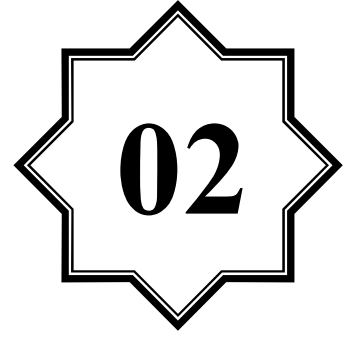


مركز نظري و تمارين

ميكانيك

القوة و الحركات المنحنية



الشعبة : جذع مشترك
علوم و تكنولوجيا

www.sites.google.com/site/faresfergani

السنة الدراسية : 2016/2015

المحتوى المفاهيمي : 02

الحركة الدائرية المنتظمة

نشاط (1) :

- يمثل الشكل الآتي التصوير المتعاقب لحركة جسم M على طاولة أفقية ، حيث أخذت المواضع في مجالات زمنية متساوية $\tau = 0.05 \text{ s}$ ، بسلم $1 \text{ cm} \rightarrow 0.1 \text{ m}$.
- 1- أحسب السرعة اللحظية عند المواضع $M_1, M_2, M_3, M_4, M_5, M_6$.
 - 2- ماذا تلاحظ ؟ استنتج طبيعة الحركة .
 - 3- بأخذ السلم : $(1 \text{ cm} \rightarrow 1.25 \text{ m/s})$ مثل على الوثيقة المعطاة دون نقلها إلى ورقة إجابتك أشعة السرعة عند المواضع $M_1, M_2, M_3, M_4, M_5, M_6$ و كذا شعاع تغير السرعة عند المواضع M_2, M_3, M_4, M_5 .
 - 4- استنتج خصائص شعاع السرعة $\vec{v}$ و كذا شعاع تغير السرعة $\Delta \vec{v}$ و شعاع القوة $\vec{F}$ في هذه الحركة .
 - 5- باعتبار مبدأ الأزمنة عند M_0 ، أوجد لحظة مرور الجسم (M) بالموضع M_8 .

الأجوبة :

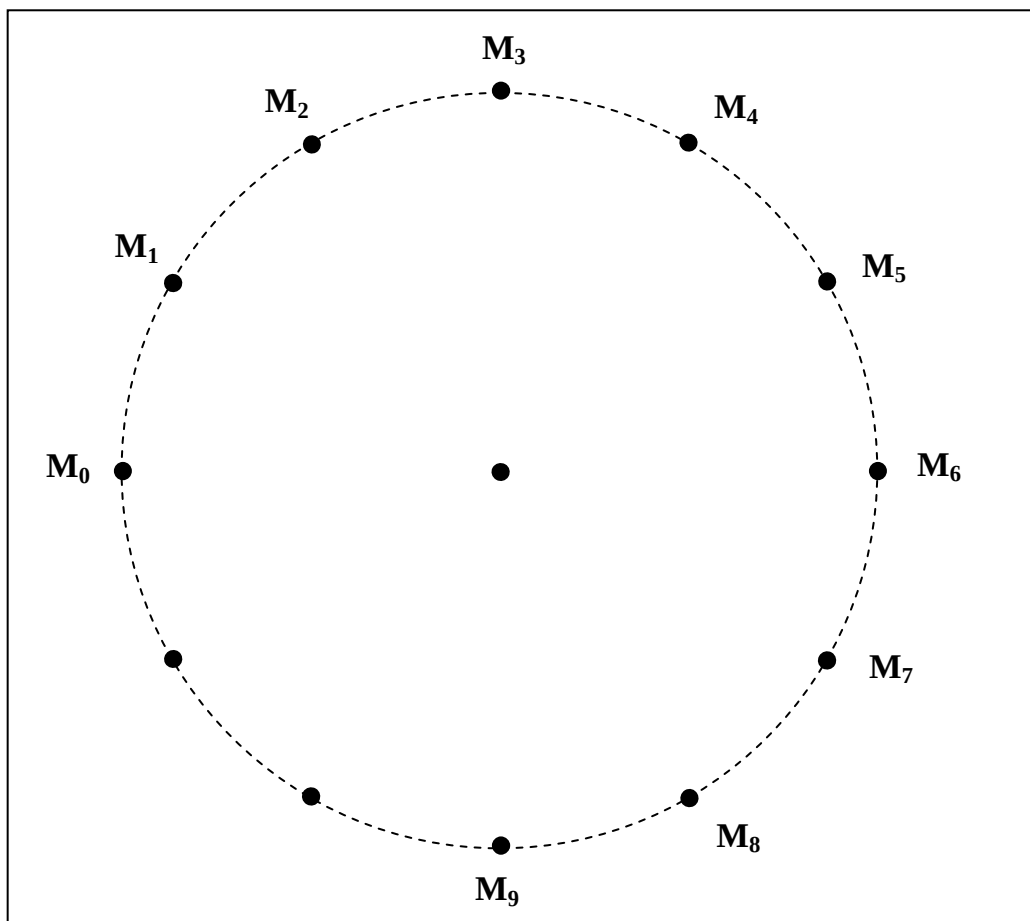
- 1- السرعة اللحظية عند المواضع M_1, M_2, M_3, M_4, M_5 :

