

إختبار الثلاثي الثاني

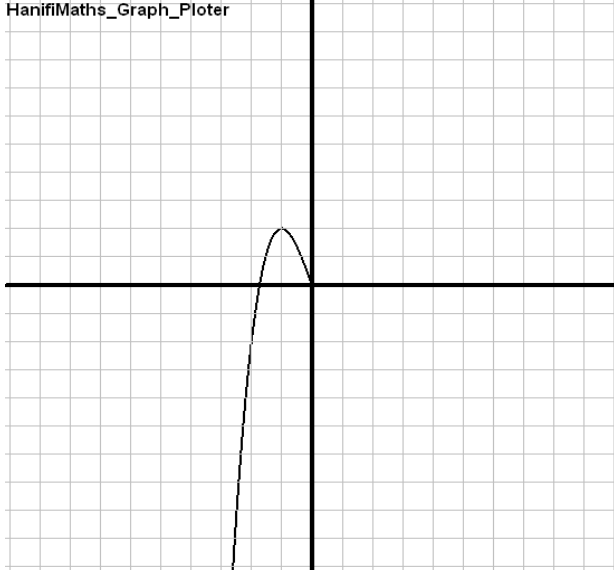
المدة: ساعتان

الشعبة: علوم وتكنولوجيا

يوم: 2008/12/24

إختبار في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

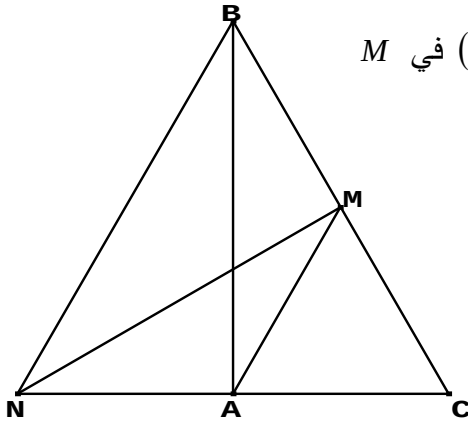
لتكن الدالة f المعرفة كما يلي: $f(x) = x^3 - 3x$

1. عين مجموعة تعريف الدالة f
2. عين صور الأعداد -1 و 0 و 1 بالدالة f
3. بين أن f دالة فردية، ماذا يمكن القول عن (C_f) منحنى الدالة f ؟
4. أكمل التمثيل البياني للدالة f

التمرين الثاني:

ABC مثلث قائم في A حيث $\hat{ABC} = 30^\circ$ و $AC = 5cm$

1. أحسب الطول AB (مع العلم أن $\tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$)



2. لتكن M منتصف $[BC]$ ، المستقيم العمودي على (BC) في M

يقطع المستقيم (AC) في N

أ- أحسب كل من الطولين BM و BC

ب- أثبت أن: $\hat{NBC} = 60^\circ$ ، ثم استنتج الطول MN

(مع العلم أن $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$)

ت- أحسب الطول NC

ث- بين أن: $(BN) \parallel (MA)$

التمرين الثالث:

ABC مثلث متقايس الساقين حيث $AB = AC$ ، H هي منتصف $[CB]$ و $BC = 2AH = 6$

M نقطة متغيرة على $[AH]$ و (Δ) هو المستقيم الذي يشمل M ويوازي (CB) ، (Δ) يقطع $[AB]$ في I ويقطع $[AC]$ في J .

L و K نقطتان من (CB) بحيث يكون $IJKL$ مستطيلا

1. نضع $AM = x$ ، ما هي القيم الممكنة للعدد x

2. بين أن: $IJ = 2x$

3. نسمي $f(x)$ مساحة المستطيل $IJKL$ ، أكتب $f(x)$ بدلالة x

4. أثبت أن: $f(x) = -2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{9}{2}$

5. أدرس تغيرات الدالة f على المجالين $\left[0, \frac{3}{2}\right]$ و $\left[\frac{3}{2}, 3\right]$

6. شكل جدول تغيرات الدالة f على المجال $[0, 3]$

7. عين موضع M بحيث تكون المساحة أكبر ما يمكن؟

