

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 1 \end{cases} \quad \text{التمرين الأول (8 ن): } (u_n) \text{ متتالية عددية معرفة على } IN \text{ بالشكل :}$$

1. برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن $u_n < 2$

2. أدرس رتبة المتتالية (u_n) ، ماذا تستنتج ؟

• (v_n) متتالية عددية معرفة على IN كمايلي : $v_n = u_n - 2$

• برهن أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول

• أكتب كلا من v_n و u_n بدلالة n

• نضع $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

✓ وأحسب : $\lim u_n$ و المجموع S_n

التمرين الثاني (6 ن): يمثل الجدول التالي عدد العدائين المشاركين في سباق المراتون بين سنتي 2005 و 2010

السنة	2005	2006	2007	2008	2009	2010
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6
عدد العدائين y_i بالمئات	2.7	3.1	3.7	3.4	4	4.3

1- مثل سحابة النقط المرفقة بالسلسلة الاحصائية $M_i(x_i, y_i)$ في معلم متعامد

(على محور الفواصل الوحدة $2cm$ ، على محور الترتيب الوحدة $2cm$)

2- عين احداثتي النقطة المتوسطة G لهذه السلسلة ، ثم علمها

3- عين المعادلة المختصرة لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة

4- باستعمال التعديل الخطي السابق عين عدد العدائين المتوقع سنة 2014

التمرين الثالث (6 ن) :

$$f(x) = \frac{4x^2 - 3x + 5}{-2x + 1} : D = IR - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \text{ كمايلي :}$$

1- أحسب النهايات للدالة f عند أطراف مجالي تعريفها ، استنتج معادلة المستقيم المقارب العمودي

$$2- \text{ عين الأعداد } a \text{ و } b \text{ و } c \text{ بحيث يكون من أجل كل } x \text{ من } D : f(x) = ax + b + \frac{c}{1-x}$$

3- بين أن المنحني (c_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) ، يطلب تعيين معادلته

4- أدرس وضعية (c_f) بالنسبة إلى (Δ)