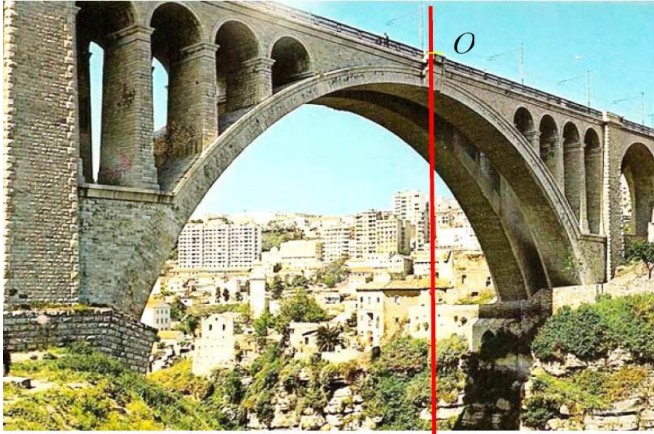


الموضوع 3 ثا - 16

التمرين الأول : (بكالوريا 2020 - ع ت) (U02-Ex138)



الشكل 1. جسر سيدي راشد -

بني جسر سيدي راشد بين 1908 و 1912 على ضفتي وادي الرمال بقسنطينة الذي يربط حي الكدية و محطة القطار . يهدف هذا التمرين إلى إيجاد ارتفاع الجسر .

زار التلاميذ جسر سيدي راشد في إطار رحلة مدرسية إلى مدينة قسنطينة فانبهرت " منى " من علو هذا الجسر و أرادت معرفة علوه ، من أجل ذلك تركت حجراً كتلته $m = 100 \text{ g}$ ليسقط دون سرعة ابتدائية من نقطة O تقع على حافة الجسر نعتبرها مبدأ للفواصل في اللحظة $t = 0$ و سجلت زمن سقوطه $t = 4,67 \text{ s}$.

يعطى : شدة الجاذبية الأرضية : $g = 9,80 \text{ m.s}^{-2}$.

دراسة السقوط الحر للحجر :

1. عرف السقوط الحر للأجسام .

2. من بين المراجع التالية :

(أ) المرجع السطحي الأرضي ، (ب) المرجع الجيومركزي ، (ج) المرجع الهيليوم مركزي .

1.1. اختر المرجع المناسب لدراسة حركة سقوط الحجر .

2.2. هل يمكن اعتبار المرجع المختار عطاليا ؟ علل .

3. نعتبر سقوط الحجر حراً في المعلم (OZ) المرتبط بمرجع الدراسة (الشكل 1) .

1.3. مثل القوى الخارجية المطبقة على الجملة المادية (الحجر) أثناء السقوط .

2.3. ذكر بنص القانون الثاني لنيوتن .

3.3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة ، جد المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز عطالة الجملة في

كل لحظة .

4.3. استنتج طبيعة حركة مركز عطالة الجملة و اكتب المعادلة الزمنية لسرعته .

4. اعتمادا على المعادلة الزمنية للسرعة :

1.4. ارسم على ورقة ميليمترية منحني تطور سرعة مركز عطالة الجملة $v = f(t)$.

2.4. جد بيانيا قيمة h ارتفاع الجسر عن سطح الأرض .

3.4. اكتب المعادلة الزمنية للحركة $z(t)$.

4.4. تأكد حسابيا من قيمة الارتفاع h .

التمرين الثاني : (بكالوريا 2021 – علوم تجريبية) (U02-Ex142)

هوت بارد4 قمر اصطناعي (S) للاتصالات جيومستقر ، يدور حول مركز الأرض في

مدار دائري نصف قطره r . أرسل هذا القمر سنة 1998 بواسطة صاروخ أريان IV .

حركته تُدرس بالنسبة للمرجع الأرضي المركزي (الجيومركزي) الذي يُعتبر غاليليا .

يهدف هذا التمرين إلى حساب ارتفاع القمر الاصطناعي الجيومستقر عن سطح

الأرض .

معطيات :

▪ قيمة حقل الجاذبية الأرضية على سطح الأرض : $g_0 = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.

▪ نصف قطر الأرض : $R_T = 6,38 \cdot 10^3 \text{ km}$.

