الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة : جوان 2010

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

المدة: 04 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الوياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين الموضيوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

- 1. نعتبر المعادلة: (1) 2009 = 7x + 65y ، حيث: x و y عندان صحيحان.
- بين أنه إذا كانت الثنائية (x,y) حلا للمعادلة (1) فإن y مضاعف للعد 7.
 - ب) حل المعادلة (1).
 - ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد "2 على 9.
 - .9 عين قرم العدد الطبيعي n بحيث يقبل العدد $2^{6n}+3n+2$ القسمة على 9.
 - $u_n = 2^{6n} 1$ ، نضع من أجل كل عدد طبيعي 4.
 - أ) تحقق أن س يقبل القسمة على 9 .
- ب) حل المعادلة: (x,y) حيث: x و y عددان $(7u_1)x + (u_2)y = 126567$ و x عددان عددان x محيحان.
 - $x_{0} \geqslant 25$ جين الثنائية (x_{0},y_{0}) حل x_{0} حيث x_{0} عين الثنائية (x_{0},y_{0}) حيث ج

التمرين الثاني: (04,5 نقطة)

C(0,0,2) و B(0,1,0) و A(2,0,0) الغضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس B(0,1,0). نعبر النقط A(2,0,0) و

- بين أن النقط A و B و C اليست في استقامية.
 - 2) جد معادلة للمستوي (ABC).
 - 3) جد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (BC).
- 2x + 2y + z 2 = 0 (P) (4) المستوي الذي معادلته:
 - أ) بين أن: (P) و (ABC) متقاطعان.
 - ب) بين أن: (p) يشمل B و C، ماذا تستنج ؟
- $\|\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\| = \|2\overline{MA} \overline{MB} \overline{MC}\|$ عَنِنَ (E) عَنِنَ (E) عَنِنَ (5) مجموعة النقط M من الفضاء الذي تحقق:

التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

 $Z^3 - 3Z^2 + 3Z - 9 = 0$... (E) المعادلة: \mathbb{C} المعادلة الأعداد المركبة

- Z عدد مركب c و b و c بحيث، من أجل كل عدد مركب c أ) تحقق أن c حل للمعادلة c d عين الأعداد الحقيقية d d d عدد مركب d فإن: $(z^3-3Z^2+3Z-9=(Z-3)(aZ^2+bZ+c)$
 - (E) المعادلة \mathbb{C} على في المعادلة الم
 - . $(O; \vec{u}, \vec{v})$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (2

. $Z_C=-i\sqrt{3}$ و $Z_B=i\sqrt{3}$ و $Z_A=3$ و كور معور الأعداد المركبة $Z_A=3$ و كور منقايس الأضلاع.

- . $\frac{\pi}{3}$ و $Z_D=2e^{i\frac{5\pi}{6}}$ و $Z_D=2e^{i\frac{5\pi}{6}}$ و النقطة الذي مركزه D و و اويته D (3 عين D لاحقة النقطة D .
 - . $Z_F = 1 i\sqrt{3}$ النقطة التي لاحقتها F (4
 - أ) احسب $\frac{Z_F}{Z_K}$ واستنتج أن المستقيمين (OE) و (OF) متعامدان.
 - ب) عين Z_G لاحقة النقطة G بحيث يكون OEGF مربعا.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- $g\left(x\right)=\left(3-x\right)e^{x}-3$ الدالة العددية المعرفة على $\mathbb R$ كما يلي: g -I
 - 1) ادرس تغيرات الدالة g.
- 2,82 < lpha < 2,83 : يَيْنَ أَن المعادلة $g\left(x\right) = 0$ تقبل في \mathbb{R} حلين أحدهما معدوم والآخر $\left(x\right) = 0$
 - x استنتج إشارة g(x) حسب قيم (3

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3}{e^x - 1} ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$
 الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f = \mathbb{R}$

- $\cdot \left(O\,; \vec{i}\;, \vec{j}\;\right)$ تمثیلها البیاني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(C_f\,)$
- .O عند المبدأ (C_f) مماس (T) معادلة لـ ($x_0=0$ عند المبدأ عند ($x_0=0$) عند المبدأ (1
 - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ المسب $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ المسب أن $\lim_{x \to +\infty} x^3 e^{-x} = 0$ أ) بين أن أن (2

