

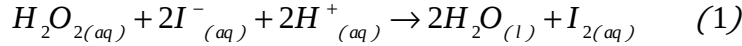
إختبار الفصل الثالث في مادة العلوم الفيزيائية

ملاحظة : على المترشح أن يعالج موضوع واحد فقط على الخيار .

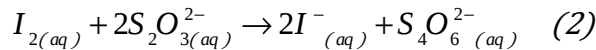
الموضوع الأول

التمرين الأول :

(1) معادلة إرجاع الماء الأكسجيني H_2O_2 بواسطة شوارد اليود I^- هي :



لدراسة حركية التفاعل (1) ، نقيس الزمن اللازم لتشكل كمية من ثنائي اليود I_2 ، لتحديد هذه المدة نستعمل تفاعل الأكسدة – إرجاع السريع بين I_2 وشوارد ثيوكبريتات كماليلي :



التفاعلين (1) و (2) يحدثان أنيا في نفس الوسط التفاعلي ، التفاعل (2) سريع جدا في حين التفاعل (1) بطيء جدا . في اللحظة $t = 0$ نمزج $10mL$ من الماء الأكسجيني ذي التركيز : $c = 0,040 \text{ mol.L}^{-1}$ مع محلول يود البوتاسيوم $K^+ + I^-$ (بالزيادة) و 1 mL من ثيوكبريتات الصوديوم ذي تركيز : $c' = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$ ، مع إضافة كمية من صمغ النشاء .

ملاحظة : صمغ النشاء يلون بالأزرق المحلول الذي يحتوي على ثنائي اليود ، بمأ ثنائي اليود المتشكل يُستهلك أنيا بالتفاعل (2) فإن المحلول يبقى شفاف إلى غاية اللحظة $t_1 = 48 \text{ s}$ أين يبدأ المحلول يأخذ اللون الأزرق.

أ . أحسب في اللحظة t_1 كمية ثنائي اليود الناتجة بالتفاعل (1) .

ب . في اللحظة t_1 نضيف 1 mL من ثيوكبريتات الصوديوم الذي يزيل اللون الأزرق ، ثم يظهر اللون الأزرق من جديد في اللحظة $t_2 = 103 \text{ s}$ ، نضيف كذلك 1 mL من ثيوكبريتات الصوديوم ، فيزول اللون الأزرق ليظهر من جديد في اللحظة t_3 ، نضيف 1 mL من ثيوكبريتات الصوديوم ، وهكذا نكرر العملية . – لماذا يزول اللون الأزرق بعد إضافة 1 mL من ثيوكبريتات الصوديوم ؟
ج . بين أن كمية H_2O_2 هي نفسها بعد إضافتين متتاليتين ، ثم أعط قيمتها .

(2) بإتباع البروتوكول التجريبي السابق ، حصلنا على تركيز الماء الأكسجيني المتبقي بدلالة الزمن كما هو مبين في الجدول التالي :

$t \text{ (s)}$	0	48	103	170	254	366	536	900
$[H_2O_2](\text{mmol.L}^{-1})$	3,2	2,8	2,4	2,0	1,6	1,2	0,8	0,4

أ . ماهو حجم المحلول الكلي ؟

ب . حدّد التقدم x للتفاعل (1) من أجل كل لحظة (ضع جدولا لذلك) ثم أرسم على ورق ميليمتري المنحنى البياني $x = f(t)$.

السلم : الفواصل : $1 \text{ cm} \rightarrow 50 \text{ s}$ التراتيب : $5 \text{ cm} \rightarrow 1 \text{ mmol}$.

ج . أكتب عبارة السرعة الحجمية للتفاعل (1) ، ثم أوجد قيمتها بيانيا في اللحظتين : $t = 0$ ؛ $t' = 366 \text{ s}$. ماذا تستنتج ؟

التمرين الثاني :

نريد تحديد الثنائية أساس / حمض (نرمز لها إختصارا بـ HA/A^-) من بين الثنائيات التالية :

الثنائية HA/A^-	$pK_a \text{ (} 25^\circ\text{C)}$	$M_{HA} \text{ (g.mol}^{-1}\text{)}$
$HCOOH/HCOO^-$	3,75	46,0
HN_3/N_3^-	4,72	43,0
CH_3COOH/CH_3COO^-	4,75	60,0
$C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-$	4,87	74,0
$HClO/ClO^-$	7,30	52,5

(I) لتحديد pK_a لثنائية حمض أساس (نرمز لها إختصارا بـ HA/A^-) ، نقيس pH محلول مائي يحتوي على هاتين الثنائيتين حيث نستعمل :

- محلول S_1 ، يحتوي على النوع A^- ، بتركيز : $C_1 = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$.

- محلول S_2 ، يحتوي على النوع HA ، بتركيز : $C_2 = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$.

بواسطة pH متر نقيس pH عدة محاليل في كؤوس بيشر ، ونجمع النتائج في الجدول التالي ، حيث V_1 يمثل حجم المحلول S_1 ، و V_2 حجم المحلول S_2 .

المزيج	1	2	3	4	5	6	7	8
$V_1 \text{ (mL)}$	4	10	20	30	40	40	40	40
$V_2 \text{ (mL)}$	40	40	40	40	30	20	10	4
pH	3,8	4,2	4,5	4,7	4,9	5,1	5,4	5,8

1 . أكمل الجدول التالي :

المزيج	1	2	3	4	5	6	7	8
pH								
$\frac{V_1}{V_2}$								
$\log \frac{V_1}{V_2}$								

2. أرسم المنحنى البياني : $pH = f \left(\log \frac{V_1}{V_2} \right)$. السلم : الفواصل : $4cm \rightarrow 1$ ، الترتيب : $1cm \rightarrow 0,5$.

3. نعتبر أن مكونات كل المحاليل عند التوازن مماثلة للمزيج الابتدائي أي : $\frac{[A^-]_{eq}}{[HA]_{eq}} = \frac{V_1}{V_2}$ ، (eq تعني التوازن) . أوجد من المنحنى

البياني العلاقة التي توجد بين pH و $\log \frac{[A^-]_{eq}}{[HA]_{eq}}$.

4. أكتب معادلة التفاعل بين الحمض HA و الماء ، مستنتجا منها عبارة ثابت الحموضة K_a للتنائية HA/A^- ، ثم أوجد العلاقة بين pH المحلول و الـ pK_a للتنائية HA/A^- .

5. أوجد من السؤالين 3 و 4 قيمة تقريبية للثابت pK_a للتنائية .

(II) تحديد التنائية أساس / حمض HA / A^- .

1. ماهي التنائيات أساس / حمض التي يمكن إلغاؤها إنطلاقا من الدراسة المنجزة في الفقرة (I) ؟

2. قمنا بوزن $m = 1,87 g$ من الحمض HA لتحضير حجم $V_2 = 250 mL$ من المحلول S_2 تركيزه $C_2 = 0,10 mol.L^{-1}$.

أ . أوجد الكتلة المولية للحمض HA .

ب . حدد إذا التنائية HA / A^- .

التمرين الثالث :

الجزء الأول :

الكربون 14 نشط إشعاعيا ، في الكائن الحي النسبة $\frac{N(^{14}C)}{N(^{12}C)}$ تبقى ثابتة (N : يمثل عدد الأنوية) ، لأن ^{14}C يتجدد باستمرار ، و يتفكك

الكربون 14 في الكائن الحي بنسبة 13,6 تفكك في الدقيقة لكل $1,0 g$ من الكربون النقي ، ولكن بعد وفاة الكائن الحي تقل نسبة الكربون 14 مع مرور الزمن ، وبعد مرور 40000 سنة من وفاة الكائن الحي لا يبقى من الكربون 14 سوى 1% وهي نسبة قليلة جدا لتحديد العمر بعد ذلك . الرقم الذري للكربون (C) هو : $Z = 6$ ، وللازوت (N) هو : $Z = 7$.

(1) الأنوية : ^{12}C ; ^{13}C تسمى بنظائر ، لماذا ؟

(2) أعط مكونات النواة ^{14}C .

(3) الكربون "14" يتفكك إلى الأزوت ، أكتب معادلة التفكك للكربون 14 ، بفرض أن النواة الإين غير مثارة . ماهو نوع النشاط الإشعاعي α ، β^+ أو β^- ؟

الجزء الثاني :

نقترح ثلاث عبارات رياضية لتمثيل تطور عدد الأنوية N للكربون 14 المتبقية في العينة في اللحظة t ، حيث λ ثابت التفكك الإشعاعي للتفكك المدروس (مع $\lambda > 0$) :

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda t} ; N = N_0 - \lambda t ; N = N_0 \cdot e^{\lambda t}$$

أ . في كل عبارة من العبارات السابقة :

- ماهي قيمة N في اللحظة $t = 0$ ؟

- ماهي نهاية N عندما يؤول t إلى ما لا نهاية ؟

ثم إستنتج العبارة المناسبة من بين العبارات الثلاثة السابقة ، مع التعليل .

ب . النشاط : $A = - \frac{dN}{dt}$ في اللحظة t يعطى بالعلاقة التالية : $A = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$. ماذا يمثل A_0 ؟

ج . أوجد قيمة A_0 في عينة من الكربون كتلتها $1,0 g$ مأخوذة من كائن حي .

الجزء الثالث :

نصف عمر النظير ^{14}C هو $t_{1/2} = 5,73 \times 10^3 ans$ (ans : تعني سنة) .

