

الاختبار الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

I / (U_n) متتالية حسابية حدها الاول U_0 ومعرفة بحديها $U_3=7$: $U_{10}=21$ 1- عين r اساس المتتالية و U_0 حدها الاول2- اكتب عبارة الحد العام U_n بدلالة n 3- احسب المجموع S_1

$$S_1 = U_0 + U_1 + \dots + U_{n-1}$$

II / (V_n) متتالية هندسية حيث $V_0=1$ و $q=2$ 1- اكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n 2- احسب المجموع S_2

$$S_2 = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$$

III / نعتبر المتتالية (W_n) حيث:

$$W_n = 2U_n - V_n$$

- احسب المجموع S_3 حيث :

$$S_3 = W_0 + W_1 + \dots + W_{n-1}$$

التمرين الثاني:

A و B حادثتان حيث :

$$P(A) = 0.30$$

$$P(A \cup B) = 0.8$$

$$P(A \cap B) = 0.1$$

- احسب احتمال الحادثتين B و B

التمرين الثالث:

g هي الدالة المعرفة على IR كما يلي $g(x) = 2x^2 - 5x$

(cg) المنحنى الممثل للدالة g في المعلم (o.i.j)

1- احسب نهاية الدالة g عندما يؤول x الى +1

2- h عدد حقيقي غير معدوم

$$\frac{f(1+h)-f(1)}{h}$$

ب/ استنتج العدد المشتق للدالة g عند العدد +1

ج/ اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (cg) عند النقطة دات الفاصلة +1

التمرين الأول 09

U_n متتالية حسابية حدها الأول U_0

ومعرفة بحديها $U_{10}=21$: $U_3=7$

1- تعيين اساس المتتالية r

لدينا : $U_n = U_p + (n-p) r$ 0.5

..... 0.5 $U_{10} = U_3 + (10-3) r$ ومنه

$$21 = 7 + 7r$$

..... 0.5 $r = 2$

- حساب U_0 حدها الأول

لدينا : $U_n = U_0 + n r$ 0.5

..... 0.5 $U_{10} = U_0 + 10 \cdot (2)$

$$U_0 = U_{10} - 20$$

$$U_0 = 1$$

2- كتابة عبارة الحد العام U_n بدلالة n

..... 0.5 $U_n = U_0 + n r$

$$U_n = 1 + 2n$$

3- حساب المجموع S_1

$$S_1 = U_0 + U_1 + \dots + U_{n-1}$$

$$U_{n-1} = 1 + 2(n-1)$$

$$U_{n-1} = 2n-1$$

$$S_1 = \frac{n}{2} (U_0 + U_{n-1})$$

$$S_1 = n^2$$

III - (V_n) متتالية هندسية حيث $V_0=1$ و $q=2$

1- كتابة عبارة الحد العام V_n بدلالة n

$$V_n = V_0 q^n$$

$$V_n = 2^n$$

2- حساب المجموع S_2

$$S_2 = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$$

$$S_2 = V_0 \left(\frac{1-q^n}{1-q} \right)$$

$$S_2 = 2^n - 1$$

III / نعتبر المتتالية (W_n) حيث:

$$W_n = 2U_n - V_n$$

$$W_n = 2 + 4n - 2^n$$

- حساب المجموع S_3 حيث :

$$S_3 = W_0 + W_1 + \dots + W_{n-1}$$

$$S_3 = (2U_0 - V_0) + (2U_1 - V_1) + \dots + (2U_{n-1} - V_{n-1})$$

$$S_3 = 2(U_0 + U_1 + \dots + U_{n-1}) - (V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1})$$

$$S_3 = 2S_1 - S_2$$

$$S_3 = 2n^2 - 2^n + 1$$

التمرين الثاني 05

1- حساب $P(B)$

01..... $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

$P(B) = P(A \cup B) - P(A) - P(A \cap B)$

01..... $P(B) = 0.8 - 0.3 + 0.1$

01..... $P(B) = 0.6$

2- حساب احتمال الحادثة العكسية لـ B

01..... $P(B) = 1 - P(B)$

01..... $P(B) = 0.4$

التمرين الثالث 06

g هي الدالة المعرفة على IR كما يلي $g(x) = 2x^2 - 5x$
 1- حساب نهاية الدالة g عندما يؤول x الى +1

01..... $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = g(1) = -3$

2- h عدد حقيقي غير معدوم

ا/ حساب النسبة $\frac{f(1+h) - f(1)}{h}$

0.5..... $f(1+h) = 2(1+h)^2 - 5(1+h)$

0.5..... $= 2(1+2h+h^2) - 5 - 5h$

0.5..... $= 2h^2 - h - 3$

0.5..... $f(1) = -3$

01..... $\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \frac{h^2 - 3h - 3}{h} = h - 3 - \frac{3}{h}$

ب/ استنتاج العدد المشتق للدالة g عند العدد +1

0.5..... $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h - 3 - \frac{3}{h}) = -1$

0.5..... $f'(1) = -1$ اي

ج/ كتابة معادلة المماس (T) للمنحنى (cg) عند النقطة دات الفاصلة +1

0.5..... $y = f'(1)(x-1) + f(1)$

$-1(x-1) - 3$

0.5..... $y = -x - 2$