

*- المستوى : الأولى جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

*- ميدان التخصص : الهندسة المستوية

*- الوحدة التعليمية : تطبيقات الأشعة

*- الكفاءات المستهدفة : التعرف على شعاع بعداد حقيقي - التعرف على استقامة ثلاث نقاط

*- موضوع الحصة : المعلم في المستوي

*- مؤشرات الكفاءة : التعبير عن توازي شعاعين و استقامة ثلاث نقط

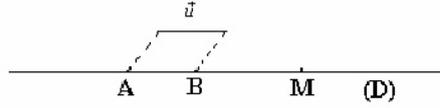
*- المدة اللازمة للدرس : 01 ساعة

| <u>التقويم</u> ع | <u>الدرس</u> | <u>تطبيقات</u> <u>وتوجيهات</u> |
|---|--|---------------------------------------|
| <p><u>تقويم</u> <u>تشخيصي</u></p> <p><u>تقويم</u> <u>تكويني</u></p> | <p>3- شرط استقامة متجهين أ- محددة متجهين تعريف</p> <p>لتكن $\vec{u}(x;y)$ و $\vec{v}(x';y')$ متجهين العدد $xy'-x'y$ يسمى محددة المتجهين \vec{u} و \vec{v} (في هذا الترتيب) نرمز له بـ $\det(\vec{u};\vec{v})$ أو $\begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix}$ نكتب $\det(\vec{u};\vec{v}) = \begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix} = xy' - x'y$</p> <p>مثال نعتبر $\vec{u}(-2;3)$ و $\vec{v}(2;4)$ و $\vec{w}(-5;0)$ حدد $\det(\vec{u};\vec{v})$ و $\det(\vec{u};\vec{w})$ ب- لتكن $\vec{u}(x;y)$ و $\vec{v}(x';y')$ غير منعدمتين * \vec{u} و \vec{v} مستقيمتان تكافئ $\vec{u} = k\vec{v}$ تكافئ $x = kx'$ و $y = ky'$ ومنه $xy' - x'y = kx'y' - kx'y = 0$ نفترض $xy' - x'y = 0$ و $x' \neq 0$ * نضع $\frac{x}{x'} = k$ ومنه $x = kx'$ و بالتالي $xy' - x'y = 0$ تكافئ $y = ky'$ إذن $\vec{u} = k\vec{v}$ إذا كان \vec{u} أو \vec{v} منعدما فإن $xy' - x'y = 0$</p> <p>خاصة</p> <p>تكون \vec{u} و \vec{v} مستقيمتين إذا فقط إذا كان $\det(\vec{u};\vec{v}) = 0$ تكون \vec{u} و \vec{v} غير مستقيمتين إذا فقط إذا كان $\det(\vec{u};\vec{v}) \neq 0$</p> <p>مثال لتكن $\vec{u}(\sqrt{2}+1;1)$ و $\vec{v}(1;\sqrt{2}-1)$ و $\vec{w}(-1;\sqrt{2})$ أدرس استقامة \vec{u} و \vec{v} ثم \vec{u} و \vec{w}</p> <p>تصريح في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O;\vec{i};\vec{j})$، نعتبر النقط $A\left(\frac{1}{2};3\right)$ و $B(-2;-2)$ و $C(1;4)$ و متجهة $\vec{u}(1;3)$ 1- أنشئ النقط A و B و C و المتجهة \vec{u} 2- حدد x حيث \vec{u} و $\vec{v}(x-2;5)$ مستقيمتان 3- بين أن النقط A و B و C مستقيمية</p> <p>طويلة شعاع : في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم - إذا كان $\vec{u}(x;y)$ فإن $\ \vec{u}\ = \sqrt{x^2 + y^2}$</p> <p>المسافة بين نقطتين : - إذا كان $A(x_A;y_A)$ و $B(x_B;y_B)$ فإن $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$</p> | <p>التطرق الى شرط التوازي في معلم</p> |

II- المستقيم في المستوى

1- مستقيم معرف بنقطة و متجهة

لتكن A نقطة و \vec{u} متجهة غير منعدمة
نحدد (D) مجموعة النقط حيث $\overline{AM} = t\vec{u}$; $t \in \mathbb{R}$



لنضع $\overline{AB} = \vec{u}$

* $(D) \neq \emptyset$ لان $B \in (D)$

* نعلم أن $\overline{AM} = t\overline{AB}$; $t \in \mathbb{R}$ تكافئ $M \in (AB)$

$(D) = (AB)$

(D) يسمى المستقيم المار من A و الموجه بـ \vec{u}

تعريف

لتكن A نقطة و \vec{u} متجهة غير منعدمة
مجموعة النقط M حيث $\overline{AM} = t\vec{u}$; $t \in \mathbb{R}$ هي المستقيم المار من A و الموجه بـ \vec{u} نرسم له بـ
 $D(A; \vec{u})$

التمثيل الوسيطى لمستقيم :

في مستوى منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعتبر (D) مستقيم
مار من النقطة $A(x_0; y_0)$ و $\vec{u}(\alpha; \beta)$ موجهة له

$M \in (D)$ تكافئ توجد t من \mathbb{R} حيث $\overline{AM} = t\vec{u}$

$$\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R} \quad \text{تكافئ}$$

النظمة $\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ تسمى تمثيل بارامترى

للمستقيم (D) المار من $A(x_0; y_0)$ و الموجه بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$

مبرهنة وتعريف

المستوى منسوب الى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ و $\vec{u}(\alpha; \beta)$ متجهة غير منعدمة و $A(x_0; y_0)$ نقطة.

كل مستقيم (D) مار من $A(x_0; y_0)$ و موجه بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$ له نظمة على شكل $t \in \mathbb{R}$

النظمة $\begin{cases} x = x_0 + t\alpha \\ y = y_0 + t\beta \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ تسمى تمثيل بارامترى للمستقيم (D) المار من $A(x_0; y_0)$ و الموجه

بـ $\vec{u}(\alpha; \beta)$

تمرين

في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ،

نعتبر النقط $A(-2; 1)$ و $B(0; -2)$ و $C(1; 4)$ و متجهتين $\vec{u}(-2; 3)$ و $\vec{v}(4; -6)$.

لتكن $t \in \mathbb{R}$ $\begin{cases} x = 2 - t \\ y = 1 + t \end{cases}$ تمثيلاً بارامترياً لمستقيم (Δ)

1- أنشئ المستقيم (D) المار من A و الموجه بـ \vec{u} و المستقيم (Δ)

2- أ- حدد تمثيلاً بارامترياً للمستقيم (D)

ب- أعط ثلاث نقط تنتمي إلى المستقيم (D)

ج- هل النقطتين B و C تنتميان إلى المستقيم (D)

3- أ- بين أن \vec{v} و \vec{u} مستقيمتان

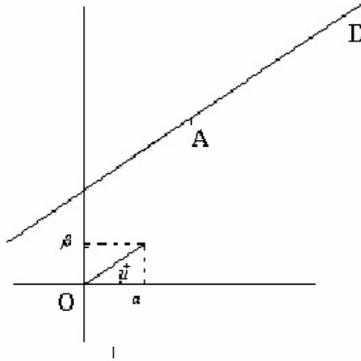
ب- حدد تمثيلاً بارامترياً لـ $D(C; \vec{v})$. ماذا تلاحظ

4- حدد تمثيلاً بارامترياً للمستقيم (AC)

ملاحظة

كل مستقيم يقبل ما لا نهاية من التمثيلات البارامترية

التعرف على
معامل توجيه
مستقيم - إنشاء
مستقيم علمت
معادلته



تقويم
تحصيلي