$$v = \frac{d}{\Delta t} = \frac{d}{2\tau}$$

$$\frac{v_1}{M_0 M_2} = 5 \text{ cm} \rightarrow d_1 = 5 \cdot 0.1 = 0.5 \text{ m}$$

$$v_1 = \frac{d_1}{2\tau} = \frac{0.5}{2 \times 0.05} = 5 \text{ m/s}$$

بنفس الطريقة نجد : $v_2 = v_3 = v_4 = v_5 = 5 \text{ m/s}$



2- الاستنتاج :

نلاحظ أن السرعة ثابتة القيمة في جميع المواضع و كون أن المسار دائري ، نستنتج أن طبيعة الحركة دائرية منتظمة .

3- تمثيل أشعة السرعة و تغير السرعة : (الشكل التالي)

4- خصائص شعاع السرعة $\vec{v}$ و كذا شعاع تغير السرعة $\Delta\vec{v}$ و شعاع القوة $\vec{F}$ في هذه الحركة :

- شعاع السرعة $\vec{v}$ ثابت في القيمة و مماسي دوما للمسار الدائري في جميع المواضع .
- شعاع تغير السرعة $\Delta\vec{v}$ ثابت في القيمة و متجه دوما نحو مركز المسار (يقال عنه ناظمي) .
- بما أن شعاع تغير السرعة $\Delta\vec{v}$ ثابت في القيمة و متجه دوما نحو مركز المسار ، يكون كذلك شعاع القوة $\vec{F}$ هو أيضا ثابت في القيمة و متجه دوما نحو مركز المسار .

5- لحظة مرور الجسم M بالموضع M_8 :

بما أن مبدأ الأزمنة هو لحظة مرور المتحرك بـ M_0 يكون :