1. ماذا يعني نصف العمر $t_{1/2}$ لعينة مشعة ؟

2. بين أن : $\lambda \cdot t_{1/2} = \ln 2$ إنطلاقا من السؤال أ الجزء الثاني ، و السؤال 1 الجزء الثالث .

3. أحسب قيمة λ الخاصة بالكربون 14 مع أخذ $t_{1/2}$ بالسنة .

4. في سبتمبر من سنة 1991 وفي جبال الألب الإيطالية تم إكتشاف "أوتزي" وهو شخص محنط طبيعيا بالثلوج . ولتحديد تاريخ وفاته ، نفيس نشاط عينة من الكربون 14 من الشخص ، فوجد أنه يساوي 7,16 تفكك في الدقيقة لكل 1,0 g من الكربون النقي .
 أوجد المدة الزمنية بين وفاة الشخص و لحظة القياس .
 5. لقد حدد الباحثون عمر مستحثة ، فوجدوه يساوي $1,2 \cdot 10^5$ ans ، هل تم ذلك باستعمال الكربون 14 ؟ علل ؟

التمرين الرابع :

تتشكل حبة البرد على إرتفاع 1000 m إلى 10000 m من سطح الأرض ، أين تصل درجة الحرارة 40°C - ، وتصل حبة البرد إلى سطح الأرض بسرعة 160 km/h . ندرس حركة سقوط حبة برد كتلتها 13 g من نقطة O تقع على علو 1500 m بدون سرعة ابتدائية . نعتبر حبة البرد كرة قطرها $3,0\text{ cm}$.

نأخذ O كمبدأ الإحداثيات المحور Oz الموجه نحو الأسفل . شدة الجاذبية تعتبر ثابتة ولها القيمة $g = 9,80\text{ m.s}^{-2}$.

يعطى : حجم كرة : $V = \frac{4}{3}\pi.r^3$ ، الكتلة الحجمية للهواء : $\rho = 1,3\text{ kg.m}^3$.

I – السقوط الحر :

نعتبر أن حبة البرد تسقط سقوطا حرا .

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد المعادلات الزمنية للسرعة و الموضع لمركز العطالة G لحبة البرد بدلالة الزمن t .
2. أحسب قيمة السرعة عندما تصل إلى سطح الأرض . هل النتيجة مقبولة ؟ لماذا ؟

II . السقوط الحقيقي :

- في الواقع حبة البرد تخضع لقوتين ، دافعة أرخميدس F_A و قوة الإحتكاك المائعة F والتي تتناسب طرديا مع السرعة حيث : $F = Kv^2$.
1. باستعمال التحليل البعدي ، حدد وحدة المعامل K في الوحدات الدولية .
 2. أحسب قيمة دافعة أرخميدس ثم قارنها مع الثقل ، ماذا تستنتج ؟
 3. نهمل دافعة أرخميدس .

أ . أوجد عبارة المعادلة التفاضلية للحركة . بين أنه يمكن كتابتها على الشكل : $\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$

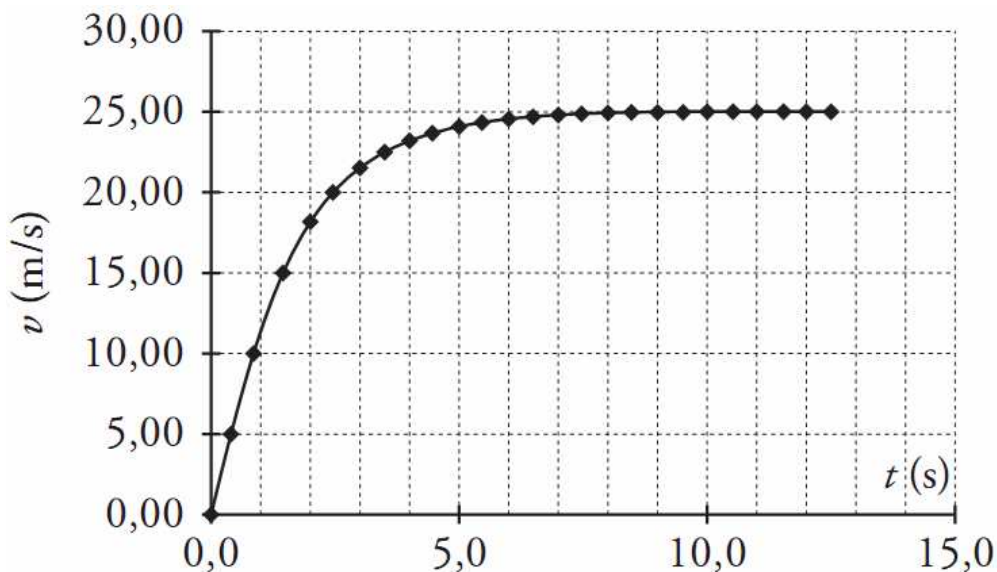
ب . نريد حل هذه المعادلة التفاضلية بطريقة عددية. الجدول التالي يعطي قيم السرعة v والتسارع a بدلالة الزمن t خلال مجالات زمنية متتالية ومتساوية قيمتها $\Delta t = 0,5\text{ s}$. ومتوافق مع القيم : $A = 9,80\text{ m.s}^{-2}$ و $B = 1,56 \cdot 10^{-2}\text{ m}^{-1}$.

$t\text{ (s)}$	$v\text{ (m.s}^{-1}\text{)}$	$a\text{ (m.s}^{-2}\text{)}$
0,00	0,00	9,80
0,50	4,90	9,43
1,00	9,61	8,36
1,50	13,8	6,83
2,00	17,2	a_4
2,50	v_5	3,69
3,00	21,6	2,49

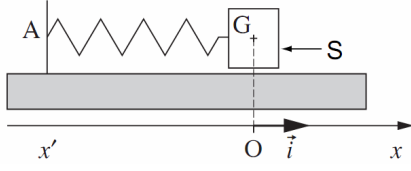
أوجد قيمة كل من v_5 ; a_4 .

ج . عبر حرفيا عن السرعة الحدية v_{lim} التي تبلغها حبة البرد بدلالة A و B ، ثم أحسب قيمتها العددية .

د . منحنى تطور السرعة بدلالة الزمن مبين في الشكل التالي . أوجد بيانيا قيمة السرعة الحدية المحسوبة سابقا .



التمرين الخامس :



ليكن نابض مرن ، ذي حلقات غير متلاصقة محوره أفقي وثابت مرونته k . طرفه A ثابت ، مثبت بطرفه الثاني جسم صلب S ، كتلته $m = 250 \text{ g}$ وينزلق بدون احتكاك على نضد هوائي (الشكل الجانبي) ، كتلة النابض مهمة أمام m . ندرس حركة مركز العطالة G للجسم S في مرجع مرتبط بالمخبر والذي نعتبره غاليلي. نحدد موضع G بالفاصلة x على محور أفقي $x'x$ مبدؤه O : $x(t) = OG(t)$ ، النقطة O تمثل مسقط موضع G عند التوازن .

المعطيات : - الدور الذاتي للنواس المرن هو : $T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$

- الطاقة الكامنة المرونية للجملة (نابض - جسم) هي : $E_p = \frac{1}{2}kx^2$ (الوضع المرجعي عندما يكون النابض غير مشوه) .

I (الدراسة النظرية :

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد المعادلة التفاضلية للحركة ، باعتبار حلها : $x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ حيث :

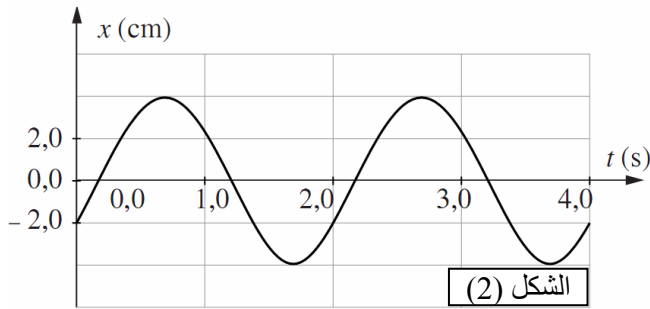
X_m : سعة الحركة ، φ : الصفحة الابتدائية .

2. استنتج عبارة السرعة $v(t)$ لمركز العطالة G بدلالة الزمن t .

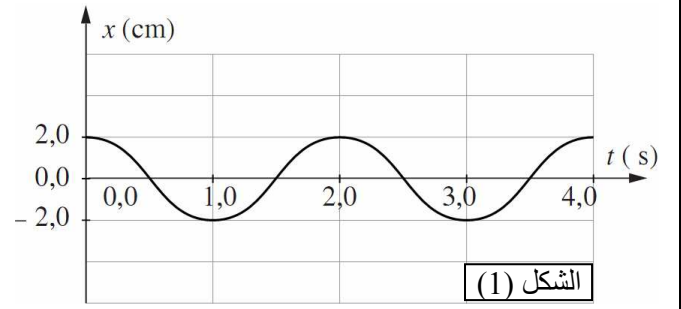
3. أعط العبارة الحرفية للفاصلة $x(0)$ والسرعة $v(0)$ في مبدأ الزمن ، بدلالة φ و T_0 و X_m .

II (الدراسة التجريبية :

أنجزت تجربتين (1) و (2) بواسطة نفس الجسم S . من أجل كل تجربة ، مبدأ الأزمنة هو اللحظة التي يحرر فيها S بعدما أن تم إزاحته عن وضع توازنه . كل تجربة يوافقها تسجيل بياني للفاصلة x بدلالة الزمن t كما هو مبين في الشكلين (1) و (2) التاليين والذان يمثلان التجربتين (1) و (2) على التوالي :



الشكل (2)



الشكل (1)

1. إعتبارا من التسجيلين البيانيين، عالج بدون تعليل الأسئلة التالية ، مع كتابة الأجوبة في الجدول الموالي .

