

الامتحان الثاني لقسم السنة الثانية تقني رياضي

السنة الدراسية: 09/08

المدة: 02 ساعة

المادة: رياضيات

يوم: 2009-02-28

نص التمارين

التمرين الأول:

• نعتبر المتتالية  $(U_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ:

$$\begin{cases} U_0 = 5 \\ U_{n+1} = \frac{-2}{3}U_n + 5 \end{cases}$$

1. أحسب الحدود  $U_1$  ،  $U_2$  ،  $U_3$ .

2. نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $V_n = U_n - 3$ .

• برهن أن  $(V_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول .

• أكتب  $V_n$  بدلالة  $n$  ، ثم استنتج  $U_n$  بدلالة  $n$  .

3. أحسب المجموعين  $S_n$  و  $T_n$  بدلالة  $n$  حيث:

$$T_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n \quad , \quad S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$$

ثم أحسب نهاية  $S_n$  و  $T_n$  لما  $n$  يوول إلى زائد لانهاية .

التمرين الثاني:

1. أوجد القيس الرئيسي للزاوية الموجهة التي قيسها  $\alpha$  في الحالتين التاليتين :

$$\alpha = \frac{-1981\pi}{2} \quad , \quad \alpha = \frac{2009\pi}{4}$$

ثم عين القيم المضبوطة لـ  $\cos \alpha$  ،  $\sin \alpha$  في هاتين الحالتين.

2. باستعمال الدائرة المثلثية أوجد الأعداد الحقيقية  $x$  من المجال  $]-\pi; \pi[$  التي تحقق :

أ)  $2\sin x - \sqrt{3} = 0$

ب)  $\sqrt{2}\cos x + 1 = 0$

التمرين الثالث:

الجزء الأول :

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0;1]$  بـ :  $f(x) = \frac{\sqrt{3}}{4}x^2 + \frac{1}{16}(1-3x)^2$

1. أحسب  $f'(x)$ .

2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $[0;1]$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.
3. عين قيمة حدية محلية للدالة  $f$  على المجال  $[0;1]$  .

الجزء الثاني:

لدينا سلك طوله  $1 m$  ، نصنع بهذا السلك شكلين هندسيين أحدهما مربع طول ضلعه يساوي  $a$  ، والآخر مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه  $x$  ( أنظر الشكل ) .

1. نسمي  $S(x)$  مجموع مساحة هاذين الشكلين الهندسيين ( المربع والمثلث ) .

• برهن أن من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $[0;1]$  لدينا :  $S(x) = \frac{\sqrt{3}}{4}x^2 + \frac{1}{16}(1-3x)^2$

• ( أي :  $S(x) = f(x)$  )

2. عين قيمة  $x$  التي من أجلها يكون مجموع مساحة الشكلين أصغر ما يمكن ؟  
ما هي قيمة مجموع مساحة الشكلين عندئذ ؟

• من أجل هذه القيمة أحسب العدد  $\frac{x}{a}$  .



