

## الفرض المنزلي الثاني للثلاثي الثالث

يوم: 26 أبريل 2009

الشعبة: علوم وتكنولوجيا

فرض منزلي في مادة الرياضيات

## التمرين الأول:

ليكن  $a$  عدد حقيقي و  $RST$  مثلث ، ولتكن النقط  $M$  ،  $N$  ،  $P$  المعرفة بـ:

$$\vec{RP} = \frac{3}{4}\vec{RS} - \left(a + \frac{3}{2}\right)\vec{RT} , \vec{RN} = (a+2)\vec{RS} + \frac{3}{4}\vec{RT} , \vec{RM} = \frac{1}{4}\vec{RS} + \left(a + \frac{5}{2}\right)\vec{RT}$$

(1) أنشئ النقط  $M$  ،  $N$  ،  $P$  من أجل:  $a = 0$  .(2) أثبت أن من أجل كل عدد حقيقي  $a$  يكون الشعاعان  $\vec{MN}$  و  $\vec{ST}$  مرتبطان خطيا ، ماذا يمكن أن تستنتج؟(3) أثبت أن من أجل كل عدد حقيقي  $a$  الرباعي  $SMTP$  متوازي أضلاع.

## التمرين الثاني:

$ABCD$  متوازي أضلاع ، النقطتان  $M$  و  $N$  منتصفا  $[AB]$  ،  $[BC]$  على الترتيب.  $[DM]$  و  $[DN]$  يقطعان  $[AC]$  في النقطتين  $G$  و  $H$  على الترتيب.

• أنشئ الشكل. بين أن:  $AG = GH = HC$  .

**التمرين الثالث:**  $ABCD$  رباعي وجوه منتظم طول حرفه  $a$  ،  $H$  نقطة تقاطع المستقيم الذي يشمل  $A$  والعمودي على

المستوي  $(BCD)$  لتكن  $I$  ،  $J$  ،  $K$  منتصفات القطع  $[AD]$  ،  $[AC]$  ،  $[AB]$  على الترتيب (أنظر الشكل المقابل).(1) بين أن المستويين  $(IJK)$  ،  $(BCD)$  متوازيان.(2) بين أن المستقيم  $(BC)$  عمودي على المستوي  $(AHD)$  ، ثم استنتج أن  $(BC)$  عمودي على  $(DH)$  .ماذا يمكن القول على المستقيم  $(DH)$  في المثلث  $(BCD)$  .(3) بين باستعمال ما سبق أن  $H$  مركز ثقل المثلث  $(BCD)$  ، ثم أحسب الطول  $[BH]$  .(4) أحسب الارتفاع  $[AH]$  وقيس الزاوية  $(BA;BH)$  ، ثم أحسب حجم الرباعي  $ABCD$  .