

التمرين الأول (8 نقط):

ناقش حسب قيم m عدد حلول المعادلة ذات المجهول x حيث:

$$(m - 3)x^4 + (2m - 1)x^2 + m + 2 = 0$$

(لاحظ أن الدالة: $f(m) = \frac{2+m}{3-m}$ - موجبة على المجال لما: $m \in [-2; 3[$

- وسالبة تماما على المجال لما: $m \in]-\infty; -2[\cup]3; +\infty[$).

التمرين الأول (12 نقطة):

ABC مثلث في المستوي و D نقطة كيفية. بمعلم $(\vec{i}, \vec{j}; o)$ حيث:

$$A(0, 3); B(-1, 0); C(3, 1)$$

نعتبر الجملة: $\{(A, 2); (B, -1 - \alpha); (C, 2\alpha)\}$ حيث: $\alpha \in \mathbb{R}$.

1) عين قيم α حتى تقبل الجملة أعلاه مرجحا G_α .

2) من أجل: $\alpha = 3$:

أ) انشئ النقطة G_3 .

ب) لتكن النقطتين J, I منتصفا القطعتين $[AB], [AC]$ على الترتيب:

- انشئ كلا من I و J , ثم أثبت أن: J, I, G_3 على استقامة.

ج) عين و انشئ مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق:

$$\|2\overline{MA} - 4\overline{MB} + 6\overline{MC}\| = \|-2\overline{MA} + 2\overline{MC}\|$$

د) - نفرض نقطتان كيفيتان من المستوي L, D مع A, B السابقتين: عين (Γ) مجموعة النقط N من المستوي التي تحقق:

$$\|2\overline{NA} - 3\overline{NB}\| = \|4\overline{NL} + -3\overline{ND}\|$$

- في اي حالة تكون المجموعة (Γ) هي المستوي (اي ان كل نقاط المستوي تحقق العلاقة).

3) أوجد العددين الحقيقيين λ, β حتى تكون النقطة $W(0, 1)$ مرجحا للجملة:

$$\{(A, 2); (B, \beta); (C, \lambda)\}$$