

الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

لتكن الدالة العددية f_m المعرفة على IR بالعلاقة التالية $f_m(x) = mx^2 + (m-1)x + m$ ، حيث m عدد حقيقي.

(I) - (1) ناقش حسب قيم العدد الحقيقي m عدد حلول المعادلة $f_m(x) = 0$. (لا يطلب حساب الحلول، كما يستحسن تنظيم الإجابة في جدول)

(II) - (2) نفرض أن $m \in]-\infty, -1[\cup]\frac{1}{3}, +\infty[$.

(1) - ناقش حسب قيم العدد m حلول المتراجحة $f_m(x) < 0$.

(2) - استنتج حلول المتراجحتين $f_2(x) < 0$ ، $f_{-2}(x) < 0$

التمرين الثاني:

A, B نقطتين من المستوي، G مرجح الجملة المثقلة $\{(A, \alpha), (B, \beta)\}$ حيث $\alpha + \beta \neq 0$.

(1) - بين انه $G \in [AB]$ إذا وفقط إذا كان α و β من نفس الإشارة.

(2) - أنشئ مرجح الجملة المثقلة $\{(A, -1), (B, 2)\}$.

التمرين الثالث:

$ABCD$ مربع من المستوي P ، حدد مجموعة النقط E_i ، مع إنشائها، في كل حالة من الحالات التالية.

$$(1) - E_1 = \left\{ M \in P : \left\| 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\| = \left\| \overrightarrow{AB} \right\| \right\}$$

$$(2) - E_2 = \left\{ M \in P : 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = k(\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}), k \in IR^* \right\}$$

$$(3) - E_3 = \left\{ M \in P : \left\| 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\| = \left\| \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{Mb} - \overrightarrow{MC} \right\| \right\}$$

بالتوفيق - أ.رزيق