	التجربة (1)	التجربة (2)
T_0		
X_m		
$x(0)$		
$v(0)$ (معمومة، سالبة أو موجبة)		
حالة النابض الابتدائية ($t = 0$)		

المقصود بحالة النابض هو : متقلص ، متمدد أو غير مشوه .

2. بين أن التسجيل البياني للشكل -2- ، تم الحصول عليه بنفس النابض المستعمل في التجربة -1- .

3. نرمز بـ E_m للطاقة الميكانيكية للجملة (نابض - جسم) . نعتبر الطاقة الكامنة الثقالية معدومة في المستوي الأفقي المار بـ G . أ . أكتب العبارة الحرفية لـ E_m بدلالة X_m .

ب . نرمز بـ E_{m1} و E_{m2} الطاقة الميكانيكية للجملة في التجربتين (1) و (2) على التوالي . من بين الإقتراحات التالية ، إختار ، مع

التعليل ، الإقتراح المناسب . $\frac{E_{m2}}{E_{m1}} = 1$; $\frac{E_{m2}}{E_{m1}} = 2$; $\frac{E_{m2}}{E_{m1}} = 4$.

4. قارن ، الطاقات الكامنة المرونية $E_{p1}(0)$ و $E_{p2}(0)$ للجملة (نابض - جسم) في اللحظة $t_0 = 0 \text{ s}$ من أجل هذين التسجيلين .

الموضوع الثاني

التمرين الأول :

نذيب $3,25.10^{-2} \text{ mol}$ من نترات الحديد الثلاثي $Fe(NO_3)_3$ في الماء المقطر ، نضيف إليه $6,00 \text{ g}$ من معدن الفضة Ag ، فيحدث تفاعل كيميائي بين شوارد الحديد الثلاثي ومعدن الفضة . الحجم الكلي للمحلول هو : $V = 50 \text{ mL}$.

1. التثانيات مرجع / مؤكسد في المحلول هي : Ag^+/Ag ; Fe^{3+}/Fe^{2+} .

أ - أكتب المعادلتين النصفيتين ومعادلة الأكسدة - إرجاع للتفاعل الحادث .
ب - أعط عبارة كسر التفاعل Q_r المميزة لهذه المعادلة .

2. ثابت التوازن لهذا التفاعل له القيمة : $K = 0,32$.

أ - أحسب التركيز المولي الابتدائي لمختلف الأفراد الكيميائية في المزيج .
ب - أعط جدول تقدم التفاعل ، وحدد قيمة التقدم النهائي .

ج - حدد التركيب النهائي للمزيج ، مستنتجا تراكيز الأفراد الكيميائية في المحلول وكتلة الفضة المتبقية . يعطى : $M_{Ag} = 108 \text{ g.mol}^{-1}$.

3. يمكن لشوارد الفضة Ag^+ أن تترسب بفعل شوارد الكلور Cl^- .

أ - نضيف للجملة ، محلول كلور الصوديوم ($Na^+ + Cl^-$) ، فيحدث ترسب لكلور الفضة $AgCl$. كيف يتطور كسر التفاعل Q_r في هذه الحالة ؟
ب - هل قيمة كتلة معدن الفضة المحسوبة في السؤال 2.ج هل تزداد أم تنقص ؟

التمرين الثاني :

I (تحتوي قارورة على محلول S لكاشف ملون مجهول ، تركيزه : $C_0 = 2,9.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$ و حجمه $V = 100 \text{ mL}$. نقيس pH المحلول S فنجد : $pH = 4,18$.

1. أحسب التركيز $[H_3O^+]$ في المحلول S .

2. نرمز للتثائية أساس / حمض لهذا الكاشف في الماء بالرمز HIn / In^- . أكتب معادلة تفاعل الكاشف مع الماء .

3. حدد نسبة التقدم النهائي η للتفاعل الحادث ، هل هذا التفاعل تام ؟ علل ذلك ؟

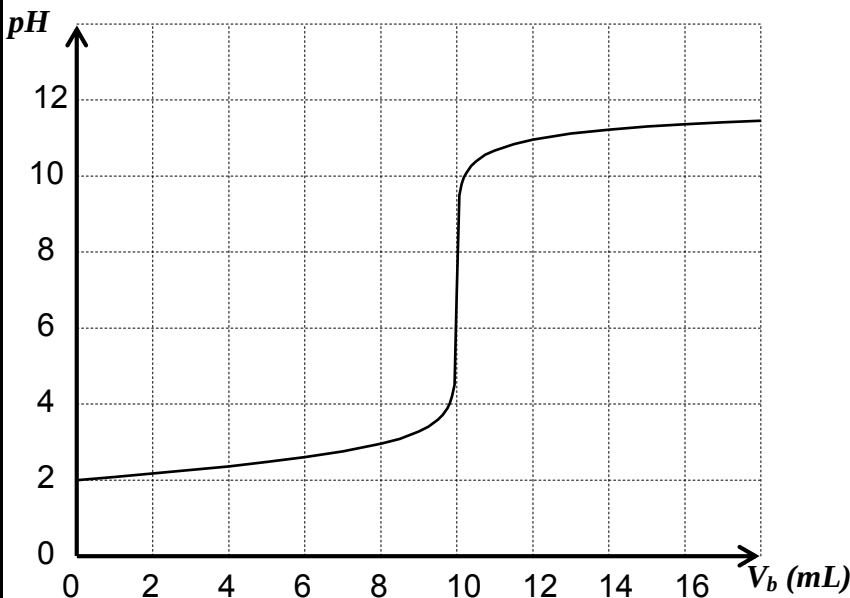
4. أكتب عبارة ثابت الحموضة K_i للتثائية HIn / In^- بدلالة C_0 ، η وبين أنه يساوي $K_i = 1,99.10^{-5}$.

5. إتمادا على الجدول أسفله تعرف على هذا الكاشف .

الكاشف الملون	لون الحمض	مجل التغير اللوني	pK_i
الهيليانتين	أصفر برتقالي	3,1 - 4,4	3,7
أخضر البروموكريزول	أصفر	3,8 - 5,4	4,7
أزرق البروموتيمول	أصفر	6,0 - 7,6	7,0
الفينولفتالين	عديم اللون	8,2 - 10	9,4

II (نعتبر محلول تجاري مركز S' لحمض كلور الماء تركيزه C . نخفف المحلول التجاري 1000 مرة فنحصل على محلول S_1 تركيزه C_a .

1. نأخذ حجما $V_a = 10 \text{ mL}$ من المحلول S_1 ونضيف له بواسطة سحاحة محلول هيدروكسيد الصوديوم ($Na^+ + OH^-$) تركيزه $C_b = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ ، نسجل قيمة pH المزيج بعد كل إضافة للحجم V_b ، ونرسم المنحنى البياني $pH = f(V_b)$ فنحصل على الشكل التالي :



أ . أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

ب . حدد بيانيا إحداثي نقطة التكافؤ E .

ج . هل الكاشف الملون الذي تعرفنا عليه في الفقرة (I) مناسب لهذه المعايرة ؟ إذا كان الجواب بالنفي ، حدد إذا الكاشف الملون المناسب مع التعليل .

2. أحسب التركيز C_a ، ثم استنتج التركيز C للمحلول التجاري (المحلول الأم) .

التمرين الثالث :

في كل التمرين نأخذ : كتلة الأرض M_T ؛ نصف قطر الأرض R_T ؛ كتلة القمر الإصطناعي m_s ؛ إرتفاع القمر الإصطناعي عن سطح الأرض h ؛ ثابت الجذب العام G ؛ نعتبر القمر الاصطناعي جسم نقطي ؛ الفرعين (I) و (II) مستقلين .
(I) Spoutnik1 هو أول قمر اصطناعي تم إطلاقه في 4 أكتوبر 1957م من طرف الاتحاد السوفياتي .
 1. عبر شعاعيا عن القوة المطبقة من طرف الأرض على **Spoutnik1** ، ثم مثلها على الرسم .
 2. نجري الدراسة بالنسبة لمعلم جيومركزي والذي نعتبره غاليلي . بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أكتب العبارة الشعاعية لتسارع القمر الاصطناعي .

(II) التليسكوب الفضائي هابل (**Hubble**) ، والذي سمح بعدة إكتشافات في علم الفلك ، تم إطلاقه سنة 1990 ، وهو على مدار دائري ، على علو **600km** وينجز دورة كاملة حول الأول في **100 mn** .
 1. دراسة حركة هابل بالنسبة لمعلم جيومركزي .

