

الإختبار الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: بين صحة أو خطأ كلا من الجمل التالية مع التعليل:

- 1/ العدد المشتق للدالة $f(x)$ حيث $f(x) = \frac{3x^2 + 1}{\sqrt{x} + 1}$ عند 0 هو 8
- 2/ المماس للمنحنى الممثل للدالة $f(x) = (3x + 2)^6$ في النقطة ذات الفاصلة 1 يوازي المستقيم ذي المعادلة $y = -2x$
- 3/ المتتالية (u_n) ذات الحد العام $u_n = \frac{1}{n^2 + 1}$ و المعرفة على N متزايدة تماما
- 4/ المساواة $\overrightarrow{AG} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AB}$ تعني أن النقطة G مرجح الجملة المثقلة $\{(A.3); (B.4)\}$

التمرين الثاني:

1/ (v_n) متتالية عددية حدها الأول $v_0 = 3$ و المعرفة بالعلاقة التراجعية التالية:

$$v_{n+1} = \frac{4v_n - 2}{v_n + 1} \quad ; \quad n \text{ من أجل كل عدد طبيعي}$$

*1 أحسب v_2, v_1 ;

2 /نفرض من أجل كل عدد طبيعي $n : v_n \neq 1$ نعرف المتتالية العددية (u_n) كمايلي:

$$u_n = \frac{v_n - 2}{v_n - 1} \quad ; \quad n \text{ من أجل كل عدد طبيعي}$$

*1 أحسب u_0, u_2, u_1 ;

*2 بين أن (u_n) متتالية هندسية يطلب إيجاد أساسها و عبارة حدها العام

*3 أحسب بدلالة n المجموع S_n :

$$S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

التمرين الثالث: