

العلامة		عند ... ناصد ... ر الإجم ... باب ... ة	محاو الموضوع
كاملة	مجزئة		
5 ن	01ن	<p>(1) الحساب :</p> $v_2 = \frac{-21}{4} ; v_1 = \frac{-7}{2} ; v_0 = \frac{-7}{3} ; u_2 = \frac{17}{8} ; u_1 = \frac{5}{4}$ <p>(2) لدينا :</p> $v_{n+1} = -2 u_{n+1} - 1 = -2 \left( \frac{3}{2} u_n + \frac{1}{4} \right) - 1$	<p>4 التعريف 1</p>
	01ن	$v_{n+1} = -3 u_n - \frac{3}{2} = -3 \left( \frac{v_n - 1}{2} \right) - \frac{3}{2} = -\frac{3}{2} v_n$ <p>إن (<math>v_n</math>) متتالية هندسية أساسها <math>\frac{-3}{2}</math> و حدها الأول <math>v_0</math>.</p>	
	01ن	<p>(3) عبارة الحد العام :</p> $v_n = v_0 \times \left( \frac{-3}{2} \right)^n = \frac{-7}{3} \times \left( \frac{-3}{2} \right)^n$	
	01ن	<p>و منه :</p> $u_n = \frac{v_n - 1}{2} = -\frac{7}{6} \times \left( \frac{-3}{2} \right)^n - \frac{1}{2}$ <p>(4) حساب المجموع :</p>	
	01ن	$S_1 = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n = v_0 \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$ $S_1 = \frac{-7}{3} \left[ 1 - \left( \frac{-3}{2} \right)^{n+1} \right] \times \frac{9}{5} = -\frac{14}{15} \left[ 1 - \left( \frac{-3}{2} \right)^{n+1} \right]$ $S_2 = \left( \frac{v_0 - 1}{2} \right) + \left( \frac{v_1 - 1}{2} \right) + \dots + \left( \frac{v_n - 1}{2} \right) = \frac{1}{2} (S_1) - \frac{1}{2} (n+1)$ $S_2 = \frac{-7}{15} \left[ 1 - \left( \frac{-3}{2} \right)^{n+1} \right] - \frac{1}{2} (n+1)$ <p>(5) حساب الجداء :</p> $P = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n = (v_0)^{n+1} \times \left( \frac{-3}{2} \right)^{1+2+\dots+n} = \left( \frac{-7}{3} \right)^{n+1} \times \left( \frac{-3}{2} \right)^{\frac{n(n+1)}{2}}$	

5 ن	حل التمرين 2	
0,5	<p>(1) حساب <math>Im(z')</math> و <math>Re(z')</math></p> <p>لدينا: <math>Z' = \frac{x+(y-1)i}{x+(y+1)i} = \frac{x^2+y^2-1}{x^2+(y+1)^2} + i \frac{-2x}{x^2+(y+1)^2}</math></p>	
0,5	<p>و منه: <math>Im(z') = \frac{-2x}{x^2+(y+1)^2}</math> و <math>Re(z') = \frac{x^2+y^2-1}{x^2+(y+1)^2}</math></p>	
0,5	<p>(2) تعيين E :</p> <p><math>Im(z') \neq 0</math> و <math>Re(z') = 0</math> تخيلي صرف أي:</p>	
0,5	<p>و منه: <math>x^2+y^2=1</math> و <math>(x;y) \neq (0;-1)</math> و <math>x \neq 0</math></p>	
0,5	<p>إذن E هي دائرة مركزها 0 و نصف قطرها 1 ما عدى <math>A(0;-1), B(0;1)</math></p>	
0,5	<p>(3) تعيين F :</p> <p><math>\arg(z') = \frac{\pi}{4}</math> أي: <math>Re(z') = Im(z')</math> و <math>Im(z') &gt; 0</math></p>	
0,5	<p>و منه: <math>(x+1)^2+y^2=2</math> و <math>x &lt; 0</math></p>	
0,5	<p>إذن F هي قوس من دائرة مركزها <math>\omega(-1;0)</math> و نصف قطرها <math>\sqrt{2}</math> بحيث <math>x &lt; 0</math></p>	
0,25	<p>(4) حساب <math>(Z')^{2010}</math> من أجل <math>Z = \sqrt{3}</math> :</p> <p>لدينا: <math>Z' = \frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i}</math> و منه: <math>Z' = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i</math></p>	
0,5	<p>و منه: <math>Z' = \left[1; \frac{-\pi}{3}\right]</math> و حسب موافر: <math>(Z')^{2010} = \left[1^{2010}; \frac{-2010\pi}{3}\right]</math></p>	
0,25	<p>إذن: <math>(z')^{2010} = [1; 0]</math> أي: <math>(z')^{2010} = 1</math>.</p>	

10ن

0,5

$$g'(x) = 1 + \frac{1}{x} \quad : \text{1-I) اتجاه تغير الدالة } g$$

0,25

$$g'(x) > 0 \quad : \text{من أجل } x > 0 \text{ لدينا}$$

0,25

ومنه  $g$  دالة متزايدة تماما على المجال  $]0; +\infty[$

(2) النهايات :

1

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty$$

(3) إشارة  $g(x)$  : مما سبق نجد :

0,5

$x$	0	1	$+\infty$
$g'(x)$		+	
$g(x)$	$-\infty$	$\circ$	$+\infty$

$$g(1) = 0 \quad : \text{ولدينا}$$

$$g(x) < 0 \quad : \text{إذن لما } 0 < x < 1$$

$$g(x) = 0 \quad : \text{لما } x = 1$$

$$g(x) > 0 \quad : \text{لما } x > 1$$

0,5

(1-II) اتجاه تغير الدالة  $f$  :

0,5

$$f'(x) = \frac{1}{x^2} \ln x + \frac{x-1}{x} \cdot \frac{1}{x} = \frac{x-1+\ln x}{x^2} = \frac{g(x)}{x^2}$$

و حسب السابق نجد :

0,5

لما  $0 < x \leq 1$  الدالة  $f$  متناقصة تماما ؛ لما  $x \geq 1$  الدالة  $f$  متزايدة تماما

(2) النهايات :

1

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$$

جدول التغيرات :

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$		- 0 +	
$f(x)$	$+\infty$	$\searrow$ 0 $\nearrow$	$+\infty$

1

0,5

(4) لدينا :  $f(x) = \frac{x-1}{x} \ln x = (1 - \frac{1}{x}) \cdot \ln x$

0,5

ومنه:  $f(x) = \ln x - \frac{1}{x} \ln x$

0,5

(5) الدالة الأصلية : لدينا :  $h'(x) = \ln x + x \cdot \frac{1}{x-1} = \ln x$

0,5

الدالة الأصلية للدالة  $f$  هي  $F$  حيث:  $F(x) = x \ln x - x - \frac{1}{2} (\ln x)^2$

1

(6) إشارة  $f(x)$  موجبة و  $f(1) = 0$   
(7) المساحة هي :

0,5

لدينا:  $A = \int_1^e f(x) dx = [F(e) - F(1)] \text{ u.a}$

0,5

ومنه:  $A = -\frac{1}{2} + 1 = \frac{1}{2} \text{ u.a}$