أ - بالاعتماد على نتائج الفرع (I) ، بين بدون حساب أن حركة هابل دائري منتظمة ؟

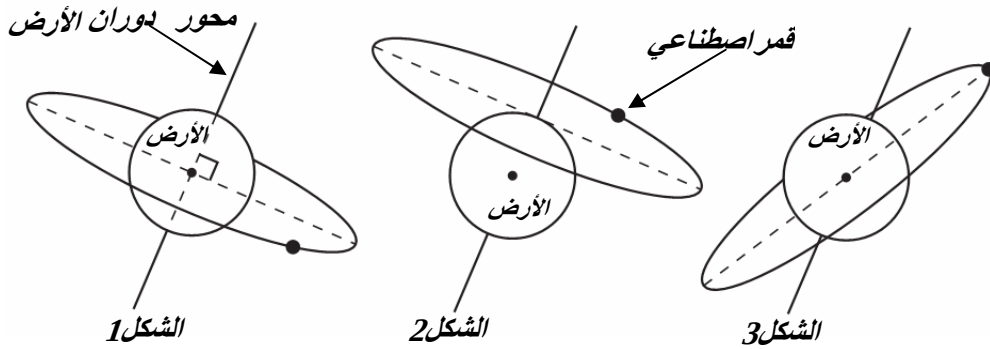
ب - عبر حرفيا عن سرعته بدلالة المقادير : h ؛ R_T ؛ M_T و G .

ج - عبر عن الدور T لحركته بدلالة المقادير السابقة ، ثم أوجد القانون الثالث لكبلر المطبق على هذه الحركة الدائرية (نص هذا القانون غير مطلوب) .

2. حالة قمر إصطناعي جيومستقر .

أ - ماذا نقصد بقمر إصطناعي جيومستقر .

ب - نقترح عليك ثلاث مسارات إفتراضية لحركة دائرية منتظمة لقمر اصطناعي حول الأرض ، كما هو مبين في الأشكال التالية :



بين أن ، واحد من هذه المسارات غير مطابق لقوانين الميكانيك ؟ ماهو المسار المتطابق مع القمر الإصطناعي جيومستقر ؟ علل جوابك .

III) الأقمار الاصطناعية و المسارات الإهليلجية :

يمكن وضع الأقمار الاصطناعية في مسارات مختلفة ، وهذا حسب المهمة المرجوة منه . وقع حادث أثناء وضع القمر الاصطناعي هيباركوس **"Hipparcos"** بواسطة الصاروخ "أريان" في 8 أوت 1989 ، فأنحرف عن مساره المحدد ، فبقي الآن في مسار إهليلجي بين **36000km** و **500km** من سطح الأرض .

الأقمار الاصطناعية تخضع لقوانين كبلر . القانون الثاني لكبلر ينص على أن " المساحات المسووعة من طرف المستقيم الرابط القمر والكوكب الجاذب له ، خلال أزمنة متساوية ، تكون متساوية " .

1. أرسم كيفيا مسار القمر الاصطناعي هيباركوس . ثم ضع على المسار مركز عطالة الأرض و النقطتين **A** و **P** الموافقتين على التوالي للقيمتين : **36000km** و **500km** المعطاة في النص .

2. بتطبيق قانون المساحات في الرسم السابق ، بين بدون حساب أن سرعة القمر الاصطناعي هيباركوس على مساره غير ثابتة .

3. حدد في أي نقطة من مساره تكون سرعته أعظمية ثم أصغرية .

التمرين الرابع :

لتحديد خصائص وشيعة ، نحقق دائرة كهربائية ، تحتوي على التسلسل على وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r ، وناقل أومي مقاومته $R = 875\Omega$ وتغذى هذه الجملة بمولد ترددات منخفضة (**GBF**) ، يعطي توتر دوري u_G الشكل 1- قيمة هذا التوتر تكون إما $u_G = 0V$ خلال نصف دور ، أو $u_G = +E = 4,00V$ ، الجهة الموجبة للتيار مأخوذة بشكل كيفي .

(I) الدراسة التجريبية من مخطط راسم مهبطي :

1. نشاهد أنيا على شاشة راسم اهتزاز مهبطي التوترين u_G و u_R (الشكل 2-) . أنقل

رسم الشكل 1- وبين عليه كيف تم توصيل الدارة براسم الاهتزاز المهبطي حيث

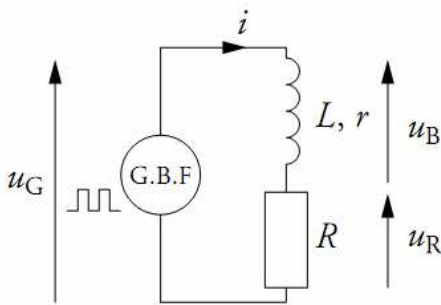
المدخل Y_1 يعطي u_G ، والمدخل Y_2 يعطي u_R .

ضبط راسم الاهتزاز المهبطي هو كما يلي :

- الحساسية الشاقولية بالنسبة للمنحنى 1 هي : **2 V** لكل تدريجة .

- الحساسية الشاقولية بالنسبة للمنحنى 2 هي : **1 V** لكل تدريجة .

ملاحظة : لقد تم إزاحة التدريجة **0V** للمنحنى 1 بثلاث تدريجات نحو الأسفل .



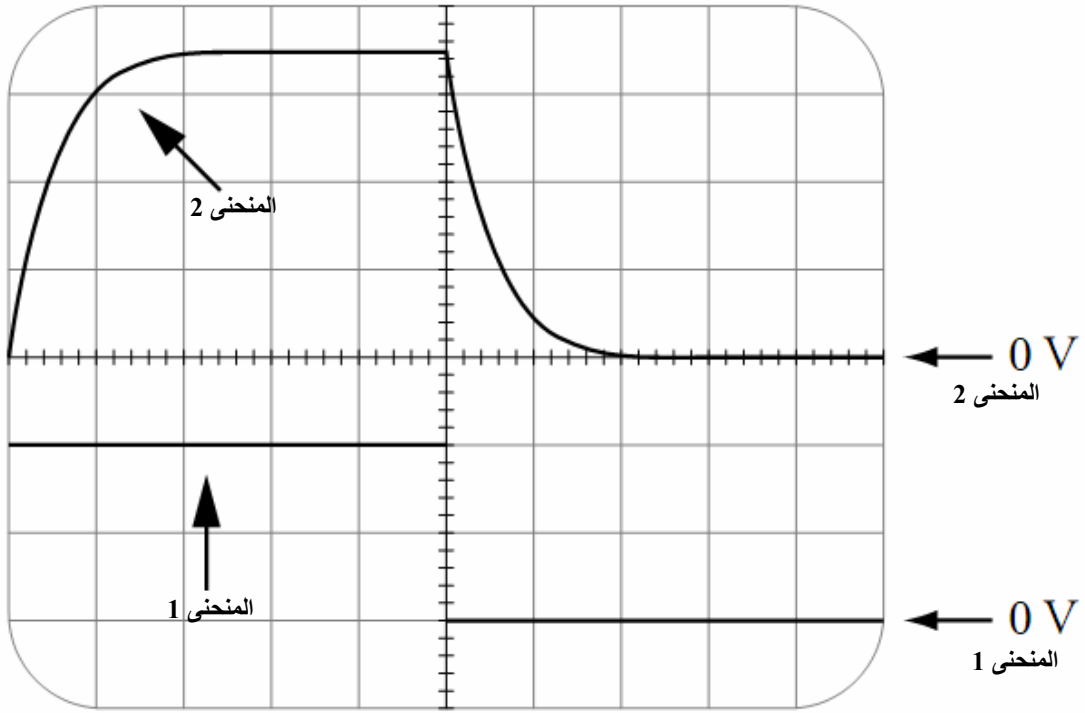
الشكل 1-

زمن المسح هو $0,2ms$ لكل تدريجة (على محور الفواصل) .

2. بيّن أن المنحنى 1 يمثل التوتر u_G .
3. اشرح لماذا يمكننا المنحنى 2 من معرفة طبيعة التيار في الدارة ؟
4. خلال نصف الدور الأول على الشاشة (الشكل -2-) ، اشرح بدون حساب كيف تتطور شدة التيار ؟
5. نقبل أن التوتر u_R يصل إلى 63% من قيمته العظمى خلال زمن τ يسمى ثابت الزمن . أوجد قيمة τ من الشكل -2- .
6. نصل إلى النظام الدائم عندما تستقر شدة التيار وتأخذ إما القيمة I_0 ، أو 0 . حدّد قيمة I_0 من المنحنى 2 .

(II) تحديد المقاومة r للوشية :

1. أكتب عبارة التوترين u_B و u_R بدلالة i أو مشتقتها بالنسبة للزمن ، مع الأخذ بعين الاعتبار الإتجاه الموجب المأخوذ كيفيا في الشكل -1- .
2. كيف تصبح عبارة التوترين u_B و u_R في النظام الدائم ، حيث $u_G = E$ ؟
3. أكتب العلاقة بين E ، u_B و u_R .
4. استنتج العبارة الحرفية للمقاومة r للوشية ، ثم أحسب قيمتها اعتبارا من النتائج السابقة .



الشكل - 2 -

التمرين الخامس :

(I) الهزاز المثالي :

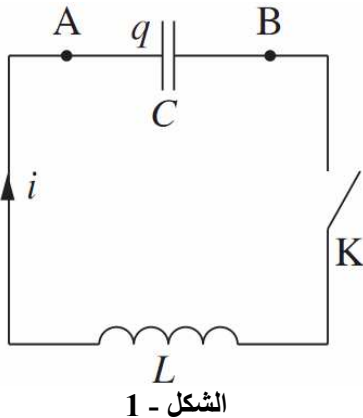
ندرس هزاز كهربائي مثالي كما هو مبين في الشكل -1- ، ويتكون من مكثفة سعتها $C = 0,50\mu F$ ووشية ذاتيتها $L = 0,50 H$. نعتبر مقاومة الدارة مهملة . نشحن المكثفة ، التوتر بين طرفيها يساوي $U_{AB}(t=0) = U_0 = 5,0 V$ وفي اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K .