▪ المسار الدائري للقمر الاصطناعي (S) حول الأرض (T) : \vec{u} هو شعاع الوحدة

الموجه من (T) نحو (S) (الشكل-4) .

1- حدد شروط استقرار قمر اصطناعي يدور حول مركز الأرض .

2- أعد على ورقة إجابتك الرسم التخطيطي (الشكل4) الممثل للمسار الدائري ، مثل

عليه القوة $\vec{F}_{T/s}$ المطبقة من طرف الأرض على القمر الاصطناعي ثم اكتب عبارتها الشعاعية بدلالة كتلة الأرض

M_T ، كتلة القمر الاصطناعي m ، نصف قطر المدار r ، ثابت الجذب العام G و شعاع الوحدة \vec{u} .

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، اكتب عبارة شعاع تسارع مركز عطالة القمر الاصطناعي (S) ثم بين أن حركته

دائرية منتظمة في المرجع الأرضي المركزي .

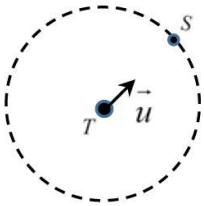
4- مثل على الشكل4 شعاع السرعة \vec{v} و التسارع \vec{a} لمركز عطالة القمر الاصطناعي (S) .

5- بين أن $GM_T = g_0 R_T^2$ علما أن قوة الجذب على سطح الأرض هي $F_0 = mg_0$ ثم استنتج

$$\text{أن : } v^2 = \frac{g_0 R_T^2}{r}$$

6- اذكر نص القانون الثالث لكبلر ثم تأكد من أن $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{g_0 R_T^2}$ حيث T دور القمر الاصطناعي (S) .

7- احسب قيمة r نصف قطر القمر الاصطناعي (S) ثم ارتفاعه h عن سطح الأرض .



الشكل4

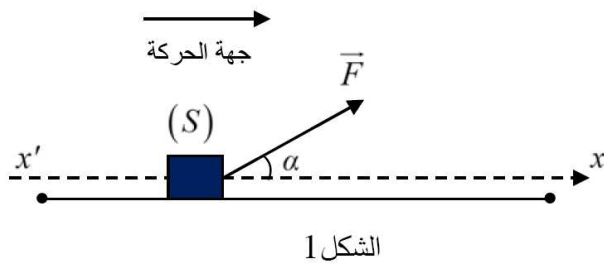
التمرين الثالث : (بكالوريا 2021 – علوم تجريبية) (U02-Ex143)



إن مفهومي القوة و الحركة يحضيان باهتمام خاص في علم الميكانيك ، بالخصوص في الحياة اليومية مثل جر ، دفع و رمي الأجسام ،
يهدف هذا التمرين إلى تحديد شدة قوة الجر \vec{F} التي تطبقها التلميذة لجر محفظتها على مسار مستقيم أفقي أثناء ذهابها إلى المدرسة .

معطيات :

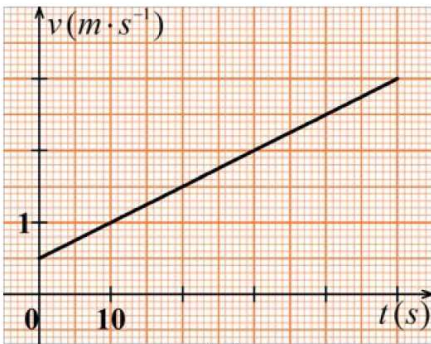
■ الشكل التخطيطي الوصفي لجر المحفظة على مستوي أفقي :
خرجت التلميذة " منى " من المنزل للذهاب إلى المدرسة و عند اقترابها منها ، لاحظت أن الحارس يستعد لغلاق باب الدخول فأسرعت الخطى عند لحظة نعتبرها مبدأ لقياس الأزمنة $t = 0$ لتلتحق بالمدرسة قبل غلق الباب و هي تجر محفظتها المزودة بعجلات صغيرة على مسار أفقي مطبقة عليها قوة ثابتة \vec{F} يصنع حاملها زاوية $\alpha = 60^\circ$ مع المستوي الأفقي (الشكل 1) .



الشكل 1

تخضع المحفظة أثناء حركتها لقوة احتكاك \vec{f} ثابتة و معاكسة لشعاع السرعة شدتها 10 N . نهمل تأثير الهواء .
■ كتلة المحفظة : $m = 3\text{ kg}$.

■ تطور سرعة مركز عتالة المحفظة على المسار المستقيم الأفقي بدلالة الزمن (الشكل 2) .
1- باستغلال المنحنى البياني (الشكل 2) :



الشكل 2

أ- حدد طبيعة حركة مركز عتالة المحفظة (S) و احسب تسارعه .
ب- احسب المسافة المقطوعة بين $t = 0$ و لحظة غلق باب المدرسة عند وصول التلميذة $t = 50\text{ s}$.

2- ذكر بنص القانون الثاني لنيوتن .

3- أعد رسم الشكل 1 و مثل عليه القوى الخارجية المطبقة على المحفظة (S) خلال حركتها .

4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على المحفظة (S) :

أ- بين أن المعادلة التفاضلية لحركة مركز عتالة المحفظة (S) تعطى بالعلاقة الموالية :

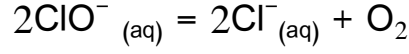
$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F \cdot \cos\alpha - f}{m}$$

ب- احسب شدة قوة الجر \vec{F} المطبقة على المحفظة (S) .

5- إذا أرادت التلميذة قطع المسافة السابقة بسرعة ثابتة ، فما هي شدة القوة \vec{F} الواجب تطبيقها على المحفظة (S) في هذه الحالة ؟ استنتج أقل قيمة للسرعة التي ينبغي أن تتحرك بها للوصول إلى باب المدرسة قبل غلقه .

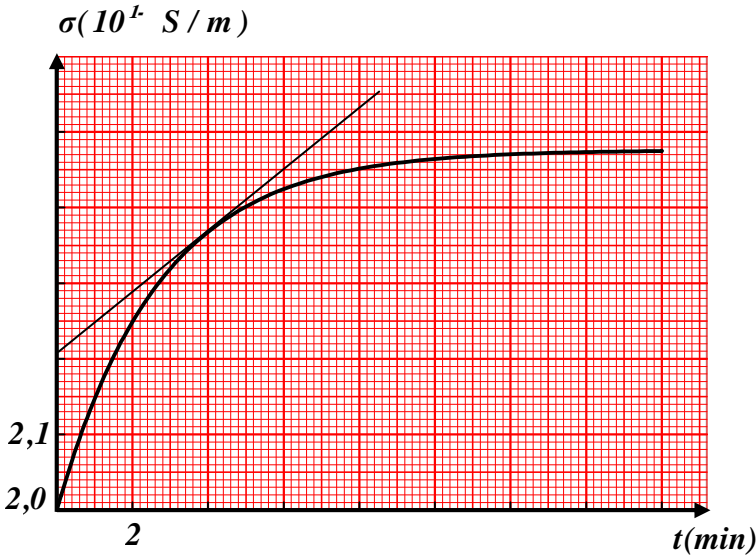
التمرين الرابع : (U01-Ex105)

يعرف تحت كلوريت الصوديوم ($\text{Na}^+ + \text{ClO}^-$) باسم ماء جافيل ، اكتشفه الكيميائي الفرنسي كلود لويس برتلي ، و هو منتج شائع ، يستعمل في التنظيف و التطهير . يتفكك ماء جافيل تلقائيا ببطئ في وجود وسيط حسب التحول الكيميائي التام المنمذج بالمعادلة :



لدراسة تطور هذا التحول الكيميائي ، نأخذ عند $\theta = 25^\circ\text{C}$ عينة من محلول تجاري (S_0) نخففه 5 مرات فنحصل على محلول (S) حجمه $V = 100 \text{ mL}$ ، عند اللحظة $t = 0$ نضيف للمحلول (S) وسيط فيبدأ التفكك .

نتابع تطور التحول الكيميائي باستعمال جهاز قياس الناقلية النوعية فنحصل على منحنى الشكل-2 .



1- اشرح باختصار البرتوكول التجريبي لعملية التمديد .

2- أنشئ جدول تقدم التفاعل .

3- اكتب عبارة الناقلية النوعية σ_0 و أوجد قيمتها بالاعتماد على البيان .

4- استنتج التركيز المولي C للمحلول (S) ، ثم التركيز المولي C_0 للمحلول (S_0) .

5- أحسب قيمة التقدم الأعظمي X_{max} .