.
$$f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} g(x)$$
: فإن $x \neq 0$ فإن (ب

- ج) تحقق أن $f(\alpha) = \alpha^2(3-\alpha)$ ثم عين حصرا له.
 - د) أنشئ جدول تغيرات الدالة f
- $x \mapsto -x^3$ واستنتج الوضعية النسبية لـ (C_f) و (C_f) منحنى الدالة $f(x) + x^3$ الدسب $\lim_{x \to -\infty} [f(x) + x^3] = 0$ بيّن أن $\lim_{x \to -\infty} [f(x) + x^3] = 0$
 - (C_f) و (C) و المنحنيين (C) و المنحنيين (4) و (4) و (4) و (4)

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

-1 برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، العدد -1 3^{3n} يقبل القسمة على 13.

-2 استنج أنه من أجل كل عدد طبيعي n، يقبل كل من العددين 3^{3n+1} و $9-3^{3n+2}$ القسمة على 13.

n عين، حسب قيم n، باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 13، واستنتج باقي قسمة n على 13.

 $A_p = 3^p + 3^{2p} + 3^{3p} : p$ نضع من أجل كل عدد طبيعي -4

.13 على A_p عين باقي القسمة الإقليدية للعدد p=3n على أ- من أجل

ب- برهن أنه إذا كان p=3n+1 فإن A_p يقبل القسمة على 13.

p=3n+2 مين باقي القسمة الإقليدية للعدد م على 13 من أجل ج

5- يكتب العددان الطبيعيان a و b في نظام العد ذي الأساس a كما يلي:

 $b = \overline{1000100010000}$ $a = \overline{1001001000}$

أ- تحقق أن العددين a و b يكتبان على الشكل A في النظام العشري.

. 13 على a و a على a ب- استتج باقى القسمة الإقليدية لكل من العددين

التمرين الثاني: (05 نقط)

 $O(\vec{u},\vec{v})$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

 $Z_I=1-2i$ و $Z_B=-1-2i$ ، $Z_A=1-4i$. الترتيب: $Z_B=-1-2i$ ، $Z_B=-1-2i$ ، $Z_A=1-4i$. التقط $Z_B=1-2i$ و $Z_B=1-2i$ ، $Z_A=1-4i$. التقط $Z_B=1-2i$ و $Z_B=1-2i$ ، $Z_A=1-2i$

 $Z = \frac{Z_I - Z_A}{Z_I - Z_B}$ ب- اكتب على الشكل الجبري العدد المركب

ج- ما هو نوع المثلث IAB ؟

C - د C صورة I بالتحاكي الذي مركزه A ونسبته C . احسب اللاحقة C للنقطة C

. D مرجح الجملة Z_D النقطة $\{(A;1),(B;-1),(C;1)\}$ مرجح الجملة D

و- بين أن ABCD مربع.

 $\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \frac{1}{2} \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\|$ عين وأنشئ $\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \frac{1}{2} \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\|$.

M مجموعة النقط M من المستوي حيث: M = 1 مجموعة النقط M من المستوي حيث: 1 مجموعة النقط M

التمرين الثالث: (04) نقاط)

 $B\left(2;1;3
ight)$ ، $A\left(-1;2;1
ight)$ ، نعتبر النقط $O;\overline{i}$, \overline{j} , \overline{k}) الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس في النقط M من الفضاء بحيث: $C\left(0;-1;2
ight)$ ، ولتكن $C\left(0;-1;2
ight)$

3x-y+2z-4=0 : هو المستوي الذي معادلته (P) هو المستوي الذي

(P) عيّن معادلة للمستوي (Q) الذي يشمل A ويوازي (P).

(P) ويعامد (D) الذي يشمل (D) ويعامد (D)

 $\cdot(D)$ و (Q) ب عيّن إحداثيات E نقطة نقاطع

A - احسب المسافة بين النقطة A والمستقيم

4- عين تمثيلا وسيطيا للمستوى (Π) الذي يحوي المستقيم (AC) ويعامد المستوي (P)، ثم استنج معادلة له.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

g الدالة المعرفة على المجال $[0;+\infty[$ كما يلي: $g(x)=x-1-2\ln x$ و $g(x)=x-1-2\ln x$ المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس g(i,j) وحدة الطول هي i

ا تم فسر النتيجة هندسيا. السبg(x) النتيجة السباء -1 $x \stackrel{\stackrel{}{\sim} 0}{\sim} 0$

 $\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty$ اً - بيّن أنّ -2

ب- ادرس تغيرات الدالة g .

ج- احسب g(1)

 $3,5 < \alpha < 3,6$: حيث α حيث α تقبل حلين مختلفين أحدهما α حيث g(x) = 0

 $g\left(\frac{1}{x}\right)$ م إشارة g(x) م أشارة -a

$$\begin{cases} f(x) = -x^2 + x + x^2 \ln x \; ; \; x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$
 الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty[$ كما يلي:

أ- احسب $\frac{f(x)}{x}$ وفسر النتيجة هندسيا.

-ب- احسب نهایهٔ الدالهٔ f عند

f . f

 $\cdot [0;3]$ الممثل للدالة f على المجال (C_f)

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط

امتحان شهادة البكالوريا دورة: 2010 اختبار مادة: الرياضيات الشعب(ة): رياضيات

احتبار ماده: الرياصيات السعب(ه): رياصيات				
العلامة		عناصر الإجابة	محاور	
مجموع	مجزاة		الموضوع	
	2×0.25 2×0.25	الموضوع الأولى (04 نقط) التمرين الأولى: (04 نقط) الموضوع الأولى: (04 نقط) الموضوع الأولى: y نقط) المعادلة y مضاعف للعدد 7 المعادلة y مضاعف للعدد y مع y مع y مع y مع y در اسة بواقي القسمة الإقليدية للعدد y على y :		
04	1 0.5	لدینا [9] $2^{m} = 2^{m} + 2^{0}$ حیث $2 > m > 0$ ومنه البواقی علی الترتیب هی: $1 : 2 : 4 : 5 : 7 : 5$ ومنه البواقی علی الترتیب هی $k \in \mathbb{Z}$ مع $n = 2 + 3k$.	الحساب	
	0.25 0.5 2×0.25 0.25	اً- التحقق أن u_n يقبل القسمة على 9 $-$ التحقق أن u_n يقبل القسمة على 9 $-$ حلول المعادلة (2) هي حلول المعالة (1) $-$ حلول المعادلة $0 \le 7k \ge 25$ ج $ -$		
		التمرين الثاني: (04,5 نقط)		
	0.5	$\left(egin{array}{c} \overline{AB} & \overline{AC} \end{array} ight)$ لا يوازي A		
	0.75	$\vec{n}igg(egin{array}{c}1\2\1\end{array}igg): \overline{AC}$ و \overline{AB} : تعیین شعاع عمودی علی کل من \overline{AB} و	3 .51 ·_ :11	
	0.5	x + 2y + z - 2 = 0	مستقيمات	
04.5	0.5	(BC) .3 مثيل وسيطى المستقيم. $x = 0$ $\begin{cases} x = 0 \\ y = 1 - k \end{cases}$; $k \in \mathbb{R}$ $z = 2k$	المستويات سطح كرة	
*	0.5	4. أ) (P) و (ABC)منقاطعان لأن شعاعيهما الناظمين غير متوازيين.		
	0.5 0.25	(P) بتنميان إلى (P) (بتعويض الإحداثيات) $(P) = (BC)$ نستنج أنّ $(BC) \cap (P) = (BC)$		
	0.5	$\left(x - \frac{2}{3}\right)^2 + \left(y - \frac{1}{3}\right)^2 + \left(z - \frac{2}{3}\right) = \frac{21}{9}$ (E) نحلیلیا .5		
	0.5	ABC مركز ثقل المثلث $MG = AG : (E)$ هندسيا		
		$AG = \frac{\sqrt{21}}{3}$ سطح کرة مرکزها G ونصف قطرها (E)	2000	

تابع الإجابة النموذجية اختبار مادة: الرياضيات الشعب(ة): رياضيات

		سبح الإنجاب التمودجية الحبار ماده . الريضيات السعب(ه). ريضيات	
العلامة		عناصر الإجابة	محاور
مجموع	مجزاة		الموضوع
		التمرين الثالث: (4.5 نقطة)	_
	4×0.25	C=3 ، $b=0$ ، $a=1$ ، كا للمعادلة 3 (أ (1	
	. 0.20	$-i\sqrt{3}$, $i\sqrt{3}$, الحلول 3, $i\sqrt{3}$	الأعداد المركبة
	3×0.25	ب) المصون 1795, 1797 متقايس الأضلاع ABC (2	المردب
4.5	0.75	$Z_{F} = -\sqrt{3} - i (3)$	تحويلات
	0.5	_	نقطية
	2×0.5	و (OF) و OE) ، (OE) ، (DE) ، (DE) ، (DE)	
	0.5	$Z_G = 1 - \sqrt{3} - i\left(1 + \sqrt{3}\right) \left(\psi\right)$	
27.0		التمرين الرابع: (07 نقط)	
			دراسة
	2×0.25	$\lim_{x\to+\infty} g(x) = -\infty \ , \lim_{x\to-\infty} g(x) = -3 \ (1 \ (I)$	تغيرات
	2×0.25	$g'(x) = (2-x)e^x$ وإشارته	دوال أسية
	0.25	جدول المتغيرات	
	2×0.25	g(0)=0 تطبيق نظرية القيمة المتوسطة على $g(0)=0$	وتمثيلها
		0 ~	بيانيا
,	0.25	g(x) إشارة $g(x)$	معادلة
07			المماس
	0.25	$x_0 = 0$ عند f (1 (II) تقبل الاشتقاق عند	3.45.01
	0.25	y=0 معادلة T) معادلة	مبرهنة
	2×0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 : \lim_{x \to +\infty} x^3 e^{-x} = -27 \lim_{x \to +\infty} \left(-\frac{x}{3} e^{-\frac{x}{3}} \right)^3 = 0 \left(\frac{1}{2} \right)$	القيم
	0.40.5	x^2	المتوسطة
	2×0.5	ب) $f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} g(x)$ با اشارته $f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} g(x)$	الحصر
	2×0.25	$1.35 \le f(\alpha) \le 1.45 \epsilon \qquad f(\alpha) = \alpha^2(3-\alpha) (\Rightarrow)$	التزايد
	0.25	د) جدول التغيرات	المقارن
į	2×0.25	من أجل $x \neq 0$ من أجل $x \neq 0$ وإشارته (3)	
	0.25	E 1	
	2×0.25	الوضعية (C_f) أعلى (فوق) (C) ويشتركان في المبدأ (C_f)	
l	1	$-\infty$ يقارب C_f يقارب C_f يقارب C_f يقارب C_f يقارب C_f	
		4) رسم (C) ، (C) ، (T) . (4	
3 7 7			

تابع الإجابة النموذجية اختبار مادة: الرياضيات الشعب(ة): رياضيات

دار نزهة الألباب . للنشر و التوزيع . في خدمة العلم و المعرفة

مة	العلا	عبع الإجاب التمودجية احتبار ماده . الريضيات السعب (ه). ريضيات	محاور
مجموع	مجزاة	عناصر الإجابة	الموضوع
<u></u>		التمرين الأول: (04 نقاط)	<u> </u>
and the state of t	0.25×3	1)برهان أنه من أجل كل عدد طبيعي «فإن: 1- "3يقبل القسمة على13	
100 A	0.25	الموافقة أو البرهان بالنراجع	الموافقات
	2×0.25	بستعان مساعه و مبرس بسر مبع 2)الاستناج	207
	0.25	المست على المست $n=3k$ (2) من أجل $n=3k$ (3) من أجل $n=3k$ (4) من أجل المست $n=3k$	\mathbb{Z} ψ
	0.25	The state of the s	
	0.25	من أجل $k=3k+1; k\in\mathbb{N}$ فإن باقي قسمة "3 على 13هو 3	
04	0.25	من أجل $n = 3k + 2; k \in \mathbb{N}$ فإن باقي قسمة "3 على 13هو 9	
		باقي قسمة 2005 ²⁰¹⁰ على 13هو 1	
	0.25	ا باقي قسمة A_p على 13 من أجل $p = 3n$ هو 3 -1	
	0.25	0 ب $p=3n+1$ على 13 من أجل $p=3n+1$ هو	
	0.25	0 ج- باقي قسمة A على 13 من أجل $p=3n+2$ هو	
	0.25×2	$a = A_3; b = A_4 (5)$	
	0.25	-ب- باقى قسمة a على 13 هو 3	
	0.25	باقي قسمة b على 13 هو 0	
		التمرين الثاني: (05 نقاط)	
	0.25×3	1) –أ – تعليم النقط	at raf
1	0.25	$Z = i - \omega$	أعداد
	0.25×2	ج $-IAB$ مثلث قائم في I ومثقايس الساقين	مركبة
05	0.25×2	$z_c = 1 - 3$	وهندسة
	0.25×2	$z_D = 3 - 2i$ -	ST-015 10
	0.25×4	و - <i>ABCD</i> مربع	
	0.25×4	معرفة بـ $MD = MI$ أو $x = 0$ فهي محور القطعة [DI].	e i
í	0.25×2	او $(\Gamma_2)^2 + (y+2)^2 = 1$ هي الدائرة $(\Gamma_2)^2 + (y+2)^2 = 1$ معرفة بـ $(\Gamma_2)^2 + (y+2)^2 = 1$	
1		التي مركزها D ونصف قطرها 1.	5
		التمرين الثالث: (04 نقاط)	
		3x - y + 2z - 4 = 0 (1) (1)	
ĺ	01		
į	0.75	(2) معادلة المستوى $3x - y + 2z + 3 = 0$	هندسة
æ	0.5	$t \in \mathbb{R} \begin{cases} x = 3t \\ y = -1 - t : (D) - 1 \\ z = 2 + 2t \end{cases}$	فضائية
	. 0.5	$t \in \mathbb{R} \left\{ y = -1 - t : (D) - 1 (3) \right\}$	فصانيه
04		z = 2 + 2t	
1	0.5	$E(-\frac{12}{7};-\frac{3}{7};\frac{6}{7})$	
ľ	0.5		
	0.25	$AE=rac{\sqrt{315}}{7}$ ج $A=1$ المسافة بين النقطة A و المستقيم	
	!	1	
	0.5	$x=-1+t+3\lambda$ $x=-1+t+3\lambda$ $x=2-3t-\lambda$ (4) $x=2-3t-\lambda$ (4)	
		z = 1 + t + 21	
	0.5	$5x - y - 8z + 15 = 0$: (Π)	
	L	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	

تابع الإجابة النموذجية اختبار مادة: الرياضيات الشعب(ة): رياضيات

		للبع الإجابة التمودجية اختبار مادة: الرياضيات الشعب(ة): رياضيات	
العلامة		عناصر الإجابة	محاور ال
مجموع	مجزاة	(145, 07)	الموضوع
	0.25	التمرين الرابع: (07 نقاط) $\lim_{x \to \infty} g(x) = +\infty (1)$	
	0.25	معادلة مستقيم مقارب لــ (C_g) ـــ معادلة مستقيم مقارب لــ $x=0$	دو ال
	0.5	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty(2$ $y = +\infty(2)$ $y = -\infty$	الوغاريتمية
		$g'(x) = \frac{x-2}{x}$ $g'(x) = \frac{x-2}{x}$	
	0.5 0.25	x جدول التغير ات	
	. 0.23	ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	
	0.25	$g(1) = 0 - \frac{1}{2}$	
	0.75	د- 3.5< α < 3.6 : $g(\alpha) = 0$ $g(x)$ شارة $g(x)$	
07	0.5 0.5	$g(\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\alpha}$	
	0.5	$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x} = 1$ مع التفسير الهندسي	
ļ	0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty -\psi$	
	0.5	$f'(x) = xg(\frac{1}{x})$: فإن $g(x) = xg(\frac{1}{x})$ فإن $g(x) = xg(\frac{1}{x})$ فإن $g(x) = xg(\frac{1}{x})$	
	0.25	اتجاه تغیر f	
	0.25	د- جدول تغیرات الدالة f	
	0.5	$f(\frac{1}{\alpha}) = \frac{\alpha - 1}{2\alpha^2}$: نبیین آن)
	0.5	$0.096 < f(\frac{1}{\alpha}) < 0.106$	
	0.5	لرسم المنحنى (C_f) الممثل للدالة رفي المعلم السابق	
		الرسم : الرسم :	
ŀ			
			.8
		600	