

التمرين الأول: (5 نقاط) x عدد حقيقي، $A(x)$ و $B(x)$ عبارتين معرفتان بـ:

$$B(x) = \cos(-x) + \sin(7\pi - x) - \sin(3\pi) \text{ و } A(x) = \cos\left(\frac{17\pi}{2}\right) - \sin(x + \pi) + \cos(11\pi + x)$$

$$(1) \text{ بين أن : } A(x) = \sin x - \cos x \text{ و } B(x) = \cos x + \sin x$$

$$(2) \text{ بين أن : } A(x)B(x) = 1 - 2\cos^2 x$$

$$(3) \text{ أحسب } \sin x \text{ و } \cos x \text{ علما أن : } A(x) = \frac{\sqrt{3}+1}{2} \text{ و } B(x) = \frac{\sqrt{3}-1}{2} \text{ و } x \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$$

التمرين الثاني: (10 نقاط) f و g دالتان عدديتان للمتغير الحقيقي x معرفتين بـ: $f(x) = x^2 + 2x - 1$ و

$$g(x) = \frac{-2x-1}{x+1} \text{ و } (C_g) \text{ و } (C_f) \text{ تمثليهما في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس } (o; \vec{i}; \vec{j}).$$

$$1/ \text{ أ) أثبت باستعمال الشكل النموذجي أنه من أجل كل } x \text{ من } R \text{ يكون : } f(x) = (x+1)^2 - 2$$

ب) أدرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

ج) بين أنه يمكن استنتاج المنحني (C_f) انطلاقا من المنحني (p) الممثل للدالة مربع .

د) عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني (C_f) مع محور الفواصل .

2/ أ) عين نهايات الدالة g عند أطراف المجالات المفتوحة لمجموعة التعريف مستنتجا المستقيمات المقاربة.

$$\text{ب) أحسب } g(0) \text{ ، } g\left(\frac{-1}{2}\right)$$

$$\text{ج) تحقق أنه من أجل كل } x \text{ من } D_g \text{ : } g(x) = -2 + \frac{1}{x+1}$$

د) استنتج الوضعية النسبية للمنحني (C_g) والمستقيم دو المعادلة $y = -2$

3/ أنشئ كل من (C_f) و (C_g)

$$4/ \text{ حل بيانيا حل المعادلة : } f(x) = g(x)$$

التمرين الثالث: (5 نقاط) أ) يمثل الجدول التالي نتائج تلاميذ قسم ما . سلسلة معطاة بقيمتها والتكرارات المرفقة لها .

القيمة	4,5	4,5	6,66	10,25	12	14,5	16,86
التكرار	3	3	2	6	5	3	2

1/ أحسب ما يلي : الربيعي الأول Q_1 ، الربيعي الثالث Q_3 ، الوسيط med ، العشري الأول D_1 ، العشري التاسع D_9

2/ استنتج الانحراف الربيعي I

3/ أحسب التباين V

4/ مثل بمخطط العلية السلسلة .

ب) نفرض أن الأستاذ أضاف نقطة لكل تلميذ مع زيادة تقدر بـ 10% من النتائج المحصل عليها بعد الإضافة عين وسائط السلسلة الإحصائية الجديدة .