6- بين أنه من أجل كل لحظة t :

$$\sigma(t) = 0,2 + 48,6 x$$

7- عرف السرعة الحجمية للتفاعل ثم جد قيمتها عند اللحظة $t = 4 \text{ min}$.

8- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ثم حدد قيمته .

9- لو أجرينا التفاعل السابق عند درجة حرارة $\theta' = 40^\circ\text{C}$ ، فسر كيف تتطور السرعة الحجمية للتفاعل ، أرسم كيفيا المنحنى في هذه الحالة .

يعطى : $\lambda(\text{Cl}^-) = 7,63 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2/\text{mol}$ ، $\lambda(\text{ClO}^-) = 5,2 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2/\text{mol}$ ، $\lambda(\text{Na}^+) = 5 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2/\text{mol}$.

حل التمرين الأول

1- تعريف السقوط الحر :

هو سقوط جسم في كل تأثيرات الهواء على الجسم ،
أي الجسم خلال السقوط الحر يخضع فقط إلى تأثير ثقله

2- المرجع المناسب لدراسة حركة سقوط الحجر
هو المرجع السطحي الأرضي

3- نعم يمكن اختيار المرجع المختار طالما
التقيل : مدة الدراسة صغيرة جدًا أمام مدة دوران الأرض
حول نفسها

3-1- تمثيل القوى الخارجية :



3-2- نص القانون الثاني لنيوتن :

في مرجع غاليلي المجموع التتبعي للقوى الخارجية المؤثرة على
مركز عظمة جملة مادية هيساوي في كل لحظة هذا كتلة
هذه الجملة المادية في تتضاعف تسارع مركز عظامتها اي :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

3-3- المعادلة التفاضلية بدلالة $z(t)$

- الجملة المدروسة : حجر
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليلي

- القوى الخارجية المؤثرة : قوة الثقل \vec{P}

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور z :

$$P = m\theta$$

$$mg = m \frac{dv}{dt} \rightarrow \frac{dv}{dt} = g$$

4-3 - سرعة الحركة

معاً سيق

$$\frac{dv}{dt} = g \rightarrow a = g$$

و ثابت ومنه θ ثابت وكون أن المسار مستقيم فالحركة مستقيمة متسارعة ثابتة \vec{a} (في جهة الحركة) المعادلات الزمنية للسرعة:

$$v = \theta t + v_0$$

$$\bullet \theta = g = 9,8 \text{ m/s}^2$$

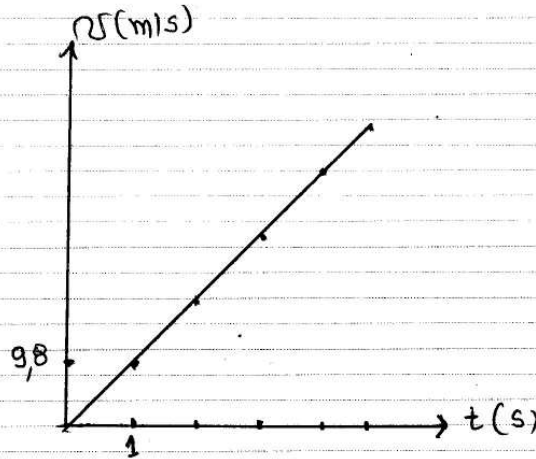
$$\bullet t = 0 \rightarrow v = 0 \rightarrow v_0 = 0$$

اذن معادلة السرعة هي:

$$v = 9,8 t$$

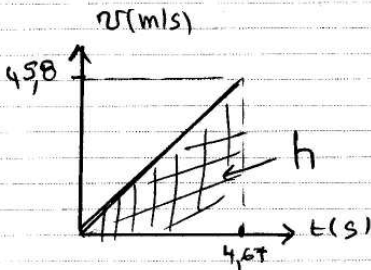
4-4 - المنحنى $v(t)$

t (s)	0	1	2	3	4	4,67
v (m/s)	0	9,8	19,6	29,4	39,2	45,8



4-4 - قيمة h

h هي المسافة المتساوية التي يقطعها الحجر بين لحظة تركه t_0 ولحظة ارتطامه بسطح الأرض $t = 4,67 \text{ s}$ وباستعمال طريقة المساحة في حساب المسافة:



$$h = \frac{45,8 \times 4,67}{2} \approx 107 \text{ m}$$

4-3 - المعادلة الزمنية $z(t)$

$$z = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + z_0$$

من معادلة السرعة السابقة يمكن كتابة:

$$z = 4,9 t^2 + z_0$$

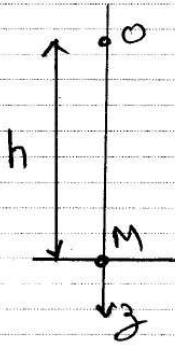
$$t=0 \rightarrow z=0 \rightarrow z_0=0$$

