

التمرين الثاني: (06 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ كما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = -2 \\ u_{n+1} = 4u_n + 3 : n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

1 / أحسب أربعة حدود الأولى.

2 / لتكن المتتالية (v_n) المعرفة كما يلي: من أجل كل عدد طبيعي n : $v_n = u_n + 1$

أ / أثبت أن المتتالية (v_n) هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.

ب / عبر عن v_n و بدلالة n ثم إستنتج عبارة u_n بدلالة n .

3 / أحسب بدلالة n المجموع $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ ثم إستنتج المجموع $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$.

التمرين الثاني (06 نقاط) :

إختر الأجوبة الصحيحة من بين الأجوبة التالية مع التعليل

(1) إذا كان $\cos x < 0$ و $\frac{\pi}{2} < x < \pi$ فإن $\sin x$ هو عدد :

(ج) لا نعرف

(ب) سالب

(أ) موجب

(2) نقطة A من المستوي إحداثياتها القطبية $\left(2; \frac{5\pi}{4}\right)$ ، إحداثياتها الديكارتية هي :

(أ) $\left(4; \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ (ب) $(-\sqrt{2}; -\sqrt{2})$ (ج) $\left(\frac{\sqrt{2}}{2}; -\sqrt{2}\right)$

(3) إذا كان : $(\vec{u}; \vec{v}) = \frac{\pi}{5}$ فإن : $(\vec{u}; -\vec{v}) = \dots$

(ج) $-\frac{\pi}{5}$

(ب) $-\frac{4\pi}{5}$

(أ) $\frac{6\pi}{5}$

(4) α قياس لزاوية موجة حيث : $\alpha = \frac{2009\pi}{6}$ ، القيس الرئيسي للزاوية الموجة α هو :

(ج) $\frac{5\pi}{6}$

(ب) $\frac{7\pi}{6}$

(أ) $\frac{\pi}{6}$

التمرين الثالث (08 نقاط) :

f دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ كما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x + 1}$$

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) عين نهايات الدالة f عند حدود مجموعة تعريفها .

(2) أثبت انه من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 أن : $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$.

حيث : a ، b ، c أعداد حقيقية يطلب تعيينها .

(3) إستنتج مما سبق معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني (C_f) .

(4) أدرس إتجاه تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

(5) أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم المقارب المائل .

(6) أحسب $f(1)$ ، $f(-2)$ ، $f(0)$ ثم انشئ (C_f) و المستقيمات المقاربة في نفس المعلم .