$$M_0 \rightarrow t = 0$$

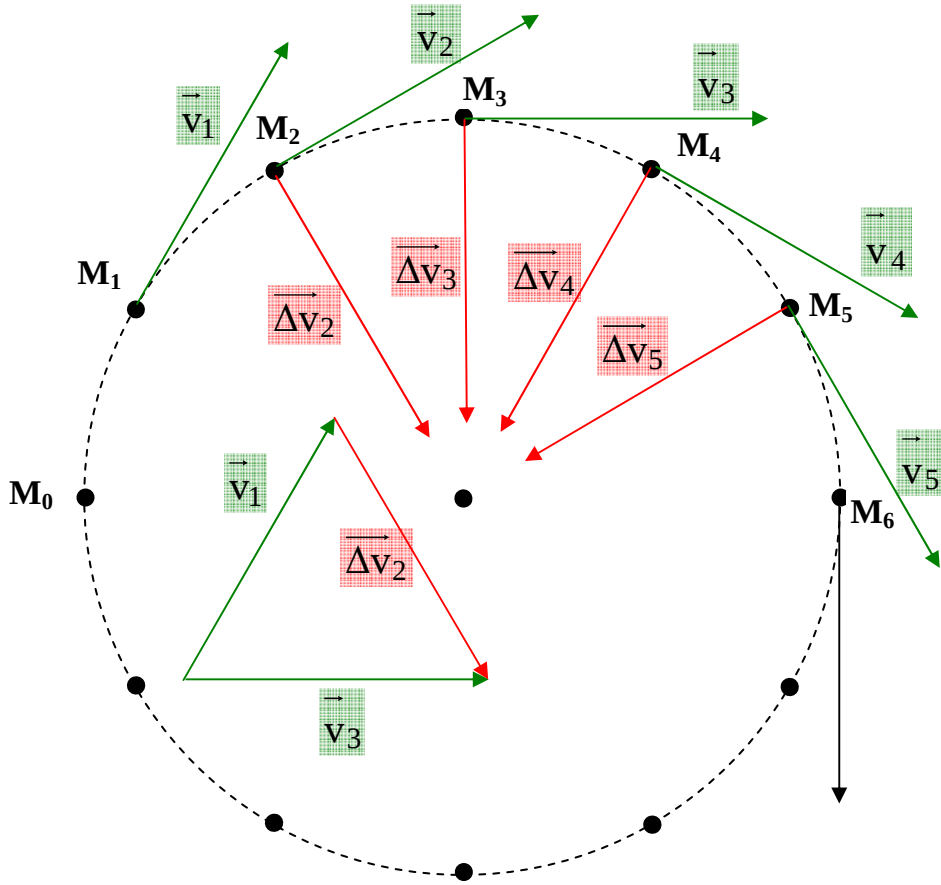
$$M_1 \rightarrow t = \tau$$

$$M_2 \rightarrow t = 2\tau$$

⋮

$$M_8 \rightarrow t = 8\tau = 8 \cdot 0.05 = 0.4 \text{ s}$$

و هي لحظة مرور الجسم (M) بالموضع M_8 .



خصائص الحركة الدائرية المنتظمة

• تعريف الحركة الدائرية المنتظمة :

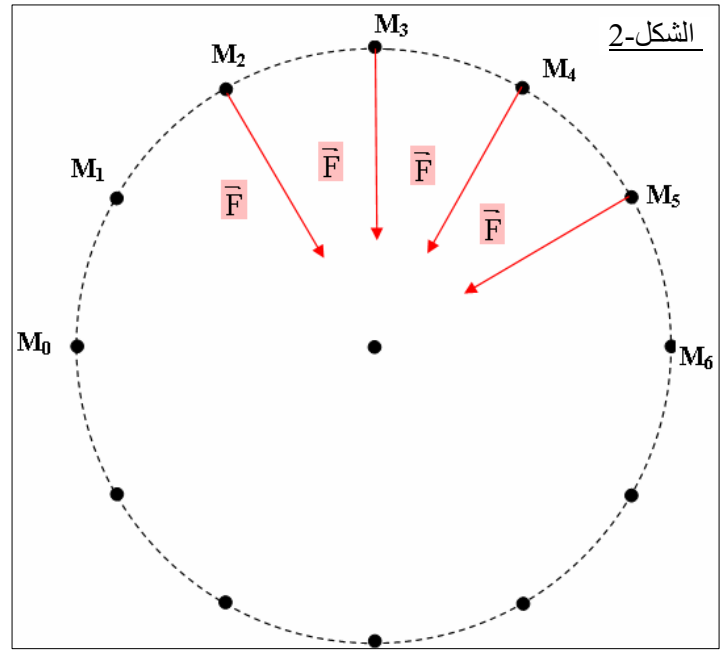
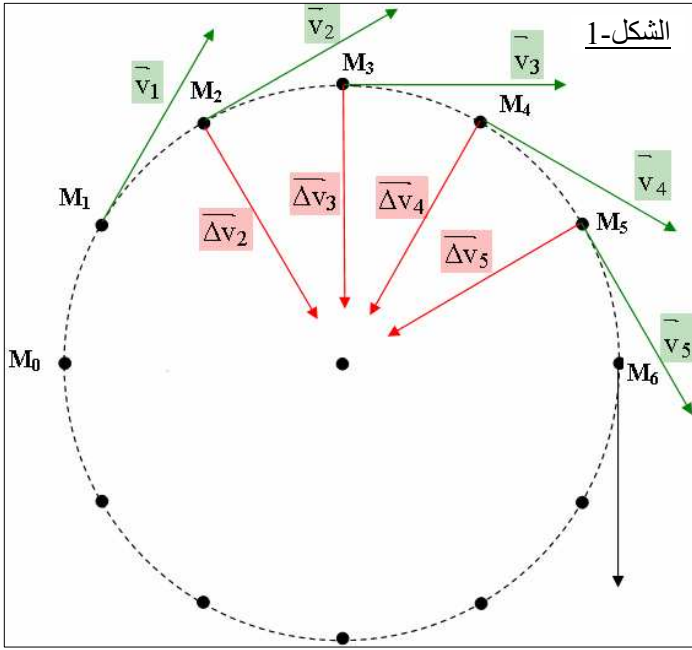
- نقول عن حركة جسم أنها دائرية منتظمة إذا كان مسارها دائريا و سرعتها ثابتة .

• خصائص شعاع السرعة :

- يحافظ شعاع السرعة $\vec{v}$ في الحركة الدائرية المنتظمة على قيمته بينما منحاه يكون مماسي للمسار في كل لحظة (الشكل-1) .

• خصائص شعاع تغير السرعة والقوة :

- في الحركة الدائرية المنتظمة شعاع تغير السرعة $\overline{\Delta v}$ ثابت في القيمة و متجه دوما نحو مركز للمسار (عمودي على شعاع السرعة) (الشكل-2) مما يدل أن الجسم في الحركة الدائرية المنتظمة خاضع إلى تأثير قوة $\vec{F}$ ثابتة في القيمة و متجهة دوما نحو مركز المسار (الشكل-2) . (يقال عن القوة $\vec{F}$ أنها ناظمية)



دور الحركة الدائرية المنتظمة

- دور الحركة الدائرية المنتظمة الذي يرمز له بـ T و وحدته الثانية (s) هو المدة اللازمة لإنجاز دورة واحدة ، يعبر عنه بالعلاقة التالية : أي المدة الزمنية اللازمة قطع مسافة قيمتها $2\pi r$ ، و بالتالي يعبر عنه بالعلاقة :

$$T = \frac{2\pi.r}{v}$$

حيث :

- r : نصف قطر المسار الدائري (يقدر بالمتر m) .
- v : سرعة المتحرك على المسار الدائري (تقدر بالمتر على الثانية m/s) .

التمرين (1) :

جسم نقطي (S) ، يتحرك على مسار دائري نصف قطره $r = 50 \text{ cm}$ بسرعة $v = 2 \text{ m/s}$. أحسب دور حركة هذا الجسم .

الاجوبة :

- حساب دور الحركة :

$$T = \frac{2\pi.r}{v} = \frac{2\pi \cdot 0.5}{2} = 0.5\pi = 1.57 \text{ m/s}$$

التمرين (2) :

جسم نقطي (S) ، يدور بمعدل 600 دورة في الدقيقة ، أحسب دور حركة هذا الجسم .

الأجوبة :

- حسب تعريف الدور و المتمثل في أنه الزمن اللازم لإنجاز دورة واحدة ، يكون حسب القاعدة الثلاثة :

$$600 \text{ دورة} \rightarrow 60 \text{ s (1min)}$$

$$1 \text{ دورة} \rightarrow T \text{ s}$$

و منه :

$$T = \frac{60 \cdot 1}{600} = 0.1 \text{ s}$$

حركة الأقمار الاصطناعية

- تطلق الأقمار الاصطناعية من قواعد خاصة تدعى قواعد الإطلاق ، و تتم هذه العملية بصواريخ الإطلاق وفق القوانين الأساسية للميكانيك .

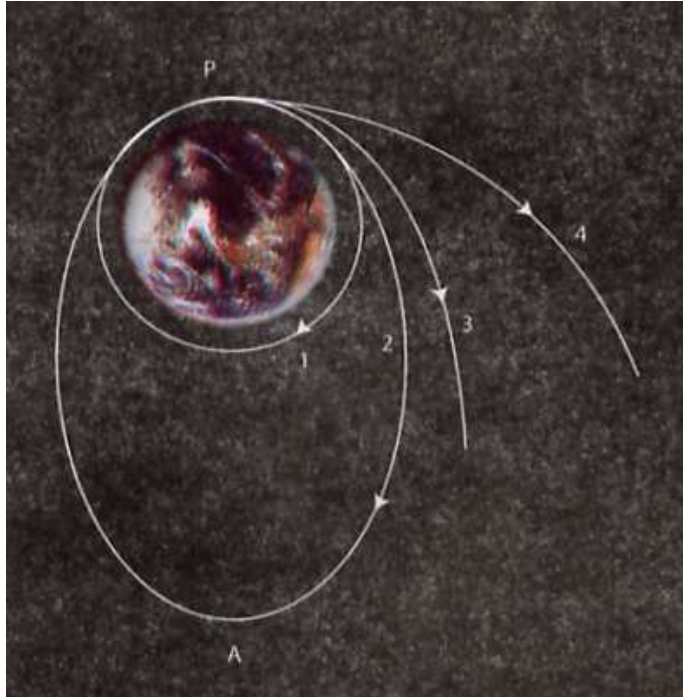
- يتعلق شكل المسارات (أو المدارات) التي تأخذها الأقمار الاصطناعية بالسرعة التي تعطى لها عند النقطة P التي تمثل بداية وضعها في مداراتها .

- إذا كانت قيمة سرعة الجسم عند النقطة P ضعيفة ، فإنه يسقط على الأرض بمسار على شكل قطع مكافئ .

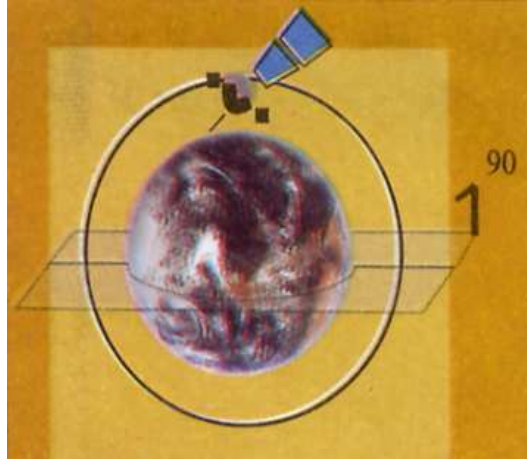
- من أجل سرعة محددة تتعلق بارتفاع النقطة P عن سطح الأرض ، لا يسقط القمر الاصطناعي بل يتخذ مساراً دائرياً (الحالة-1 من الشكل) ، و تدعى هذه السرعة بالسرعة الفضائية الأولى (أو سرعة الاستقمار) يرمز لها بـ v_s و هي تقدر بـ 7.5 km/s من أجل مدار يبعد عن الأرض بمقدار 800 km .

- إذا كانت سرعة القمر الاصطناعي عند P أكبر بقليل من v_s ، فإن القمر الاصطناعي يتخذ مساراً إهليلجياً (الحالة-2 من الشكل) .

- عندما يبلغ القمر الاصطناعي سرعة v_1 و التي تدعى السرعة الفضائية الثانية و تقدر تقريباً بـ 11 km/s ($v_1 > v_s$) يتحرر القمر الاصطناعي من الجاذبية الأرضية و يبتعد عن الأرض (الحالتين 3،4 من الشكل) .

**المدارات المختلفة للأقمار الاصطناعية****- المدار القطبي :**

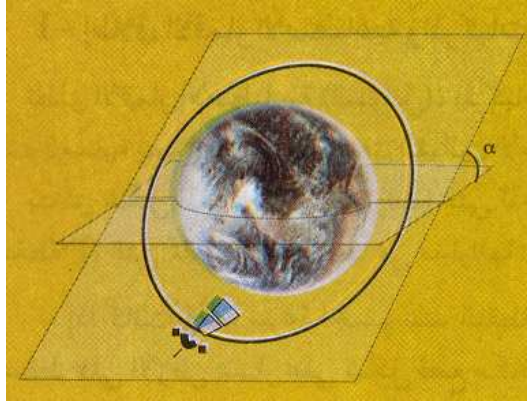
- في هذا المدار يمر القمر الاصطناعي فوق القطبين في كل دورة (الشكل) . بالإضافة إلى أنه عمودي بالنسبة لمحور خط الاستواء .



- عند هذا المدار تشاهد الأرض كلها و بإمكان القمر الاصطناعي أن يمسح كل الأرض .

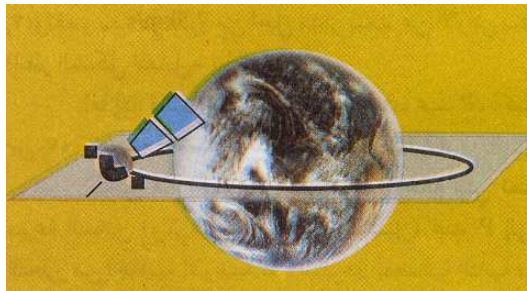
- المدار المائل :

له نفس خصائص المدار القطبي أي يمر فوق القطبين في كل مرة إلا أنه مائل بالنسبة لمحور خط الإستواء (الشكل) .



- المدار الأرضي المستقر :

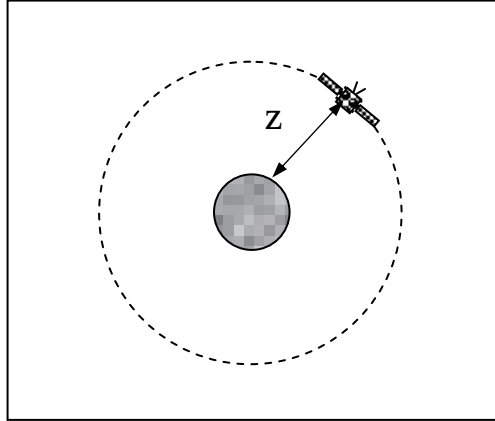
هو مدار يوجد على ارتفاع 36000 km ، بالإضافة إلى أنه يوجد في مستوي خط الاستواء (الشكل) .



- سرعة دوران هذا المار حول الأرض تساوي سرعة دوران الأرض حول نفسها ، لذا يبدو مستقر بالنسبة لها .

التمرين (3) :

يدور القمر الاصطناعي الجزائري ALSAT1 في مدار على ارتفاع $z = 1200 \text{ km}$ عن سطح الأرض و ينجز ثلاث دورات خلال 24 ساعة .