اذن معادلة المسافة هي:

$$z = 4,9 t^2$$

4- التأكيد حسابيا من قيمة h :

- نفرض أن الموضع M هو موضع ارتطام الحجر بسطح الأرض
- عند الموضع M لدينا:



$$z_M = h \quad \text{و} \quad t_M = 4,67 \text{ s}$$

التعويض في المعادلة $z(t)$:

$$z_M = 4,9 t_M^2$$

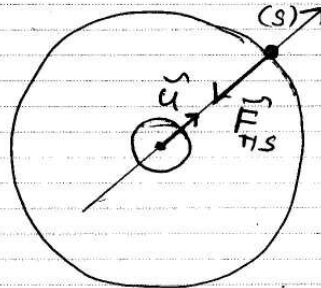
$$h = 4,9 (4,67)^2 \approx 107 \text{ m}$$

وهي نفس النتيجة السابقة

حل التمرين الثاني

1- شروط استقرار قمر اصطناعي:

- يدور في نفس جهة دوران الأرض.
- يدور في مستوى خط الاستواء.
- دورة يساوي دور حركة الأرض حول نفسها.
- تمثيل القوة $\vec{F}_{T/S}$



- العبارة الشعاعية للقوة $\vec{F}_{T/S}$:

$$\vec{F}_{T/S} = - \frac{G \cdot M_T \cdot m}{r^2} \vec{u}$$

3- اثبات أن حركة القمر الاصطناعي دائرية منتظمة :

- الجمة المدروسة : قمر اصطناعي

- مرجع الدراسة : سطحي أرضي بفترة عالية

- القوى الخارجية المؤثرة : قوة الجذب العام \vec{F}

- تطبيق القانون الثاني لنيوتن :

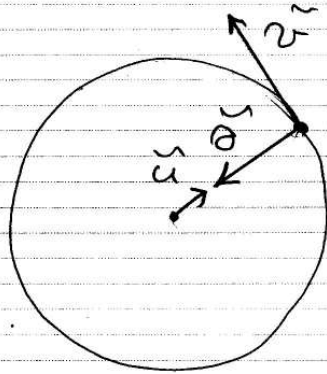
$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_{TIS} = m\vec{a}$$

$$-\frac{G \cdot M_T \cdot m}{r^2} \vec{u} = m\vec{a} \rightarrow \vec{a} = -\frac{GM_T}{r^2} \vec{u}$$

8 ثابت و \vec{a} موجه نحو مركز الأرض ، فالحركة إذن دائرية منتظمة .

4- تمثيل شعاع السرعة \vec{v} وشعاع السيار \vec{a}



5- اثبات $GM_T = g_0 R_T^2$

على الارتفاع h من سطح الأرض لدينا :

$$P = mg$$

$$P = F = \frac{G \cdot m \cdot M_T}{(R+h)^2}$$

$$\frac{G \cdot h \cdot M_T}{(R+h)^2} = mg \rightarrow \frac{GM_T}{(R+h)^2} = g$$

على سطح الأرض يكون $h=0$ ، $g=g_0$ بالتعويض :

$$\frac{GM_T}{R^2} = g_0 \rightarrow \boxed{GM_T = g_0 R_T^2}$$

$$\rightarrow \text{استنتاج : } v^2 = \frac{g_0 R_T^2}{r}$$

$$a = \frac{GM_T}{r^2}$$

مما سبق :

ولدينا : $a = a_n = \frac{v^2}{r}$ ، نكتب :

$$\frac{v^2}{r} = \frac{GM_T}{r^2} \rightarrow v^2 = \frac{G \cdot M_T}{r}$$

ووجدنا سابقا: $GM_T = g_0 R_T^2$ ، يصبح:

$$v^2 = \frac{g_0 \cdot R_T}{r}$$

6- نص قانون كبلر الثالث:

