

اختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (5 نقاط)

a و b عدنان حقيقيان حيث: $a = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ و $b = \sqrt{3} - \sqrt{2}$

(1) أ) أحسب a^2 و b^2 و ab

ب) استنتج قيمة $(a+b)^2$ وقيمة $a+b$

(2) أحسب $a^2 - b^2$ ثم قارن بين العددين a و b

التمرين الثاني: (5 نقاط)

مستطيل طوله L و عرضه I مع العلم أن $L \in [134, 135]$ و $I \in [25, 26]$

(1) عين حصر لمحيط المستطيل

(2) عين حصر لمساحة المستطيل

(3) عين حصر لقطر المستطيل

التمرين الثالث: (5 نقاط)

على مستقيم عددي مزود بمعلم (O, I)

(1) علم النقطتين A, B ذات الفاصلتين -4 و 3 على الترتيب ثم علم النقطة K منتصف القطعة المستقيمة $[AB]$

(2) نقطة متغيرة فاصلتها x عين في كل حالة من الحالات التالية موضع (أو مواضع) النقطة M عندما تحقق فاصلتها:

▪ $|x+4| = 6$

▪ $|x+4| = |x-3|$

▪ $|x+4| \neq |x-3|$

التمرين الرابع: (5 نقاط)

f دالة عددية لمتغير حقيقي حيث:

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x - 3}$$

(1) عين مجموعة التعريف الدالة f (السؤال خاص: 1ع1، 1ع3، 1ع4، 1ع6)

(2) عين صور الأعداد: 0، $-\sqrt{2}$ ، 3، $\sqrt{3}$

(3) عين سوابق إن وجدت للعددين: $\frac{1}{3}$ ، 0

حظ سعيد للجميع

اختبار الدورة الثانية في مادة
الرياضيات

التمرين الأول (6 نقاط)

$$f \text{ دالة معرفة كما يلي: } f(x) = \frac{2x-1}{x-1}$$

(1) عين D مجموعة التعريف الدالة f

(2) أحسب : صورتي العددين: 0، 2 و سابقتي العددين: 0، 1

(3) أتحقق من أن من أجل x من D : $f(x) = 2 + \frac{1}{x-1}$

(ب) أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين: $]-\infty, 1[$ و $]1, +\infty[$

(4) باستعمال الدالة مقلوب أنشئ المنحنى (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ بانسحاب

يطلب تعيين شعاعه

التمرين الثاني: (7 نقاط)

$$x \text{ متغير حقيقي، نعتبر العبارة الجبرية: } p(x) = \frac{2x^2 - 5x - 3}{x^2 - 1}$$

(1) عين القيم الممنوعة للعبارة $p(x)$

$$p(x) = 2 - \frac{5x+1}{x^2-1}$$

$$p(x) = \frac{(2x+1)(x-3)}{x^2-1} \quad (2) \text{ تحقق من أن:}$$

$$(3) \text{ أ) اختر العبارة المناسبة لحساب: } p(\sqrt{2}), p(3), p(0), p\left(\frac{1}{5}\right), p\left(-\frac{1}{5}\right)$$

(ب) حل في المجموعة $\mathbb{R}$ ما يلي :

$$\diamond \text{ المعادلة: } p(x) = 0 \text{ (استعمل طريقة المميز)}$$

$$\diamond \text{ المتراجحة: } p(x) \leq 0$$

$$\diamond \text{ المتراجحة: } p(x) \geq 2$$

التمرين الثالث: (7 نقاط)

(1) أ) مثل على الدائرة المثلثية النقط M_4, M_3, M_2, M_1 , على الترتيب صور الأعداد:

$$x_4 = \frac{65p}{6}, x_3 = \frac{61p}{3}, x_2 = \frac{120p}{4}, x_1 = 91p$$

ب) أحسب مايلي: $A = \cos x_1 - 2 \sin x_2 + \cos x_3 + \sin x_4$

(2) a, b عدنان من المجال $0, \frac{p}{2}$ حيث $a < b$

❖ قارن بين: $\cos^2 a$ و $\cos^2 b$

❖ قارن بين: $\frac{1}{\sin a}$ و $\frac{1}{\sin b}$



التمرين الأول: (6 نقاط)

0.5

2

0.5

2

1

$$D = \square - \{1\} \quad (1)$$

$$f(0)=1, f(2)=3 \quad f(x)=1 \text{ و } f(x)=0 \text{ منه } x=0 \text{ ومنه } x=\frac{1}{2} \quad (2)$$

(أ) التحقق من صحة المساواة $f(x) = 2 + \frac{1}{x-1}$ بتوحيد المقامات
(ب) f متناقصة على كل من المجالين: $[-1, -\frac{1}{2}]$, $[\frac{1}{2}, 1]$ باستعمال العبارة السابقة
(4) التمثيل البياني: شعاع الانسحاب $\bar{v}(1,2)$

التمرين الثاني: (7 نقاط)

0.5

0.5

0.5

2

1.5

1.5

1

(1) القيم الممنوعة: $\square - \{-1, 1\}$

(2) بالنشر يمكن تحقق من صحة المساواة: $p(x) = \frac{(2x+1)(x-3)}{x^2-1}$

وبتوحيد المقامات يمكن تحقق من صحة المساواة: $p(x) = 2 - \frac{5x+1}{x^2-1}$
(3) اختيار العبارات المناسبة:

لحساب: $2 = \frac{1}{5} - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$ نختار العبارة $p(x) = 2 - \frac{5x+1}{x^2-1}$

$p(0) = 3$ نختار العبارة $p(x) = \frac{2x^2-5x-3}{x^2-1}$

$p(3) = 0$ نختار العبارة $p(x) = \frac{(2x+1)(x-3)}{x^2-1}$

$p(\sqrt{2}) = 1 - \sqrt{5}$ نختار العبارة $p(x) = \frac{2x^2-5x-3}{x^2-1}$

(ب) حل المعادلة $p(x) = 0$ $D=49$ و منه $x_2=3, x_1=-\frac{1}{2}$

حل المتراحة $p(x) \in [0, 1]$ $s = \frac{1}{2} - 1, -\frac{1}{2}$

حل المتراحة $p(x) \in [1, 2]$ $s = \frac{1}{5}, -1, -\frac{1}{2}$

التمرين الثالث: (7 نقاط)

4

1

2

(أ) التبسيط القيم ثم تمثيل النقط M_1, M_2, M_3, M_4 على الدائرة المثلثية

(ب) الحساب: $A=0$

(2) المقارنة $\cos^2 a > \cos^2 b$ $\frac{1}{\sin a} > \frac{1}{\sin b}$