- 1- أحسب دور القمر الاصطناعي ؟
- 2- إذا علمت أن نصف قطر الأرض هو $R = 6400 \text{ km}$ ، أحسب :
 - أ- نصف قطر مدار القمر الاصطناعي r .
 - ب- طول المدار d الذي يتحرك فيه القمر الاصطناعي بفرض أنه دائري .
- 3- استنتج قيمة سرعته v . مثلها في وضع كفي باختيار سلم مناسب .
- 4- مثل في نفس الموضع شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$ الناتجة عن جذب الأرض للقمر الاصطناعي و كذا شعاع تغير السرعة . اشرح .

الأجوبة :

- 1- دور القمر الاصطناعي :
- حسب تعريف الدور و المتمثل في أنه الزمن اللازم لإنجاز دورة واحدة ، يكون حسب القاعدة الثلاثة :

$$24 \text{ h (1min)} \rightarrow \text{دورة 03}$$

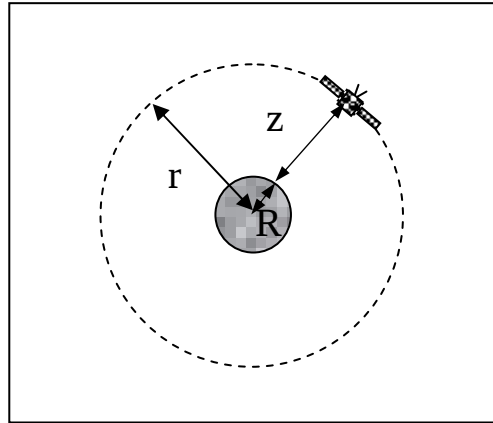
$$T \text{ h} \rightarrow \text{دورة 1}$$

و منه :

$$T = \frac{24 \cdot 1}{3} = 8 \text{ h}$$

- 2- أ- نصف قطر مسار القمر الاصطناعي :

يمثل نصف قطر مدار القمر الاصطناعي ، نصف قطر الأرض مضاف إليه ارتفاع القمر اصطناعي بالنسبة للأرض كما مبين في الشكل التالي :



إذن :

$$r = R + z$$

$$r = 6400 \text{ km} + 1200 \text{ km} = 7600 \text{ km}$$

- ب- طول المدار الذي يتحرك فيه القمر الاصطناعي :

$$d = 2\pi r$$

$$d = 2 \cdot 3.14 \cdot (7600 \text{ km}) = 47728 \text{ km}$$

3- قيمة سرعته v :
لدينا :

$$T = \frac{2\pi \cdot r}{v} \rightarrow v = \frac{2\pi \cdot r}{T}$$

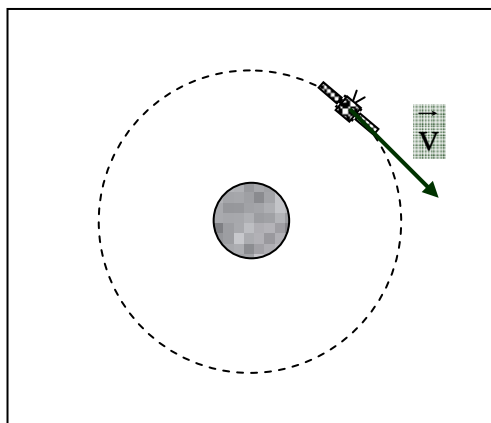
$$\bullet T = 8 \text{ h} = 8 \cdot 3600 = 28800 \text{ s}$$

$$\bullet r = 7600 \text{ km} = 7.6 \cdot 10^6 \text{ m}$$

$$\bullet v = \frac{2\pi \cdot 7.6 \cdot 10^6}{28800} = 1657.2 \text{ m/s}$$

- تمثيل شعاع السرعة :

شعاع السرعة في الحركة الدائرية ، يكون مماسي للمسار و في جهة الحركة لذا يكون :



4- تمثيل شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$ الناتجة عن جذب الأرض للقمر الاصطناعي و كذا شعاع تغير السرعة :

بما أن الحركة دائرية منتظمة ، يكون شعاع تغير السرعة متجه نحو مركز المسار و كذلك شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$ كما مبين في الشكل التالي :

