

السنة الدراسية 2011/2012

الخبير الفصل الثاني في مادة الرياضيات

ثا احمد طاطا

## اختر التمرين الاول او الثاني

التمرين الاول

في سنة 2000 بلغ عدد سكان قرية 526 نسمة ، ولأسباب معينة بدأ يتقلص بنسبة 2% في كل سنة .

نضع :  $u_0 = 526$

$u_1$  عدد سكان القرية لسنة 2001 .

$u_2$  عدد سكان القرية لسنة 2002

$u_n$  عدد سكان القرية لسنة  $2000+n$

برر صحة كل جملة ممايلي مع العلم ان كل النتائج مدورة الى عدد طبيعي .

1.  $u_1 = 515$

2.  $u_2 = 505$

3. من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_{n+1} = 0,98u_n$

4. من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n = 526 \times 0,98^n$

5. عدد سكان هذه القرية في سنة 2011 هو 421

6. المتتالية  $(u_n)$  متناقصة تماما .

التمرين الثاني

لتكن  $(u_n)$  متتالية معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ :  $u_0 = 1$  و  $u_{n+1} = \frac{2u_n}{2+3u_n}$

1. احسب الحدود  $u_1$  ،  $u_2$  و  $u_3$

2. نفرض انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $u_n \neq 0$

نعرف المتتالية  $(v_n)$  كما يلي :  $v_n = \frac{1}{u_n}$

(ا) بين ان  $(v_n)$  متتالية حسابية اساسها  $\frac{3}{2}$  ، عين حدها الاول  $v_0$  .

(ب) عبر عن  $v_n$  بدلالة  $n$  .

(ج) بين انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n = \frac{2}{2+3n}$

(د) عين اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  .

3. احسب المجموع :  $S = v_0 + v_1 + \dots + v_{20}$

التمرين الثالث

دالة معرفة على  $\mathbb{R}^*$  بـ :  $f(x) = a x + b - \frac{6}{x}$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان .

نسمي (C) المنحني الممثل للدالة  $f$  في مستو مزود بمعلم .

(1) احسب  $f'(x)$  بدلالة  $a$  .

(2) عين العددين  $a$  و  $b$  اذا علمت ان المنحني (C) يشمل النقطة  $A(2; 0)$  ويقبل مماسا عند  $A$  معامل توجيهه 1

(3) بين انه من اجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $f(x) = \frac{-x^2+8x-6}{2x}$

(4) بين انه من اجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $f'(x) = \frac{(2\sqrt{3}+x)(2\sqrt{3}-x)}{2x^2}$

(5) استنتج اتجاه تغيرات الدالة  $f$  شكل جدول تغيراتها .

(6) عين قيمة مقربة لـ  $f(2,01)$  باستخدام التقريب التآلفي .

BCA مثلث قائم في A و  $BA = CA$

G مرجح الجملة  $\{(A; 2); (B; 1); (C; 1)\}$

(1) برّر وجود ووحداية النقطة G .

(2) ارسم شكلا مبينا فيه كيفية انشاء النقطة G

(3) نعتبر  $(\vec{A}; \vec{AB}; \vec{AC})$  معلما للمستوي

احسب احداثيي كل من النقاط  $A, B, C$  و G في هذا المعلم .

(4) عين مجموعة النقط M من المستوي والتي تحقق :

$$\|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 4\|\vec{AG}\|$$

انتهى