مربع دور حركة كوكب T^2 يتناسب طرديا مع مكعب البعد المتوسط r^3 بين مركزي الكوكب والشمس (وهنا القمر الاصطناعي بمثابة الكوكب والأرض بمثابة الشمس)

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{g_0 R_T^2} \quad \text{التأكد من}$$

$$T = \frac{2\pi r}{v} \rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{v^2}$$

لدينا سابقا: $v^2 = \frac{g_0 R_T^2}{r}$ ومنه:

$$T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{\frac{g_0 R_T^2}{r}}$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{g_0 R_T^2} \rightarrow \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{g_0 R_T^2}$$

7- قيمة r
متناسب:

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{g_0 R_T^2}$$

$$\frac{T^2}{(R_T+h)^3} = \frac{4\pi^2}{g_0 R_T^2} \rightarrow (R_T+h)^3 = \frac{T^2 \cdot g_0 \cdot R_T^2}{4\pi^2}$$

$$R_T+h = \sqrt[3]{\frac{T^2 \cdot g_0 \cdot R_T^2}{4\pi^2}} \rightarrow h = \sqrt[3]{\frac{T^2 \cdot g_0 \cdot R_T^2}{4\pi^2}} - R_T$$

القمر الاصطناعي في مدار مستقر وعليه:

$$T = 24h = 24 \times 3600 = 86400$$

$$h = \sqrt[3]{\frac{(86400)^2 \cdot 9,8 \cdot (6,38 \cdot 10^6)^2}{4\pi^2}} - 6,38 \cdot 10^6$$

$$h = 3,59 \cdot 10^4 \text{ m} \approx 36000 \text{ km.}$$

حل التمرين الثالث

1- طبيعة الحركة:

المنحنى $v(t)$ هو مستقيم صافته من الشكل $v = \theta t + b$ وحيث أن $v > 0$ و $\theta > 0$ يكون $\theta v > 0$ ومنه الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

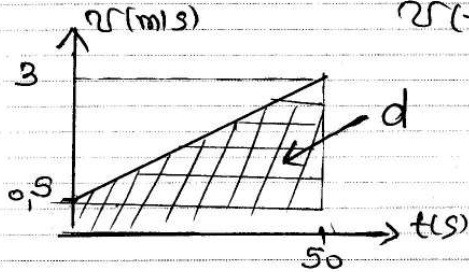
- تسارع الحركة:

من البيان:

$$\theta = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0,5 \times 1}{10} = 0,05 \text{ m/s}^2$$

ب- المسافة المقطوعة بين $t=0$ و $t=50$ s:

بطريقة المساحة في المنحنى $v(t)$

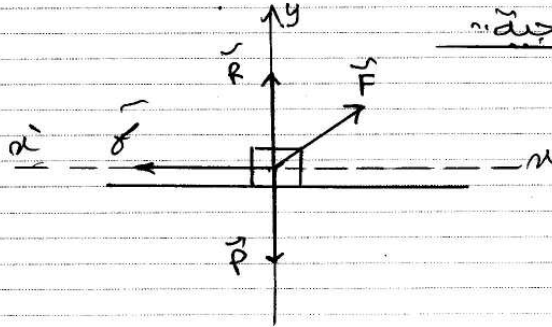


$$d = \frac{0,5 + 3}{2} \times 50 = 87,5 \text{ m}$$

2- نص القانون الثاني لنيوتن:

في مرجع غاليلي، المجموع الشعاعي للقوى الخارجية المؤثرة على مركز عظمة جملة مادية يساوي في كل لحظة بداء كتلة هذه الجملة في شعاع شعاع مركز عطلتها: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$

3- تمثيل القوى الخارجية:



4- المعادلة التفاضلية:

- الجملة المدروسة: محفظة

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي

- القوى الخارجية: \vec{P} , \vec{R} , \vec{F} , \vec{f}

- تطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\vec{F}_{\text{net}} = m\vec{a}$$

$$\vec{F} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}$$

الانحلال على المحور (x)

$$F \cos \alpha - f = m \frac{d^2x}{dt^2}$$

$$m \frac{d^2x}{dt^2} = F \cos \alpha - f$$

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F \cos \alpha - f}{m}$$

ب- شدة قوة الجذب:

ما سبق:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F \cos \alpha - f}{m}$$

$$a = \frac{F \cos \alpha - f}{m} \rightarrow ma = F \cos \alpha - f \rightarrow ma + f = F \cos \alpha$$

$$F = \frac{ma + f}{\cos \alpha} = \frac{(3 \cdot 0,05) + 10}{\cos 60} = 20,3 \text{ N}$$

ج- شدة القوة \vec{F} الواجب تطبيقها على المحطة:

ما سبق:

$$F \cos \alpha - f = m\vec{a}$$

في الحركة المستقيمة المنتظمة يكون $a = 0$ ومنه:

$$F \cos \alpha - f = 0$$

$$F \cos \alpha = f \rightarrow F = \frac{f}{\cos \alpha}$$

$$F = \frac{10}{\cos 60} = 20 \text{ N}$$

أقل قيمة للسرعة التي ينبغي أن تتحركها التلميذة:

$$v = \frac{d}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{d}{v}$$

حتى تصل التلميذة إلى باب المدرسة قبل علق الباب يكون $\Delta t \leq 50$ ومنه:

$$\frac{d}{v} \leq 50 \rightarrow v \geq \frac{d}{50} \rightarrow v \geq \frac{87,5}{50} \rightarrow \boxed{v \geq 1,75 \text{ m/s}}$$

حل التمرين الرابع

1- البروتوكول التحريبي

نحسب أولاً الحجم V_0 اللازم أخذنا من المحلول (S_0)

$$V = 5V_0 \rightarrow V_0 = \frac{V}{5} = \frac{100 \text{ mL}}{5} = 20 \text{ mL}$$

بواسطة ماصة عياريّة مزودة بإجاصة مص نسحب الحجم $V_0 = 20 \text{ mL}$ من المحلول (S_0) ونضعه في حوضلة عياريّة سعتها 100 mL .
نكمل الحجم بإضافة الماء المقطر حتى بلوغ الخط العياري ،
مع الرج المستمر من أجل تجانس المحلول .

2- جدول التقيم

الحالة	التقيم	$2 \text{ ClO}^- = 2 \text{ Cl}^- + \text{O}_2$		
التدايئة	$x=0$	$n_0 = CV$	0	0
التعايئة	x	$CV - 2x$	$2x$	x
لتحايئة	x_{max}	$CV - 2x_{\text{max}}$	$2x_{\text{max}}$	x_{max}

3- قيمة δ_0

$$\delta_0 = 2(C\text{Na}^+) [\text{Na}^+]_0 + 2(\text{ClO}^-) [\text{ClO}^-]_0$$

$$\delta_0 = 2(C\text{Na}^+)C + 2(\text{ClO}^-)C$$

$$\delta_0 = (2(C\text{Na}^+) + 2(\text{ClO}^-))C$$

- قيمة δ_0

$$\delta_0 = 0,2 \text{ S/m}$$

من البيان :

4- قيمة C

من عيارة δ_0 السابقة

$$C = \frac{\delta_0}{2(C\text{Na}^+) + 2(\text{ClO}^-)}$$

$$C = \frac{0,2}{5 \times 10^{-3} + 5,2 \cdot 10^{-3}} = 19,6 \text{ mol/m}^3 = 1,96 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$$

قيمة C_0

$$C_0 = 5C = 5 \cdot 1,96 \cdot 10^{-2} = 9,8 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$$

5- قيمة x_{max}

ClO^- متفاعل وجيد والتفاعل تام لذا هو متفاعل محدود
ومن جدول التقيم يكون :

$$n_0(\text{CeO}) - 2x_{\text{max}} = 0$$

$$CV - 2x_{\text{max}} = 0 \rightarrow x_{\text{max}} = \frac{CV}{2}$$

$$x_{\text{max}} = \frac{1,96 \cdot 10^{-2} \times 0,1}{2} = 9,8 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$$

$$\sigma = 48,6x + 0,2 \quad \text{إتقان 6}$$

$$\delta = \lambda(\text{CeO})[\text{CeO}] + \lambda(\text{Ce})[\text{Ce}] + \lambda(\text{Na}^+)[\text{Na}^+]$$