1. لتكن q شحنة اللبوس A للمكثفة في لحظة زمنية ما t ($t > 0$) ، أكتب عبارة التوتر بين طرفي المكثفة بدلالة q و C . وعبارة التوتر بين طرفي الوشية بدلالة q ، L و t .
2. استنتج من السؤال 1 ، المعادلة التفاضلية التي تحدد تغيرات الشحنة q .

3. المعادلة التفاضلية تقبل حلا من الشكل : $q = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi\right)$

أ - ماذا يمثل المقدارين Q_m و T_0 ؟ حدّد قيمتهما العددية .

ب - الرمز ϕ يمثل الصفحة الابتدائية . تحقق من أن $\phi = 0$ متوافقة مع شروط الدراسة .



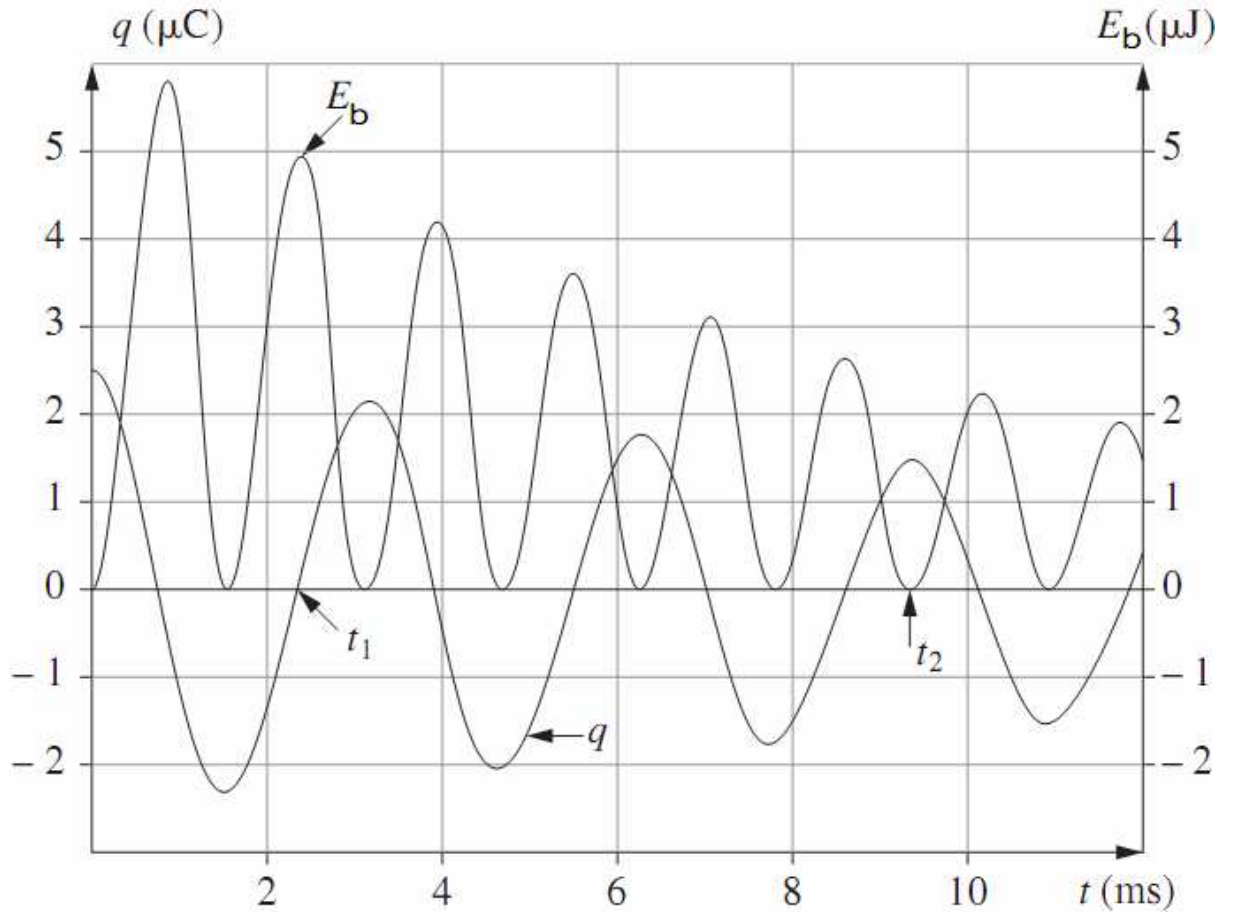
(II) الهزاز الحقيقي :

نقوم بالدراسة التجريبية لهزاز كهربائي حقيقي ، يتكون من مكثفة سعتها $C = 0,50 \mu F$ ووشية ذاتيتها $L = 0,50 H$ ، ولتكن المقاومة الكلية للدائرة . بواسطة حاسوب وبرنامج مناسب ، نتحصل على الوثيقة المبينة في الشكل -2- ، وتمثل :

- من جهة تغيرات الشحنة q للمكثفة بدلالة الزمن t : محور الترتيب (q) مدرج على اليسار .
- ومن جهة أخرى تغيرات الطاقة E_b المخزنة في الوشية بدلالة الزمن t : محور الترتيب (E_b) مدرج على اليمين .

فيمل يلي ، نرمز بـ E_C للطاقة المخزنة في المكثفة .

1. حدّد بيانيا قيمة شبه الدور T للإهتزازات .
2. من أجل اللحظة $t_1 = 2,4 ms$ ، وباستعمال المخطط في الوثيقة التالية ، حدّد كل من :
 - أ - قيمة الطاقة E_{b1} المخزنة في الوشية في اللحظة t_1 .
 - ب - قيمة الطاقة E_{C1} المخزنة في الوشية في اللحظة t_1 .
 - ج - الطاقة الكهرومغناطيسية E_1 للدائرة في اللحظة t_1 .
3. من أجل اللحظة $t_2 = 9,5 ms$ ، وباستعمال المخطط في الوثيقة التالية ، حدّد كل من :
 - أ - قيمة الطاقة E_{b2} المخزنة في الوشية في اللحظة t_2 .
 - ب - قيمة الطاقة E_{C2} المخزنة في الوشية في اللحظة t_2 .
 - ج - الطاقة الكهرومغناطيسية E_2 للدائرة في اللحظة t_2 .
4. ماذا تستنتج من قيمتي E_2 ، E_1 ؟



الشكل -2-

نتمنى لكم النجاح في امتحان شهادة البكالوريا

الموضوع الأول

التمرين الأول

(1) أ - كمية مادة ثنائي اليود المتشكلة في اللحظة t_1 :

كمية شوارد ثيوكبريتات في 1mL من محلول ثيوكبريتات الصوديوم هي:

$$n(\text{S}_2\text{O}_3^{2-}) = 10^{-3} \times 0,1 = 10^{-4} \text{ mol} = 0,1 \text{ mmol} .$$

من معادلة التفاعل (2) لدينا :

ب - يزول اللون الأزرق ، لأن كمية I_2 في الوسط التفاعلي قليلة جدا .

ج - بين إضافتين متتاليتين لمحلول ثيوكبريتات الصوديوم يتشكل $0,050\text{mmol}$ من ثنائي اليود I_2 وهي نفسها كمية H_2O_2 المختلفة بواسطة التفاعل (1) .

(2) أ - نحسب الحجم الكلي للمحلول إنطلاقا من كمية H_2O_2 المختلفة خلال 48s الأولى للتفاعل .

بين اللحظتين : $t = 0$ و $t' = 48\text{s}$ يتغير تركيز H_2O_2 بالمقدار :

$$\Delta[\text{H}_2\text{O}_2] = (3,2 - 2,8) = 0,40 \text{ mmol.L}^{-1}$$

كمية مادة H_2O_2 المختلفة في هذا المجال الزمني هي : $0,050 \text{ mmol}$ ومنه الحجم الكلي

V_{total} هو :

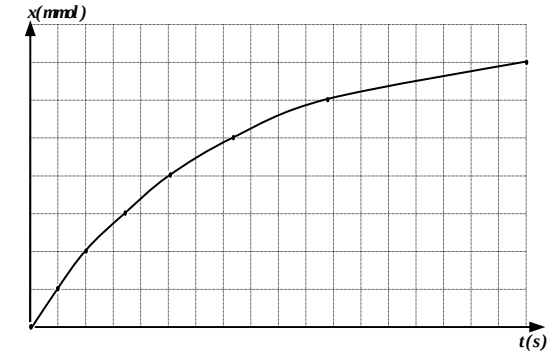
$$V_{\text{total}} = \frac{\Delta(\text{H}_2\text{O}_2)}{\Delta[\text{H}_2\text{O}_2]} = \frac{0,050}{0,40} = 0,125 \text{ L} = \boxed{125 \text{ mL}}$$

ب - بين لحظتين متتاليتين كمية I_2 المتشكلة هي : $n(\text{I}_2) = x = 0,050 \text{ mmol}$

وخلال المجالات الزمنية المأخوذة يتضاعف x .

$t \text{ (s)}$	0	48	103	170
$x \text{ (mmol)}$	0	0,050	0,100	0,150
	254	366	536	900
	0,200	0,250	0,300	0,350

- المنحنى البياني : $x = f(t)$.



