

## الاختبار الثاني في الرياضيات

## التمرين الأول:

1. أحسب الإحداثيات القطبية للنقطة  $A(-1, \sqrt{3})$ .

2. حل في  $R$  المعادلة ذات المجهول  $x$ .  $\cos(3x) = \frac{\sqrt{2}}{2}$

مثل الحلول على الدائرة المثلثية.

## التمرين الثاني:

لتكن المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بـ  $u_0 = 2$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ .  $u_{n+1} = 3u_n - 2$

ضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $V_n = u_n - 1$

1. أثبت أن  $(V_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $V_0$ .

2. أكتب  $V_n$  بدلالة  $n$ .

3. أحسب الحد العاشر للمتتالية  $(V_n)$ .

4. هل 729 حد من حدود المتتالية  $(V_n)$ .

5. أحسب المجموع:  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

## التمرين الثالث:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $R - \{2\}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x - 2}$

$(C)$  المنحني الممثل للدالة في معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

- أثبت أنه توجد ثلاث أعداد حقيقية  $a, b, c$  حيث من أجل كل  $x$  من مجموعة التعريف:

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 2}$$

- أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجموعة التعريف.

- استنتج المستقيمات المقاربة للمنحني  $(C)$ .

- حدد وضعية المنحني  $(C)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته  $y = x + 3$

- أدرس تغيرات الدالة  $f$ .

بالتوفيق للجميع