واعتدًا على جدول التقيم

$$\delta = \lambda(\text{CeO}) \frac{CV - 2x}{V} + \lambda(\text{Ce}) \frac{2x}{V} + \lambda(\text{Na}^+) \frac{CV}{V}$$

$$\delta = \lambda(\text{CeO}) \frac{CV}{V} - 2\lambda(\text{CeO}) \frac{x}{V} + \lambda(\text{Ce}) \frac{2x}{V} + \lambda(\text{Na}^+) C$$

$$\delta = \frac{2(\lambda(\text{Ce}) - \lambda(\text{CeO}))}{V} x + \underbrace{(\lambda(\text{Na}^+) + \lambda(\text{CeO})) C}_{\delta_0}$$

$$\delta = \frac{2(\lambda(\text{Ce}) - \lambda(\text{CeO}))}{V} x + \delta_0$$

$$\delta = \frac{2(7,63 \cdot 10^3 - 9,2 \cdot 10^3)}{0,1 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3} x + 0,2$$

$$\delta = 48,6x + 0,2$$

4- تعريف السرعة الحجمية

هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم

* السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 4 \text{ min}$

- تكتب عبارة سرعة التفاعل بدلالة ميل المماس $\frac{d\delta}{dt}$

- حسب تعريف سرعة التفاعل

$$v_{\text{vol}} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

لدينا سابقا:

$$\delta = 48,6x + 0,2$$

نشتق الطرفين بالنسبة للزمن

$$\frac{d\delta}{dt} = 48,6 \frac{dx}{dt} \rightarrow \frac{dx}{dt} = \frac{1}{48,6} \frac{d\delta}{dt}$$

تصبح عبارة السرعة الحجمية كما يلي

$$v_{\text{vol}} = \frac{1}{V} \left(\frac{1}{48,6} \frac{d\delta}{dt} \right) \rightarrow v_{\text{vol}} = \frac{1}{48,6V} \frac{d\delta}{dt}$$

من البيان عند $t = 4 \text{ min}$

$$\bullet \frac{d\delta}{dt} = \frac{1,6 \times 0,1 \cdot 10^{-1}}{4} = 4 \cdot 10^{-3}$$

$$\bullet v_{\text{رد}} = \frac{1}{48,6 \times 0,1} (4 \cdot 10^{-3}) = 8,23 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \cdot \text{min}$$

8- تعريفًا من نصف التفاعل

هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف قيمته الاعظمية.
حساب $t_{1/2}$ ومما سبق لدينا:

$$\delta_{(t)} = 48,6 x_{(t)} + 0,2$$

$$\delta_{1/2} = 48,6 x_{1/2} + 0,2$$

عند $t_{1/2}$ نكتب:

وحسب تعريف $t_{1/2}$

$$x_{1/2} = \frac{x_{\text{max}}}{2} = \frac{9,8 \cdot 10^{-4}}{2} = 4,9 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$$

$$\delta_{1/2} = (48,6 \times 4,9 \cdot 10^{-4}) + 0,2 = 0,224 \text{ s/m}$$

والاستقالات نجد:

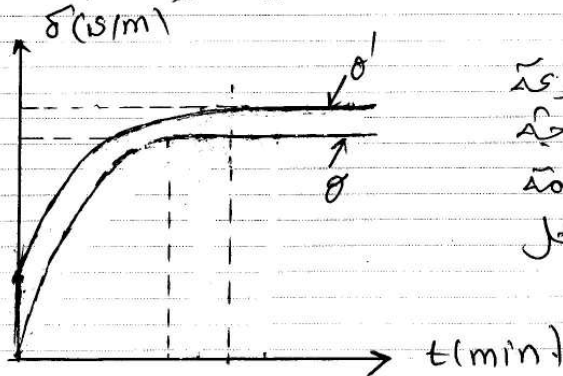
$$t_{1/2} \approx 2 \text{ min}$$

9- تفسير تطور سرعة التفاعل عند رفع درجة الحرارة

عند ازدياد درجة الحرارة تزداد حركة الافراد الكيميائية وبالتالي تزداد التصادمات الفعالة وسرعة التفاعل.

- المنحنى $\delta(t)$:

بالإضافة إلى ازدياد سرعة التفاعل نتيجة ارتفاع درجة الحرارة، تزداد ايضا قيمة الناعلية النوعية k في كل لحظة وعليه يكون:



تمنياتي لكم التوفيق و النجاح