ج - عبارة السرعة الحجمية هي :

$$v = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$$

- في اللحظة $t = 0$:

$$v_{t=0} = 9,6 \times 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

- في اللحظة $t = 366 \text{ s}$:

$$v_{t=366} = 3,8 \times 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

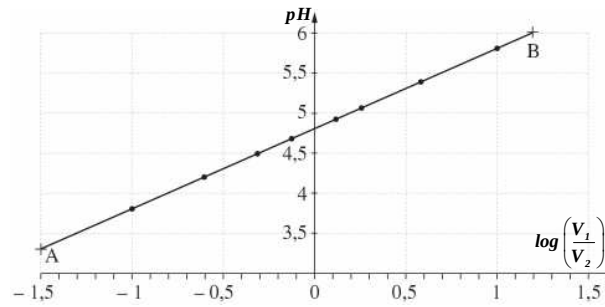
نستنتج أن السرعة الحجمية للتفاعل تتناقص بتناقص تركيز المتفاعلات .

التمرين الثاني :

(I) إكمال الجدول :

المزيج	1	2	3	4	5	6	7	8
pH	3,2	4,2	4,5	4,7	4,9	5,1	5,4	5,8
$\frac{V_1}{V_2}$	0,10	0,25	0,50	0,75	1,33	2,0	4,0	10
$\log \frac{V_1}{V_2}$	-1,0	-0,60	-0,30	-0,12	0,12	0,30	0,60	1,0

2 - المنحنى البياني : $\text{pH} = f(\log \frac{V_1}{V_2})$



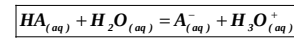
3 - معادلة المنحنى البياني هي : (1) $\text{pH} = a \log \frac{V_1}{V_2} + b$ حيث :

- $a = 1$ يمثل معامل التوجيه للمنحنى وقيمهته :

- $b = 4,8$ يمثل ترتيب تقاطع المنحنى مع محور الترتيب قيمته :

$$\text{pH} = \log \left[\frac{[\text{A}^-]_{\text{eq}}}{[\text{HA}]_{\text{eq}}} \right] + 4,8 \quad (2) \quad \text{نجد :}$$

4 - معادلة التفاعل بين الحمض HA و الماء هي :



$$K_a = \frac{[\text{A}^-]_{\text{eq}} \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}}}{[\text{HA}]_{\text{eq}}} \quad (3) \quad \text{.....}$$

- العلاقة بين pH و pK_a : من (3) نجد

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = K_a \frac{[\text{HA}]_{\text{eq}}}{[\text{A}^-]_{\text{eq}}} \Rightarrow -\log [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}} = -\log K_a \frac{[\text{A}^-]_{\text{eq}}}{[\text{AH}]_{\text{eq}}}$$

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \left[\frac{[\text{A}^-]_{\text{eq}}}{[\text{AH}]_{\text{eq}}} \right] \quad (4) \quad \text{.....}$$

من (2) و (4) وباستعمال المنحنى نجد : $\text{pK}_a = 4,8$

(II) 1 - يمكن إلغاء الثنائيتين التاليتين : HCOOH/HCOO^- ; HClO/ClO^- لأن

الـ pK_a لكل منهما بعيد عن القيمة $4,8$.

(2) أ - إيجاد الكتلة المولية للحمض HA :

$$M_{\text{HA}} = \frac{m}{n(\text{HA})} = \frac{m}{C_2 V_2} = \frac{1,87}{0,10 \times 0,25} = 75 \text{ g.mol}^{-1}$$

ب - الثنائية هي : $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH/C}_2\text{H}_5\text{COO}^-$ لأن الكتلة المولية للحمض البروبانويك

تساوي القيمة 74 g.mol^{-1} وهي قريبة من القيمة 75 g.mol^{-1} المحسوبة سابقا .

التمرين الثالث :

الجزء الأول :

(1) ^{12}C ; ^{13}C نظائر ، لأن لها نفس العدد الذري $Z = 6$ ، ويختلفان في عدد النوترونات ، أي

ينتميان لنفس العنصر الكيميائي .

(2) تتكون النواة ^{14}C من : 6 بروتونات و 8 نوترونات .

$$(3) \text{ معادلة التفكك الإشعاعي هي : } ^{14}_6\text{C} \rightarrow ^{14}_7\text{N} + ^0_{-1}\text{e}$$

- نوع النشاط الإشعاعي هو β^- .

الجزء الثاني :

أ - في اللحظة $t = 0$ نجد في كل حالة أن : $N = N_0$

- عندما يؤول t إلى ∞ نجد :

$$(1) \lim_{t \rightarrow \infty} (N_0 e^{-\lambda t}) = 0 ; (2) \lim_{t \rightarrow \infty} (N_0 - \lambda t) = -\infty ; (3) \lim_{t \rightarrow \infty} (N_0 e^{-\lambda t}) = +\infty$$

النهائيتين (2) و (3) غير مقبولتين فيزيائيا ومنه فالعبارة المناسبة هي : $N = N_0 e^{-\lambda t}$

لأنه عمليا من أجل مدة طويلة ، تتفكك الأنوية كلها أي : N تؤول إلى الصفر .

ب - A_0 : يمثل النشاط الإشعاعي في اللحظة $t = 0$.

ج - إيجاد قيم A_0 في $1,0 \text{ g}$ من الكربون :

$$A_0 = \frac{13,6}{60} = 0,227 \text{ Bq}$$

الجزء الثالث :

1 - زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لعينة مشعة ، يمثل المدة الزمنية لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائي N_0 أي :

$$t_{1/2} N(t_{1/2}) = \frac{1}{2} N_0 = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}}$$

$$\frac{1}{2} N_0 = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow -\ln 2 = -\lambda t_{1/2} \Rightarrow \ln 2 = \lambda t_{1/2} \quad -2$$

$$3 - \text{ حساب } \lambda : \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0,693}{5,73 \times 10^3} = 1,21 \times 10^{-4} \text{ an}^{-1}$$

4 - نعتبر $t = 0$ لحظة وفاة " أوتري " وحينها كان النشاط : $A_0 = 13,6$ تفكك في الدقيقة ،

إذا اعتبرنا عمر المومياء هو t فإن : $A_0 = 7,16$ تفكك في الدقيقة ومنه نجد :

$$\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{A}{A_0} = \frac{1}{1,21 \times 10^{-4}} \ln \frac{13,6}{7,16} = 5,30 \times 10^3 \text{ années}$$

5 - لم يتم تحديد العمر بالكربون ، لأن عمر المستحثة هو 120000 سنة وهي أكبر من

40000 سنة ، المدة التي يحدث خلالها تفكك شبه كلي للكربون .

التمرين الرابع :

(I) السقوط الحر :

1 - ندرس حركة حبة البرد بالنسبة للأرض التي نعتبرها غاليلي .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد :

$$P = ma ; \quad P = mg$$

$$a = g$$

ومنه نجد :

المعادلات الزمنية للحركة هي :

$$a \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = 0 \\ a_z = g_0 \end{cases} ; v \begin{cases} v_x = 0 \\ v_y = 0 \\ v_z = g_0 t \end{cases} ; OG \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \\ z = \frac{1}{2} g_0 t^2 \end{cases}$$

(2) سرعة حبة البرد عندما تصل إلى سطح الأرض : $v_s = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2} = g_0 t$ (1)

$$z_s = \frac{1}{2} g_0 t_s^2 \Rightarrow t_s = \sqrt{\frac{2 z_s}{g_0}}$$

$$v_s = \sqrt{2 g_0 z_s} = 171 \text{ m.s}^{-1} = 617 \text{ km.h}^{-1}$$

وهي سرعة غير معقولة ، لأن حبة البرد تصل إلى الأرض بسرعة : 160 km.h^{-1} .

(II) السقوط الحقيقي :

1 - التحليل البعدي لـ K :

$$[K] = \left[\frac{F}{v^2} \right] = \left[\frac{ma}{v^2} \right] = \frac{M.L.T^{-2}}{L^2.T^{-2}} = M.L^{-1}$$

K متجانس مع الكتلة على الطول ، إذًا وحدة K هي : kg.m^{-1} .

2 - حساب قيمة دافعة أرخميدس :

$$F_A = \rho V g_0 = \rho \left(\frac{4}{3} \pi \left(\frac{D}{2} \right)^3 \right) g_0 = 1,8 \times 10^{-4} \text{ N}$$

$$\frac{P}{F_A} = \frac{mg_0}{F_A} = \frac{13 \times 10^{-3} \times 9,80}{1,8 \times 10^{-4}} = 708 \Rightarrow \boxed{P = 708 F_A}$$

المقارنة :

نستنتج أن دافعة أرخميدس مهمة أمام ثقل حبة البرد .

