

الفرض المحروس السادس في مادة الرياضيات

الموضوع الأولالتمرين الأول :

$$(1) \text{ حل جملة المعادلتين } (S) \text{ حيث : } \begin{cases} 2x - y = -1 \\ 3x + y = 21 \end{cases} \dots\dots\dots(S)$$

$$(2) \text{ إستنتج حلول الجملة } (S') \text{ حيث : } \begin{cases} 2z^2 - t^2 = -1 \\ 3z^2 + t^2 = 21 \end{cases} \dots\dots\dots(S')$$

(إرشاد : يمكن وضع : $z^2 = x$ و $t^2 = y$)

التمرين الثاني :

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) . نعتبر النقط : $A(3, -4)$ ، $B(\alpha, 5)$ ، $C(1, 3)$ ،
حيث : α عدد حقيقي .

- (1) عين العدد الحقيقي α حتى تكون النقط A ، B ، C ، في استقامية .
- (2) عين إحداثيي النقطة D حتى يكون الرباعي $AOCD$ متوازي أضلاع .
- (3) عين العدد الحقيقي α حتى يكون معامل توجيه المستقيم (BC) هو 2
- (4) عين العدد الحقيقي α حتى يكون المستقيم (BC) يوازي المستقيم الذي معادلته

$$y = \frac{1}{4}x - 5$$

التمرين الثاني

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} الجملة : $\begin{cases} x - y = -3 \\ -3x + y = 1 \end{cases}$

(2) اكتب معادلة المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) حيث :

* المستقيم (Δ_1) يشمل النقطتين $A(-2; 1)$ و $B(2; 5)$

* المستقيم (Δ_2) يشمل النقطة $C(-\frac{1}{3}; 0)$ و يوازي الشعاع $\vec{OC}^{(1)}$

(أ) أرسم بعناية المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) .

(ب) من البيان عين نقطة تقاطع (Δ_1) و (Δ_2) . ماذا تستنتج؟

التمرين الثاني

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$A; B, C$ ثلاث نقط معرفة كما يلي :

$$\vec{OA} = -3\vec{i} + 5\vec{j} \quad , \quad \vec{OB} = 4\vec{i} + 6\vec{j} \quad , \quad \vec{OC} = -\vec{i} + m\vec{j}$$

- (1) عين إحداثيات النقط : $A ; B, C$.
- (2) عين m حتى تكون النقط $A ; B, C$ في إستقامة
- (3) عين m حتى يكون معامل توجيه المستقيم (BC) مساويا لـ : 1
- (4) عين إحداثيات النقطة B' نظيرة B بالنسبة إلى O مبدأ المعلم .

$$(1) \text{ حل في مجموعة الأعداد الحقيقية } \mathbb{R} \text{ الجملة : } \begin{cases} x - y = -3 \\ -3x + y = 1 \end{cases}$$

(2) اكتب معادلة المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) حيث :

* المستقيم (Δ_1) يشمل النقطتين $A(-2; 1)$ و $B(2; 5)$

* المستقيم (Δ_2) يشمل النقطة $C(-\frac{1}{3}; 0)$ و يوازي الشعاع $\vec{C(1; 3)}$

(أ) أرسم بعناية المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) .

(ب) من البيان عين نقطة تقاطع (Δ_1) و (Δ_2) . ماذا تستنتج؟