

### التمرين الاول:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3$  ، وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس.

1. أدرس نهاية الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  .
2. أحسب الدالة المشتقة  $f'$  للدالة  $f$  .
3. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
4. عين معادلة المماس  $(T)$  لـ  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 0 .
5. اتكن الدالة

### التمرين الثاني:

$(O, I; J)$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي ،  $A(-2; 2)$  و  $B(2; 2)$  نقطتان من المستوي .

1. برهن أن المعادلة:  $x^2 + y^2 - 2x - 8y - 8 = 0$  هي معادلة دائرة  $(C)$  يطلب تعيين أداثي مركزها  $\Omega$  ونصف قطرها  $r$  .
2. عين أداثي النقطتين  $A$  و  $B$  نقطتا تقاطع الدائرة  $(C)$  والمستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة:  $x + 2y + 1 = 0$  .
3. عين معادلة المماس  $(T)$  للدائرة  $(C)$  في النقطة  $A$  ، ومعادلة المماس  $(T')$  للدائرة  $(C)$  في النقطة  $B$  .
4. عين الزاوية بين  $(T)$  و  $(T')$  .

### التمرين الثالث:

ليكن  $EFGH$  مستطيل حيث:  $EH = a$  ,  $EF = \frac{2}{3}a$  ، ولتكن النقطة  $M$  منتصف  $[FG]$  والنقطة  $K$  المعرفة

بـ:  $\overline{HK} = \frac{1}{3}\overline{HG}$  ، والنقطة  $L$  المسقط العمودي لـ  $K$  على  $(EM)$  .

1. أحسب بدلالة  $a$  الجداءات السلمية التالية:  $\overline{EH} \cdot \overline{KE}$  ,  $\overline{EF} \cdot \overline{EM}$  .
2. باستعمال علاقة شال أثبت أن:  $\overline{EK} \cdot \overline{EM} = \frac{5a^2}{4}$  .
3. أحسب بطريقة أخرى الجداء السلمي  $\overline{EK} \cdot \overline{EM}$  واستنتج الطول  $EL$  بدلالة  $a$  .
4. عين قيسا بالدرجة للزاوية  $\widehat{KEM}$  .