(3) أ - إيجاد عبارة المعادلة التفاضلية :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد : $P + F = ma$

بالإسقاط على المحور Oz نجد : $mg_0 - Kv_z^2 = ma_z$; $v = v_z$

$$mg_0 - Kv^2 = m \frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = g_0 - \frac{K}{m} v^2$$

وهي معادلة تفاضلية من الشكل : $\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$

ب - حساب قيمة كل من v_5 ; a_4 : من المعادلة التفاضلية لدينا :

$$a_4 = g_0 - Bv_4^2 = 5,18 m.s^{-2}$$

$$v_5 = \sqrt{\frac{g_0 - a_5}{B}} = 19,8 m.s^{-1}$$

ج - عندما تبلغ حبة البرد سرعتها الحدية ، فإن هذه الأخيرة تبقى ثابتة بعد ذلك أي : $v_{lim} = c^{te}$

$$\frac{dv_{lim}}{dt} = 0 = A - Bv_{lim}^2 \Rightarrow v_{lim} = \sqrt{\frac{A}{B}}$$

ت . ع :

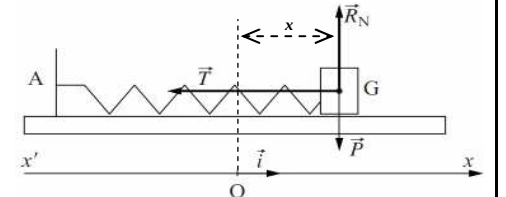
$$v_{lim} = \sqrt{\frac{9,80}{1,56 \cdot 10^{-2}}} = 25,1 m.s^{-1}$$

د - من المنحنى البياني $v = f(t)$ نجد : $v_{lim} = 25 m.s^{-1}$

التمرين الخامس :

(I) الدراسة النظرية :

- 1



نعتبر x فاصلة G في اللحظة t ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد :

$$P + T + R_N = ma_G$$

بالإسقاط على Ox نجد : $-kx = ma_x$; $a_x = \frac{d^2x}{dt^2}$

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \quad \dots(1)$$

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} X_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

$$v(0) = -\frac{2\pi}{T_0} X_m \sin \varphi \quad ; \quad x(0) = X_m \cos \varphi$$

(II) الدراسة التجريبية :

(1

التجربة (1)	التجربة (2)	
T_0	$2,0 s$	
X_m	$2,0 cm$	
$x(0)$	$2,0 cm$	
$v(0)$	0	موجبة
حالة النابض	متمدد	متنقلص

(2) عبارة الدور الذاتي T_0 هو :

$$\text{التجربة (1): } T_{01} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1}} \quad , \quad \text{التجربة (2): } T_{02} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_2}}$$

بمأن : $k_1 = k_2 \Leftrightarrow T_{01} = T_{02}$ ، إذًا نفس النابض .

(3) أ - عبارة E_m :

$$E_m(t) = E_c(t) + E_{pp}(t) + E_{pe}(t) \quad ; \quad E_{pp}(t) = 0$$

$$E_m(t) = \frac{1}{2}mv^2(t) + \frac{1}{2}kx^2(t)$$

$$E_m(t) = \frac{1}{2}kX_m^2 [\cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \sin^2(\omega_0 t + \varphi)]$$

$$E_m(t) = \frac{1}{2}kX_m^2 = c^{te} \quad \text{ومنه نجد :}$$

$$\frac{E_{m2}}{E_{m1}} = \frac{\frac{1}{2}kX_{m2}^2}{\frac{1}{2}kX_{m1}^2} = \frac{X_{m2}^2}{X_{m1}^2} = \frac{(4,0)^2}{(2,0)^2} = 4 \quad \text{ب -}$$

(4) المقارنة بين : $E_{p2}(0)$; $E_{p1}(0)$

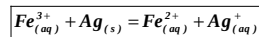
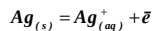
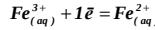
$$\frac{E_{p2}(0)}{E_{p1}(0)} = \frac{\frac{1}{2}kx_2^2(0)}{\frac{1}{2}kx_1^2(0)} = \frac{x_2^2(0)}{x_1^2(0)} = \frac{(-2,0)^2}{(2,0)^2} = 1 \quad \text{ومنه :}$$

$$E_{p1}(0) = E_{p2}(0)$$

الموضوع الثاني

التمرين الأول :

(1) أ - كتابة المعادلتين النصفيتين ومعادلة الأكسدة - إرجاع .



$$Q_{ri} = \frac{[Fe^{2+}]_f \cdot [Ag^{+}]_i}{[Fe^{3+}]_i}$$

ب - عبارة كسر التفاعل :

$$[Ag^{+}] = [Fe^{2+}] = 0$$

$$[Fe^{3+}] = \frac{n_0(Fe^{3+})}{V} = \frac{3,25 \times 10^{-2}}{0,05} = 0,65 mol.L^{-1}$$

ب - جدول تقدم التفاعل :

$$(Fe^{3+}) = 3,25 \times 10^{-2} mol \quad ; \quad n_0(Ag) = \frac{6}{108} = 5,56 \times 10^{-2} mol$$

المعادلة	$Fe_{(aq)}^{3+} + Ag_{(s)} = Fe_{(aq)}^{2+} + Ag_{(aq)}^{+}$				
الحالة	التقدم x	بالمول (mol)			
$t = 0$	$x = 0$	$3,25.10^{-2}$	$5,56.10^{-2}$	0	0
t	x	$3,25.10^{-2} - x$	$5,56.10^{-2} - x$	x	x
t_f	x_f	$3,25.10^{-2} - x_f$	$5,56.10^{-2} - x_f$	x_f	x_f

في الحالة النهائية يكون : $Q_{rf} = K = 0,32$

$$\frac{[Fe^{2+}]_f \cdot [Ag^{+}]_f}{[Fe^{3+}]_f} = 0,32 \Rightarrow \frac{x_f}{3,25.10^{-2} - x_f} = 0,32$$

ومنه نجد : $x_f^2 + 1,6.10^{-2}x - 5,2.10^{-4} = 0 \rightarrow (1)$ حلين هما :

الحل الأول : $x_f = -3,22 \times 10^{-2} mol$ وهو مرفوض لأن ذلك غير ممكن .

الحل الثاني : $x_f = 1,62 \times 10^{-2} mol$ وهي قيمة x_f .

ج - يتكون المزيج النهائي من : $Ag; Ag^{+}; Fe^{2+}; Fe^{3+}$

$$[Fe^{2+}]_f = [Ag^{+}]_f = \frac{x_f}{V} = \frac{1,62 \times 10^{-2}}{0,05} = 0,32 mol.L^{-1}$$

$$[Fe^{3+}]_f = \frac{0,0325 - x_f}{V} = \frac{(3,25 - 1,62) \cdot 10^{-2}}{0,05} = 0,33 mol.L^{-1}$$

$$m(Ag) = (5,56 \times 10^{-2} - x_f) \times M_{Ag} = 4,25 g$$

كتلة الفضة المتبقية :

(3

أ - ترسب الفضة يؤدي إلى نقصان تركيز Ag^{+} وبالتالي نقصان Q_r ، ولكن Q_r يعود إلى قيمته الأصلية K بانزياح التوازن في الاتجاه المباشر .

ب - إنزياح التوازن في الاتجاه المباشر يؤدي إلى استهلاك معدن الفضة ، إذًا كتلة الفضة تتناقص .

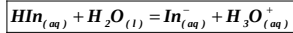
التمرين الثاني :

(I

1 - حساب تركيز H_3O^{+} في المحلول S' .

$$[H_3O^{+}]_f = 10^{-pH} = 10^{-4,18} = 6,6 \times 10^{-5} mol.L^{-1}$$

2 - معادلة تفاعل الكاشف مع الماء :



$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{n_0(H_3O^{+})}{n_0(HIn)} = \frac{[H_3O^{+}]_f \times V}{C_0 \times V} = \frac{[H_3O^{+}]_f}{C_0}$$

$$\tau_f = \frac{[H_3O^{+}]_f}{C_0} = \frac{6,6 \times 10^{-5}}{2,9 \times 10^{-4}} = 0,23 = 23\%$$

التفاعل غير تام لأن : $\tau_f < 1$ (أو كذلك نقول $\tau_f < 100\%$)

$$K_i = \frac{[H_3O^{+}]_f \cdot [In^{-}]_f}{[HIn]_f} \quad \dots\dots(1) \quad K_i \text{ : عبارة ثابت الحموضة}$$

لدينا : $x_f = \tau_f \cdot x_{max}$; $x_f = x_{max}(1 - \tau_f)$; $n(HIn) = x_{max} - x_f$ بالتعويض في

$$K_i = \frac{\frac{x_f}{V} \cdot \frac{x_f}{V}}{\frac{x_{max} - x_f}{V}} = \frac{C_0 \tau_f^2}{1 - \tau_f} = \frac{2,9 \times 10^{-4} \times (0,23)^2}{1 - 0,23} = 1,99 \times 10^{-5} \quad \text{(1) نجد :}$$

$$pK_i = -\log K_i = -\log 1,99 \times 10^{-5} = 4,7 \quad \text{نحسب أولا } pK_i \text{ :}$$

فالكاشف هو : أخضر البروموكريزول .

(II

$$H_3O_{(aq)}^{+} + OH_{(aq)}^{-} \rightarrow 2H_2O_{(l)} \quad \text{أ - معادلة تفاعل المعايرة هي :}$$

ب - بيانينا نجد : $E(V_{bE} = 10 mL ; pH_E = 7)$
 ج - أخضر البروموكريزول لا يصلح لهذه المعايرة ، لأن $pH_E = 7$ الموافق لنقطة التكافؤ لا ينتمي لمجال التغير اللوني لهذا الكاشف .
 - الكاشف الملون المناسب هو : أزرق البروموثيمول .

$$C_a = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a} = \frac{10^{-2} \times 10^{-2}}{10^{-2}} = 10^{-2} mol.L^{-1} \quad \text{(2) من علاقة التكافؤ نجد :}$$

$$C = 1000 C_a = 10 mol.L^{-1} \quad \text{- التخفيف كان 1000 مرة ومنه :}$$

التمرين الثالث :

(I

1 - القمر الإصطناعي خاضع لقوة وحيدة وهي

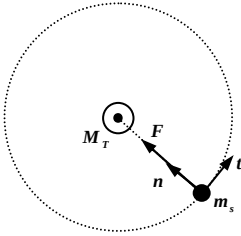
قوة جذب الأرض F حيث :

$$F = \frac{GM_T m_s}{r^2} \cdot n \quad (1) \quad ; \quad r = h + R$$

2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بالنسبة للمرجع

$$F = m_s a = \frac{GM_T m_s}{r^2} \cdot n \quad \text{جيومركزي نجد :}$$

$$a = \frac{GM_T}{(R_T + h)^2} \cdot n \quad \text{ومنه نجد :}$$



II

(1) أ - حسب العلاقة (1) فإن القوة F ناظمة على المسار ، أي أن عملها في أي لحظة معدوم
وبتطبيق نظرية الطاقة الحركية نجد : $\Delta E_c = 0 \Rightarrow E_c = c^{te} \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = c^{te}$
بمأن : $m = c^{te}$ فإن : $v = c^{te}$ ومنه فحركة " هابل " دائرية منتظمة .

