

التمرين الأول: احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x^4 + x^3 - x + 1}{x^4 + 1} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} -x^4 + 2x^3 - x \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{(x^2 - 9)^2} \quad (4)$$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x-4}{\sqrt{x}-2} \quad (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2 - x + 1} + x \quad (5)$$

مسألة:

الف الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 + 4x - 5}{x + 1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

1- أثبت أنه توجد ثلاثة أعداد حقيقية a, b, c بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x من

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}; \quad \mathbb{R} - \{-1\}$$

2- أدرس تغيرات الدالة f وأنجز جدول تغيراتها.

3- بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما مائل (Δ) يطلب تعيين معادلة لكل منهما.

4- حدد الوضع النسبي للمنحنى (C_f) والمستقيم المقارب المائل (Δ) .

5- أرسم بعناية المنحنى (C_f) .

6- ناقش بيانيا عدد وإشارة حلول المعادلة $f(x) = x + m$ وذلك حسب قيم العدد الحقيقي m .