

بمّتحان الفصل الأول

التمرين الأول: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x و المعرفة نما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - x + 1}{1 - x^2}$.

(1) عين جدول إشارة $1 - x^2$.

(2) إذا علمت أنك $D_f = \square - \{-1, 1\}$ أكتب D_f بالمجالات.

(3) بين أن: $f(x) = 2 - x - \frac{1}{1 - x^2}$

(4) أحسب النهايات عند أطراف D_f .

(5) إستنتج المستقيمات المقاربة لـ (C_f) التمثيل البياني للدالة في f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد

و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(6) عين معادلة المستقيم المقارب المائل (Δ) .

(7) أدرس الوضعية النسبية لـ (C_f) و (Δ) .

التمرين الثاني: لتكن (u_n) عددية معرفة كما يلي: $\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{3}{2} \end{cases}$

(1) أحسب الحدود: $u_1; u_2$ ، ثم ضع تخمينا حول رتبة (u_n) .

(2) بإعتبار أن: $u_0 = 4$ ونفس العلاقة التراجعية أعلاه: (أ) أعد الجواب على (1) ثم تحقق من رتابتها.

(ب) باستعمال البرهان بالتراجع، بين أنه - من أجل كل n طبيعي لدينا: $u_n \geq 3$.

(3) هل (u_n) متقاربة؟ برر جوابك.

(4) اتكن (v_n) عددية معرفة كما يلي: $v_n = u_n - 3$.

(أ) بين ان (v_n) يطلب تعيين عناصرها المميزة.

(ب) أكتب عبارة v_n بدلالة n ثم إستنتج عبارة u_n .

(ت) إستنتج رتبة (v_n) من رتبة (u_n) مع التبرير.

(5) أحسب المجاميع التالية بدلالة n : $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n+1}$.

التمرين الثالث :

: دراسة إحصائية أجريت على متجر حول العدد السنوي لبيع جهاز إلكتروني فكانت المعطيات التالية:

السنة	1998	1999	2000	2001	2002	2003
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5	6
عدد الأجهزة y_i	670	720	795	850	930	1025

1) مثل في معلم متعامد مناسب سحابة النقط $M(x_i, y_i)$

2) أحسب إحداثيي G النقطة المتوسطة (النتائج مدورة إلى 10^{-2}) و أنشئها.

3) عين (Δ) مستقيم التعديل الخطي (مستقيم الإنحدار بالمربعات الدنيا).

4) باعتبار أن هذا التعديل صالح إلى غاية 2010 .

ا) أحسب عدد الأجهزة التي سوف تباع في سنة 2004.

ب) أوجد السنة التي يفوق فيها عدد الأجهزة المباعة 1400 لأول مرة.