ب - تسارع المركبة ، تسارع ناظمي ، أي : $a = a_n = \frac{v^2}{R_T + h} = \frac{GM_T}{(R_T + h)^2}$

ومنه نجد : $v = \sqrt{\frac{GM_T}{R_T + h}}$

ج - إيجاد عبارة الدور عبارة الدور ، لدينا : $v = \frac{\text{المحيط}}{T}$ ومنه $v = \frac{2\pi(R_T + h)}{T}$

(1) $T = 2\pi\sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{GM_T}}$

بتربيع طرفي المعادلة (1) نجد : $T^2 = \frac{4\pi^2}{GM_T} \cdot (R_T + h)^3$ وهي من الشكل :

$T^2 = Ka^3$ (القانون الثالث لكبلر) حيث : $a = (R_T + h)$; $K = \frac{4\pi^2}{GM_T}$.

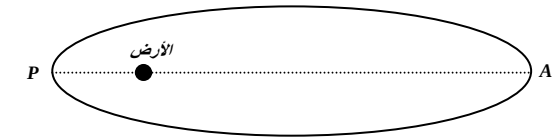
(2) أ - القمر الإصطناعي جيومستقر ، يبدو ساكنا بالنسبة لمراقب على الأرض ، يدور في مستوي خط الاستواء (محور دورانه منطبق مع محور دوران الأرض) بنفس سرعة دوران الأرض وفي نفس جهة دورانها .

ب - حسب قوانين الميكانيك ، يجب أن يكون مركز المسار الدائري القمر الإصطناعي منطبق مع مركز الأرض ، وهذا غير محقق في الشكل - 2 - .

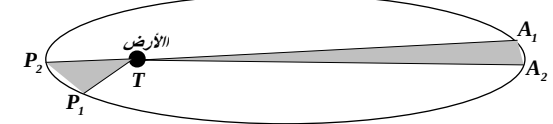
- في الشكل - 3 - محور دوران القمر الإصطناعي غير منطبق مع محور دوران الأرض ، وهذا لا يحقق الشرط المذكور سابقا ومنه فالشكل - 1 - مطابق للقمر جيومستقر .

III

1 - رسم المسار الكيفي للقمر الإصطناعي " هيباركوس " .



(2) لنعتبر أن هيباركوس ينتقل على مساره ، وخلال نفس المدة الزمنية Δt ، من A_1 إلى A_2 في جوار الموضع A ، ومن P_1 إلى P_2 في جوار الموضع P . حسب الرسم التالي :



حسب القانون الثاني لكبلر ، المساحتين S_1 و S_2 للمثلثين TA_1A_2 ، TP_1P_2 على التوالي متساويتين .

$S_1 = \frac{1}{2}TA_1 \times A_1A_2$; $S_2 = \frac{1}{2}TP_1 \times P_1P_2$

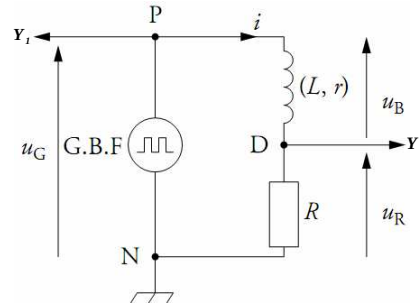
$S_1 = S_2 \Rightarrow P_1P_2 > A_1A_2 \Rightarrow \frac{P_1P_2}{\Delta t} > \frac{A_1A_2}{\Delta t} \Rightarrow v_P > v_A$

- وهذا يعني أن السرعة غير ثابتة .

(3) تكون السرعة أعظمية في الموضع P .

التمرين الرابع :

(1)



(2) التوتر u_G يأخذ القيمة 0 خلال نصف دور و يأخذ

القيمة $u_G = 2\sqrt{2} = 4V$ في نصف الدور الثاني ، وهذا متوافق مع المنحنى (1)

(3) المنحنى (2) يمثل تطور التوتر u_R بين طرفي الناقل الأومي ، وحسب قانون أوم لدينا :

$R = \frac{u_R}{i}$; حيث :

C^{te} ، إذا المنحنى (2) يمكننا من معرفة تطور التيار i .

(4) خلا نصف الدور الأول ، تطور التيار يُظهر نظامين ، الأول إنتقالي (i يتغير) ، والثاني دائم (i ثابت) .

(5) $u_R(\tau) = 0,63u_{R_{max}}$; $u_{R_{max}} = 3,5V \Rightarrow u_R(\tau) = 2,2V$

بياننا من أجل $u_R = 2,2V$ نجد : $t = \tau = 0,1ms$

(6) بتطبيق قانون أوم ، نجد : $I_0 = \frac{u_{R_{max}}}{R} = \frac{3,5}{875} = 4,0 \times 10^{-3} A = 4,0mA$

II

(1) عبارة $u_R = Ri$; عبارة $u_B = ri + L \frac{di}{dt}$

(2) في النظام الدائم تصبح شدة التيار ثابتة ، وتأخذ القيمة I_0 ومنه :

$u_R = RI_0$

$u_B = rI_0$; $\frac{dI_0}{dt} = 0$

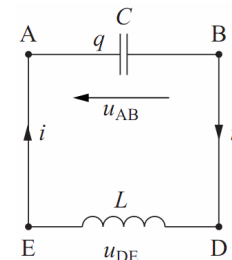
(3) العلاقة بين u_R و u_B : E

$u_G = u_r + u_B \Rightarrow E = u_r + u_B \dots (1)$

(4) عبارة وقيمة r : نستعمل المعادلة (1) في النظام الدائم .

$E = RI_0 + rI_0 \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R = \frac{4}{4,0 \times 10^{-3}} - 875 = 125 \Omega$

التمرين الخامس :



(I) الهزاز المثالي :

(1) التوتر بين طرفي المكثفة هو : $U_{AB} = \frac{q}{C}$

التوتر بين طرفيالوشيعة هو : $U_{DE} = L \frac{di}{dt}$

ولدينا : $i = \frac{dq}{dt}$ ومنه نجد : $U_{DE} = L \frac{d^2q}{dt^2}$

(2) إيجاد المعادلة التفاضلية : بتطبيق قانون جمع التوترات نجد :

$U_{AB} = U_{BD} + U_{DE} + U_{EA}$; $U_{BD} = U_{EA} = 0$

$U_{AB} = U_{DE} \Rightarrow \frac{q}{C} = -L \frac{d^2q}{dt^2}$

ومنه يمكن كتابة المعادلة التفاضلية على الشكل : $L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{LC} q = 0$

(3) أ - Q_m : تمثل الشحنة العظمى .

T_0 : الدور الذاتي للهزاز .

- في اللحظة $t = 0$ ، تكون المكثفة مشحونة كلياً ، أي : $U_{AB}(0) = U_0 = 5,0V$; $Q_m = C \cdot U_0 = 0,50 \times 10^{-6} \times 5 = 2,5 \mu C$

- حسب التعريف ، عبارة الدور الذاتي للهزاز الكهربائي المثالي : $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$

$T_0 = 2 \times 3,14 \sqrt{0,50 \times 10^{-6} \times 0,50 \times 10^{-6}} = 3,1 \times 10^{-3} s = 0,1ms$

ب - من أجل $\varphi = 0$ نجد : $q(t) = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)$

$U_{AB} = \frac{q(t)}{C} = \frac{Q_m}{C} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)$

من أجل $t = 0$: $U_{AB}(t=0) = \frac{Q_m}{C} = \frac{2,5 \times 10^{-6}}{0,5 \times 10^{-6}} = 5V$ وهي موافقة لشروط التجربة .

II) الهزاز الحقيقي :

من أجل الحصول على قيمة دقيقة لشبه الدور ، نقيس مجموعة من أشباه الدور .

من المنحنى $q = f(t)$ نجد : $T' = 3T = 9,5ms \Rightarrow T = 3,2ms$

أ - $E_{b1} = 4,9 \mu J$

ب - في اللحظة t_1 لدينا $q(t_1) = 0$ أي المكثفة مفرغة إذ : $E_{c1} = 0$

ج - الطاقة الكهرومغناطيسية (الكلية) للدائرة هي : $E_1 = E_{b1} + E_{c1} = 4,9 \mu J$

أ - $E_{b2} = 0$

ب - $E_{c2} = \frac{1}{2} \frac{q^2(t)}{C}$; $q(t_2) = 1,5 \mu C$

$E_{c2} = 2,25 \times 10^{-6} J = 2,25 \mu J$

$E_2 = E_{b2} + E_{c2} = 2,25 \mu J$

- ج

(4) بمأن $E_1 \neq E_2$ نستنتج أن هناك ضياع للطاقة بفعل جول ، ومنه فالإهزازات متخامدة .