

## الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات

### التمرين الأول :

لتكن الدالة العددية  $f_m$  المعرفة على  $IR$  بالعلاقة التالية  $f_m(x) = mx^2 + (m-1)x + m$  ، حيث  $m$  عدد حقيقي.

(I) - (1) ناقش حسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة  $f_m(x) = 0$ . (لا يطلب حساب الحلول، كما يستحسن تنظيم الإجابة في جدول)

(II) - (2) نفرض أن  $m \in ]-\infty, -1[ \cup ]\frac{1}{3}, +\infty[$ .

(1) - ناقش حسب قيم العدد  $m$  حلول المتراجحة  $f_m(x) < 0$ .

(2) - استنتج حلول المتراجحتين  $f_2(x) < 0$  ،  $f_{-2}(x) < 0$ .

### التمرين الثاني:

$A, B$  نقطتين من المستوي،  $G$  مرجح الجملة المثقلة  $\{(A, \alpha), (B, \beta)\}$  حيث  $\alpha + \beta \neq 0$ .

(1) - بين انه  $G \in [AB]$  إذا وفقط إذا كان  $\alpha$  و  $\beta$  من نفس الإشارة.

(2) - أنشئ مرجح الجملة المثقلة  $\{(A, -1), (B, 2)\}$ .

### التمرين الثالث:

$ABCD$  مربع من المستوي  $P$ ، حدد مجموعة النقط  $E_i$ ، مع إنشائها، في كل حالة من الحالات التالية.

$$(1) - E_1 = \left\{ M \in P : \left\| 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\| = \left\| \overrightarrow{AB} \right\| \right\}$$

$$(2) - E_2 = \left\{ M \in P : 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = k(\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}), k \in IR^* \right\}$$

$$(3) - E_3 = \left\{ M \in P : \left\| 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\| = \left\| \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{Mb} - \overrightarrow{MC} \right\| \right\}$$

بالتوفيق - أ.رزيق