدين  $U_1, U_2$ .

2- برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي  $n : U_n < 2$ .

3- برهن ان المتتالية متزايدة. ماذا تستنتج؟

4- نعتبر المتتالية  $(V_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $V_n = U_n - 2$

أ- برهن ان المتتالية  $(V_n)$  هندسية يطلب تعيين اساسها وحدها الاول.

ب- عبر عن  $V_n$  بدلالة  $n$  واستنتج  $U_n$  بدلالة  $n$ .

ت- احسب المجموع  $S_n$  بدلالة  $n$  حيث:  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ . ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ .

**التمرين الثاني: ( 4 نقطة )**

لتكن  $(W_n)$  متتالية هندسية متزايدة تماما. حدها الاول  $W_1$  واساسها  $q$  حيث:

$$\begin{cases} W_1 + 2W_2 + W_3 = 32 \\ W_1 \times W_2 \times W_3 = 216 \end{cases}$$

1- احسب  $W_2$  ثم عين الحدين  $W_1$  و  $W_3$ . استنتج الاساس  $q$  لهذه المتتالية .

2- عبر عن  $W_n$  بدلالة  $n$ .

3- احسب:  $S_n = W_1 + W_2 + \dots + W_n$ .