

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضياتالتمرين الأول:

$$u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 3$$

لتكن المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة ب:  $u_0=1$  ومن أجل كل عدد  $n$  طبيعي

1- احسب الحدود  $u_1, u_2, u_3$ .

2- نعتبر المتتالية  $(v_n)$  المعرفة كما يلي:  $v_n = u_{n+1} - u_n$

ا- اثبت أن  $v_n = \frac{1}{4}u_n + 3$  ثم استنتج أن  $u_n = \frac{4(3-v_n)}{3}$

ب- اثبت أن  $(v_n)$  هندسية يطلب تحديد أساسها وحدها الأول

ج- اكتب عبارة حد العام ل  $(v_n)$  و  $(u_n)$  ثم احسب نهاية  $u_n$

3- في المعلم المتعامد المتجانس مثل المستقيمين  $d_1; d_2$  ذوا المعادلة  $y = \frac{1}{4}x + 3$ ;  $y = x$  على الترتيب

أ- مثل الحدود  $u_1, u_2, u_3$  بالاستعانة بالمستقيمين  $d_1; d_2$

التمرين الثاني:

نعتبر السلسلة  $(x_i, y_i)$  التالية تمثل إنتاج شركة الثلجات مقدره بمليون وحدة سنويا

السنة	2000	2001	2002	2003	2004
الكمية	6	7	9	12	11

نضع  $t_i = x_i - 200$

1- أعد كتابة الجدول للسلسلة الإحصائية الجديدة  $(t_i, y_i)$

2- مثل هذه السلسلة بسحابة النقط  $(t_i, y_i)$

3- عين النقطة المتوسطة ومعادلة مستقيم الانحدار بطريقة مربعات الدنيا

4- حسب هذه التسوية كم يبلغ إنتاج الثلجات سنة 2010

التمرين الثالث: لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  ب:  $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$

1- احسب نهاية  $f$  لما يؤول  $x$  إلى  $+\infty$  و  $f$  لما يؤول  $x$  إلى 0

2- احسب مشتق الدالة  $f$  و مثل جدول التغيرات على  $]0; +\infty[$

3- اثبت أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا في المجال  $]0; 1[$